哈尔滨工业大学计算学部

实验报告

课程名称:数据结构与算法

课程类型:专业核心基础课(必修)

实验项目: 内存排序方法及其应用

实验题目: 内存排序算法实验比较

实验日期: 2024年5月19日

班级: 22WL022

学号: 2022110829

姓名: 杨明达

| 设计成绩 | 报告成绩 | 任课老师 |
|------|------|------|
| | | 张岩 |

一、实验目的

排序是计算机科学中的常见任务,它将一组无序的数据元素按照某种规则重新排列,以使得数据呈现有序的状态,便于后续的查找、统计和分析等操。当数据量较小时,将数据全部读入内存并进行排序的算法称为内存排序算法,常见的内存排序算法有:插入排序、冒泡排序、归并排序、快速排序、堆排序、基数排序等。本实验要求设计并实现上述内存排序算法并比较其运行速度。

二、实验要求及实验环境

实验要求:

- 1. 从文本文件中将两行数据读入内存,其中第一行有一个整数 n ($n \le 100000$),表示待排序序列的长度,第二行有 n 个整数,用空格隔开,表示待排序序列。
 - 2. 实现归并排序、快速排序算法,输出排序好的序列,记录算法运行时间。
- 3. 实现选择排序算法或插入排序算法,并将其运行时间与归并排序、快速排序算法比较,随机生成多个适当规模的数据进行实验并绘制折线图,反映不同算法运行时间随着输入规模的变化趋势,并与理论分析结果进行比较。

实验环境: Windows 11 && Visual Studio Code

三、设计思想(本程序中的用到的所有数据类型的定义,主程序的流程图及各程序模块之间的调用关系、核心算法的主要步骤)

1. 逻辑设计

1.1 主程序的流程图

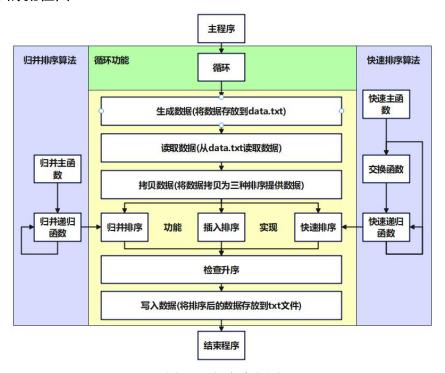


图 1 主程序流程图

1.2 各程序模块的调用关系

- (1) 主函数调用数据生成、数据读取、数据拷贝、归并排序、快速排序、插入排序、检查升序、数据写入函数模块。
 - (2) 归并主函数调用归并递归函数模块。
- (3) 归并递归函数模块调用归并递归函数模块。
- (4) 快速主函数调用快速递归函数模块。
- (5) 快速递归函数调用快速递归函数、交换函数模块。

1.3 核心算法

(1) 归并排序算法

在对数据进行排序是,归并排序算法是核心算法。在算法中,首先在归并主函数中声明一个数组用于存放归并后的数据,之后进入归并递归函数。在函数中,首先判断其实位置是否小于等于结尾位置,当满足条件,更新起始、中间、结尾位置,随后两次调用归并递归函数,进行中间位置左半部分和右半部分的排序,之后合并两个有序数组,并将合并后的数据存放在 reg 中,再将 reg 中的数据复制到 arr 中,以便下一次递归调用,知道递归结束,将排序后的数据存放在 arr 中,作为最终结果。

```
void Merge Sort Recursive(int arr[], int reg[], int start,
    int end) {
2.
        if (start >= end) {
3.
             return;
4.
         int len = end - start, mid = (len >> 1) + start;
5.
6.
        int start1 = start, end1 = mid;
7.
        int start2 = mid + 1, end2 = end;
8.
        Merge Sort Recursive(arr, reg, start1, end1);
9.
        Merge_Sort_Recursive(arr, reg, start2, end2);
10.
        int k = start;
11.
        while (start1 <= end1 && start2 <= end2) {</pre>
12.
             reg[k++] = arr[start1] < arr[start2] ? arr[start1</pre>
   ++] : arr[start2++];
13.
         }
14.
        while (start1 <= end1) {</pre>
15.
             reg[k++] = arr[start1++];
16.
17.
        while (start2 <= end2) {</pre>
             reg[k++] = arr[start2++];
18.
```

