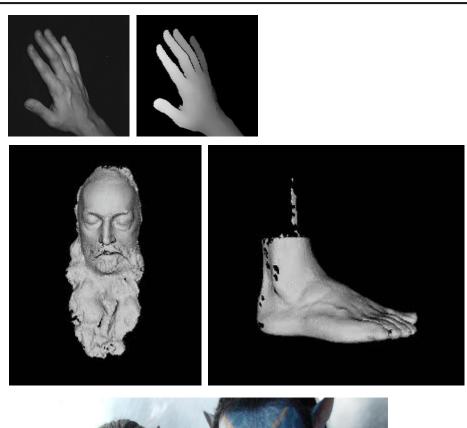
# Robotika in računalniško zaznavanje (RRZ)

#### 3D računalniški vid

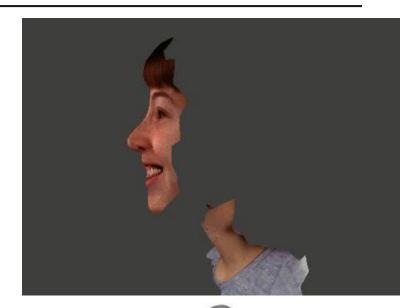
Danijel Skočaj Univerza v Ljubljani Fakulteta za računalništvo in informatiko

