

# PLANEJAMENTO DE EXPERIMENTOS (DOE) - TIMON-HM

Laboratório de Robótica e Sistemas Autônomos - RoSA

#### **Autores:**

Jéssica Lima Motta Leonardo Mendes de Souza Lima Miguel Felipe Nery Vieira Vinícius José Gomes de Araujo Felismino

Salvador Bahia, Brasil

Setembro de 2020

#### **RESUMO**

O presente documento tem como objetivo aplicar os conceitos de Planejamento de Experimento, do inglês Design of Experiments (DOE), a um modelo de helicóptero de papel. O propósito principal foi identificar quais são os fatores que mais influenciam seu tempo de voo e como estas variáveis podem melhorar o seu desempenho. Durante o processo, foi medido o seu tempo de voo em duas alturas diferentes, além disto, foram adicionados adesivos e um clipe em sua estrutura a fim de verificar a influência da variação destes parâmetros no resultado final. Para realizar o estudo estatístico dos dados foi utilizada a ferramenta R, uma linguagem de programação voltada à manipulação, análise e visualização de dados.

# LISTA DE SÍMBOLOS E ABREVIATURAS

**DOE** Design of Experiments

# SUMÁRIO

1	INTRODUÇÃO	5
2	PLANEJAMENTO DE EXPERIMENTO COM VÁRIOS	
	FATORES	7
	2.1 Experimento de otimização	7
3	EXPERIMENTO	9
4	INTERPRETAÇÃO DOS RESULTADOS OBTIDOS	13
5	CONCLUSÃO	15
$\mathbf{R}$	EFERÊNCIAS	17

### 1 INTRODUÇÃO

Diferentes métodos constituem a prática da melhoria contínua. É de suma importância que os administradores conheçam estas ferramentas para que haja sempre redução de desperdícios, aumento da eficiência e controle dos processos.(O..., 2020)

Planejamento de Experimentos ou DOE, é a técnica usada para estudar um produto ou processo, e assim, identificar os fatores que mais influenciam seu comportamento. Através deste método deve-se obter a mais otimizada configuração para a construção da peça ou elaboração do procedimento. (ENTENDA..., 2020)

O desenvolvimento de um experimento bem executado deve explicitar os fatores-chave do processo, assim como a combinação dos fatores que fazem o processo funcionar de maneira aceitável. A variabilidade do processo, ou seja, a diferença entre o que esperamos de algo e o que realmente acontece também é um ponto a ser observado pelo executor do DOE.

O resultado que determina uma característica ou elemento do experimento é chamado de variável de resposta. Por ser um método de abordagem repetitiva, é necessário realizar ciclos de testes para alcançar um bom resultado. Estes ciclos devem possuir três etapas: Rastreamento - fase de delimitação de variáveis e do campo de atuação; Projeto fatorial completo - fase de combinação de fatores e níveis de fatores e Projeto de superfície- Modelagem dos resultados obtidos.

O DOE pode ser aplicado em duas situações: planejamento de experimentos e correção de processos defeituosos. Um processo desenvolvido desde o início com esta aplicação garante que sua produção e gestão sejam sempre melhoradas e tenham custos e tempo reduzidos. É uma ferramenta de melhoria contínua bastante eficaz, desde que se tome os devidos cuidados com as etapas do experimento. (ENTENDA..., 2020)

### 2 PLANEJAMENTO DE EXPERIMENTO COM VÁRIOS FATORES

Antes de realizar o experimento foi necessário um estudo prévio sobre o DOE, neste planejamento determina-se quais as configurações são eficientes para determinado processo. Primeiro passo, fazer uma lista inicial de todas as variáveis que serão incluídas no experimento e fazer as combinações dessas. Depois, coletar as informações sobre o processo de todos os membros do time.

Os fatores/variáveis são separados em controláveis e incontroláveis (ruídos)

#### 2.1 Experimento de otimização

Tem como foco verificar quais são os fatores importantes que conduzem a uma **resposta ótima**.

#### 3 EXPERIMENTO

Para aplicar os conceitos vistos na seção 2, foi proposto um desafio em que consiste em modelar um experimento contendo um helicóptero de papel. O objetivo deste desafio é observar como a saída desejada, neste caso o maior tempo de voo, está relacionada com as variáveis de entrada.

Para conceber o protótipo do helicóptero para o estudo, foi utilizado o modelo proposto pela metodologia SixSigma, conforme visto na Figura 1.

