

# Tema 3. Estrategias de Búsqueda No Informada

Inteligencia Artificial

2º curso Grado en Ingeniería Informática

Elisa Guerrero Vázquez

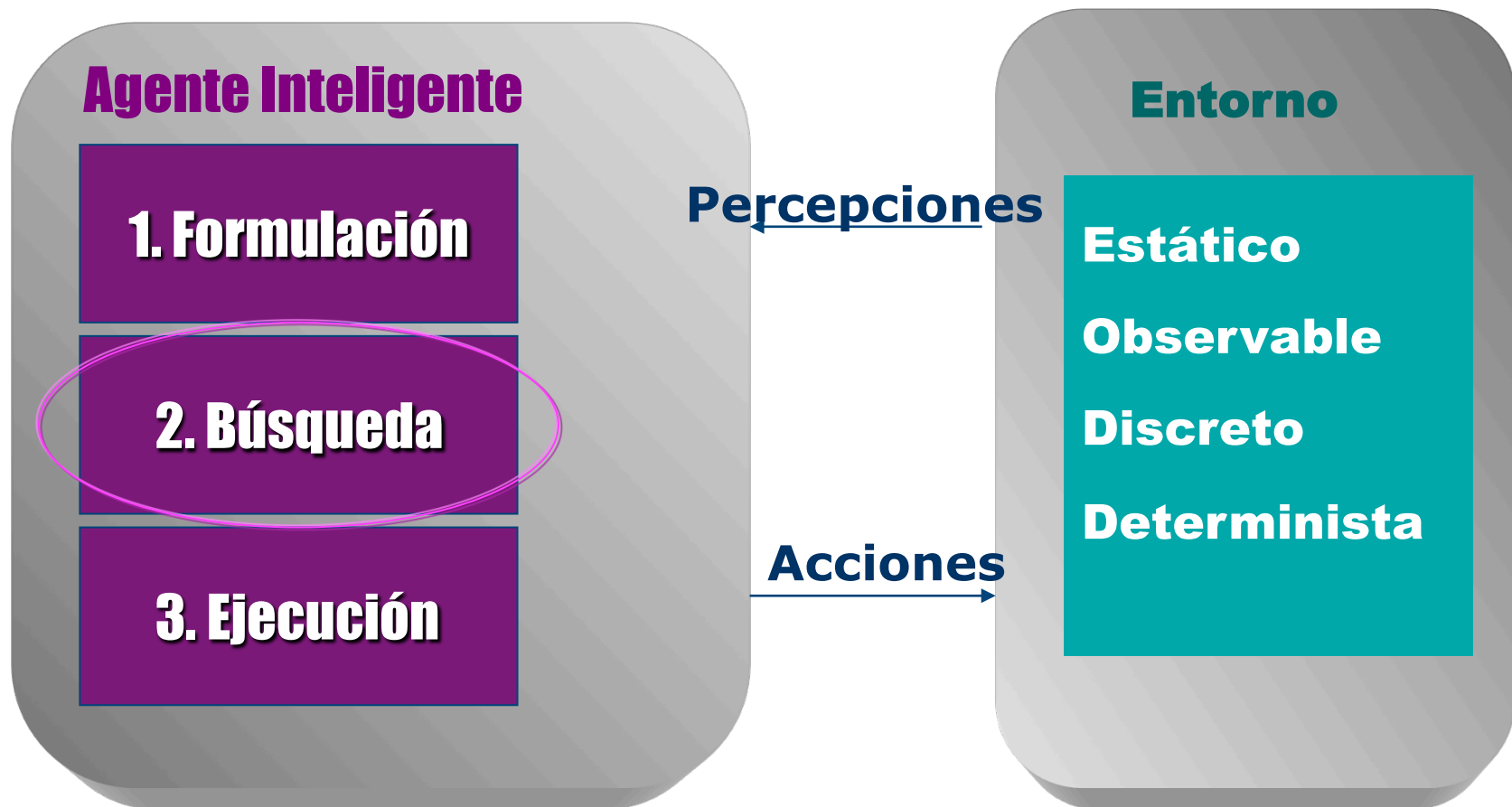
Esther L. Silva Ramírez

# Objetivos

- Al finalizar este tema el alumno deberá ser capaz de:
  - Resolver los problemas de búsqueda utilizando las distintas técnicas de búsqueda no informada
  - Analizar el coste de las distintas técnicas para evaluar las ventajas y desventajas de cada método
  - Implementar los distintos algoritmos estudiados

# Agentes que resuelven problemas

- **Búsqueda:** hallar la secuencia de acciones que conduzcan a un agente a un estado objetivo.



# Formulación de un problema de búsqueda

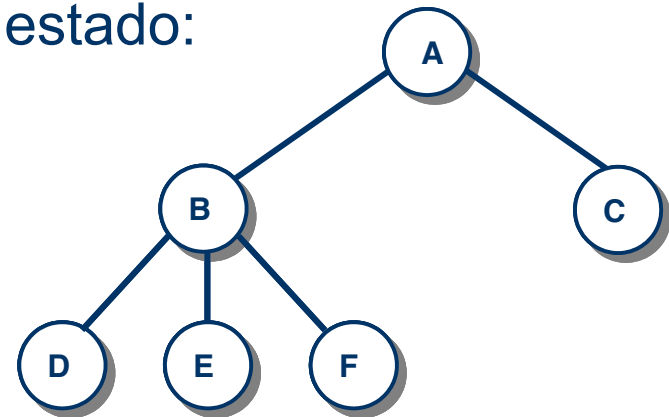
Un problema se define mediante:

- **Estado Inicial**
- **Test Objetivo**
- **Operadores (espacio de estados)**
- **Camino o solución y su coste**

# Diseño del Árbol o Grafo de Búsqueda

- **Estado:** configuración del mundo en un momento dado
- **Nodo:** estructura de datos para representar toda la información referente a cada estado:

- Estado
- Nodo Padre
- Acción
- Coste
- Profundidad



- Selección: **Estrategia concreta de selección del nodo**
- ¿Es Objetivo el Nodo Actual?
- Función sucesor al nodo actual cuando no es un nodo objetivo
- Lista de Nodos ABIERTOS
- Lista de Nodos CERRADOS

# Estrategias de búsqueda

Cuando hay varias posibilidades en el espacio de búsqueda, la estrategia debe determinar cuál es el siguiente estado a considerar

- **Búsqueda No Informada:** Exploración sistemática del espacio de búsqueda, pero sin información que ayude a determinar qué camino seguir
- **Búsqueda Informada o Heurística:** Se evalúa en cada momento qué estado pudiera ser mejor que otro para su expansión, utilizando cierta información en el dominio del problema

# Algoritmo General de Búsqueda

**Solucion: función** Búsqueda (tNodo: Inicial, entero: estrategia)

**inicio**

tNodo Actual

tLista: Abiertos ← {Inicial} // El nodo inicial se guarda en Abiertos

logico Objetivo: Falso

**mientras** (No Vacía(Abiertos)) **Y** (No Objetivo)

Actual ← Primero(Abiertos) // selecciona primer nodo de Abiertos

**si** EsObjetivo(Actual) **entonces**

Objetivo ← Verdadero

**si\_no**

Sucesores ← Expandir(Actual)

Abiertos ← {Abiertos+Sucesores} //de acuerdo a estrategia

**fin\_si**

Cerrados ← {Cerrados+Actual}

**fin\_mientras**

**si** Objetivo **entonces**

**devolver** Camino a la Solución

**si\_no devolver** Fallo

**fin\_función**

# Estrategias de búsqueda no informada

- Búsqueda en Anchura
- Búsqueda en Profundidad
  - Con retroceso
  - Profundidad Limitada
  - Profundidad iterativa
- Búsqueda Biridireccional



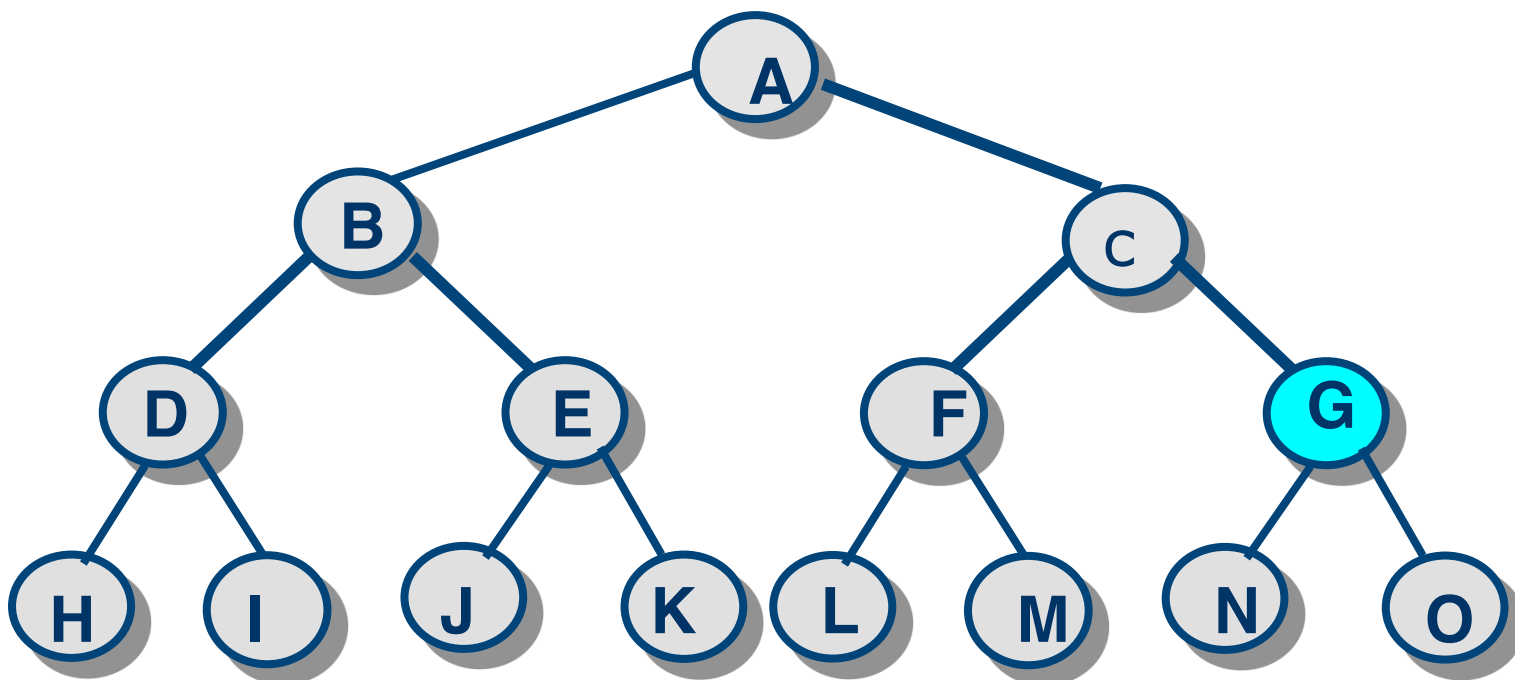
# Búsqueda 1º en Anchura

- Estrategia de selección del nodo actual de acuerdo a una estructura FIFO: el primer nodo que se genera es el primero que se expande (el más antiguo en la lista de Abiertos)
- Desde la perspectiva de la creación de un árbol de búsqueda: todos los nodos de un nivel se expanden antes que los del nivel siguiente

