



Digitalna vezja UL, FRI



P9 Avtomati

Avtomat - Končni stroj stanj

- Je sekvenčno vezje (stroj) s končnim številom stanj, podano z vnaprej določenim zaporedjem prehajanja med stanji.
- Definicija:
 - X - množica vhodov (n)
 - Y - množica izhodov (m)
 - S – množica stanj (p)
[$S(t)$ -trenutna stanja (TS), $S(t+1)$ - naslednja stanja (NS)]
 - logični funkciji F (določa naslednje stanje) in G (določa izhode)
- Delovanje:
 - Logična funkcija F določa naslednje stanje (NS) in je odvisna od trenutnega stanja in vhodov.
 - Izhodna logična funkcija G je odvisna samo od trenutnega stanja (TS), ali pa od trenutnega stanja (TS) in vhodov.
- Predstavitev:
 - Diagram prehajanja stanj
 - Tabela prehajanja stanj
- Tip:
 - Moore
 - Mealy

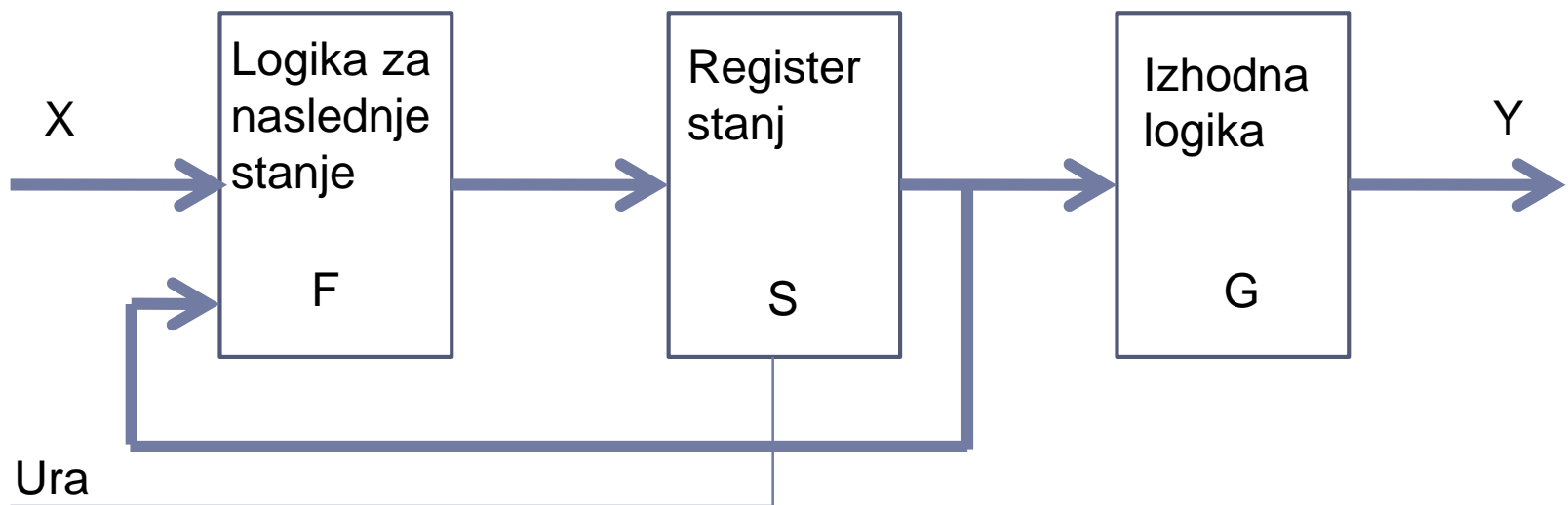
Moore-ov avtomat

- Logika za naslednje stanje s funkcijo F v odvisnosti od vhodov (X) in trenutnega stanja ($S(t)$) določa naslednje stanje ($S(t+1)$), ki se shrani v register stanj.

