



RAČUNALNIŠKA ARHITEKTURA

4 Predstavitev informacije



4 Predstavitev informacije - vsebina

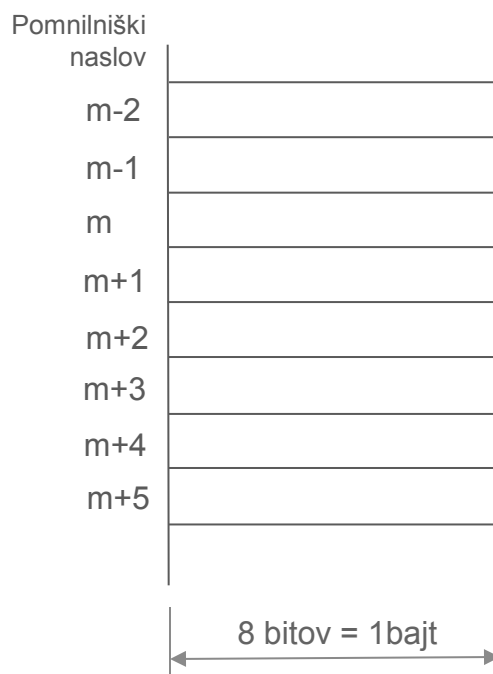
- Sestavljeni pomnilniški operandi
- Osnovni tipi informacije v računalniku
- Predstavitev nenumeričnih operandov
 - ASCII abeceda
 - UNICODE abeceda
- Predstavitev numeričnih operandov v fiksni vejici
 - Vrste predstavitev
 - Prenos in preliv
 - Primeri
- Aritmetika s števili v fiksni vejici
- Predstavitev numeričnih operandov v plavajoči vejici
 - Splošna oblika
 - Standard za predstavitev v plavajoči vejici
 - Osnovne lastnosti standarda IEEE 754
 - Primer
- Aritmetika s števili v plavajoči vejici
- Dopolnitev standarda IEEE 754-2008



32-bitna kombinacija npr:

1110 0000 1000 0000 0101 0000 0000 **0001** (bin)

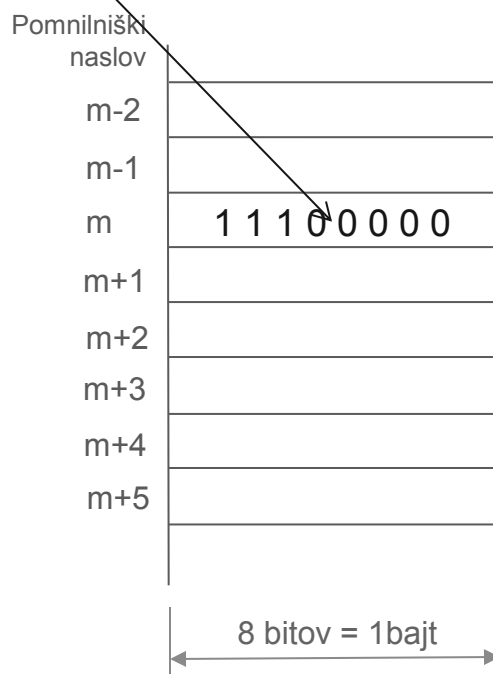
E 0 8 0 5 0 0 1 (hex)





32-bitna kombinacija npr:

1110 0000 1000 0000 0101 0000 0000 0001 (bin)
E 0 8 0 5 0 0 1 (hex)

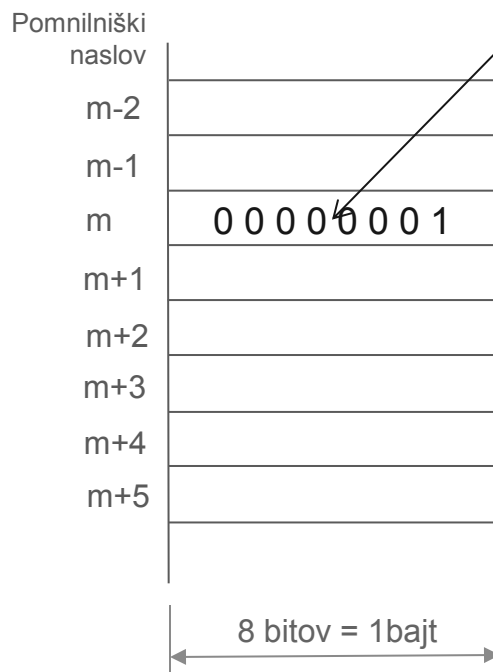




32-bitna kombinacija npr:

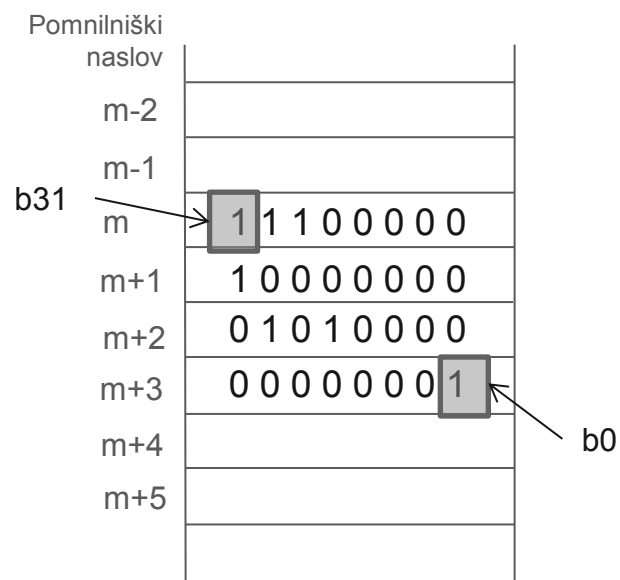
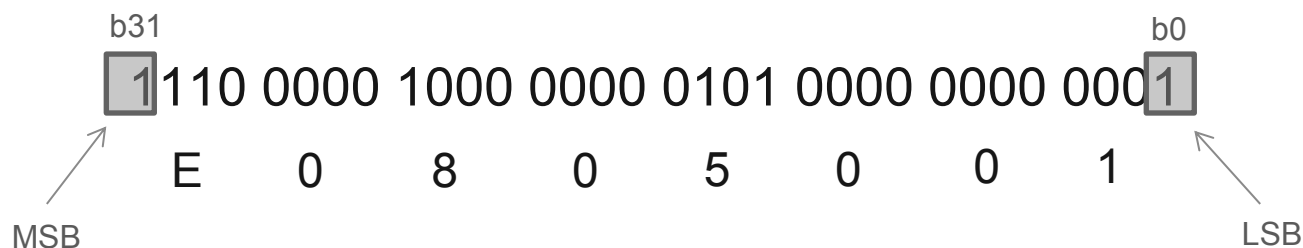
1110 0000 1000 0000 0101 0000 **0000 0001** (bin)