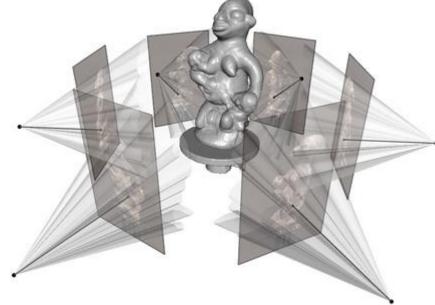
v7.0

# 3D računalniški vid

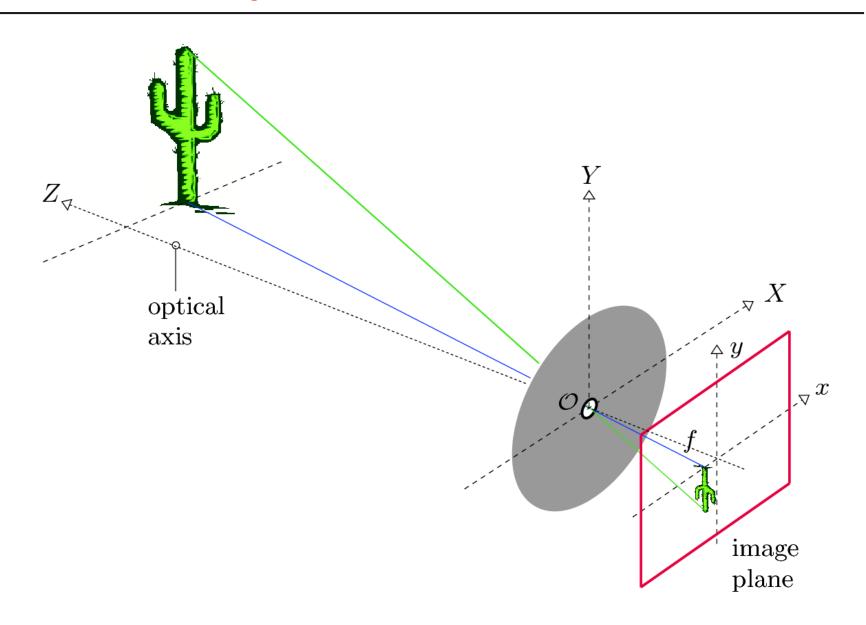








## Kamera z luknjico



#### Preslikava med 3-D in 2-D prostorom

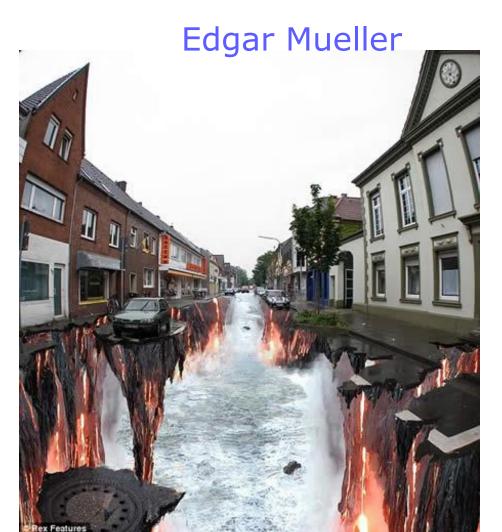
- Preslikava iz 3-D svetovnega koordinatnega sistema (poravnanega s kamero) (X,Y,Z) v 2-D koordinatni sistem slike (x,y)
- Perspektivna transformacija iz 3-D v 2-D:
  - $(X,Y,Z) \to (x,y)$

$$y = -f\frac{Y}{Z} \qquad x = -f\frac{X}{Z}$$

- Več točk iz 3-D se lahko preslika v eno točko v 2-D
- Preslikava iz 3-D v 2-D ni enolična
- Preslikava iz 2-D v 3-D
  - (x,y) -> (X,Y,Z)
  - Več neznank kot parametrov
  - Potrebujemo vsaj dve kameri!

# Ilustrativni primeri...

Anamorfoza (angl., anamorphosis)









#### Stereo vid

Bistveno lažje z dvemi pogledi...





http://www.well.com/~jimg/stereo/stereo\_list.html

#### **Stereo kamere**



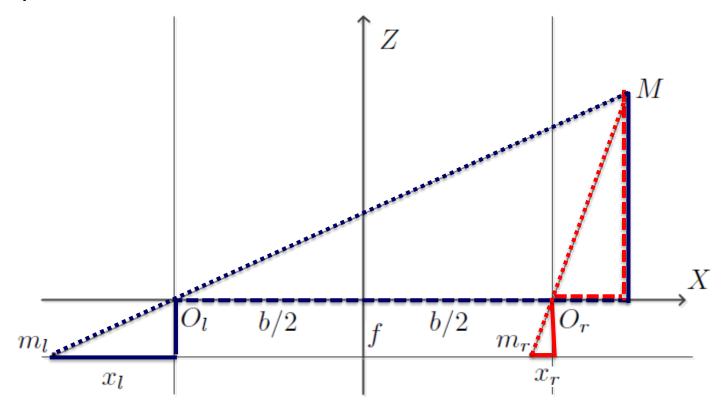


#### Stereo vid

- Preslikava iz 2-D v 3-D
  - $(x_l, y_l), (x_r, y_r) \rightarrow (X, Y, Z)$
  - Dispariteta  $(x_r x_l)$  zakodira razdaljo
- Dva problema stereo vida:
  - Korespondenca: kateri deli leve slike in kateri deli desne slike so projekcija istega elementa v prostoru?
    - Iskanje parov korespondenčnih točk
  - Rekonstrukcija: kako izračunamo 3D položaj elementa v prostoru, če imamo podane par korespondenčnih točk in informacijo o geometriji sistema?
    - Triangulacija

## Triangulacija

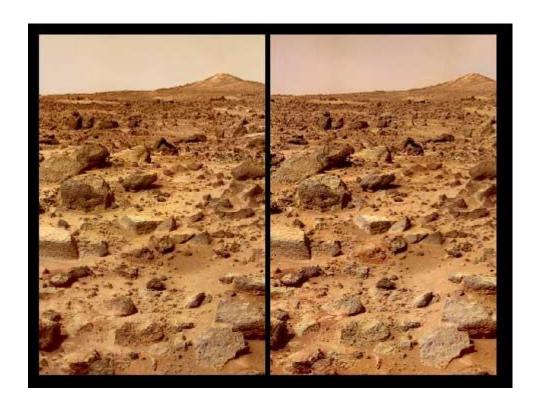
Vzporedni kameri:



$$\frac{x_r - x_l}{f} = \frac{b}{Z} \qquad Z = \frac{bf}{x_r - x_l} \qquad X = -\frac{b}{2} \frac{(x_r + x_l)}{(x_r - x_l)} \quad Y = -\frac{b}{2} \frac{(y_r + y_l)}{(x_r - x_l)}$$

## Korespondenca

Kateri deli leve slike in kateri deli desne slike so projekcija istega elementa v prostoru?