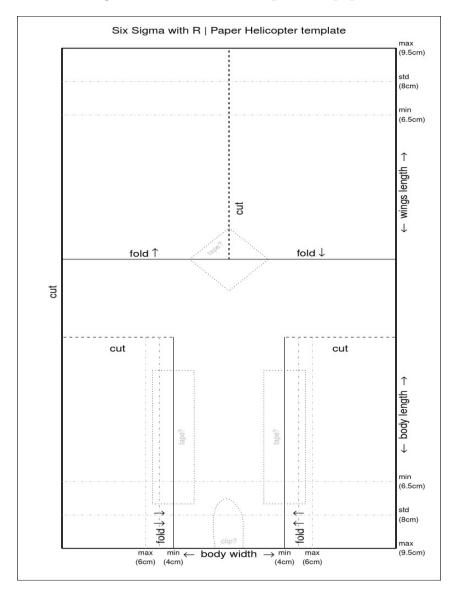


Figura 1: Modelo do helicóptero de papel.

Seguindo as recomendações do *template*, foi obtido como modelo de configuração inicial, o helicóptero visto na Figura 2. Este, apresenta as asas e o corpo com o comprimento máximo (9,5 cm), e que não deverá ser alterado. O seu tempo de voo é medido desde o momento em que é lançado da altura definida até o momento em que o mesmo atinge o

solo.

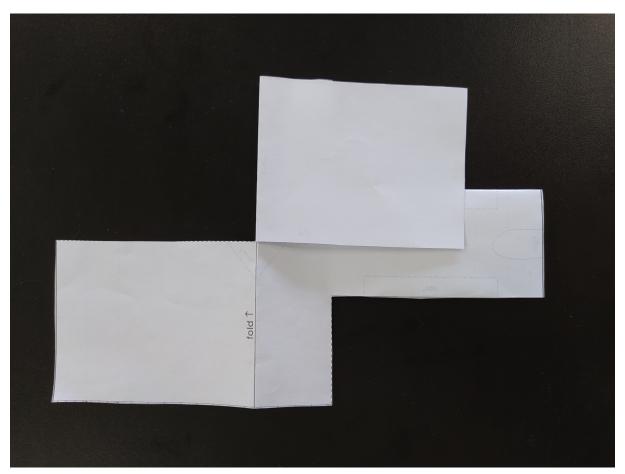


Figura 2: Helicóptero de papel.

Fonte: Autoria própria.

Para realizar os testes, foram considerados alguns fatores que influenciam no tempo de voo, conforme vistos na Tabela 1.

Tabela 1: Fatores considerados para alterar a estrutura.

Fatores	Configuração atual	Alteração permitida
Comprimento (asa e corpo) (m)	0,095	Não
Clipe	Não	Sim
Altura (m)	1,30	2,10
Adesivo (Asa)	Não	Sim
Adesivo (Corpo/Esquerdo)	Não	Sim
Adesivo (Corpo/Direito)	Não	Sim

Fonte: Autoria própria.

Por fim, foi construída a Tabela 2 que contém o tempo de voo para cada uma das possíveis combinações dos fatores. Para as variáveis clipe, Ad\_top, Ad\_esquerda e Ad\_direita

o simbolo "+" indica a sua presença enquanto o "-" representa a sua ausência, já para a variável *Altura* o "+" retrata sua configuração inicial de 1,30 metros e o "-" representa a altura de 2,10 metros. O próximo passo é utilizar a ferramenta R para realizar o estudo de planejamento de experimentos (DOE) e analisar qual das configurações está exercendo uma maior influência no experimento, que será discutido na seção 4.

Tabela 2: Dados do experimento.

Clipe	Altura	Ad_top	Ad_esquerda	${ m Ad\_direita}$	Tempo
+	_	-	-	-	1,57
-	-	-	-	-	1,27
+	+	-	-	-	1,70
-	+	-	-	-	1,10
+	+	+	-	-	1,75
-	+	+	-	-	1,30
+	-	+	-	-	1,82
-	-	+	-	-	1,31
+	+	+	-	+	1,68
-	+	+	-	+	1,35
+	_	+	-	+	2,04
-	-	+	-	+	1,42
+	_	+	+	+	1,86
-	-	+	+	+	1,32
+	+	+	+	+	1,63
-	+	+	+	+	1,17
+	_	-	+	+	1,58
-	-	-	+	+	1,44
+	+	-	+	+	1,73
-	+	-	+	+	1,25
+	+	-	-	+	1,55
_	+	-	-	+	1,23
+	-	-	-	+	1,91
-	-	-	-	+	1,50
+	-	-	+	-	1,92
-	-	-	+	-	1,36
+	+	-	+	-	1,71
-	+	-	+	-	1,52
+	+	+	+	_	1,74
-	+	+	+	-	1,32
+	-	+	+	_	1,83
-	-	+	+	-	1,40

Fonte: Autoria própria.