E 0 8 0 5 0 0 1 (hex)

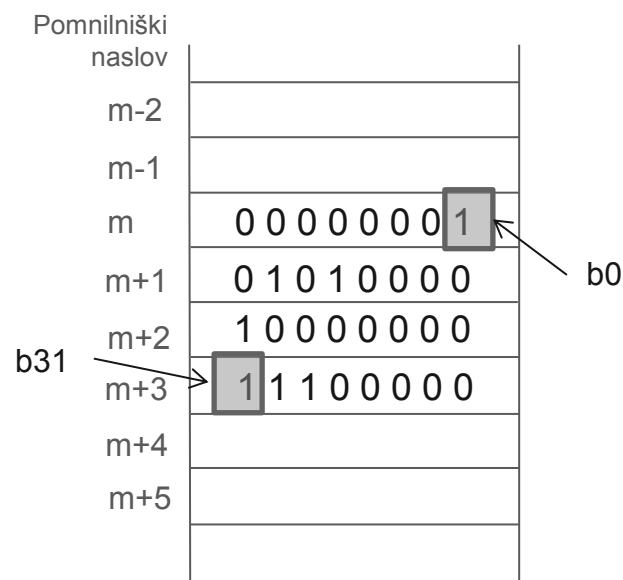




32-bitna kombinacija npr:



Pravilo debelega konca



Pravilo tankega konca



- Operand shranjen v pomnilniku je **poravnan operand**, kadar velja:

$A \bmod s = 0$; kjer je:

A – naslov sestavljenega pomnilniškega operanda

s – število besed sestavljenega pomnilniškega operanda

- Če zgornja enačba velja, je naslov A **naravni naslov**
- Procesor ARM: glej psevdoukaz `.align`
- Procesor ARM shranjuje operande, ki so daljši od 8 bitov, (sestavljene pomnilniški operandi) po pravilu tankega konca.



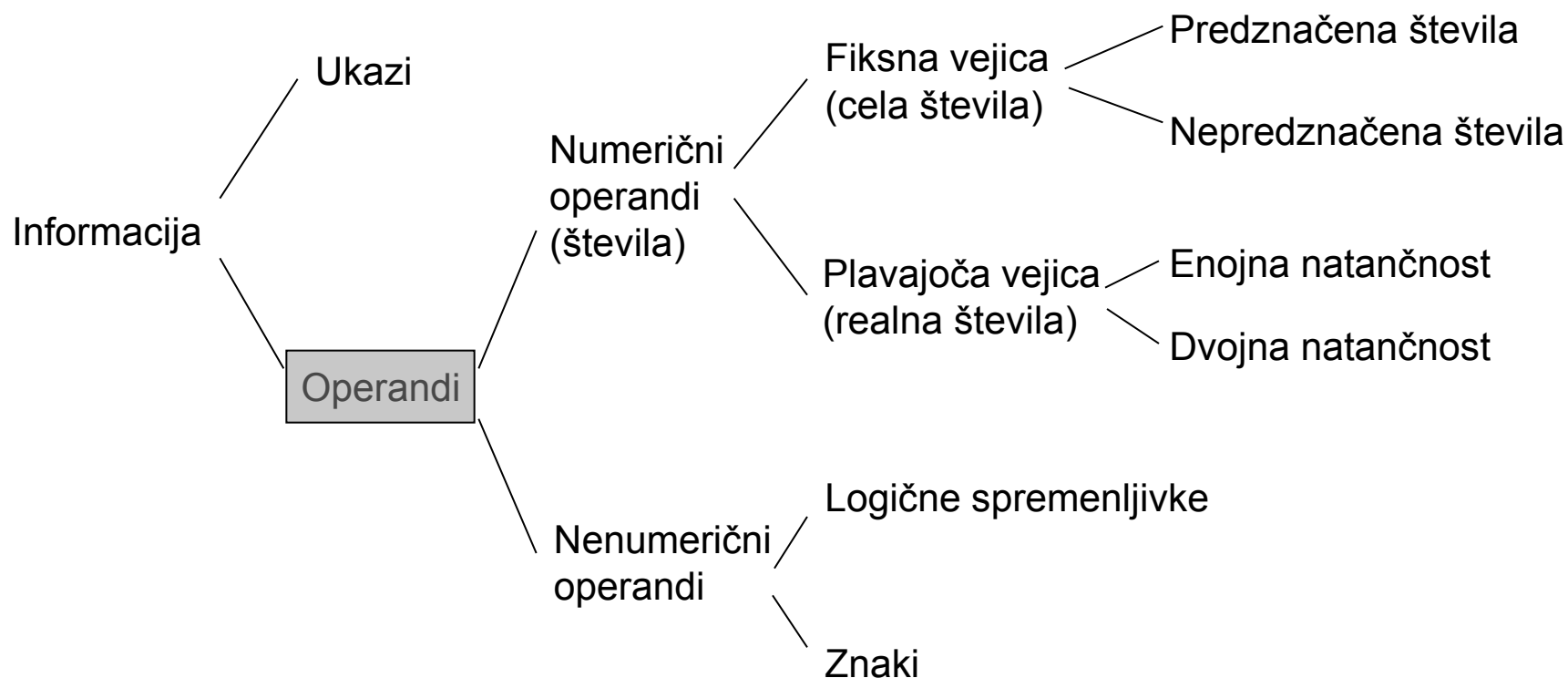
32-bitna kombinacija:

1110 0000 1000 0000 0101 0000 0000 0001(bin) = E0805001(hex)

- Zasede v pomnilniku 4 zaporedne 8-bitne pomnilniške besede in lahko predstavlja:
 - Strojni ukaz (ARM 9): `add r5, r0, r1` /* $R5 \leftarrow R0 + R1$
 - Celo število brez predznaka: 3.766.505.473
 - Celo število s predznakom (dvojiški komplement): - 528.461.823
 - Realno število v plavajoči vejici (enojna natančnost): - 73,967 * 10¹⁸
točno: - 73,967129076026048512 * 10¹⁸
 - Štiri znake v ASCII abecedi: ř nedefinirano P NUL
 - Še marsikaj drugega



Osnovni tipi informacije v računalniku





4.1 Predstavitev nenumeričnih operandov

- Nenumerični operandi
 - ☐ Znaki (angl. character)
 - ☐ Nizi (angl. string) - sestavljeni iz znakov
 - ☐ Znak je predstavljen z neko abecedo
- Abeceda je predpis, ki določa preslikavo elementov ene množice v elemente druge množice.