$$S(t+1) = F[X, S(t)]$$

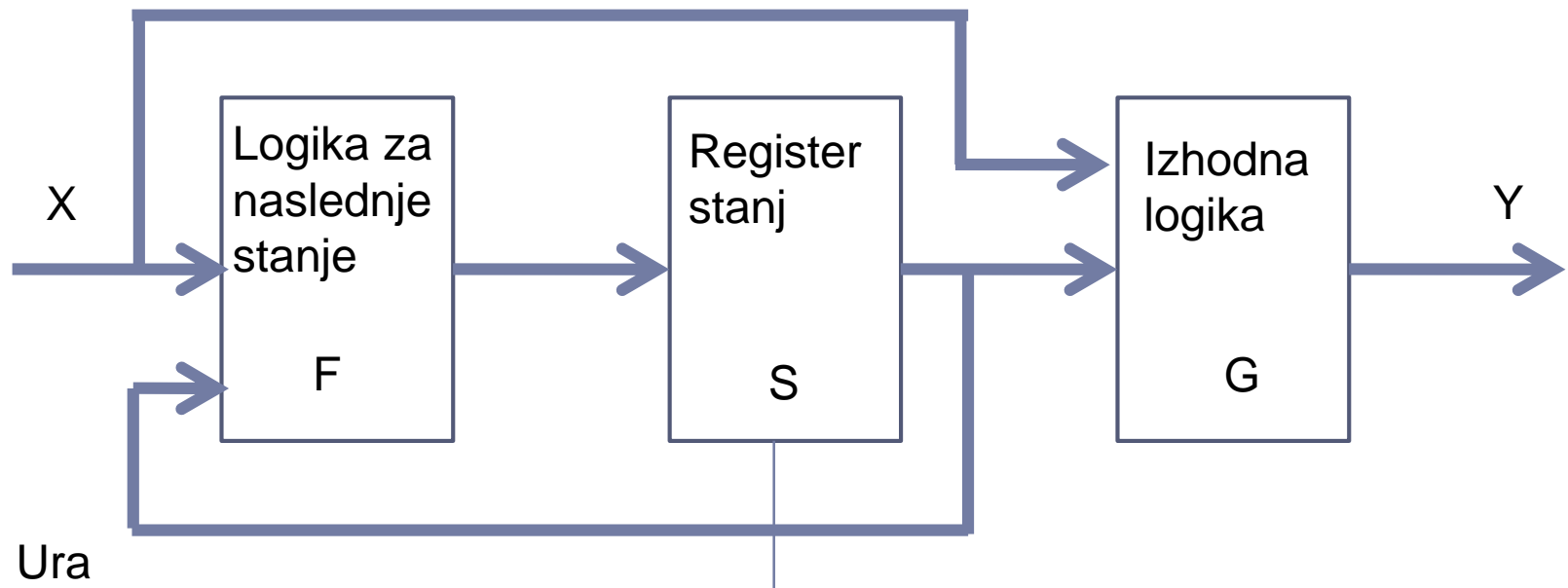
- Izhodna logika s funkcijo G v odvisnosti od trenutnega stanja ($S(t)$) določa izhode (Y).

$$Y = G[S(t)]$$



Mealy-jev avtomat

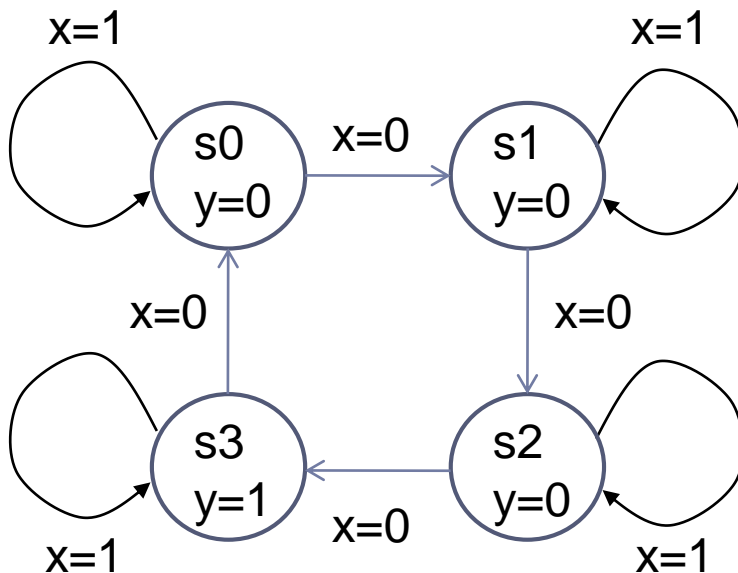
- Logika za naslednje stanje s funkcijo F v odvisnosti od vhodov (X) in trenutnega stanja ($S(t)$) določa naslednje stanje ($S(t+1)$), ki se shrani v register stanj.
 $S(t+1) = F[X, S(t)]$
- Izhodna logika s funkcijo G v odvisnosti od vhodov (X) in trenutnega stanja ($S(t)$) določa izhode (Y).
 $Y = G[X, S(t)]$