(2) 快速排序算法

在对数据进行排序是,快速排序算法是核心算法。在算法中,快速主函数调用快速递归函数。在函数中,首先判断其实位置是否小于等于结尾位置,当满足条件,更新左端、中间、右端位置,交换左右两边的数据,使得左边的数据都小于 mid, 右边的数据都大于 mid, 然后递归调用, 直到 start 大于等于 end, 排序完成。

```
1.
    void swap(int *x, int *y) {
2.
         int t = *x;
3.
         *x = *y;
4.
         *y = t;
5.
    }
6.
    void Quick_Sort_Recursive(int arr[], int start, int end)
  {
7.
         if (start >= end) {
8.
            return;
9.
10.
         int mid = arr[end];
11.
         int left = start, right = end - 1;
12.
         while (left < right) {</pre>
13.
             while (arr[left] < mid && left < right) {</pre>
14.
                  left++;
15.
16.
             while (arr[right] >= mid && left < right) {</pre>
17.
                  right--;
18.
19.
             swap(&arr[left], &arr[right]);
20.
         }
21.
         if (arr[left] >= arr[end]) {
22.
             swap(&arr[left], &arr[end]);
23.
         } else {
24.
             left++;
25.
         }
```

```
26. if (left) {
27.     Quick_Sort_Recursive(arr, start, left - 1);
28.     }
29.     Quick_Sort_Recursive(arr, left + 1, end);
30. }
31. void Quick_Sort(int arr[], int len) { Quick_Sort_Recursive(arr, 0, len - 1); }
```

(3) 插入排序算法

在对数据进行排序是,插入排序算法是核心算法。在算法中,从第二个元素 开始,在待排序的数据中,直到找到它合适的位置,即按升序合适的位置,并将 该元素插入到这个位置,并将后面的元素依次后移。

```
void Insert_Sort(int arr[], int high) {
2.
         for (int i = 1; i < high; i++) {</pre>
             int temp = arr[i];
3.
4.
             int j = i - 1;
5.
             while (j >= 0 && arr[j] > temp) {
6.
                 arr[j + 1] = arr[j];
7.
                 j--;
8.
9.
             arr[j + 1] = temp;
10.
       }
11. }
```

2. 物理设计(即存储结构设计)

本实验主要采用一维数组存储待排序的数据,该存储结构的数据类型为int。数组的最大空间为MAX,并在此基础上将 arr[0]至 arr[high]空间存放数据。待排序数据存储结构的示意图如下图所示。



图 2 待排序数据存储结构

四、测试结果(包括测试数据、结果数据及结果的简单分析和结论,可以用截 图得形式贴入此报告)

1. 归并排序、快速排序、插入排序在不同数据规模下排序运行时间

由于数据规模在 10000 之前的时间较小以至于无法比较, 故选取数据规模在 10000 至 100000, 每隔 10000 测试一次。

Data size: 10000 The data is in ascending order! Time of Merge Sort: 1.000000(ms) The data is in ascending order! Time of Quick Sort: 1.000000(ms) The data is in ascending order! Time of Insert Sort: 55.000000(ms) Data size: 20000 The data is in ascending order! Time of Merge Sort: 2.000000(ms) The data is in ascending order! Time of Quick Sort: 2.000000(ms) The data is in ascending order! Time of Insert Sort: 215.000000(ms) Data size: 30000 The data is in ascending order! Time of Merge Sort: 4.000000(ms) The data is in ascending order! Time of Quick Sort: 3.000000(ms) The data is in ascending order! Time of Insert Sort: 489.000000(ms) Data size: 40000 The data is in ascending order! Time of Merge Sort: 5.000000(ms) The data is in ascending order! Time of Quick Sort: 5.000000(ms) The data is in ascending order! Time of Insert Sort: 872.000000(ms) Data size: 50000 The data is in ascending order! Time of Merge Sort: 7.000000(ms) The data is in ascending order! Time of Quick Sort: 5.000000(ms) The data is in ascending order! Time of Insert Sort: 1352.000000(ms) Time of Insert Sort: 5421.000000(ms)

Data size: 60000 The data is in ascending order! Time of Merge Sort: 8.000000(ms) The data is in ascending order! Time of Quick Sort: 6.000000(ms) The data is in ascending order! Time of Insert Sort: 1968.000000(ms) Data size: 70000 The data is in ascending order! Time of Merge Sort: 9.000000(ms) The data is in ascending order! Time of Quick Sort: 7.000000(ms) The data is in ascending order! Time of Insert Sort: 2646.000000(ms) Data size: 80000 The data is in ascending order! Time of Merge Sort: 10.000000(ms) The data is in ascending order! Time of Quick Sort: 8.000000(ms) The data is in ascending order! Time of Insert Sort: 3447.000000(ms) Data size: 90000 The data is in ascending order! Time of Merge Sort: 13.000000(ms) The data is in ascending order! Time of Quick Sort: 10.000000(ms) The data is in ascending order! Time of Insert Sort: 4386.000000(ms) Data size: 100000 The data is in ascending order! Time of Merge Sort: 11.000000(ms) The data is in ascending order! Time of Quick Sort: 11.000000(ms) The data is in ascending order!