Vrste abeced, ki se uporabljajo v računalnikih

■ BCD abeceda

- ☐ 6-bitna ($2^6 = 64$ različnih znakov)
- ☐ 26 črk angleške abecede, 10 števil, 28 posebnih znakov
- ☐ V uporabi do leta 1964 (6-bitne besede)

■ Danes v uporabi 8-bitni abecedi EBCDIC in ASCII ter 16-bitna abeceda Unicode.



■ **EBCDIC abeceda** (8-bitna)

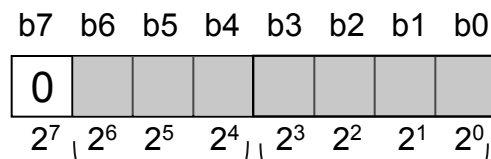
- ☐ Uporabljala predvsem firma IBM na velikih računalnikih (1963/64 IBM System/360 →)

■ **ASCII abeceda** (8-bitna)

- ☐ V osnovi 7-bitna, vendar se danes v računalnikih uporablja 8-bitna oblika
- ☐ Bit 7 = 0 - osnovna oblika
- ☐ Bit 7 = 1 - razširjena ASCII abeceda, definiranih je dodatnih 128 znakov (IBM PC)
- ☐ Dodatnih 128 znakov je za različne države različnih in tvorijo nacionalne ASCII abecede (npr. Latin2 = ISO 8859-2)



Osnovna 7-bitna ASCII abeceda



Hex	.0	.1	.2	.3	.4	.5	.6	.7	.8	.9	.A	.B	.C	.D	.E	.F
0.	NUL	SOH	STX	ETX	EOT	ENQ	ACK	BEL	BS	HT	LF	VT	FF	CR	SO	SI
1.	DLE	DC1 XON	DC2	DC3 XOFF	DC4	NAK	SYN	ETB	CAN	EM	SUB	ESC	FS	GS	RS	US
2.	SP	!	"	#	\$	%	&	'	()	*	+	,	-	.	/
3.	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	:	;	<	=	>	?
4.	@	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
5.	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	[\]	^	_
6.	`	a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o
7.	p	q	r	s	t	u	v	w	x	y	z	{		}	~	del



Razširjena 8-bitna ASCII abeceda Latin2 (ISO 8859-2) - dodatni znaki (b₇=1)

b7	b6	b5	b4	b3	b2	b1	b0
1							
2 ⁷	2 ⁶	2 ⁵	2 ⁴	2 ³	2 ²	2 ¹	2 ⁰

NBSP = A0(hex) Non Breaking Space

SHY = AD(hex) Soft Hyphen

Hex	.0	.1	.2	.3	.4	.5	.6	.7	.8	.9	.A	.B	.C	.D	.E	.F
8.																
9.																
A.	NBSP	À	Á	Â	Ã	Ä	Å	Æ	Ç	È	É	Ê	Ë	Ì	Í	Î
B.	°	à	á	â	ã	ä	å	æ	ç	è	é	ê	ë	ì	í	î
C.	Ò	Ó	Ô	Õ	Ö	×	Ø	Ù	Ú	Û	Ü	Ý	Þ			
D.	Đ	Ñ	Ň	Ó	Ô	Õ	Ö	×	Ø	Ù	Ú	Û	Ü	Ý	Þ	
E.	í	á	â	ă	ä	í	ć	ç	č	é	ę	ë	ě	í	î	d'
F.	Đ	ñ	ň	ó	ô	õ	ö	÷	ř	ů	ú	ű	ü	ý	ı	·



Razširjena 8-bitna ASCII abeceda Latin2 (ISO 8859-2)

Hex	.0	.1	.2	.3	.4	.5	.6	.7	.8	.9	.A	.B	.C	.D	.E	.F
0.	NUL	SOH	STX	ETX	EOT	ENQ	ACK	BEL	BS	HT	LF	VT	FF	CR	SO	SI
1.	DLE	DC1 XON	DC2	DC3 XOFF	DC4	NAK	SYN	ETB	CAN	EM	SUB	ESC	FS	GS	RS	US
2.	SP	!	"	#	\$	%	&	'	()	*	+	,	-	.	/
3.	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	:	;	<	=	>	?
4.	@	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
5.	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	[\]	^	_
6.	`	a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o
7.	p	q	r	s	t	u	v	w	x	y	z	{		}	~	del

8.																
9.																
A.	NBSP	À	Á	Â	Ã	Ä	Å	Ł	Ś	Ş	Š	Ţ	Ž	SHY	Ž	Ž
B.	°	à	á	â	ã	ä	å	ł	ś	ş	š	ţ	ž	”	ž	ž
C.	Ř	Á	Â	Ä	Ä	Í	Ć	Ç	Č	É	Ę	Ě	Ě	Í	Î	Ď
D.	Ð	Ñ	Ñ	Ó	Ô	Ö	Ö	×	Ř	Ù	Ú	Û	Ü	Ý		ß
E.	ř	á	â	ä	ä	í	ć	ç	č	é	ę	ě	ě	í	î	ď
F.	ð	ñ	ñ	ó	ô	ö	ö	×	ř	ù	ú	û	ü	ý	ı	·



■ Unicode abeceda (standard ISO 10646)

- ☐ 32-bitna: omogoča predstavitev znakov v praktično vseh znanih svetovnih jezikih (2^{32} različnih znakov).
- ☐ UCS ravnine (Universal Character Set): podmnožice 2^{16} znakov, pri katerih se elementi (v 32-bitni predstavitvi) razlikujejo samo v spodnjih (najlažjih) 16 bitih.
- ☐ BMP (Basic Multilingual Plane) ali Plane 0: najbolj pogosto uporabljeni znaki, kjer so vključeni tudi vsi starejši standardi, so zbrani v prvi ravnini.
- ☐ UCS vsakemu znaku določa kodo in tudi uradno ime.