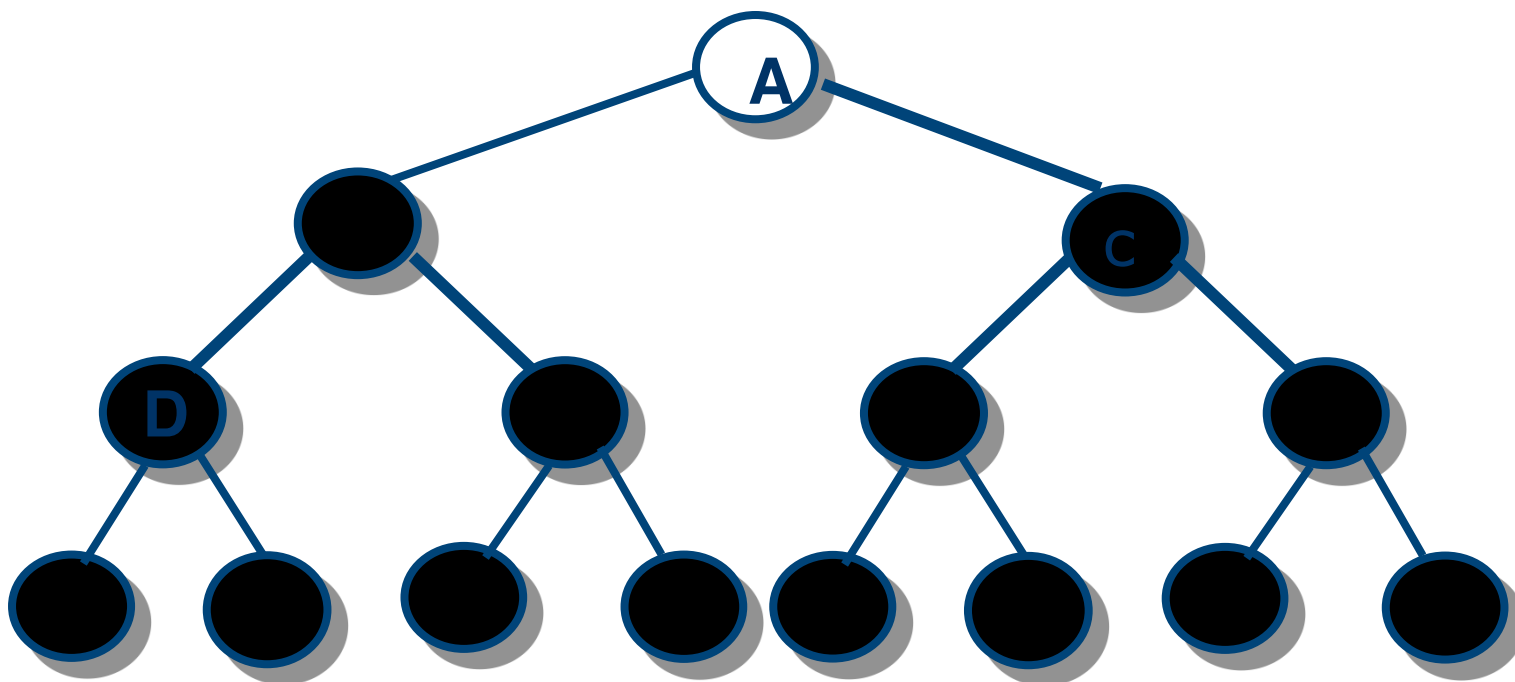
# Búsqueda 1º en Anchura

- Seleccionar el nodo raíz (nivel 0)
- Seleccionar los nodos generados a partir del nodo raíz (nivel 1)
- Después los sucesores (nivel 2) y así sucesivamente
- Estrategia **FIFO** = seleccionar el nodo más antiguo en la lista