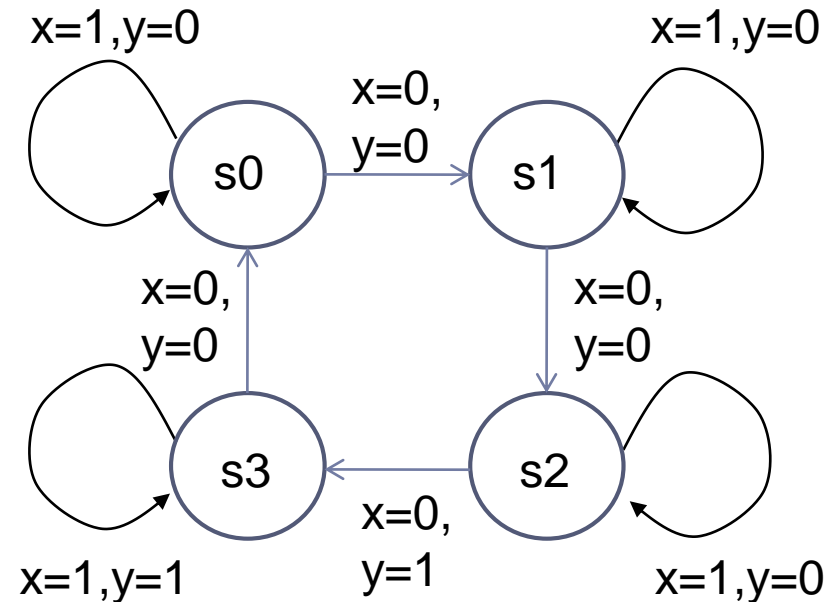
Predstavitev avtomatov

- Diagram prehajanja stanj opisuje delovanje avtomata – opisuje delovanje vezja.
- Primer: Avtomat ima na izhodu vrednost 1, če se na vходу pojavi zaporedje treh ničel (000), ki mu mora slediti še ena ničla, da se vrne v začetno stanje (s0)

Moore-ov avtomat



Mealy-jev avtomat



Predstavitev avtomatov

- Tabela prehajanja stanj- osnova za določanje ali analizo delujočega digitalnega vezja,

Moore-ov avtomat

	x=0	x=1	Y
s0	s1	s0	0
s1	s2	s1	0
s2	s3	s2	0
s3	s0	s3	1

↑
Trenutna stanja $S(t)$

↑
Naslednja stanja $S(t+1)$

↑
Izhod Y

Mealy-jev avtomat

	x=0	x=1
s0	s1,0	s0,0
s1	s2,0	s1,0
s2	s3,1	s2,0
s3	s0,0	s3,1

↑
Trenutna stanja $S(t)$

↑
Naslednja stanja, Izhod $S(t+1), Y$

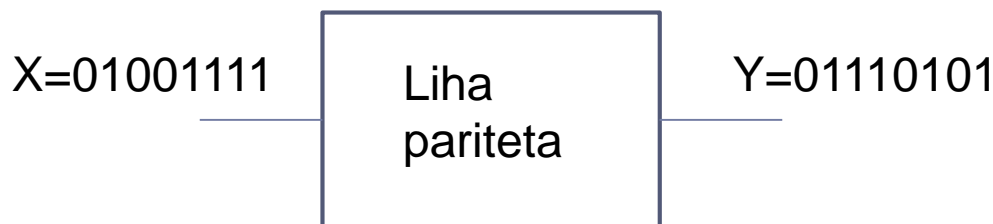
Paritetna kontrola

Štetje števila enic v vhodnem nizu.

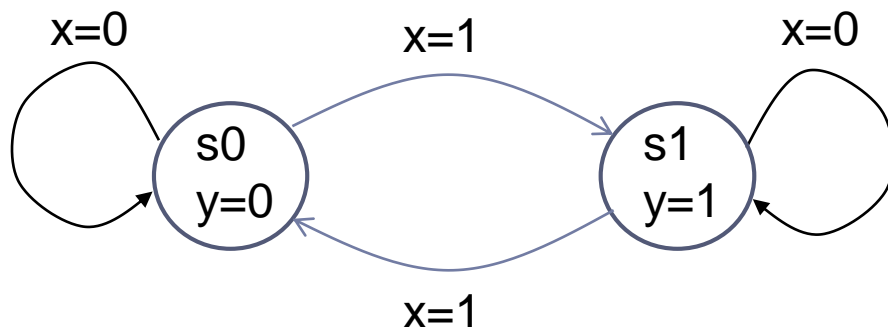
Primer: Liha pariteta vhodnega signala $X=(0,1)$

Izhod $y=1$, če je bilo do danega trenutka na vhodu prisotnih liho število enic
in $y=0$, če je bilo prisotno sodo število enic.