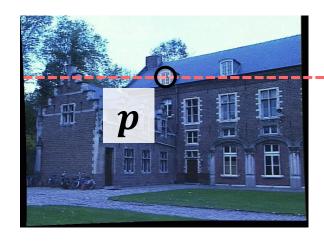


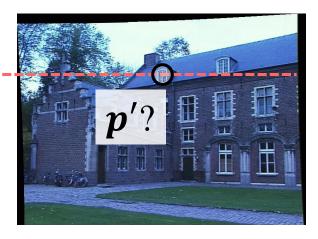
#### Korespondenca

- Predpostavki:
  - Večina točk na prizoru je vidnih z obeh pogledov
  - Korespondenče regije so si podobne
- Dva podproblema:
  - Katere elemente primerjati?
    - Geometrična omejitev (epipolarna geometrija)
  - Kako primerjati?
    - Korelacijske metode
    - Metode, ki temeljijo na značilnicah

## **Geometrična omejitev**

- Vzporedni kameri:
  - Vzporedni slikovni ravnini

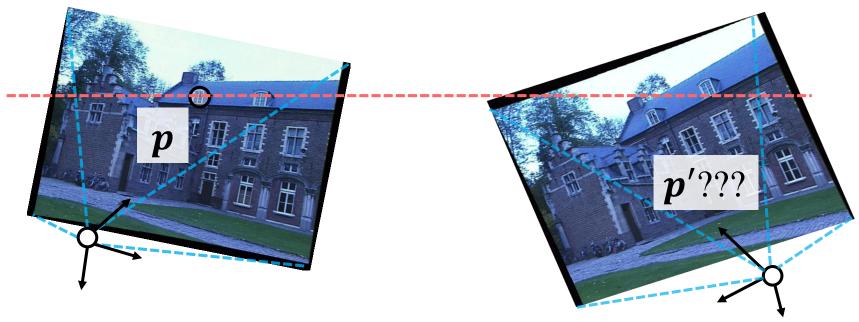




 Korespondenčne točke iščemo v isti vrstici slikovnih elementov

## **Geometrična omejitev**

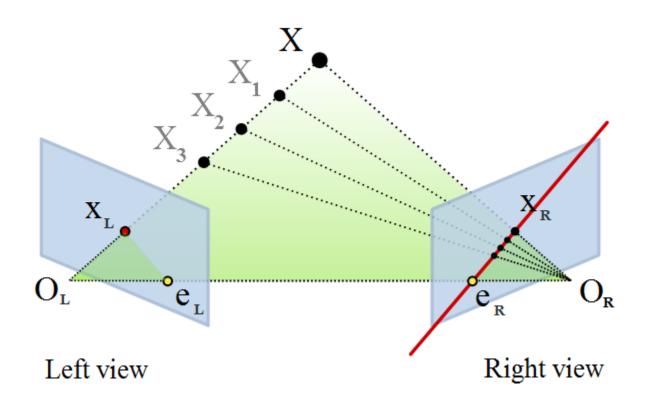
- V splošnem:
  - Korespondenčni točki ne ležita več v isti vrstici slike



Potrebujemo dodatne geometrične omejitve

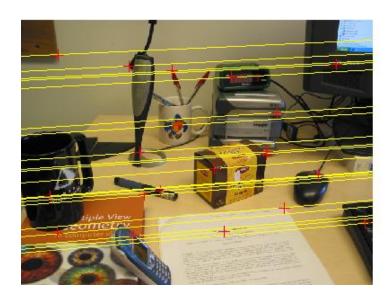
## **Epipolarna omejitev**

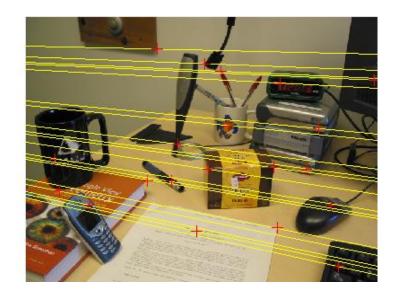
- Vsaka točka v 3-D prostoru definira epipolarno ravnino, ki gre skozi to točko in centra projekcij obeh kamer
- Iskanje korespondenčne točke lahko omejimo na epipolarno premico: presečišče med epipolarno in slikovno ravnino