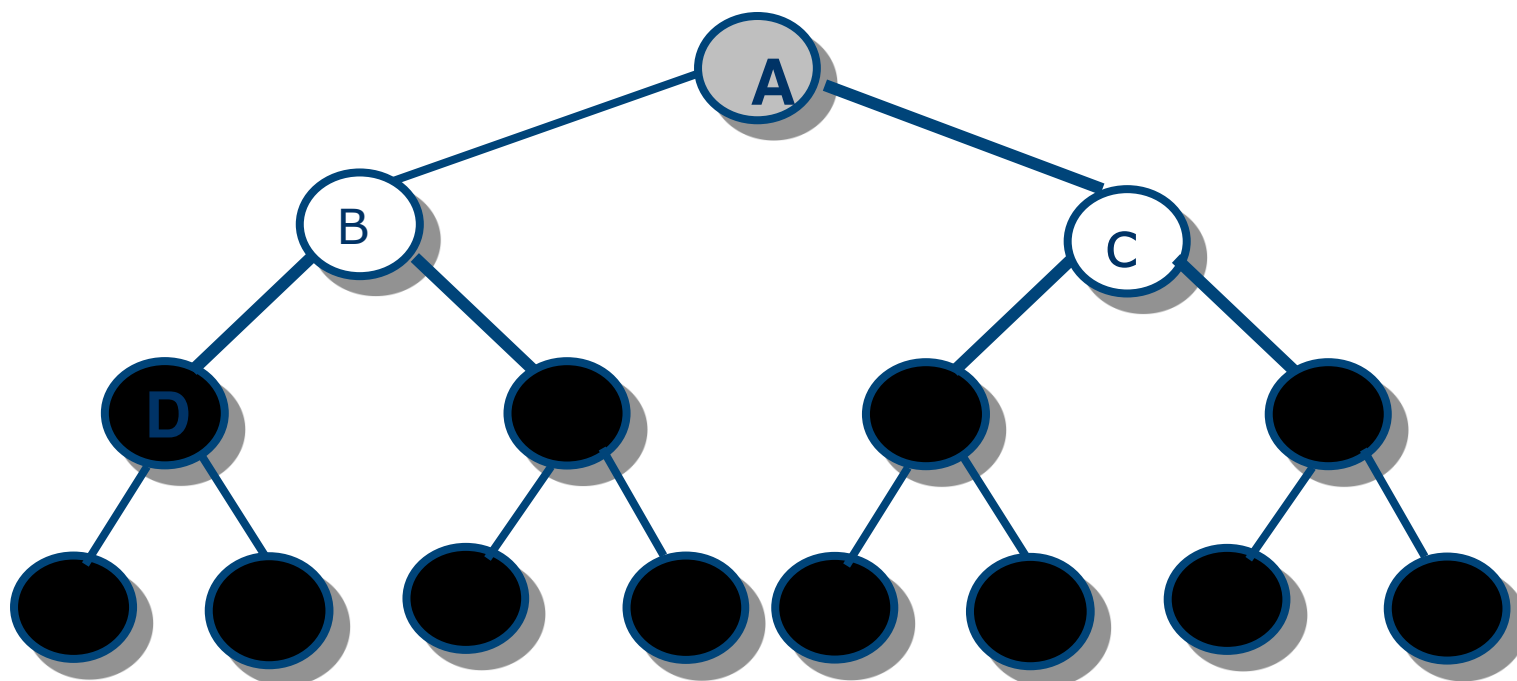
# 1º en Anchura. Ejemplo Genérico



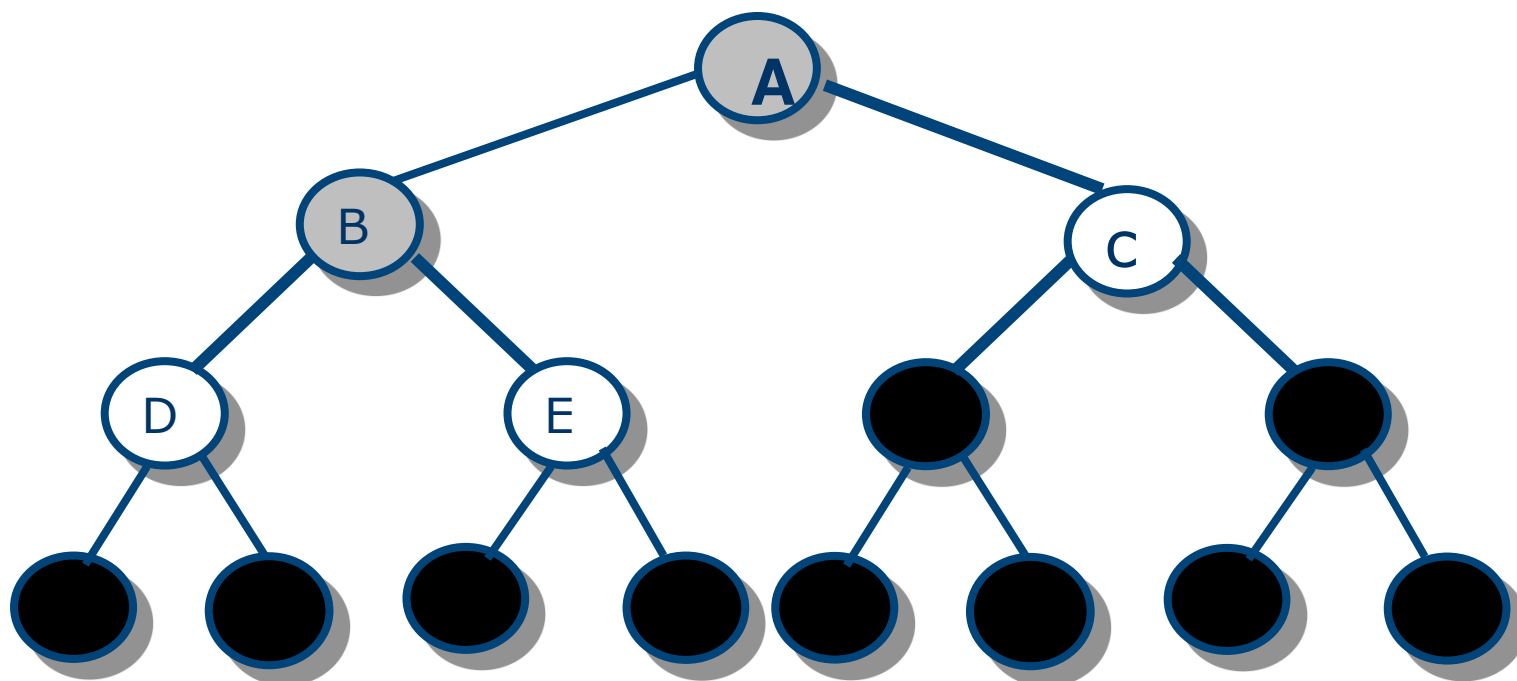
# 1º en Anchura. Ejemplo Genérico



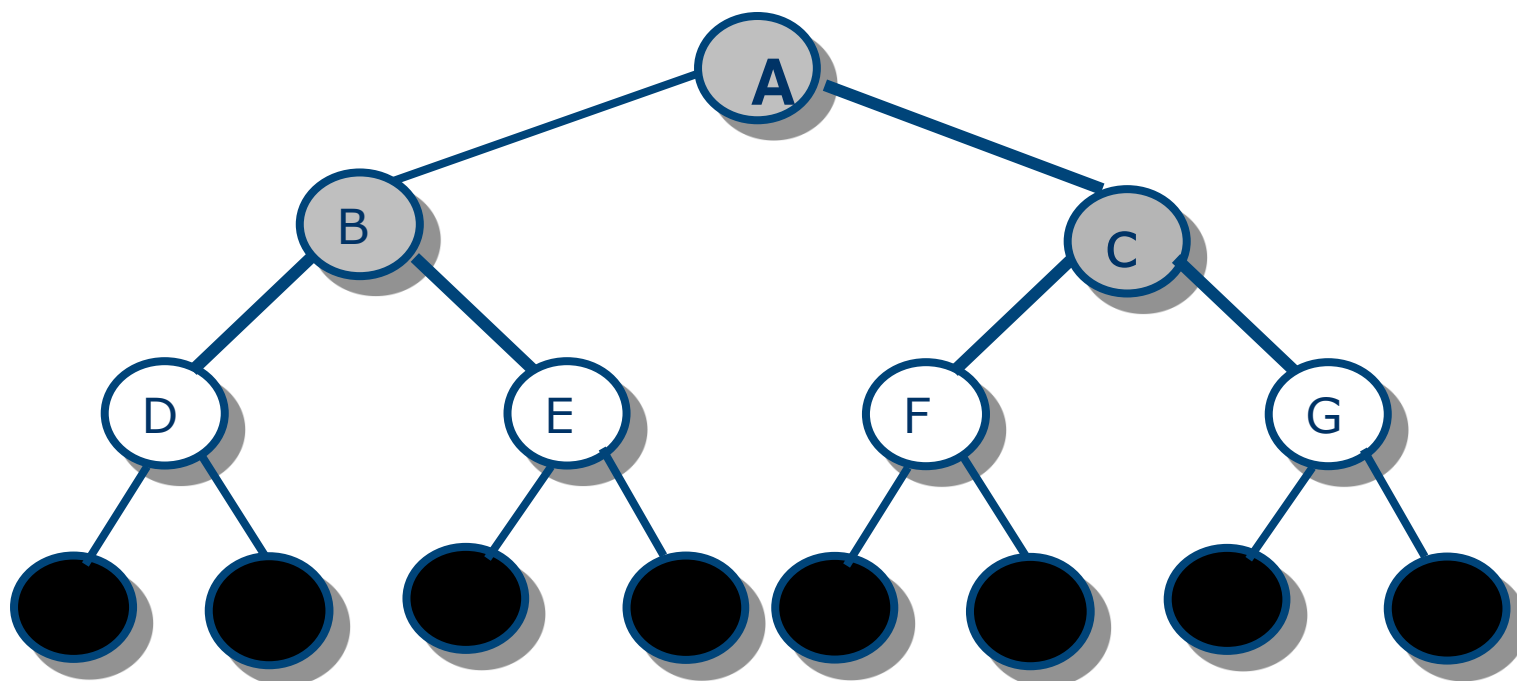
# 1º en Anchura. Ejemplo Genérico



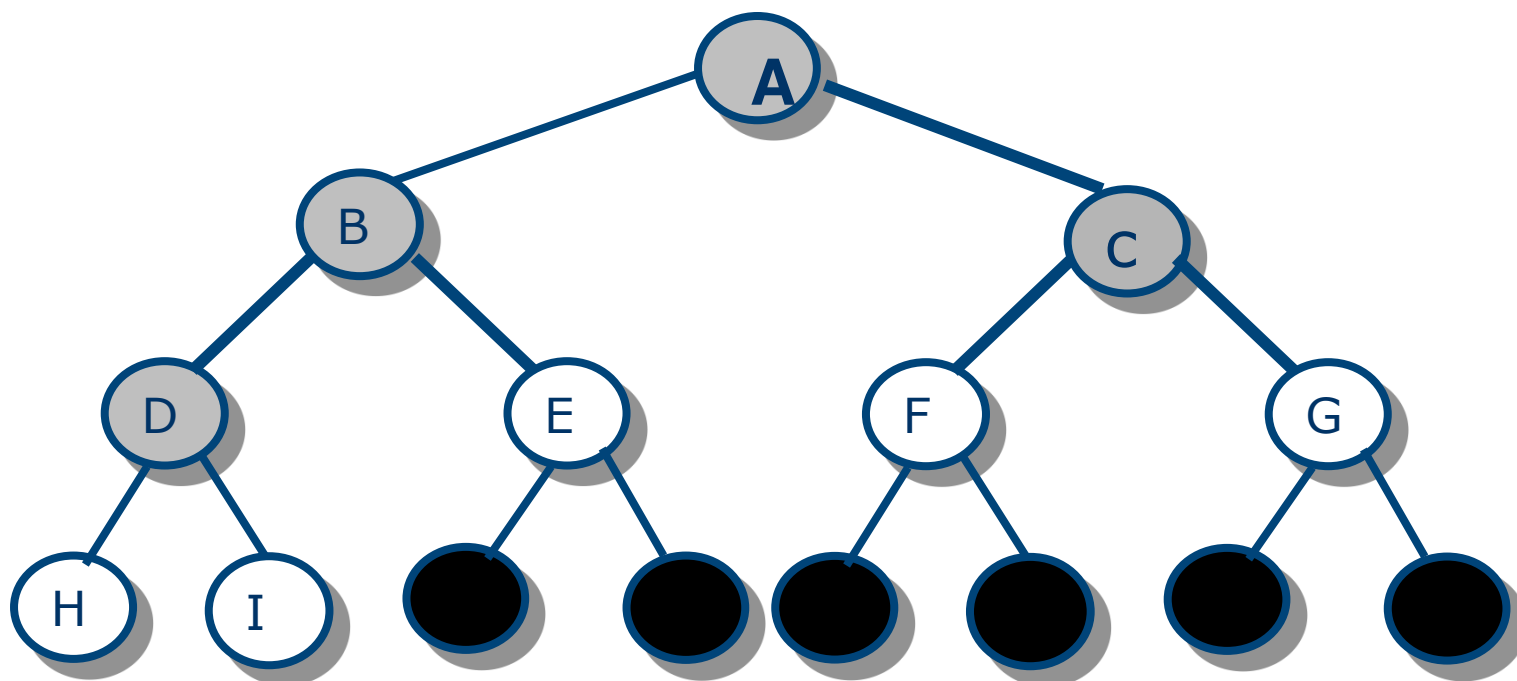
# 1º en Anchura. Ejemplo Genérico



# 1º en Anchura. Ejemplo Genérico

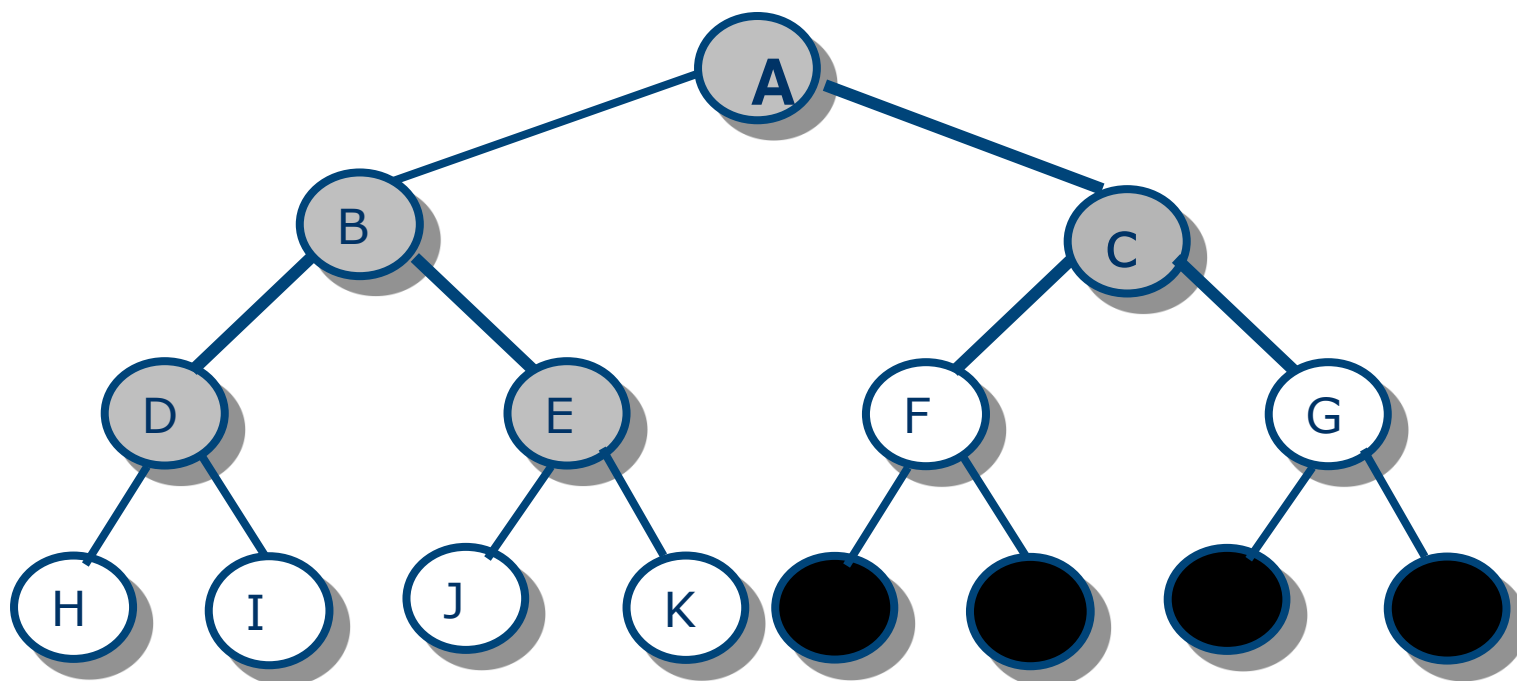


# 1º en Anchura. Ejemplo Genérico

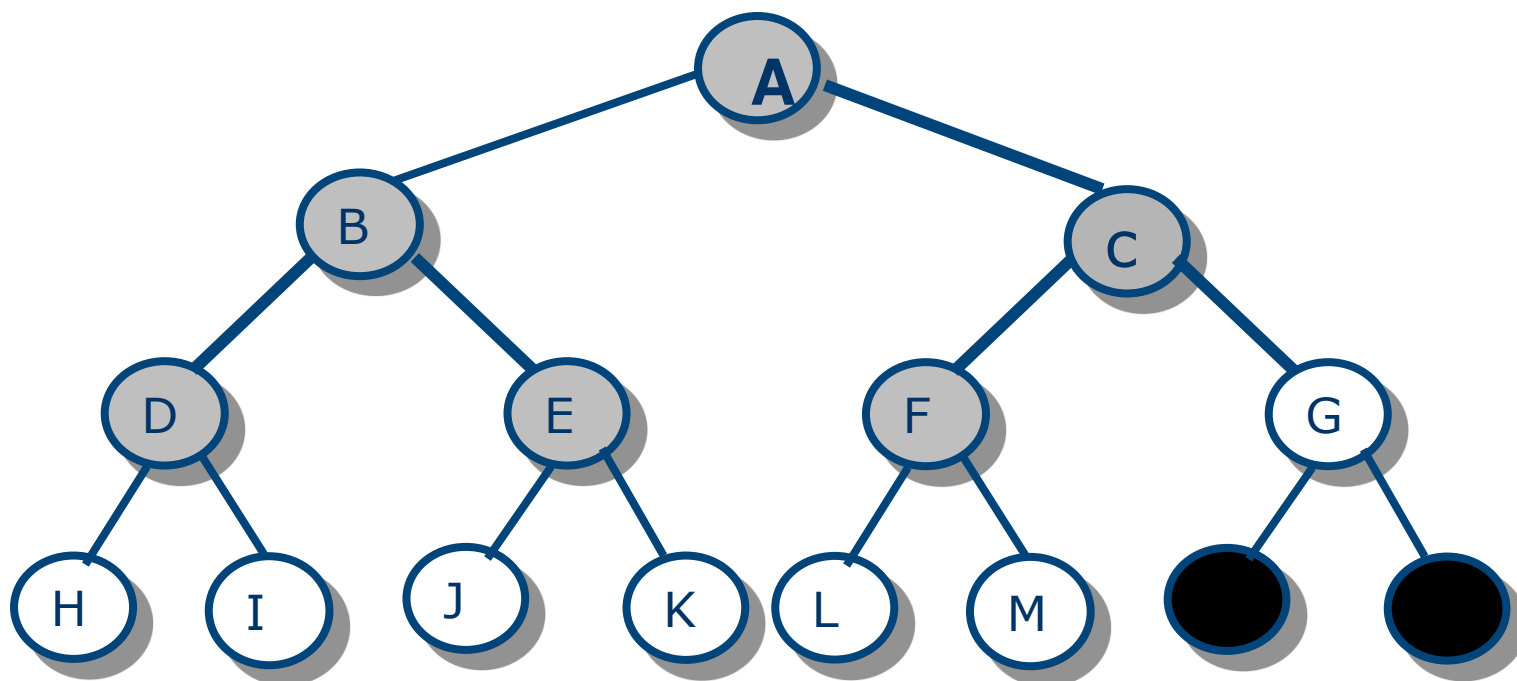




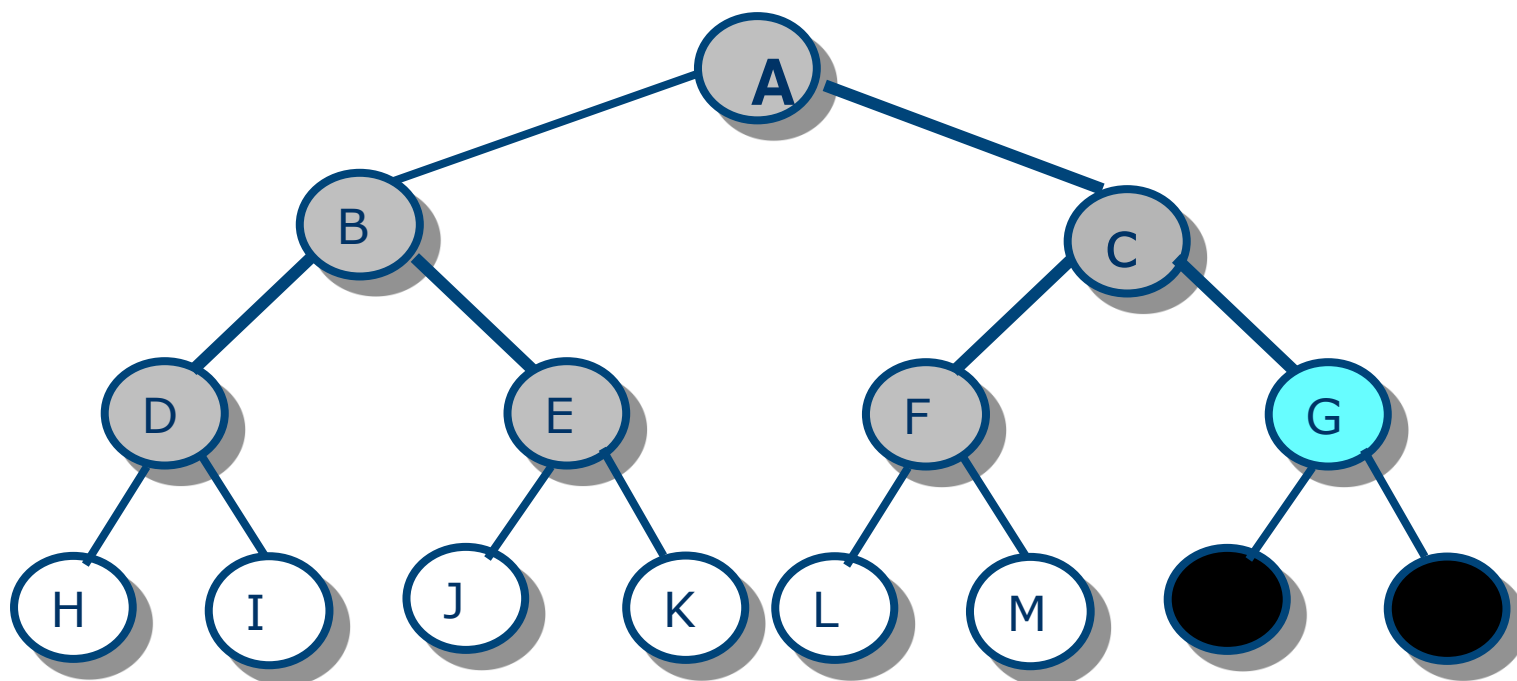
# 1º en Anchura. Ejemplo Genérico



# 1º en Anchura. Ejemplo Genérico



# 1º en Anchura. Ejemplo Genérico



# 1º en Anchura. Ejemplo Genérico

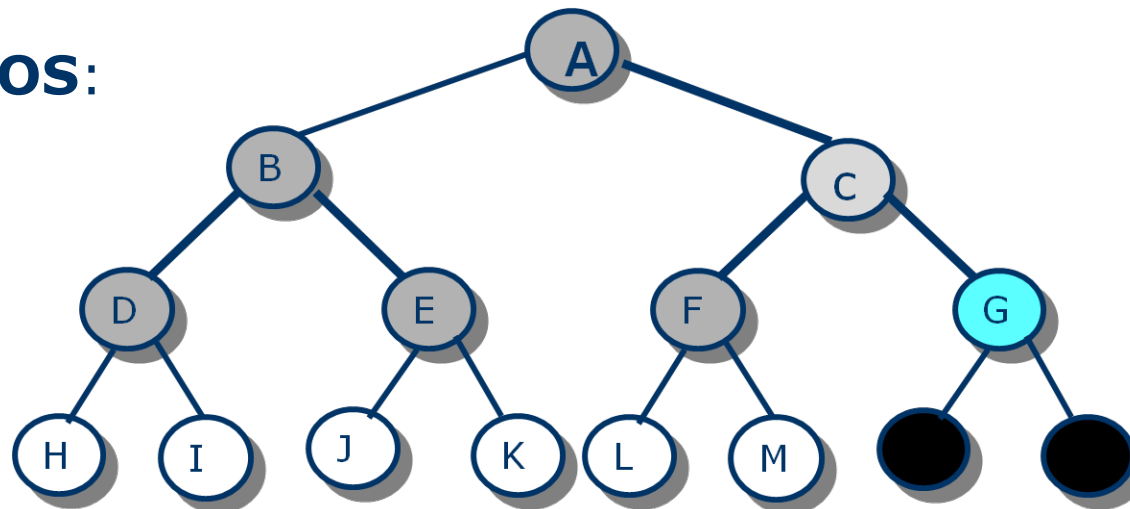
Solución:  
**A, C, G**

## NODOS GENERADOS:

A, B, C, D, E, F, G, H,  
I, J, K, L, M

## NODOS VISITADOS:

A, B, C, D, E, F, G



## Medidas del Rendimiento

---

**Completa:** la estrategia siempre que exista, encontrará una solución

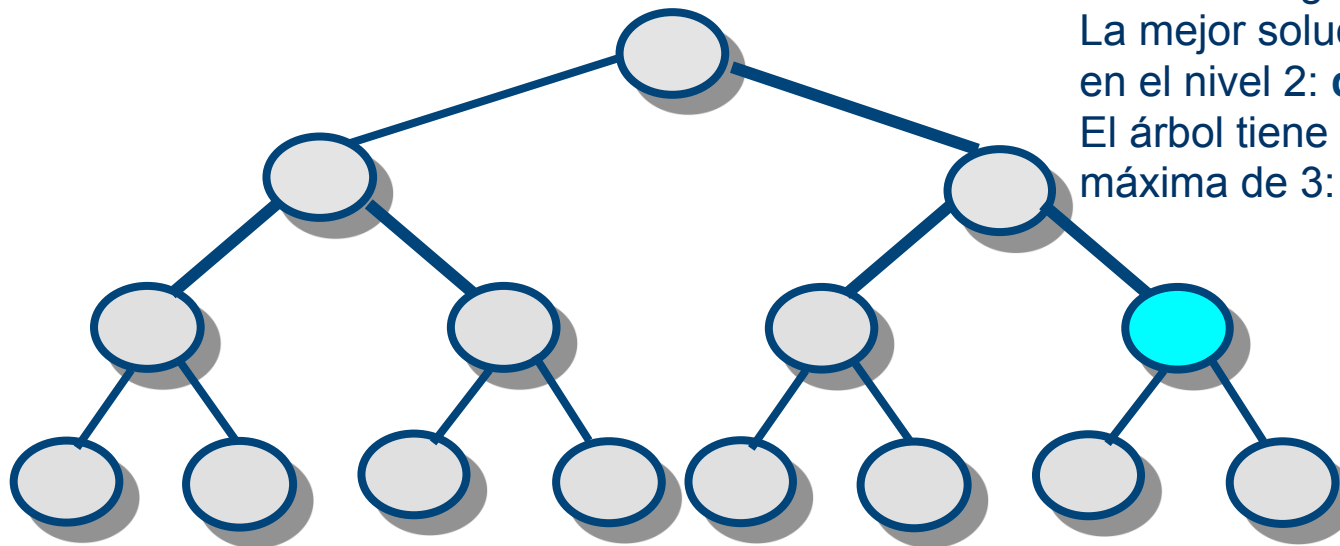