- Šestnajstiško število, ki predstavlja UCS ali Unicode kodo, ima predpono U+ npr.: U+0041 za znak A (Latin capital letter A).
- Definiranih je več vrst transformacij za predstavitev znakov z zaporedjem bajtov npr. UTF-8 in UTF-16 (UTF - UCS Transformation Format).
- UTF-16 (Windows, Java)
 - En znak zasede 2 bajta
 - Spremenljiv vrstni red bajtov (debeli/tanki konec)
- UTF-8 (www, e-mail)
 - Spremenljiva dolžina 1 do 4 bajte
 - Kompatibilna s 7-bitno ASCII abecedo (prvih 128 znakov)

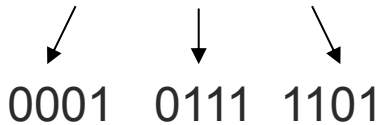


- Unicode abecedo so kot standard sprejeli IBM, Microsoft, Apple, HP, Sun, Oracle in drugi.
- Uporaba: programski jezik Java, JavaScript, XML, ...
- <http://www.unicode.org>

Znak	Unicode	UTF-16 Pravilo debelega konca	UTF-16 Pravilo tankega konca	UTF-8
Z	U+005A	005A	5A00	5A
Ž	U+017D	017D	7D01	C5BD ¹



□ 1) Ž (Unicode) = U+017D = 0000 0001 0111 1101



□ Pravilo za transformacijo v obliko UTF-8 za znake s kodami od U+00000080 do U+000007FF je:

□ 110XXXXX 10XXXXXX



Predstavitev nenumeričnih operandov - Unicode

□ ¹⁾ Ž (Unicode) = U+017D = 0000 0001 0111 1101

↓ ↓ ↓

0001 0111 1101

1101

□ Ž (UTF-8) = 110X XXXX 10XX XXXX

XXXX



Predstavitev nenumeričnih operandov - Unicode

- ¹⁾ Ž (Unicode) = U+017D = 0000 0001 0111 1101
- ↓ ↓ ↓
- 0001 0111 1101
- ↙ ↘
- Ž (UTF-8) = 110X XXXX 10XX 1101
-



Predstavitev nenumeričnih operandov - Unicode

□ 1) Ž (Unicode) = U+017D = 0000 0001 0111 1101

↓ ↓ ↓
0001 0111 1101

□ Ž (UTF-8) = 110X XX01 1011 1101



Predstavitev nenumeričnih operandov - Unicode

□ ¹⁾ Ž (Unicode) = U+017D = 0000 0001 0111 1101

↓ ↓ ↓

0001 0111 1101

□ Ž (UTF-8) = 1100 0101 1011 1101



Predstavitev nenumeričnih operandov - Unicode

□ ¹⁾ Ž (Unicode) = U+017D = 0000 0001 0111 1101

□ Ž (UTF-8) = 1100 0101 1011 1101

↓

D



Predstavitev nenumeričnih operandov - Unicode

□ 1) Ž (Unicode) = U+017D = 0000 0001 0111 1101

□ Ž (UTF-8) = 1100 0101 1011 1101

↓

B D



Predstavitev nenumeričnih operandov - Unicode

□ 1) Ž (Unicode) = U+017D = 0000 0001 0111 1101

□ Ž (UTF-8) = 1100 0101 1011 1101

↓

5 B D



Predstavitev nenumeričnih operandov - Unicode

□ 1) Ž (Unicode) = U+017D = 0000 0001 0111 1101

□ Ž (UTF-8) = 1100 0101 1011 1101

↓

C 5 B D



□ ¹⁾ Ž (Unicode) = U+017D = 0000 0001 0111 1101

□ Ž (UTF-8) = 1100 0101 1011 1101 = C5BD (hex)

C 5 B D



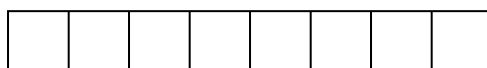
4.2 Predstavitev numeričnih operandov v fiksni vejici

- Vejica je na vnaprej določenem fiksnem mestu - zapis s fiksno vejico.
- Če je vejica desno od bita z najnižjo težo, je število celo število (integer).
- Cela števila ali integerji so pravzaprav sinonim za predstavitev s fiksno vejico.



- Za cela števila s predznakom se uporabljajo (ali so se uporabljali) štirje načini predstavitve:
 - ☐ Predznak in velikost
 - ☐ Predstavitev z odmikom
 - ☐ Eniški komplement (v komplementu so samo negativna števila)
 - ☐ Dvojiški komplement (v komplementu so samo negativna števila)
- n -bitno zaporedje $b_{n-1} \dots b_2 b_1 b_0$ v vsakem od načinov predstavlja neko predznačeno celo število

b7 b6 b5 b4 b3 b2 b1 b0



2^7 2^6 2^5 2^4 2^3 2^2 2^1 2^0 uteži posameznih bitov

8-bitno zaporedje



- Najmanjše in največje predstavljivo nepredznačeno (pozitivno) število, ki ga lahko predstavimo z n - *biti* je:

$$0 \leq x \leq 2^n - 1$$

- Pri 8-bitni dolžini ($n = 8$)

$$n = 8 \quad 0_D \leq x \leq 255_D$$

- **Prenos** (angl. carry) - če je rezultat seštevanja ali odštevanja pozitivnih (nepredznačenih) števil izven območja, pride do prenosa iz najvišjega bita (mesta)



- Največje in najmanjše število, ki ga lahko z $n - \text{biti}$ predstavimo v dvojiškem komplementu je:

$$-2^{n-1} \leq x \leq 2^{n-1} - 1$$

- Pri 8-bitni dolžini

$$n = 8 \quad -128_D \leq x \leq +127_D$$

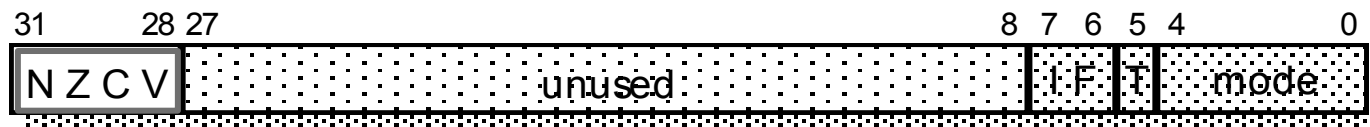
- **Preliv (angl. overflow)** - če je rezultat operacije izven področja, ki je predstavljivo v dvojiškem komplementu



- Preliv ali prenos je lahko vzrok za napako.
- V CPE mora biti vgrajen mehanizem, s pomočjo katerega lahko programer ugotovi, ali je pri rezultatu operacije prišlo do prenosa ali preliva.
- Bita C (Carry) in V (oVerflow) v registru pogojev v CPE, ki se postavita na 1, kadar pride pri operaciji do prenosa oziroma preliva.



