



Universidad Autónoma de Nuevo León

FACULTAD DE CIENCIAS FÍSICO MATEMÁTICAS

## TAREA 1

*Ecuaciones de movimiento*

Autores:

Jesús Eduardo Loera Casas 1898887

Cesar Efrén Valladares Rocha 1841555

Vrani Chavez Islas 1990044

23 de febrero de 2021

# Índice

1. Problema del oscilador armónico	1
2. Solución	1
3. Ecuaciones de movimiento	2

---

## Resumen

En este documento nuestro equipo presenta la tarea 2 del curso de mecánica teórica, donde planteamos el problema del oscilador armónico y encontramos sus ecuaciones de movimiento.

---

## 1. Problema del oscilador armónico

Encontrar las ecuaciones de movimiento y velocidad respecto al tiempo de un oscilador armónico simple.

Por segunda ley de Newton:

$$F = ma$$

$$-kx = m\ddot{x}$$

Donde tenemos la siguiente igualdad  $\omega_0^2 = \frac{k}{m}$ , entonces:

$$\ddot{x} + \omega_0^2 x = 0$$

## 2. Solución

Solución.

$$\ddot{x} + \omega_0^2 x = 0$$

$$\frac{d^2x}{dt^2} + \omega_0^2 x = 0$$

Observación:  $\frac{d^2x}{dt^2} + \omega_0^2 x = 0$  es una ecuación diferencial lineal no homogénea de orden dos con coeficientes constantes.

Identificamos la ecuación característica:  $m^2 + \omega_0^2 = 0$

Ahora buscamos despejar para  $m$ :

$$\begin{aligned}m^2 + \omega_0^2 &= 0 \\m^2 &= -\omega_0^2 \\ \Rightarrow m &= 0 \pm \omega_0 i\end{aligned}$$

Observación: Hemos obtenido raíces complejas conjugadas.

Identificamos  $a = 0$  y  $b = \omega$ , la solución general de la ecuación diferencial es de la forma:

$$x_g(t) = C_1 e^{at} \text{Cos}(bt) + C_2 e^{at} \text{Sen}(bt)$$

Sustituyendo  $a$  y  $b$ :

$$\begin{aligned}x_g(t) &= C_1 e^{(0)t} \text{Cos}((\omega_0)t) + C_2 e^{(0)t} \text{Sen}((\omega_0)t) \\x_g(t) &= C_1(1) \text{Cos}(\omega_0 t) + C_2(1) \text{Sen}(\omega_0 t) \\ \Rightarrow x_g(t) &= C_1 \text{Cos}(\omega_0 t) + C_2 \text{Sen}(\omega_0 t)\end{aligned}$$

### 3. Ecuaciones de movimiento

Por lo tanto la ecuación del movimiento del oscilador armónico simple es:

- $x(t) = C_1 \text{Cos}(\omega_0 t) + C_2 \text{Sen}(\omega_0 t)$

Que puede reescribirse como:

- $x(t) = A \text{Cos}(\omega_0 t - \phi)$
- $x(t) = A \text{Sen}(\omega_0 t - \delta)$