**Óptima:** la estrategia siempre que exista solución, encontrará primero la mejor solución

**Complejidad en tiempo:** número de nodos generados durante la búsqueda

**Complejidad en espacio:** máximo número de nodos en memoria

# Medidas del Rendimiento

- **b**: Factor de ramificación, número de nodos generados a partir de cada nodo (máximo número de sucesores de cualquier nodo)
- **d**: profundidad de la solución óptima
- **m**: máxima profundidad del árbol



Cada nodo genera 2 nodos: **b=2**

La mejor solución se encuentra en el nivel 2: **d=2**

El árbol tiene una profundidad máxima de 3: **m=3**

# 1º en Anchura. Medidas del Rendimiento

## Completa: ¿encuentra una solución?

- Sí, es Completa. Siempre que exista solución, la encontrará en un n° finito de pasos

## Óptima: ¿encuentra la solución óptima?

- Sí cuando el coste del camino a la solución es una función no decreciente de la profundidad del nodo (p.e. cuando todas las acciones tienen el mismo coste)

# 1º en Anchura. Medidas del Rendimiento

## Complejidad en tiempo: número de nodos generados

- La raíz genera  $b$  nodos, cada uno genera  $b$  nodos, ... :

$$1 + b + b^2 + \dots$$

- Si la solución está a profundidad  $d$ , en el peor de los casos se han de generar todos excepto el último nodo en el nivel  $d$  (el objetivo no se expande), por tanto:

$$1 + b + b^2 + \dots + b^d + (b^{d+1} - b) \quad O(b^{d+1})$$

## Complejidad en espacio: máximo nº de nodos en memoria

- Si la solución está a profundidad  $d$ , cada nodo generado debe permanecer en memoria, por tanto en memoria habrá:

$$(1 + b^{d+1} - b) \quad O(b^{d+1})$$



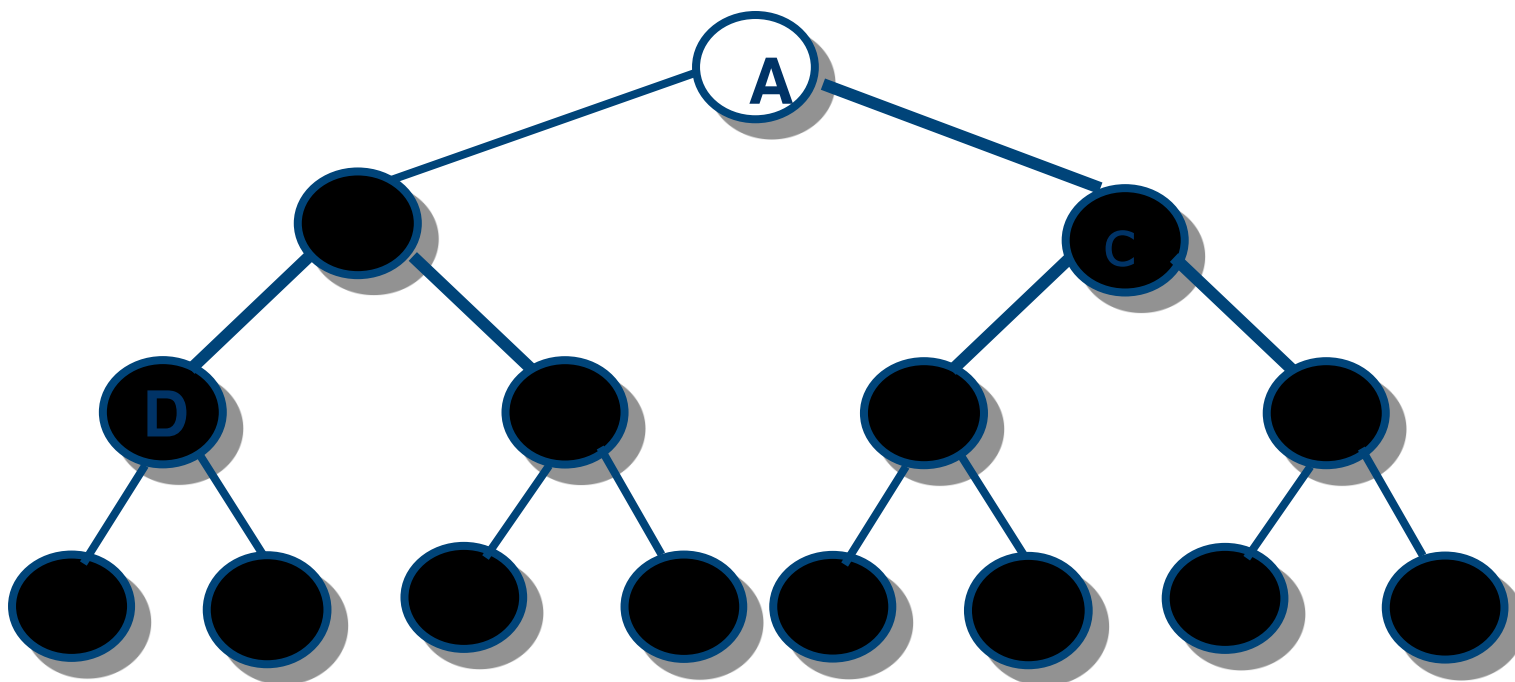
# 1º en Anchura. Análisis

- El requerimiento de memoria es más importante que el tiempo que tarda en encontrar la solución
- Si existe solución no entrará en bucles infinitos, encontrará la solución
- Ineficaz cuando explora la misma zona del espacio de estados en numerosas ocasiones