图 3 归并排序、快速排序、插入排序在不同数据规模下排序运行时间

2. 时间复杂度

归并排序: $T(n) = n * T(1) + (\log_2 n) * n, T(1) = 1$, 故 $T(n) = O(n \log_2 n)$

快速排序: $T(n) = O(n \log_2 n)$

插入排序:两层循环,故 $T(n) = O(n^2)$

经过实验验证,发现归并排序、快速排序和插入排序在数据规模较小时排序 时间差不多, 但随着数据规模逐渐增大, 归并排序和快速排序的排序时间略微增 加,而插入排序的排序时间增长幅度巨大,符合理论分析结果。

3. 绘制折线图

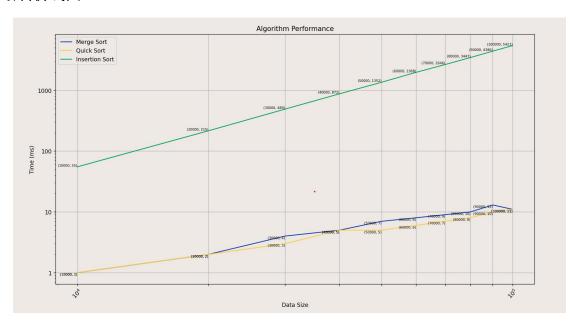


图 4 排序算法性能图

五、经验体会与不足

经验体会:通过实现归并排序、快速排序和插入排序的算法实现,我更好地掌握了排序算法的编写,并且通过进行排序算法的时间复杂度的理论分析和实验验证,我充分了解不同排序算法的排序性能差别也很大。通过在文件中读取数据等操作,我也掌握了c语言的文件操作。