Potrebujemo dve stanji: $s0$ in $s1$, ki določata vrednost izhoda



1. Določili bomo diagram prehajanja stanj za Moore-ov avtomat.
2. Stanje $s0$ = SOD, stanje $s1$ = LIH



	x=0	x=1	Y
s0	s0	s1	0
s1	s1	s0	1

a) Načrtovanje vezja (Pomnilna celica D)

2. Tabela prehajanja stanj pretvorimo v aplikacijsko tabelo za načrtovanje sekvenčnega vezja: Stanji s_0 in s_1 je potrebno kodirati: $s_0=0, s_1=1$

x	s (t)	s(t+1)	y
0	s_0	s_0	0
0	s_1	s_1	1
1	s_0	s_1	0
1	s_1	s_0	1



x	s (t)	s(t+1)	D	y
0	0	0	0	0
0	1	1	1	1
1	0	1	1	0
1	1	0	0	1

Funkcija prehajanja stanj (F) za D

Funkcija izhoda (G)

3. Izračun funkcij naslednjega stanja (F) in izhoda (G).

Če izberemo pomnilno celico D, je potrebno izračunati krmiljenje vhoda D za določanje naslednjega stanja. Funkcija F se določi iz $s(t+1)$ in je odvisna od trenutnega stanja $s(t)$ in vhoda x. Zapišemo jo v obliki vsote produktov in dobimo (glej tabelo):

$$F: D = x' \cdot s(t) + x \cdot s(t) = x \nabla s(t)$$

G: Izhod y je enak trenutnemu stanju $s(t)$, to pomeni, da $y=s(t)$.

b) Načrtovanje vezja (Pomnilna celica JK)

x	s (t)	s(t+1)	J=K	y
0	0	0	0	0
0	1	1	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	1

Funkcija prehajanja stanj (F) za JK

Funkcija izhoda (G)

3. Izračun funkcij naslednjega stanja (F) in izhoda (G).

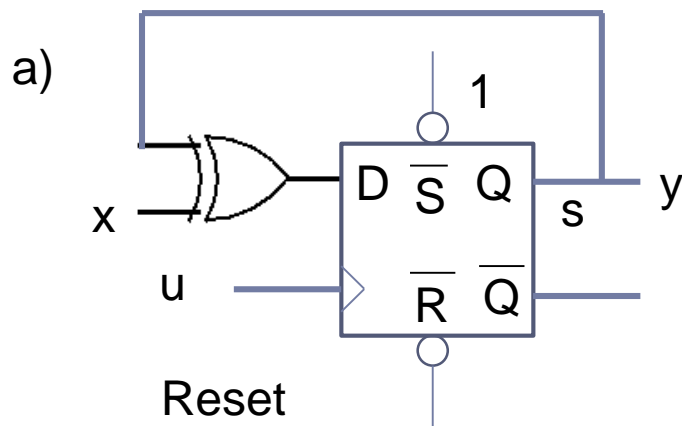
Če izberemo pomnilno celico JK, je potrebno izračunati krmiljenje vhoda $J=K$ za določanje naslednjega stanja. Zapišemo jo v obliki vsote produktov in dobimo (glej tabelo):