### 4 INTERPRETAÇÃO DOS RESULTADOS OBTI-DOS

O modelo linear encontrado, considerando a interação entre dois elementos, é disposto a seguir.

```
## Call:
## lm(formula = score ~ (altura + clipe + ad top + ad left + ad right) +
##
      altura * clipe + altura * ad_top + altura * ad_left + altura *
##
      ad_right + clipe * ad_top + clipe * ad_left + clipe * ad_right +
      ad top * ad left + ad top * ad right + ad left * ad right,
##
      data = helicoptero)
##
##
## Residuals:
                   1Q
                         Median
                                      30
                                               Max
## -0.180625 -0.055313 -0.009375 0.059687 0.120625
##
## Coefficients:
##
                     Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                     1.60813
                                0.07069 22.750 1.30e-13 ***
## altura-
                               0.07903 2.357 0.03151 *
                     0.18625
## clipe-
                     -0.42375
                               0.07903 -5.362 6.36e-05 ***
## ad top-
                     0.00375
                               0.07903 0.047 0.96274
## ad left-
                               0.07903 1.787 0.09284 .
                     0.14125
## ad right-
                               0.07903 2.357 0.03151 *
                     0.18625
## altura-:clipe-
                               0.07069 -0.460 0.65186
                     -0.03250
## altura-:ad top-
                    -0.03750
                                0.07069 -0.531 0.60304
## altura-:ad_left-
                     0.06750
                                0.07069 0.955 0.35382
## altura-:ad_right- -0.14250
                                0.07069 -2.016 0.06092 .
## clipe-:ad top-
                     0.09500
                                0.07069 1.344 0.19771
## clipe-:ad_left-
                                0.07069 -0.566 0.57932
                     -0.04000
## clipe-:ad right-
                                0.07069 -0.283 0.78085
                     -0.02000
## ad top-:ad left-
                                0.07069 -1.910 0.07425 .
                     -0.13500
## ad top-:ad right- -0.00500
                                0.07069 -0.071 0.94448
## ad left-:ad right- -0.21000
                                0.07069 -2.971 0.00901 **
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 0.09996 on 16 degrees of freedom
```

```
## Multiple R-squared: 0.9161,Adjusted R-squared: 0.8375
## F-statistic: 11.65 on 15 and 16 DF, p-value: 6.57e-06
```

Pode-se observar que para este modelo os elementos que possuem importância estatística, ou seja Pr < 0.05 são: altura (Pr = 0.03151), clipe (Pr = 6.36e-05), ad\_right (Pr = 0.03151) e ad\_left:ad\_right (Pr = 0.00901).

Considerando os elementos de importância estatística, a equação que representa o modelo é descrita da seguinte forma:

$$score = mean(scores) + \frac{coef(altura)}{2}altura + \frac{coef(clipe)}{2}clipe + \\ \frac{coef(ad\_right)}{2}ad\_right + \frac{ad\_left:ad\_right}{2}ad\_left:ad\_right$$

Desta forma, fazendo as devidas substituições, temos que:

$$score = 1.54 + \frac{0.18625}{2}altura + \frac{-0.42375}{2}clipe + \frac{0.18625}{2}ad\_right + \frac{-0.21}{2}ad\_left :$$

$$score = 1.54 + 0.0931 \\ altura - 0.2119 \\ clipe + 0.0931 \\ ad\_right - 0.105 \\ ad\_left : ad\_right \\ score\_max = 1.54 + 0.0931 \\ * (1) - 0.2119 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (1) - 0.105 \\ * (-1) = 2.04 \\ score\_min = 1.54 + 0.0931 \\ * (-1) - 0.2119 \\ * (1) + 0.0931 \\ * (-1) - 0.105 \\ * (1) = 1.04 \\ core\_min = 1.54 + 0.0931 \\ * (-1) - 0.2119 \\ * (1) + 0.0931 \\ * (-1) - 0.105 \\ * (1) = 1.04 \\ core\_min = 1.54 + 0.0931 \\ * (-1) - 0.2119 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) - 0.105 \\ * (-1) = 1.04 \\ core\_min = 1.54 + 0.0931 \\ * (-1) - 0.2119 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) - 0.105 \\ * (-1) = 1.04 \\ core\_min = 1.54 + 0.0931 \\ * (-1) - 0.2119 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) - 0.105 \\ * (-1) = 1.04 \\ core\_min = 1.54 + 0.0931 \\ * (-1) - 0.2119 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) - 0.105 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) - 0.105 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931 \\ * (-1) + 0.0931$$

## 5 CONCLUSÃO

### REFERÊNCIAS

ENTENDA o que é DOE - Design of experiments. 2020. <a href="https://www.escolaedti.com.br/entenda-o-que-e-doe">https://www.escolaedti.com.br/entenda-o-que-e-doe</a>>, note = Accessed: 2020-07-18. Citado na página 5.

O que é design of experiments e como aplicar! 2020. <a href="https://www.nortegubisian.com.br/blog/entenda-o-que-e-design-of-experiments-e-como-aplicar">https://www.nortegubisian.com.br/blog/entenda-o-que-e-design-of-experiments-e-como-aplicar</a>, note = Accessed: 2020-07-18. Citado na página 5.