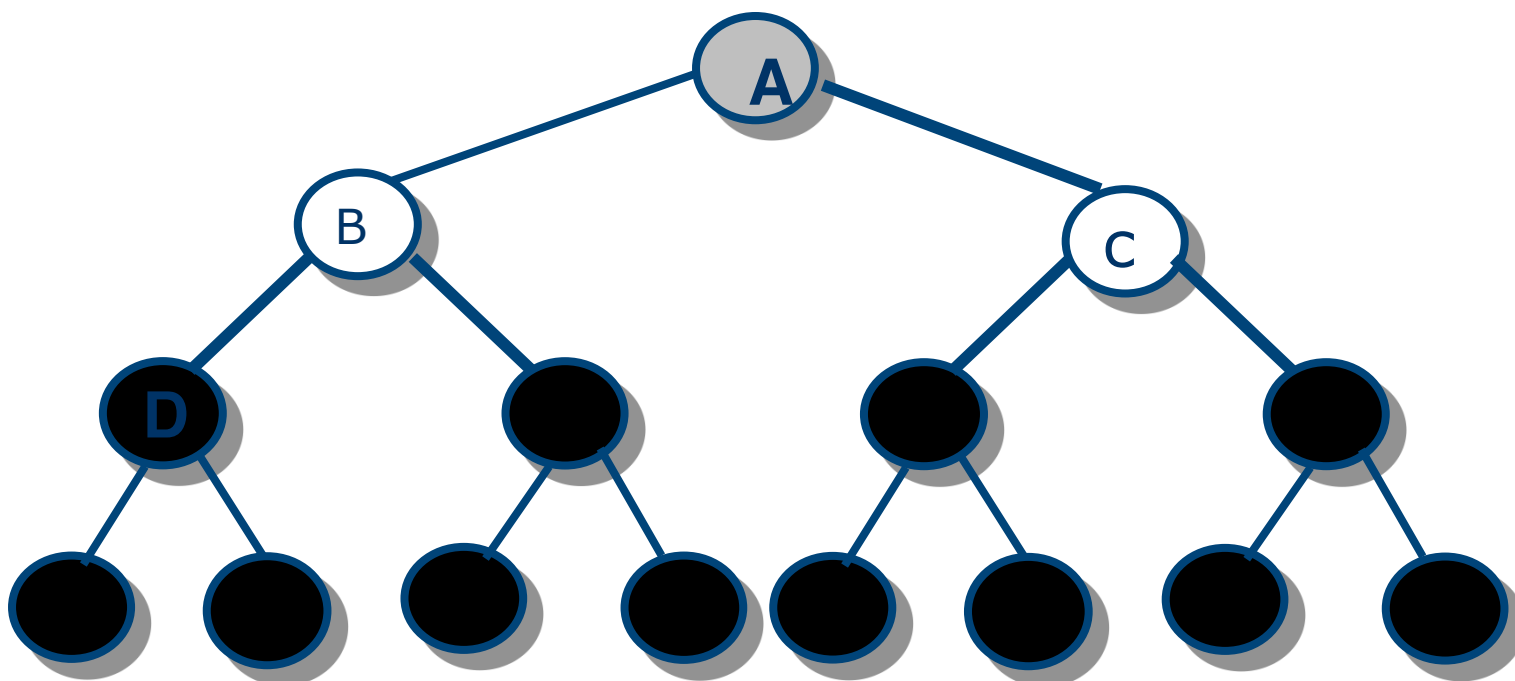
# Búsqueda 1º en Profundidad

- Siempre expande el nodo más profundo
- Sólo cuando la búsqueda encuentra un nodo que no se puede expandir se retrocede para expandir el siguiente nodo más profundo
- Estrategia = seleccionar el nodo más reciente para la expansión (LIFO)