- Primer: register CPSR (Current Program Status Register) procesorja ARM



- Biti N, Z, C in V – zastavice (flag bits, status flags)
- Biti zastavic se postavijo v stanje 1 ali 0 po izvršeni aritmetični ali logični operaciji glede na rezultat operacije.



- **oVerflow** (bit 28 v CPSR) $V = 1$: pri rezultatu je prišlo do preliva;
 $V = 0$: ni preliva
- **Carry** (bit 29 v CPSR) $C = 1$: pri rezultatu je prišlo do prenosa;
 $C = 0$: ni prenosa
- **Zero** (bit 30 v CPSR) $Z = 1$: rezultat je 0;
 $Z = 0$: rezultat je različen od 0
- **Negative** (bit 31 v CPSR) $N = 0$: bit 31 rezultata je 0;
 $N = 1$: bit 31 rezultata je 1



- Katero desetiško število predstavlja 8-bitna kombinacija 10010100 v vsaki od štirih predstavitev s fiksno vejico?

b7 b6 b5 b4 b3 b2 b1 b0

1	0	0	1	0	1	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---

2^7 2^6 2^5 2^4 2^3 2^2 2^1 2^0 uteži posameznih bitov

Predstavitev predznak in velikost: $b7 = 1 \Rightarrow$ število je negativno

Vrednost = $0 \times 2^6 + 0 \times 2^5 + 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 0 \times 2^0 = 16 + 4 = 20(\text{dec})$

V predstavitvi predznak in velikost predstavlja ta kombinacija število $-20(\text{dec})$

Predstavitev z odmikom: odmik je lahko $2^{n-1}=128$ ali $2^{n-1}-1=127$; izberemo npr. $128(\text{dec})$

Desetiška vrednost 8-bitne kombinacije 10010100 vključuje odmik in je $128+16+4=148$

Odštejemo odmik $148 - 128 = 20$

V predstavitvi z odmikom 128 predstavlja ta kombinacija število $+20(\text{dec})$

Predstavitev z eniškim komplementom: $b7 = 1 \Rightarrow$ število je negativno torej je kombinacija 10010100 komplement ustreznega pozitivnega števila.

$10010100 \Rightarrow$ eniški komplement = $01101011 = 64+32+8+2+1=107(\text{dec})$

Kombinacija 10010100 v eniškem komplementu predstavlja število $-107(\text{dec})$



Predstavitev števil v fiksni vejici – primer

Predstavitev z dvojiškim komplementom: $b_7 = 1 \Rightarrow$ število je negativno torej je kombinacija 10010100 komplement ustreznega pozitivnega števila.

$10010100 \Rightarrow$ dvojiški komplement $= 01101100 = 64+32+8+4=108(\text{dec})$

Kombinacija 10010100 v dvojiškem komplementu predstavlja število $-108(\text{dec})$

b7 b6 b5 b4 b3 b2 b1 b0

1	0	0	1	0	1	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---

2^7 2^6 2^5 2^4 2^3 2^2 2^1 2^0

$= -20(\text{dec})$ v predstavitvi predznak in velikost

b7 b6 b5 b4 b3 b2 b1 b0

1	0	0	1	0	1	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---

$= +20(\text{dec})$ v predstavitvi z odmikom

b7 b6 b5 b4 b3 b2 b1 b0

1	0	0	1	0	1	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---

$= -107(\text{dec})$ v predstavitvi z eniškim komplementom

b7 b6 b5 b4 b3 b2 b1 b0

1	0	0	1	0	1	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---

$= -108(\text{dec})$ v predstavitvi z dvojiškim komplementom



- Katero desetiško število predstavlja 8-bitna kombinacija 00010100 v vsaki od štirih predstavitev s fiksno vejico?

b7 b6 b5 b4 b3 b2 b1 b0

0	0	0	1	0	1	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---

2^7 2^6 2^5 2^4 2^3 2^2 2^1 2^0 uteži posameznih bitov

Predstavitev predznak in velikost: $b7 = 0 \Rightarrow$ število je pozitivno

Vrednost = $0 \times 2^6 + 0 \times 2^5 + 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 0 \times 2^0 = 16 + 4 = 20(\text{dec})$

V predstavitvi predznak in velikost predstavlja ta kombinacija število +20(dec)

Predstavitev z odmikom: odmik je lahko $2^{n-1}=128$ ali $2^{n-1}-1=127$; izberemo npr. 128(dec)

Desetiška vrednost 8-bitne kombinacije 00010100 vključuje odmik in je $16+4=20$

Odštejemo odmik $20 - 128 = -108$

V predstavitvi z odmikom predstavlja ta kombinacija število -108(dec)

Predstavitev z eniškim komplementom: $b7 = 0 \Rightarrow$ število je pozitivno torej kombinacija 00010100 ni komplement in lahko vrednost izračunamo direktno.