F: $J=K = x$

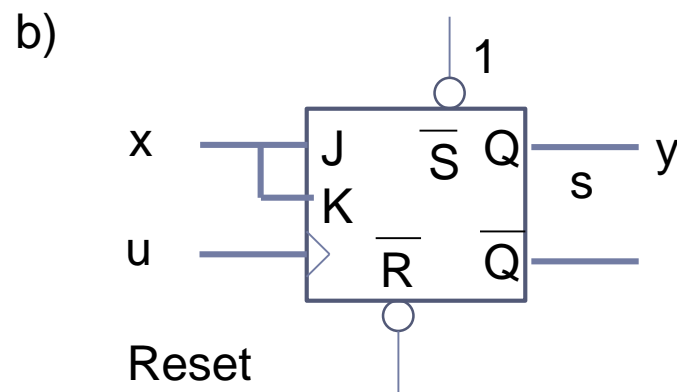
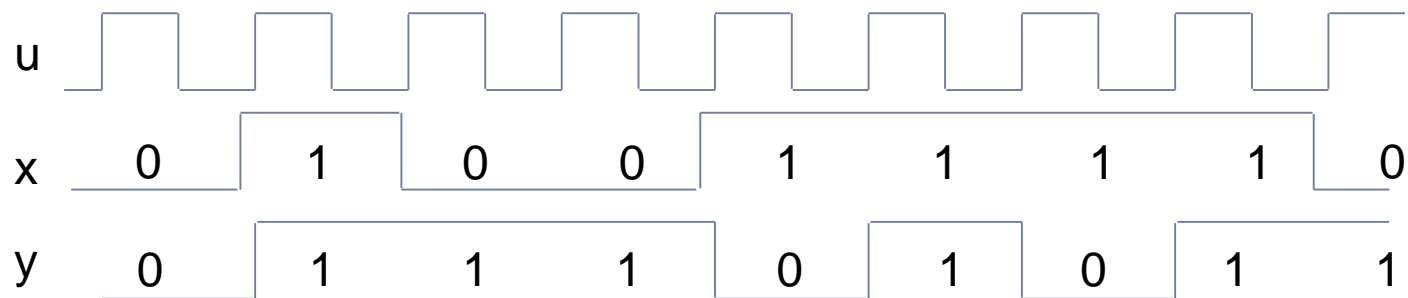
G: Izhod y je enak trenutnemu stanju $s(t)$, to pomeni, da $y=s(t)$.

Delovanje vezja

3. Vezje za določanje lihe paritete. Vezju dodamo še asinhronski vhod za postavitev začetnega stanja s_0 (Reset)

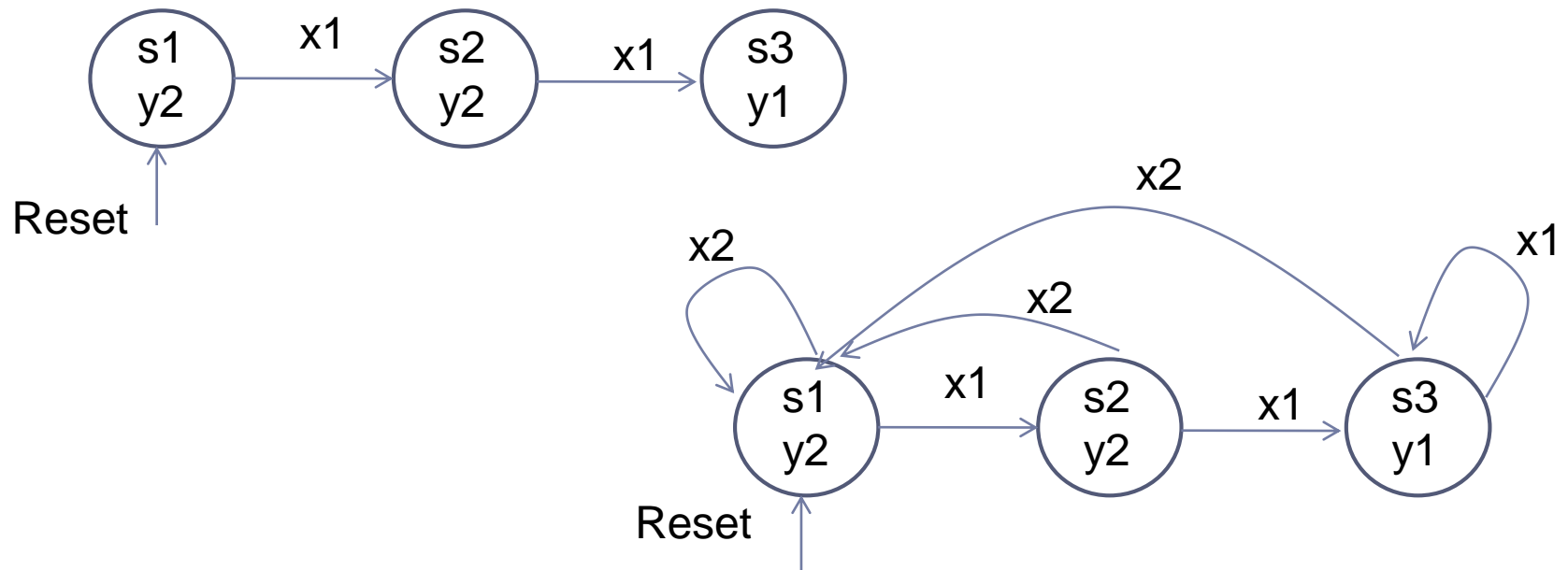


Časovni diagram



Primer 1: Razpoznavanje niza

- Diagram prehajanja stanj za razpoznavanje niza črk, če je $X=(x1,x2)$ in $Y=(y1,y2)$. Na izhodu naj se pojavi $y1$, če se na vходу pojavita vhoda $x1x1$.