不足:程序中的一些算法编写的不够高效简洁,还存在时间和空间的不必要消耗,并且程序的输出端口编写的也存在不规范之处。

六、附录:源代码(带注释)

```
#include <stdio.h>
2. #include <stdlib.h>
    #include <time.h>
4. #define MAX 100000
    // 生成数据,第一行为一个整数 n(表示带排列序列的长度),第二行有
  n 个整数,表示待排序的序列
6. void Data generation(int data size) {
        srand((unsigned)time(NULL));
8.
        FILE *fp = fopen("data.txt", "w");
9.
        if (fp == NULL) {
10.
            printf("File open failed!\n");
11.
            exit(0);
12.
        }
13.
        fprintf(fp, "%d\n", data_size);
14.
        for (int i = 0; i < data_size; i++) {</pre>
            fprintf(fp, "%d ", rand() % 100000);
15.
16.
17.
        fclose(fp);
18.
19.
    // 读取数据
20. void Data retrieve(int array[], int *high) {
21.
        FILE *fp = fopen("data.txt", "r");
22.
        if (fp == NULL) {
23.
            printf("File open failed!\n");
24.
            exit(0);
25.
        }
        fscanf(fp, "%d", high);
26.
27.
        for (int i = 0; i < *high; i++) {</pre>
28.
            fscanf(fp, "%d", &array[i]);
29.
        }
30.
        fclose(fp);
31. }
32. // 复制数据
33. void Data_Copy(int array[], int a[], int b[], int c[], in
  t high) {
34.
        for (int i = 0; i < high; i++) {</pre>
35.
            a[i] = array[i];
36.
            b[i] = array[i];
37.
            c[i] = array[i];
38.
39.
40. // 归并排序(分支算法)
```

```
41. void Merge Sort Recursive(int arr[], int reg[], int start,
    int end) {
42.
        if (start >= end) {
43.
             return;
44.
45.
        int len = end - start, mid = (len >> 1) + start;
46.
        int start1 = start, end1 = mid;
47.
        int start2 = mid + 1, end2 = end;
48.
        Merge_Sort_Recursive(arr, reg, start1, end1);
49.
        Merge Sort Recursive(arr, reg, start2, end2);
50.
        int k = start;
51.
        while (start1 <= end1 && start2 <= end2) {</pre>
52.
             reg[k++] = arr[start1] < arr[start2] ? arr[start1</pre>
  ++] : arr[start2++];
53.
        }
54.
        while (start1 <= end1) {</pre>
55.
             reg[k++] = arr[start1++];
56.
57.
        while (start2 <= end2) {</pre>
58.
            reg[k++] = arr[start2++];
59.
60.
        for (k = start; k <= end; k++) {</pre>
61.
             arr[k] = reg[k];
62.
63. }
64. void Merge Sort(int arr[], const int len) {
        int reg[len]; // 用于存放归并后的数据
65.
        Merge Sort Recursive(arr, reg, 0, len - 1); // 递归调
66.
  用
67. }
68. // 快速排序(分治算法)
69. void swap(int *x, int *y) {
70.
        int t = *x;
71.
        *x = *y;
72.
        *y = t;
73. }
74. void Quick Sort Recursive(int arr[], int start, int end)
  {
75.
        if (start >= end) {
76.
           return;
77.
         }
78.
        int mid = arr[end];
79.
        int left = start, right = end - 1;
80.
        while (left < right) {</pre>
```

```
81.
            while (arr[left] < mid && left < right) {</pre>
82.
                left++;
83.
84.
            while (arr[right] >= mid && left < right) {</pre>
85.
                right--;
86.
87.
            swap(&arr[left], &arr[right]);
88.
89.
        if (arr[left] >= arr[end]) {
90.
            swap(&arr[left], &arr[end]);
        } else {
91.
92.
            left++;
93.
        }
94.
        if (left) {
95.
            Quick Sort Recursive(arr, start, left - 1);
96.
97.
        Quick Sort Recursive(arr, left + 1, end);
98. }
99. void Quick Sort(int arr[], int len) { Quick Sort Recursiv
  e(arr, 0, len - 1); }
100. // 插入排序
101. void Insert Sort(int arr[], int high) {
        for (int i = 1; i < high; i++) {</pre>
103.
            int temp = arr[i];
104.
            int j = i - 1;
105.
            while (j >= 0 && arr[j] > temp) {
106.
                arr[j + 1] = arr[j];
107.
                j--;
108.
            arr[j + 1] = temp;
109.
110.
        }
111. }
112. // 将排序后的数据写入文件(从函数的 sortname 参数中获取排序方法
  的名称,并将排序后的数据写入文件 sortname.txt 中)
113. void Data_Write(int arr[], int high, int sort_number) {
114.
        FILE *fp;
115.
        if (sort number == 1) {
116.
            fp = fopen("Merge_Sort.txt", "w");
117.
        } else if (sort_number == 2) {
118.
            fp = fopen("Quick_Sort.txt", "w");
119.
        } else if (sort number == 3) {
            fp = fopen("Insert_Sort.txt", "w");
120.
121.
122.
        if (fp == NULL) {
```

```
123.
             printf("File open failed!\n");
124.
             exit(0);
125.
        }
126.
        fprintf(fp, "%d\n", high);
127.
        for (int i = 0; i < high; i++) {</pre>
128.
             fprintf(fp, "%d ", arr[i]);
129.
130.
        fclose(fp);
131. }
132. // 检测是否为升序
133. void Detecting ascending order(int arr[], int high) {
        for (int i = 0; i < high - 1; i++) {</pre>
134.
135.
             if (arr[i] > arr[i + 1]) {
136.
                 printf("The data is not in ascending order!\n
   ");
137.
                 return;
138.
139.
140.
        printf("The data is in ascending order!\n");
141. }
142. int main() {
143.
        int array[MAX], a[MAX], b[MAX], c[MAX];
144.
        int high;
145.
        int data size;
146.
        double sum time;
147.
        clock t start t, end t;
148.
        for (int data size = 10000; data size <= 100000;</pre>
149.
              data_size = data_size + 10000) {
150.
             printf("Data size: %d\n", data_size);
151.
             Data generation(data size);
152.
             Data retrieve(array, &high);
153.
             Data Copy(array, a, b, c, high);
154.
155.
             start_t = clock();
156.
             Merge_Sort(a, high);
157.
             end t = clock();
158.
             Detecting ascending order(a, high);
159.
             sum_time = ((double)(end_t - start_t)) / CLOCKS_P
  ER_SEC;
160.
             printf("Time of Merge Sort: %f(ms)\n", sum time *
   1000);
161.
             Data Write(a, high, 1);
162.
163.
             start t = clock();
```

```
164.
            Quick Sort(b, high);
165.
            end_t = clock();
166.
            Detecting_ascending_order(b, high);
167.
             sum_time = ((double)(end_t - start_t)) / CLOCKS_P
  ER SEC;
             printf("Time of Quick Sort: %f(ms)\n", sum time *
168.
    1000);
            Data_Write(b, high, 2);
169.
170.
171.
            start t = clock();
172.
            Insert_Sort(c, high);
173.
            end_t = clock();
174.
            Detecting_ascending_order(c, high);
             sum_time = ((double)(end_t - start_t)) / CLOCKS_P
175.
  ER SEC;
             printf("Time of Insert Sort: %f(ms)\n", sum_time
176.
  * 1000);
177.
            Data_Write(c, high, 3);
178.
179.
        return 0;
180. }
```