$00010100 = 16 + 4 = +20(\text{dec})$

Kombinacija 00010100 v eniškem komplementu predstavlja število +20(dec)



Predstavitev števil v fiksni vejici – primer

Predstavitev z dvojiškim komplementom: $b_7 = 0 \Rightarrow$ število je pozitivno torej kombinacija 00010100 ni komplement in lahko vrednost izračunamo direktno.

$$00010100 = 16 + 4 = +20(\text{dec})$$

Kombinacija 00010100 v dvojiškem komplementu predstavlja število +20(dec)

b7 b6 b5 b4 b3 b2 b1 b0

0	0	0	1	0	1	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---

2^7 2^6 2^5 2^4 2^3 2^2 2^1 2^0

= +20(dec) v predstavitvi predznak in velikost

b7 b6 b5 b4 b3 b2 b1 b0

0	0	0	1	0	1	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---

= -108(dec) v predstavitvi z odmikom

b7 b6 b5 b4 b3 b2 b1 b0

0	0	0	1	0	1	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---

= +20(dec) v predstavitvi z eniškim komplementom

b7 b6 b5 b4 b3 b2 b1 b0

0	0	0	1	0	1	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---

= +20(dec) v predstavitvi z dvojiškim komplementom



4.3 Aritmetika s števili v fiksni vejici

- Aritmetika - štiri osnovne operacije: seštevanje, odštevanje, množenje in deljenje.
- Aritmetične operacije se izvajajo v aritmetično-logični enoti (ALE), ki je del CPE.
- Vrsta in število operacij, ki jih zna izvajati ALE, se med računalniki razlikujeta - pri najpreprostejših samo seštevanje in logične operacije, druge operacije so realizirane s programi.



- Ključno vezje za realizacijo aritmetičnih operacij je n -bitni paralelni dvojiški seštevalnik, ki iz dveh nepredznačenih celih števil tvori njuno vsoto.
- Z njim so narejene vse operacije, tudi odštevanje (za predstavitev negativnih števil se običajno uporablja dvojiški komplement), množenje in deljenje.
- Osnovni element, s katerim zgradimo n -bitni seštevalnik, je 1-bitni polni seštevalnik.

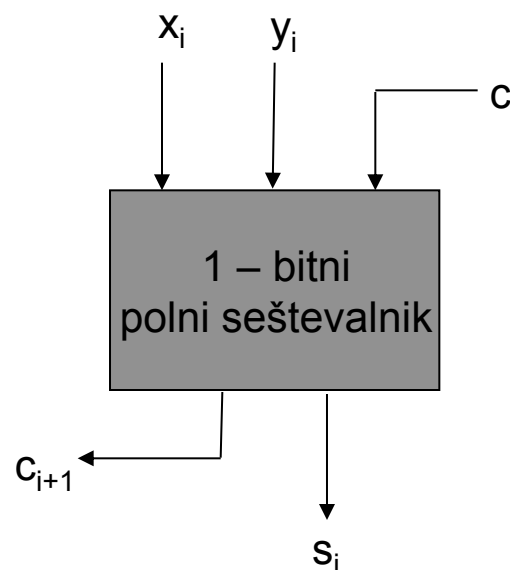


■ 1-bitni polni seštevalnik ima tri vhode

- Dva sumanda x_i in y_i
- Vhodni prenos c_i

■ in dva izhoda

- Vsota s_i
- Izhodni prenos c_{i+1}

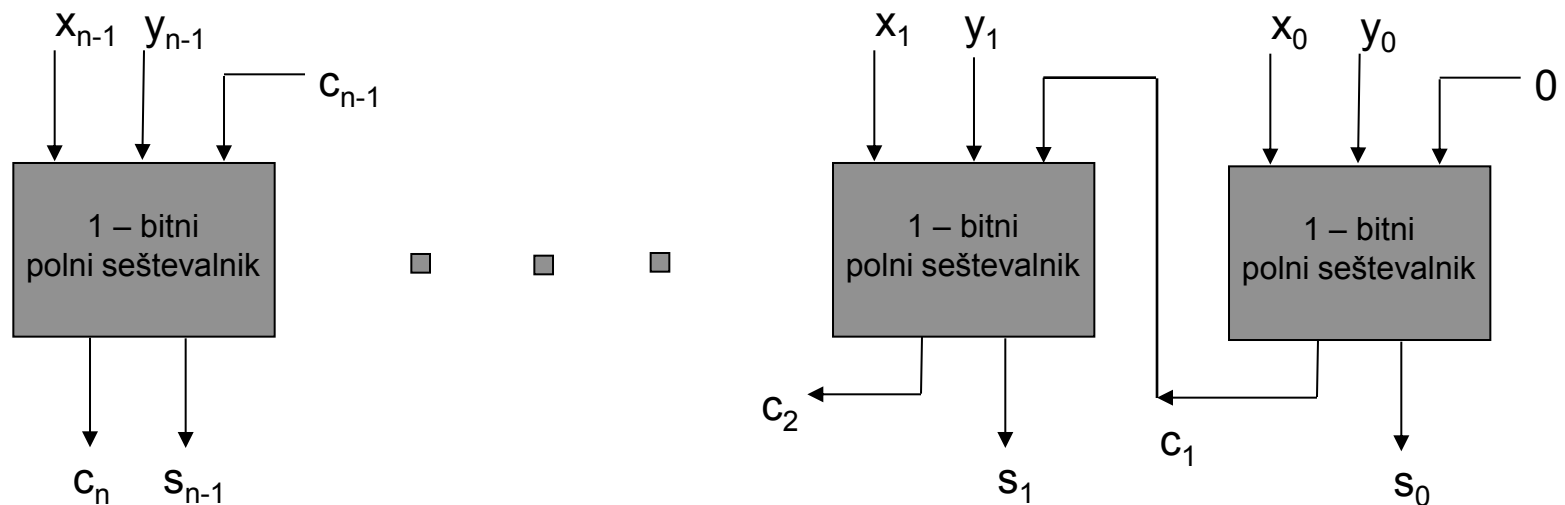


Pravilnostna tabela

Vhodi			Izhodi	
x_i	y_i	c_i	s_i	c_{i+1}
0	0	0	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	1
1	1	0	0	1
1	1	1	1	1



- n -bitni seštevalnik dobimo, če povežemo n eno-bitnih seštevalnikov - seštevalnik s plazovitim prenosom.





4.4 Predstavitev numeričnih operandov v plavajoči vejici

- Obseg števil, ki jih lahko predstavimo v predstavitvi s fiksno vejico, je za tehnične probleme običajno premajhen.
- Ta števila pišemo običajno v znanstveni notaciji, ki omogoča predstavitev z razmeroma malo številkami.

$$3.200.000,00 = 3,20000000 \cdot 10^6 = 0,03200000 \cdot 10^8 = 32000000,0 \cdot 10^{-1} =$$

- Predstavitev števil v plavajoči vejici je samo za računalnik prirejena oblika znanstvene notacije.