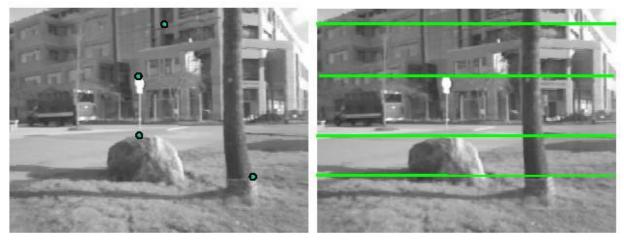




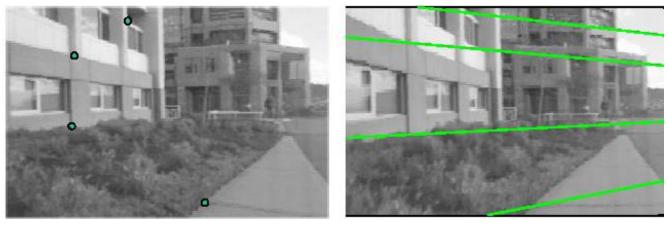


## Stereo rekonstrukcija

V primeru vzporednih kamer so epipolarne premice vodoravne



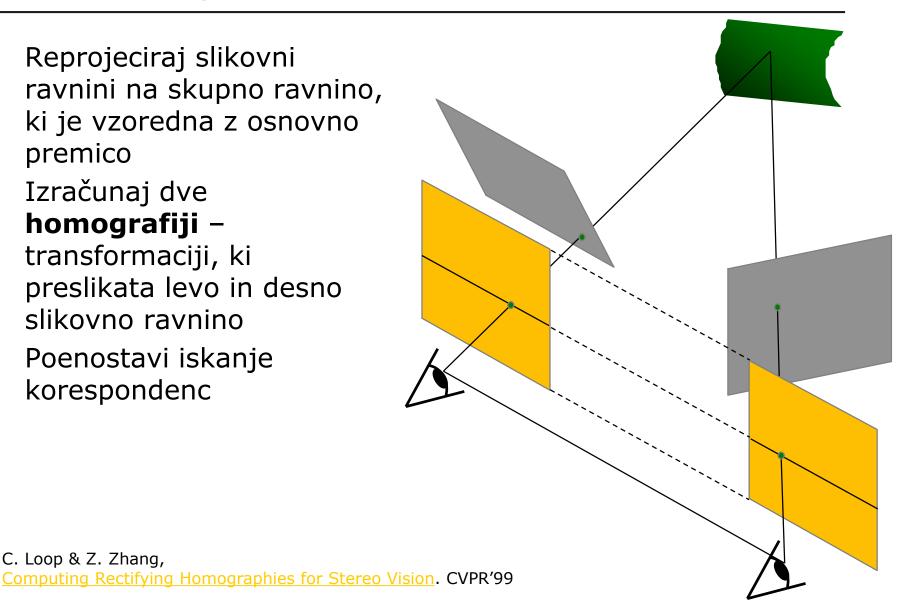
V nevzporednih sistemih je iskanje kor. točk težje



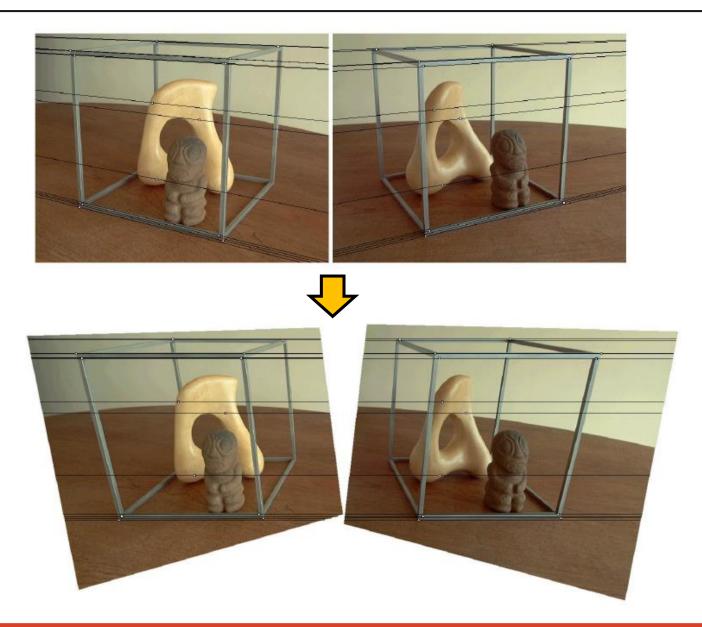
Premice za iskanje naj sovpadajo z epipolarnimi premicami!