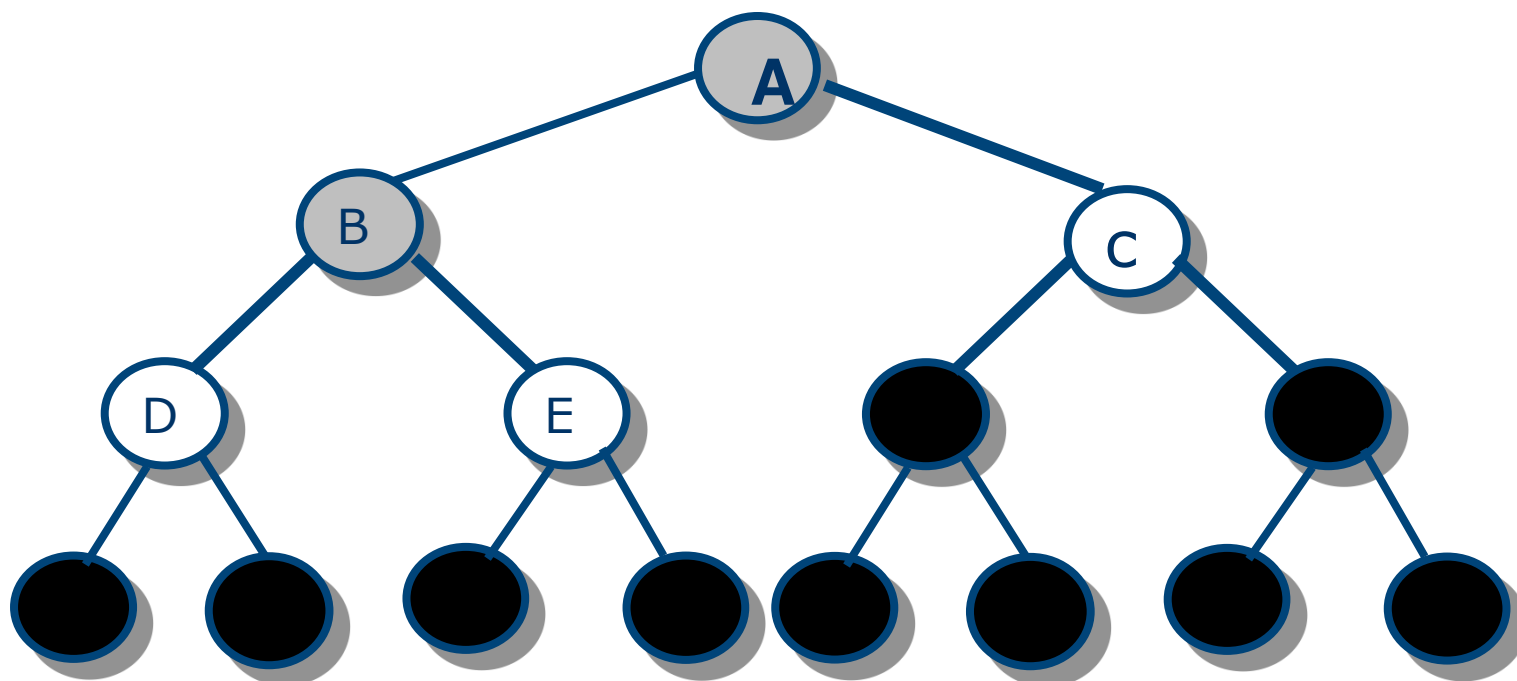
# 1º en Profundidad. Ejemplo Genérico



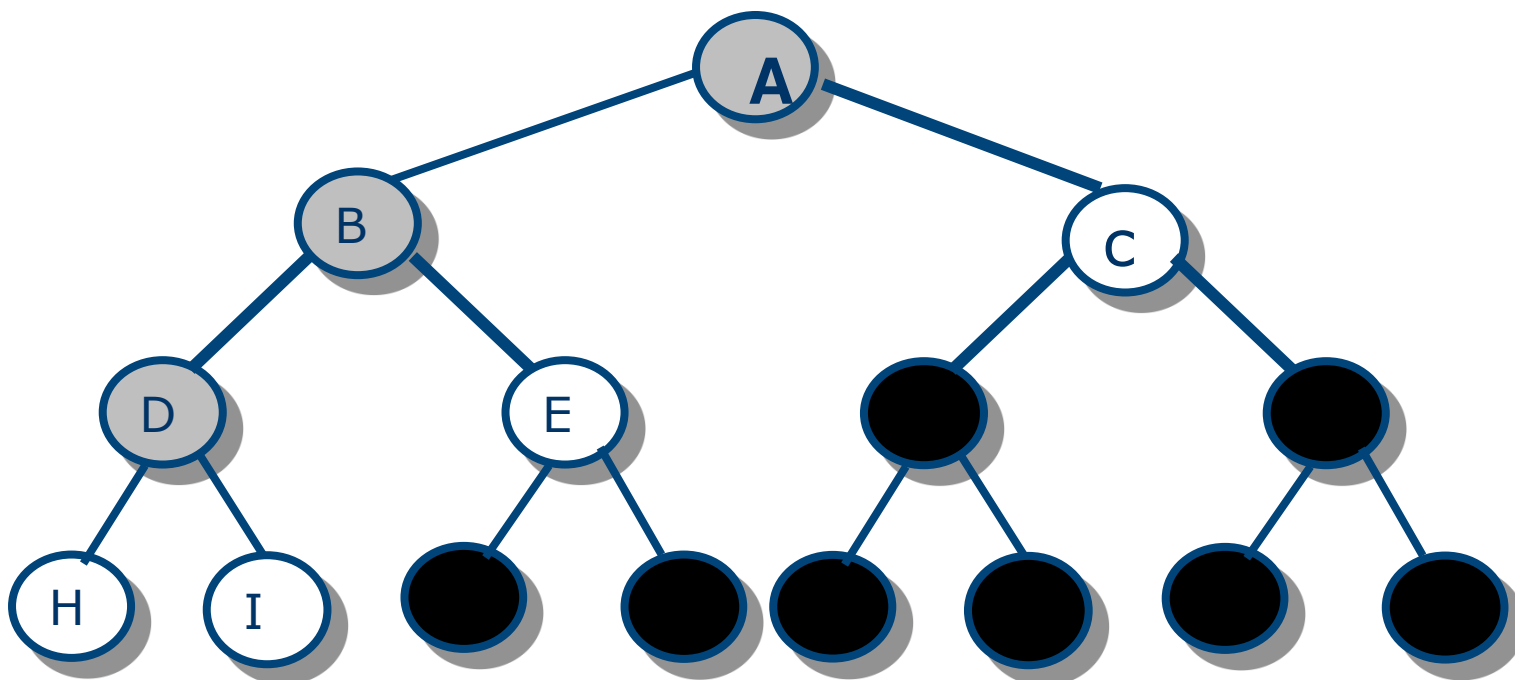
# 1º en Profundidad. Ejemplo Genérico



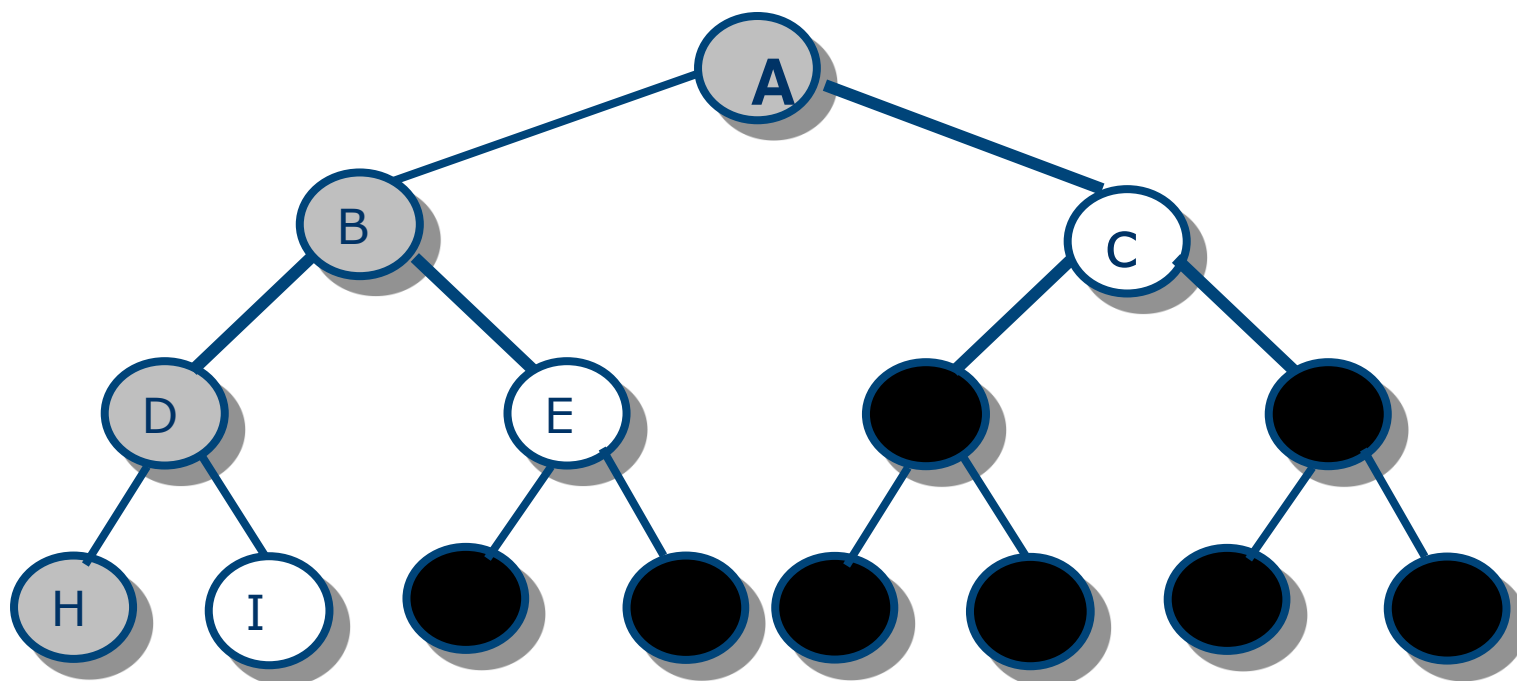
# 1º en Profundidad. Ejemplo Genérico



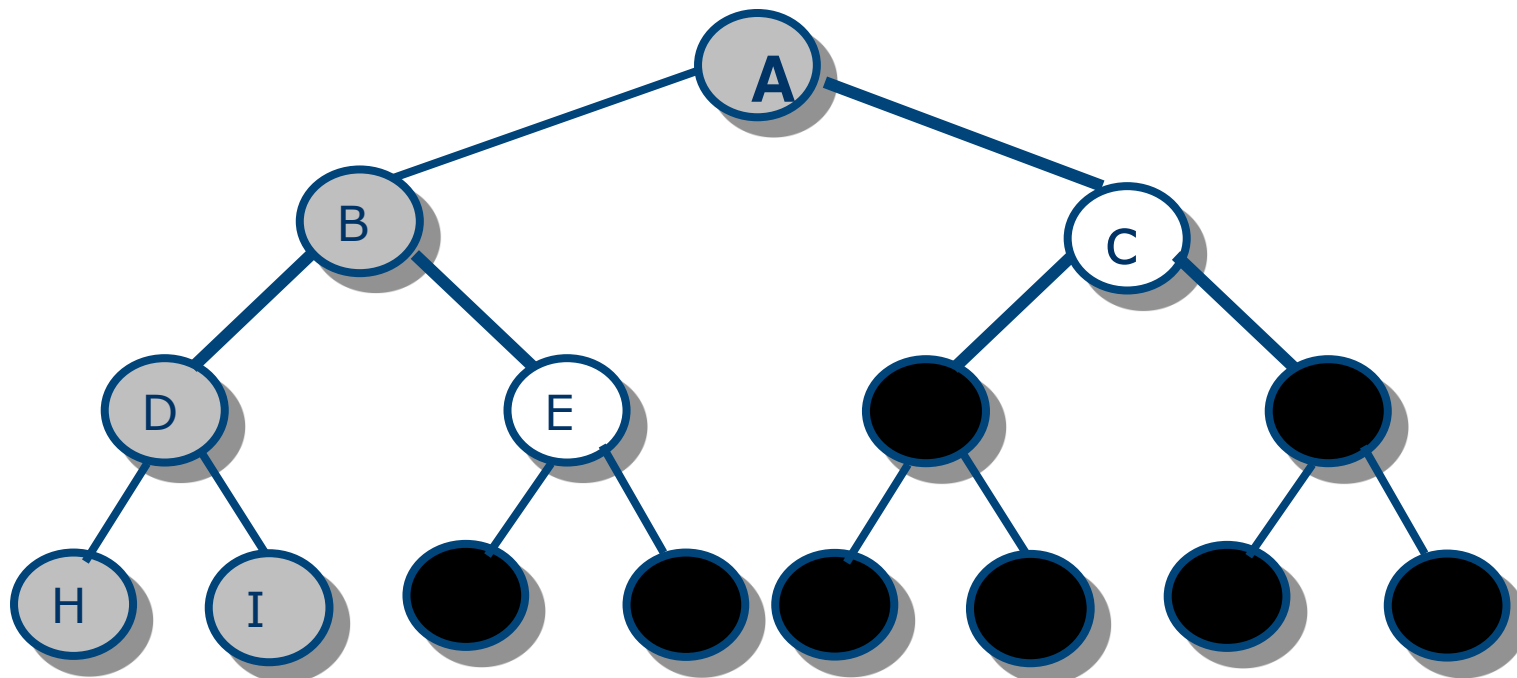