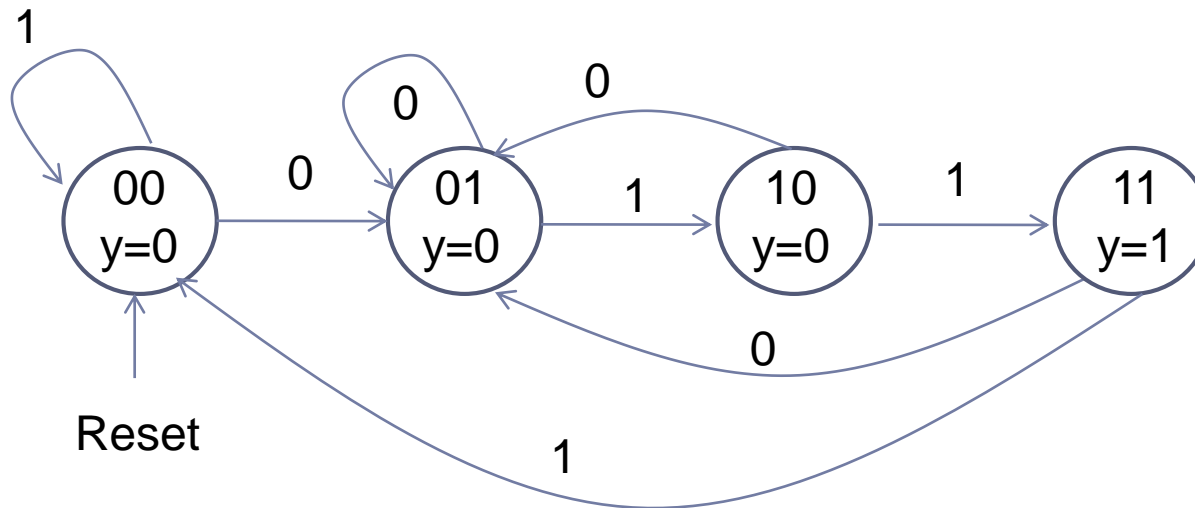


Vhod: $x1\ x2\ x2\ x1\ x1\ x1\ x2\ x1\ x2\ x1\ x1\ x1\ x1\ x1\ \dots$

Izhod: $y2\ y2\ y2\ y2\ y1\ y1\ y2\ y2\ y2\ y2\ y1\ y1\ y1\ y1\ \dots$

Primer 2: Razpoznavanje niza

- Diagram prehajanja stanj za razpoznavanje niza 011 v zaporedju ničel in enic na vhodu. Izhod y naj se postavi na 1 vsakič, ko se pojavi iskani niz.



Vhod: 1001101100101100

Na vhodu se 3x pojavi niz 011

Izhod: 0000100100000100

Na izhodu = 1 ob vsakem pojavu niza

011

Primer 2 Rešitev

► Tabela stanj:

	Q_1	Q_0	Q_1	Q_0	y	$J_1=K_1$	$J_0=K_0$
x	(t)	(t)	(t+1)	(t+1)			
0	0	0	0	1	0	0	1
0	0	1	0	1	0	0	0
0	1	0	0	1	0	1	1
0	1	1	0	1	1	1	0
1	0	0	0	0	0	0	0
1	0	1	1	0	0	1	1
1	1	0	1	1	0	0	1
1	1	1	0	0	1	1	1

► Realizacija: JK pomnilna celica, AND, OR, NOT

Primer 2 Rešitev a

► Minimizacija

x			
Q_1		1	1
		1	
Q_0			

$$J_1 = K_1 = \bar{x} \cdot Q_1 \vee x \cdot Q_0$$

x			
Q_1	1	1	
		1	
Q_0			

$$J_0 = K_0 = \bar{x} \cdot \bar{Q}_0 \vee x \cdot Q_0 \vee x \cdot Q_1$$

x			
Q_1		1	1
Q_0			

$$y = Q_1 \cdot Q_0$$

- ▶ Vhod: 0110011011010110
- ▶ Izhod: 0010000100100010