## Rektifikacija stereo slik

- Reprojeciraj slikovni ravnini na skupno ravnino, ki je vzoredna z osnovno premico
- Izračunaj dve homografiji transformaciji, ki preslikata levo in desno slikovno ravnino
- Poenostavi iskanje korespondenc

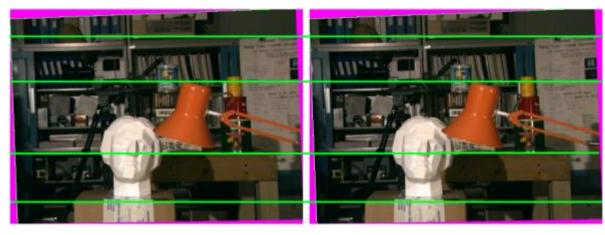


C. Loop & Z. Zhang,



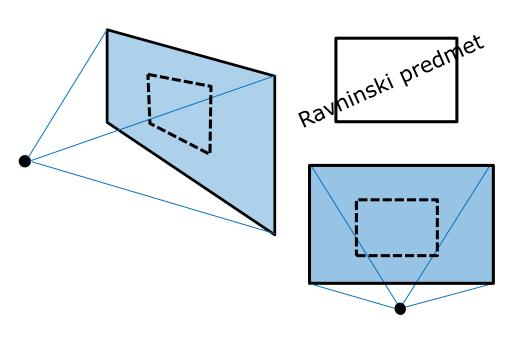
#### **Primera**





## Homografija

Dva pogleda na isti ravninski (ploščat) predmet:



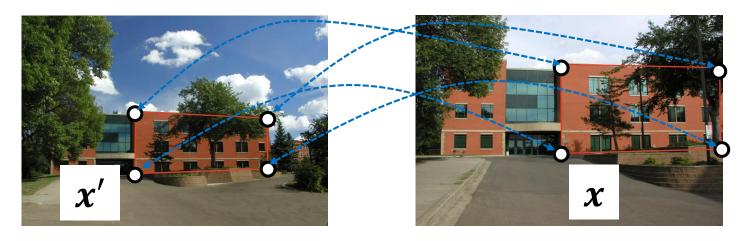




Homografija: preslikava med dvema ravninama

## Računanje homografije

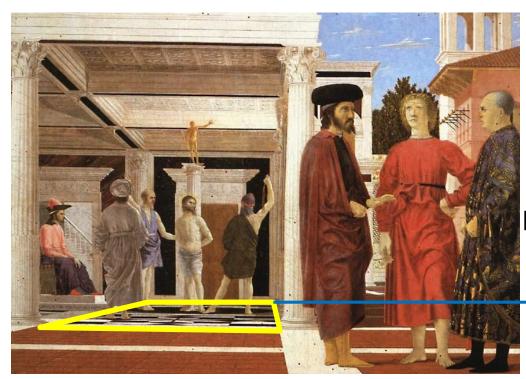
Štiri korespondenčne točke:



$$wx' = Hx$$
 
$$w\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} H_{11} & H_{12} & H_{13} \\ H_{21} & H_{22} & H_{23} \\ H_{31} & H_{32} & H_{33} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix}$$

 Elemente matrike H lahko izračunamo z direktno linearno transformacijo (DLT)!

