Popravni kolokvij iz Matematike

12. 2. 2013

1. Dana je ravnina

$$\Sigma: \quad x - 2y + z = 1$$

in točki A(1,2,1) in B(2,1,2).

- (a) Preveri, da točki A in B ležita na nasprotnih straneh ravnine Σ .
- (b) Poišči presečišče ravnine Σ in daljice AB.
- 2. Poišči vse rešitve sistema

$$Ax = b$$

za matriki

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 1 & 1 & -1 \end{bmatrix} \text{ in } b = \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix}.$$

Ali obstaja rešitev sistema Ax = b, ki ima vsoto komponent enako 0?

3. Dana je funkcija

$$f(x) = \frac{1}{x}.$$

- (a) Poišči ničle, pole, asimptote, intervale naraščanja in približno nariši graf funkcije f.
- (b) Izračunaj enačbo tangente na graf f v točki z x koordinatno enako 2.
- 4. Poišči ploščino med grafoma funkcij

$$y = x(2-x)$$
 in $y = x - 2$.