- Splošna oblika

$$m \cdot r^e \rightarrow \text{npr. : } 0,03200000 \cdot 10^8$$

- m – mantisa (koeficient, fraction, significand) = 0,03200000
- r – baza (osnova, radiks) = 10
- e – eksponent (karakteristika) = 8



Standard za predstavitev v plavajoči vejici

- Števila v plavajoči vejici se da predstaviti na veliko načinov:
 - ☐ različno število bitov za predstavitev mantise in eksponenta,
 - ☐ različni načini predstavitve eksponenta in mantise,
 - ☐ različni načini zaokroževanja.
- Proizvajalci računalnikov so veliko let uporabljali različne formate, ki med seboj niso bili kompatibilni. Isti program je zato na različnih računalnikih dal različne rezultate.
- Leta 1981 je bil v okviru organizacije IEEE predlagan standard za aritmetiko s plavajočo vejico, leta 1985 pa sprejet v končni obliki z oznako IEEE 754 in ga danes uporablja večina računalnikov.
- Poleg formata za predstavitev števil določa standard še načine izvajanja aritmetičnih operacij (zaokroževanje) in postopke v primeru napak (preliv, deljenje z 0, itn.).

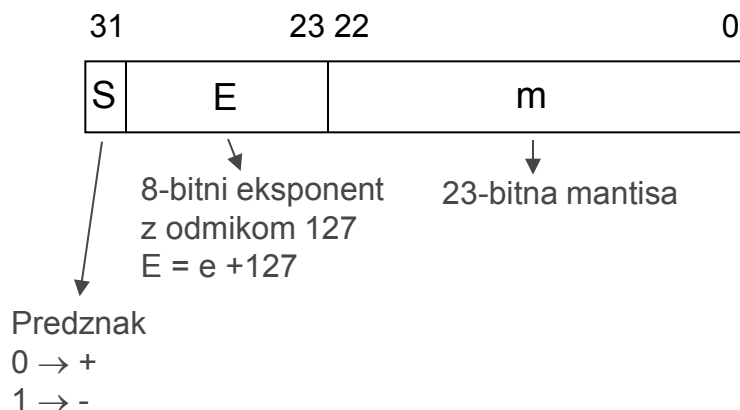


- Osnovne lastnosti predstavitve števil v standardu IEEE 754
 - Standard uporablja bazo $r = 2$.
 - Mantisa je predstavljena v načinu predznak in velikost.
 - Implicitna predstavitev normalnega bita. Vejica je desno od normalnega bita (= levo od prvega bita mantise).
 - Eksponent je predstavljen v predstavitvi z odmikom.
 - Definirana sta dva formata: 32-bitni format ali enojna natančnost in 64-bitni format ali dvojna natančnost.



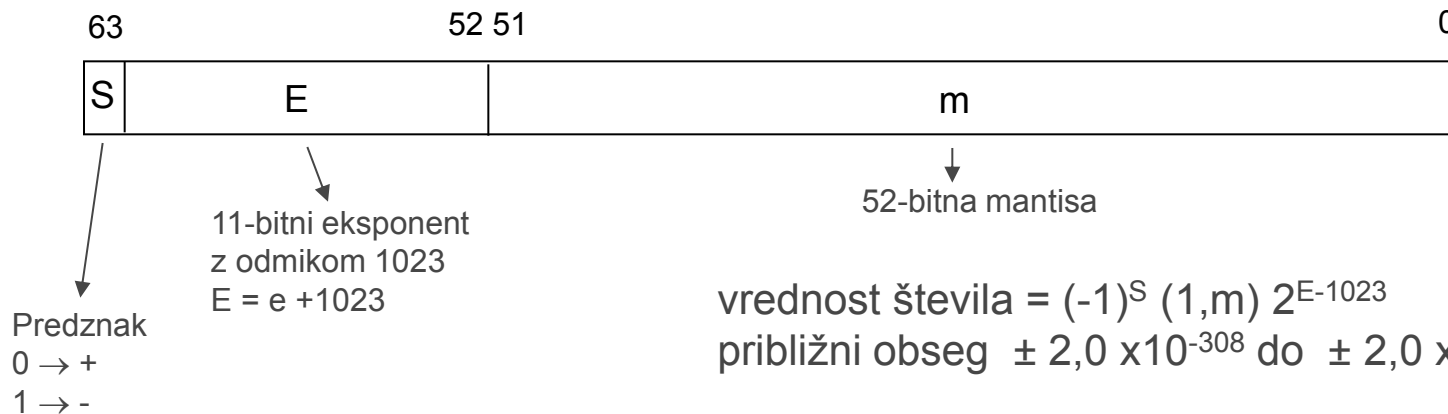
Predstavitev števil v plavajoči vejici – standard IEEE 754 32-bitni in 64-bitni format

32-bitni format (enojna natančnost)



vrednost števila = $(-1)^S (1,m) 2^{E-127}$
približni obseg $\pm 2,0 \times 10^{-38}$ do $\pm 2,0 \times 10^{38}$

64-bitni format (dvojna natančnost)



vrednost števila = $(-1)^S (1,m) 2^{E-1023}$
približni obseg $\pm 2,0 \times 10^{-308}$ do $\pm 2,0 \times 10^{308}$



Predstavitev števil po standardu IEEE 754

Predstavljeno število	Eksponent E	Mantisa m
Normalizirano število	000...001 do 111...110	karkoli
Denormalizirano število	000...000	različna od 0
Ničli ± 0	000...000	000...000
Neskončnost $\pm \infty$	111...111	000...000
Neveljavno število NaN	111...111	različna od 0



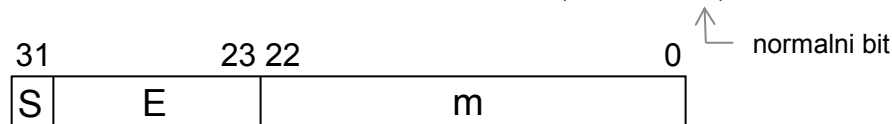
- Negativno desetiško število $-4,625$ v predstavitvi s plavajočo vejico v enojni natančnosti.