#### Primer aplikacije



Homografija med delom slike in kvadratom



Flagellation of Christ (Piero della Francesca)



Povečan del tal

## Primerjanje delov slik

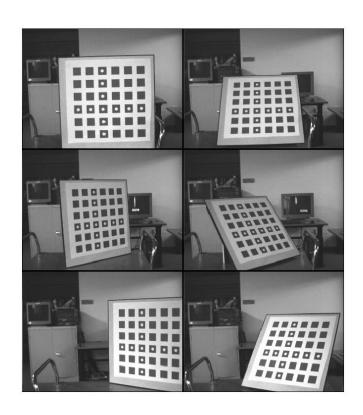
- Korelacijske metode
  - Primerjamo regije (podokna) na obeh slikah s pomočjo korelacije
  - To lahko delamo v veliko točkah na sliki
  - Dobimo precej gosto disparitetno sliko
  - Zahteva teksturirane scene
- Metode, ki temeljijo na značilnicah
  - Izračunamo (redke) značilnice na slikah ter jih opišemo (npr. robovi, koti, SIFT, ipd.)
  - Računamo ujemanje med značilnicami (razdalje med njimi)
  - Dobimo redko disparitetno sliko

## Rekonstrukcija

- Triangulacija
- Preprosto v primeru vzporednih kamer
  - Epipolarne premice so vodoravne na sliki
- Bolj zapleteno v splošnem
  - Izračun fundamentalne matrike
  - Poravnava slik
- Poznati moramo parametre kamer
  - Kalibracija!

#### Parametri stereo sistema

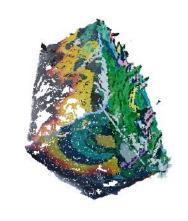
- Notranji parametri kamere:
  - Goriščna razdalja
  - Središčna točka
  - Oblika slikovnih elementov (merilo, nagib)
  - (Distorzija leče)
- Zunanji parametri kamere
  - Translacija kamere
  - Rotacija kamere
    v svetovnem koordinatnem sistemu
- Parametre dobimo s kalibracijo



# **Disparitetna slika**















mag. delo Sandi Gec













mag. delo Sandi Gec



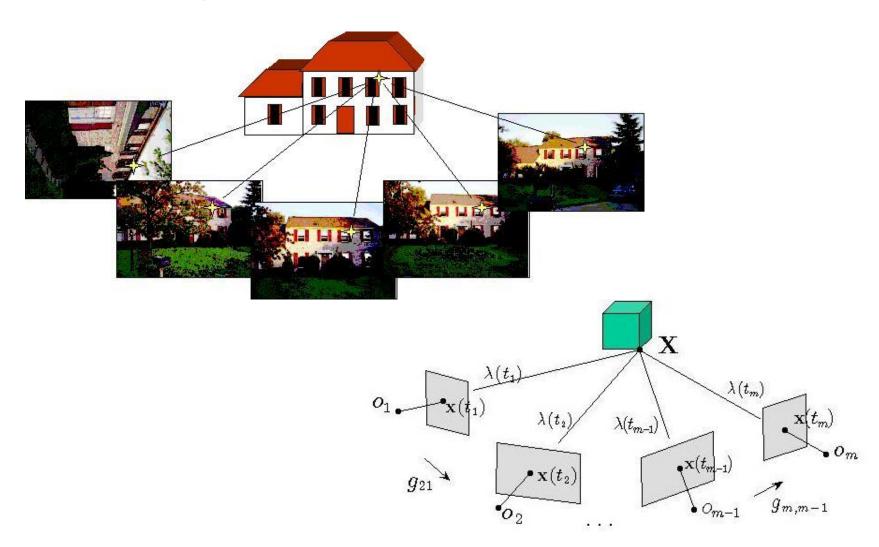






# Geometrija iz večih pogledov

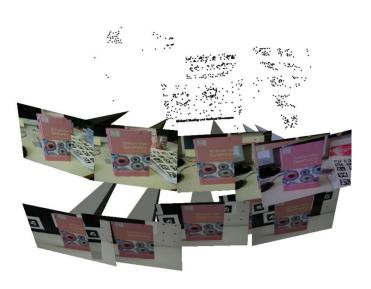
Multiple vew geometry

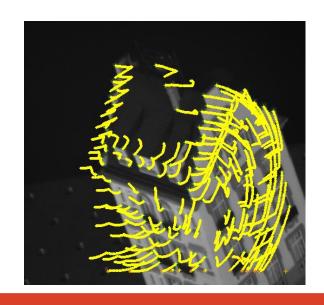


# Struktura iz gibanja

Structure from motion

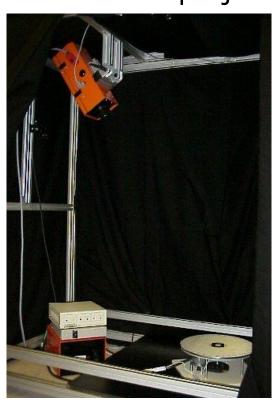


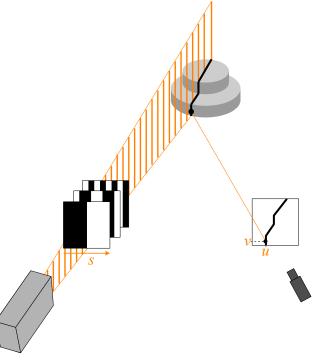


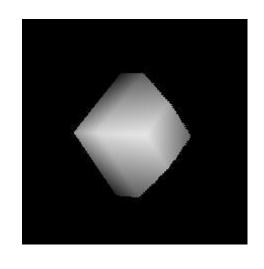


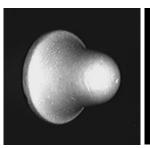
#### Globinski senzor s kodirano svetlobo

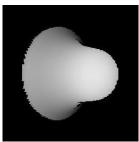
Kamera in projektor





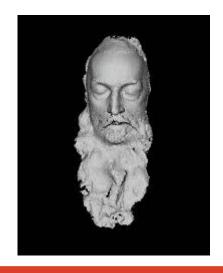












#### Globinski senzor s kodirano svetlobo

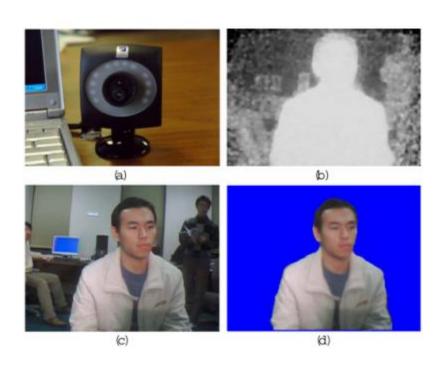
- Kinect
  - IR projektor
  - IR kamera
  - RGB kamera





#### **TOF kamere**

- Time-of-flight kamere
- Čas potovanja impulza

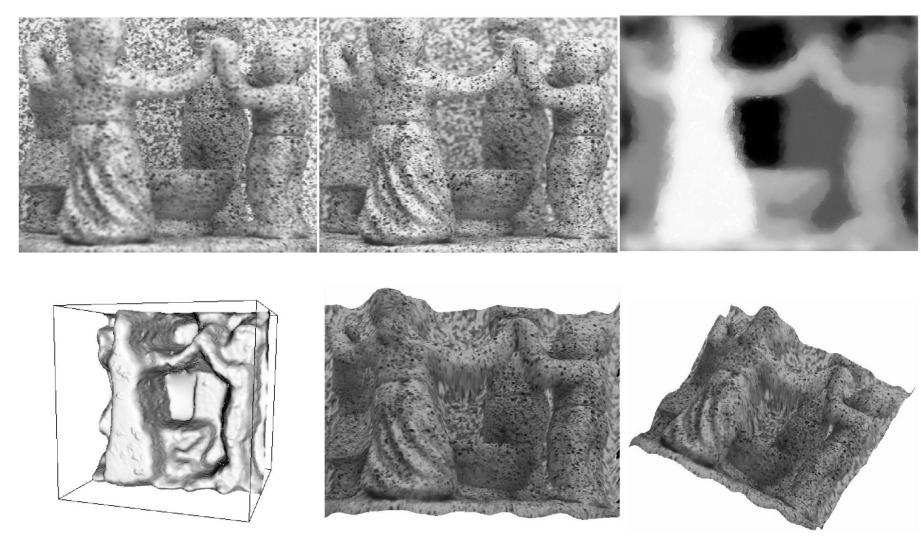






# Globina s spreminjanjem goriščne razd.

#### Depth from defocus



#### **Oblika iz senc**

Shape from shading