V dvojiško obliko pretvorimo posebej celi del in posebej ulomljeni del števila (za vejico)

$$4(\text{dec}) = 100(\text{bin}) \quad 0,625(\text{dec}) = 0,101(\text{bin}) \quad \leftarrow \quad \begin{array}{l} 0,625 \times 2 = 1,25 \Rightarrow 0,1 \\ 0,25 \times 2 = 0,5 \Rightarrow 0,10 \\ 0,5 \times 2 = 1,0 \Rightarrow 0,101 \\ 0,0 \times 2 = 0 \Rightarrow 0,1010 \end{array}$$

$$-4,625(\text{dec}) = 100,101000\dots(\text{bin})$$

$$\text{Število normaliziramo} \Rightarrow 100,101 = 1,00101 \times 2^2$$



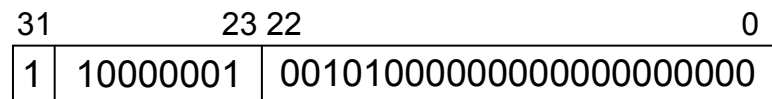
Število je negativno $\Rightarrow S = 1$

Mantisa brez normalnega bita $\Rightarrow m = 001010\dots0$

Eksponent $\Rightarrow e = 2$

Eksponent v predstavitvi z odmikom 127(dec) $\Rightarrow E = e + 127 = 2 + 127 = 129(\text{dec})$

$E = 129(\text{dec}) = 10000001(\text{bin})$





Aritmetika s števili v plavajoči vejici

- Aritmetika v plavajoči vejici se je v računalnikih obravnavala ločeno od aritmetike v fiksni vejici
- Osnovni razliki glede na operacije v fiksni vejici sta:
 - Pri operacijah je treba poleg mantise uporabiti še eksponent – za te operacije je potrebna aritmetika v fiksni vejici
 - Zaokroževanje – rezultat operacije mora biti enak matematično točni vrednosti, ki se nato zaokroži na dolžino bitov mantise



■ Preliv (overflow)

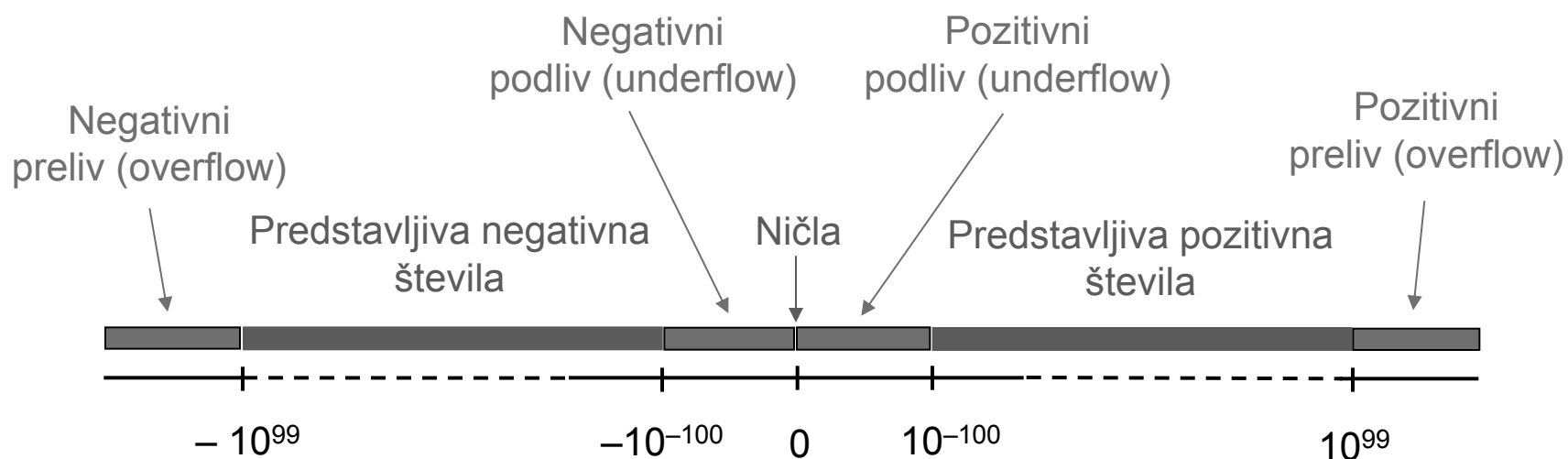
- ☐ Če pride do preliwa, se rezultat predstavi kot $+\infty$ ali $-\infty$.

■ Podliv (underflow)

- ☐ Pri predstavitvi števil v plavajoči vejici lahko pride tudi do podliva (undreflow), če je rezultat operacije manjši kot je najmanjše predstavljivo število.
- ☐ Če pride do podliva, se število zamenja z ničlo, ali pa predstavi kot denormalizirano število.



Primer številske premice desetiških realnih števil z dvomestnim eksponentom in trimestno mantiso z območjem $0,1 \leq |m| < 1$





Dopolnitev standarda IEEE 754: IEEE 754r \rightarrow IEEE 754-2008

- Avgusta 2008 je bil objavljen dopolnjen standard IEEE 754-2008, ki zamenjuje Standard IEEE 754 iz leta 1985.

- Najpomembnejše dopolnitve
 - Dodan nov 128-bitni dvojiški format (štirikratna natančnost) z bazo $r = 2$, 112-bitno mantiso in 15-bitnim eksponentom.



- Dva nova desetiška formata z bazo $r = 10$
 - 64-bitni format s 16 mestno mantiso (16 desetiških števil)
 - 128-bitni format s 34 mestno mantiso

- Standard tako definira
 - Pet osnovnih formatov, tri dvojiške in dva desetiška.
 - Aritmetične formate, ki se uporabljajo pri aritmetičnih in drugih operacijah.
 - Formate za izmenjavo, ki se uporabljajo pri izmenjavi operandov v plavajoči vejici.



Predstavitev števil v plavajoči vejici – dopolnjen standard IEEE 754-2008

Oznaka	Ime	Osnova	Število mest mantise *	E min	E max	Desetiška natančnost	Max desetiški eksponent
binary32	Enojna natančnost	2	24	-126	+127	7,22	38,23
binary64	Dvojna natančnost	2	53	-1022	+1023	15,95	307,95
binary128	Štirikratna natančnost	2	113	-16382	+16383	34,02	4931,77
decimal64		10	16	-383	+384	16	384
decimal128		10	34	-6143	+6144	34	6144

* skupaj s predznakom



- ☐ Algoritme za zaokroževanje, ki določajo metode zaokroževanja števil pri računanju in pretvorbah.
- ☐ Aritmetične in druge operacije nad aritmetičnimi formati.
- ☐ Obravnavo izjemnih dogodkov (deljenje z 0, preliv, podliv, ...).