# 1º en Profundidad. Ejemplo Genérico



# 1º en Profundidad. Ejemplo Genérico

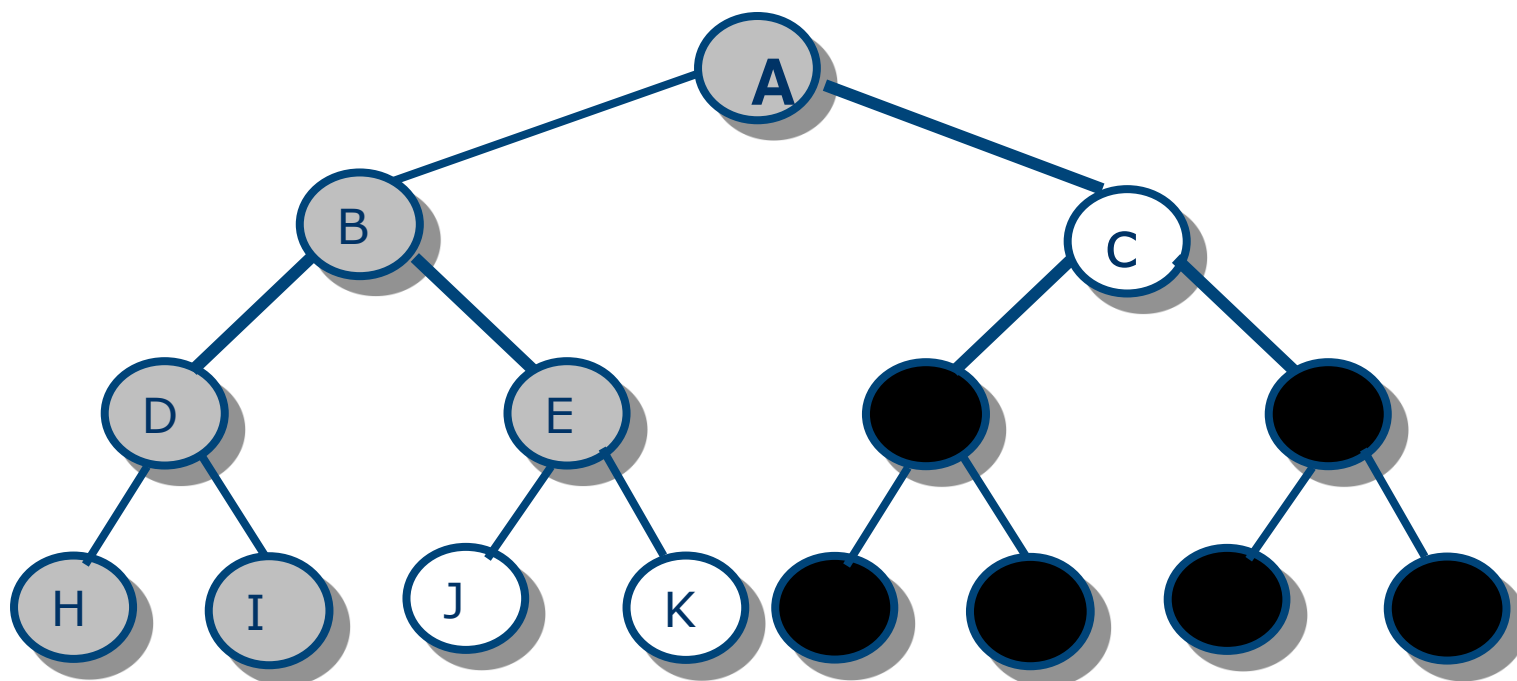


# 1º en Profundidad. Ejemplo Genérico

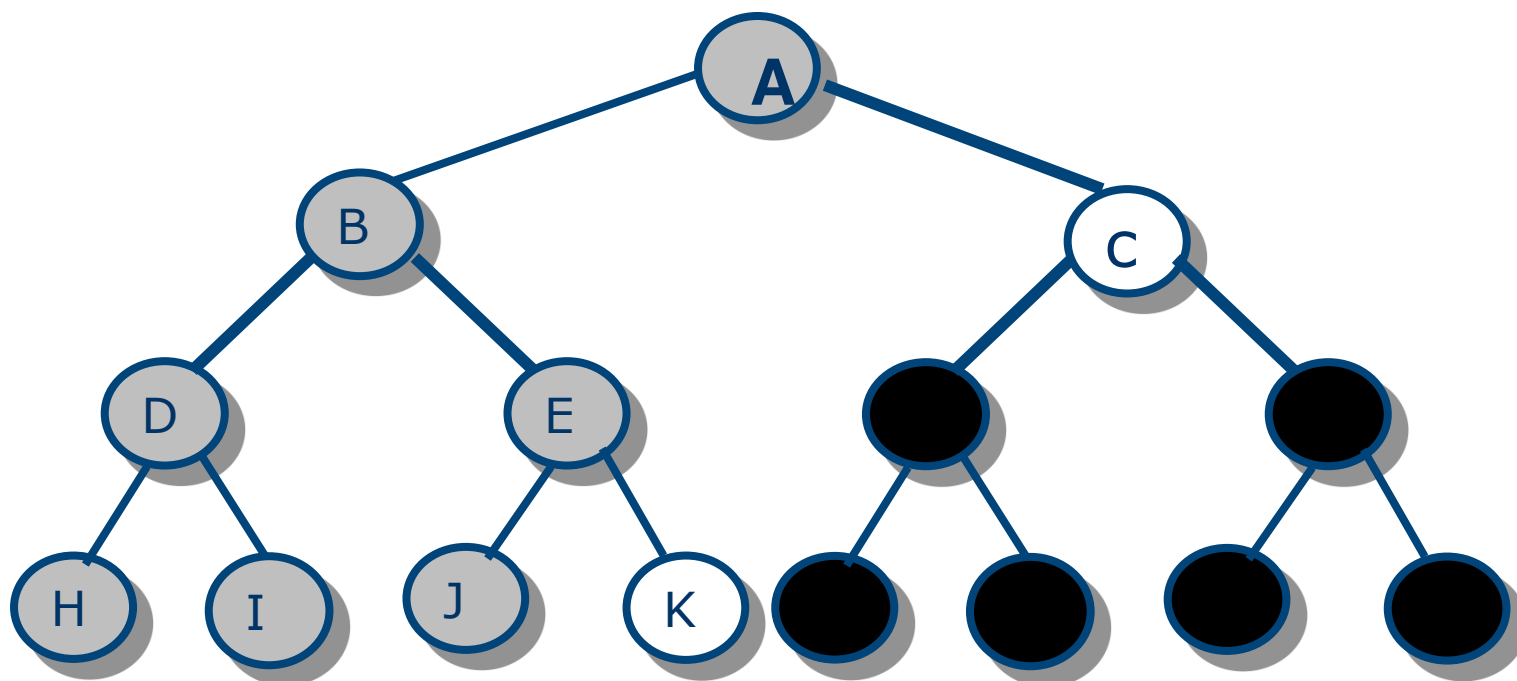




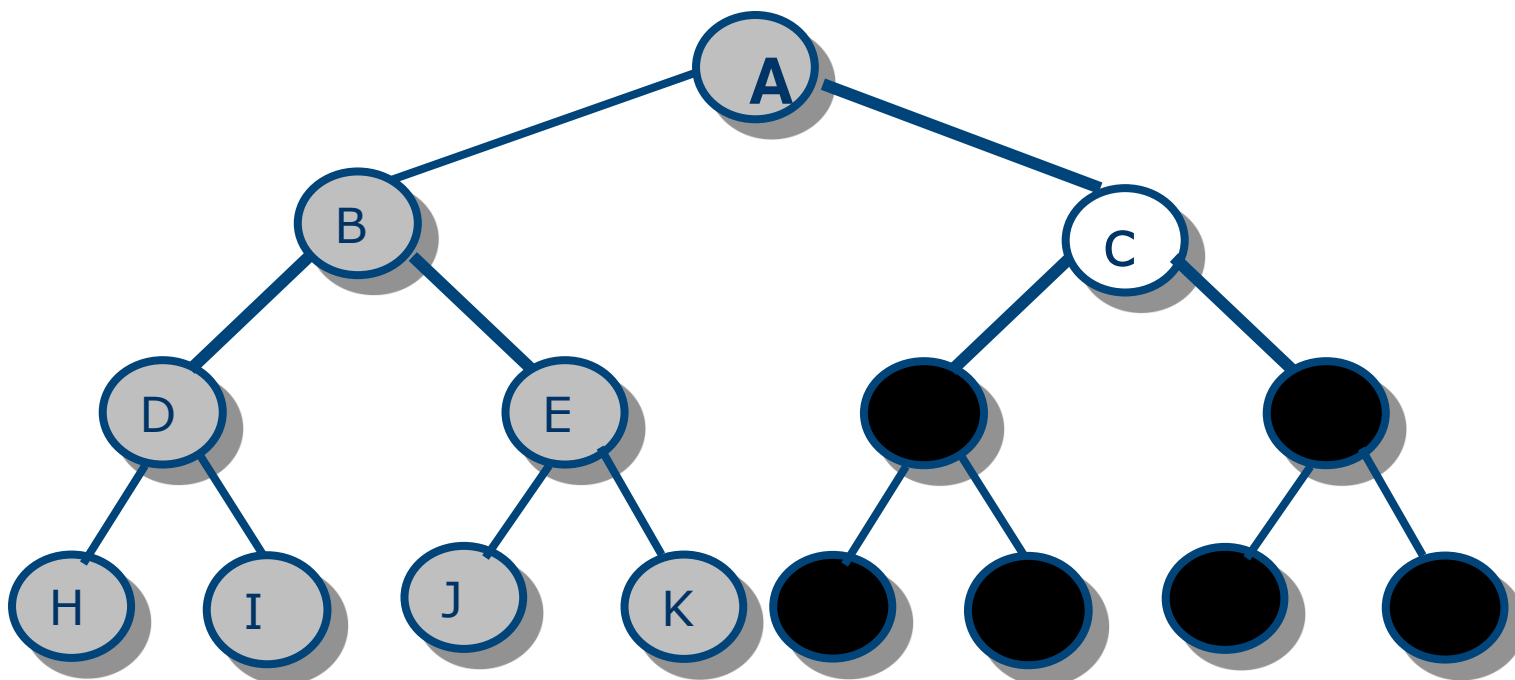
# 1º en Profundidad. Ejemplo Genérico



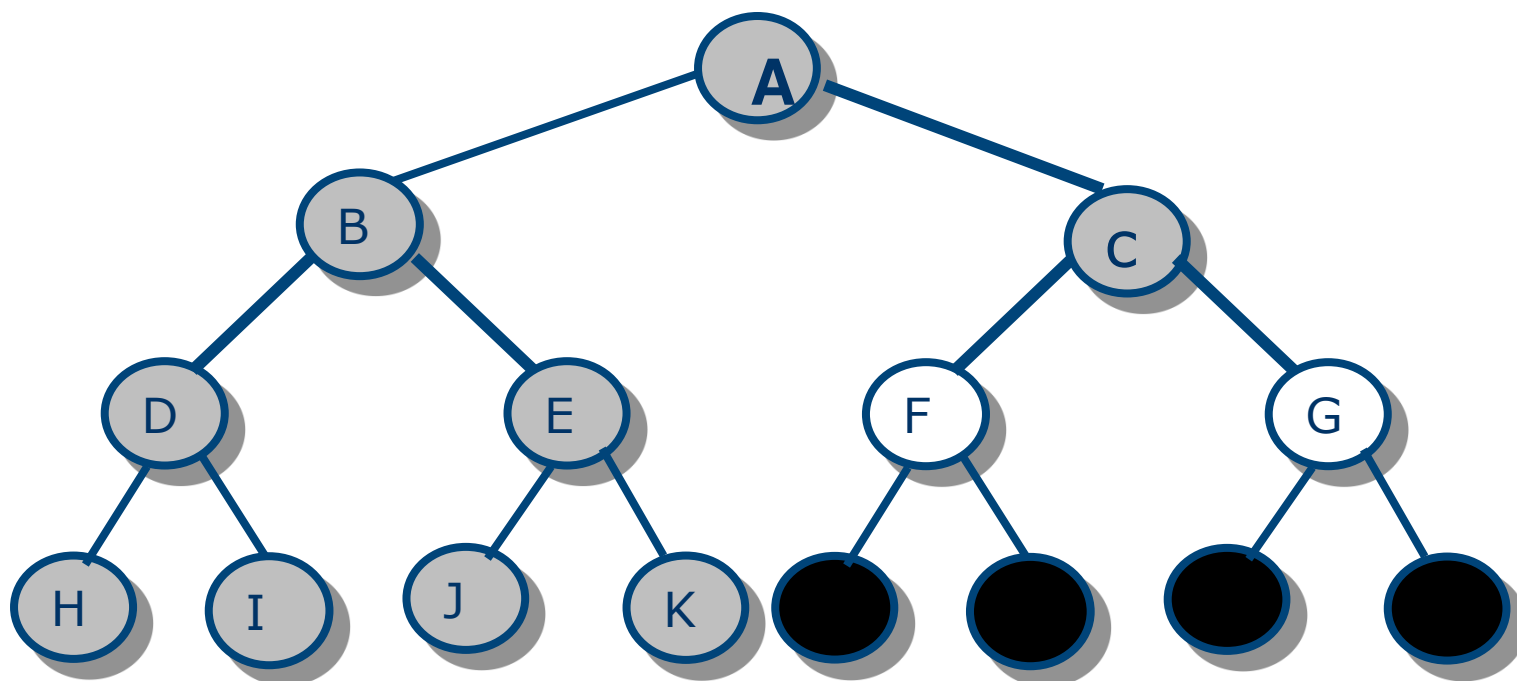
# 1º en Profundidad. Ejemplo Genérico



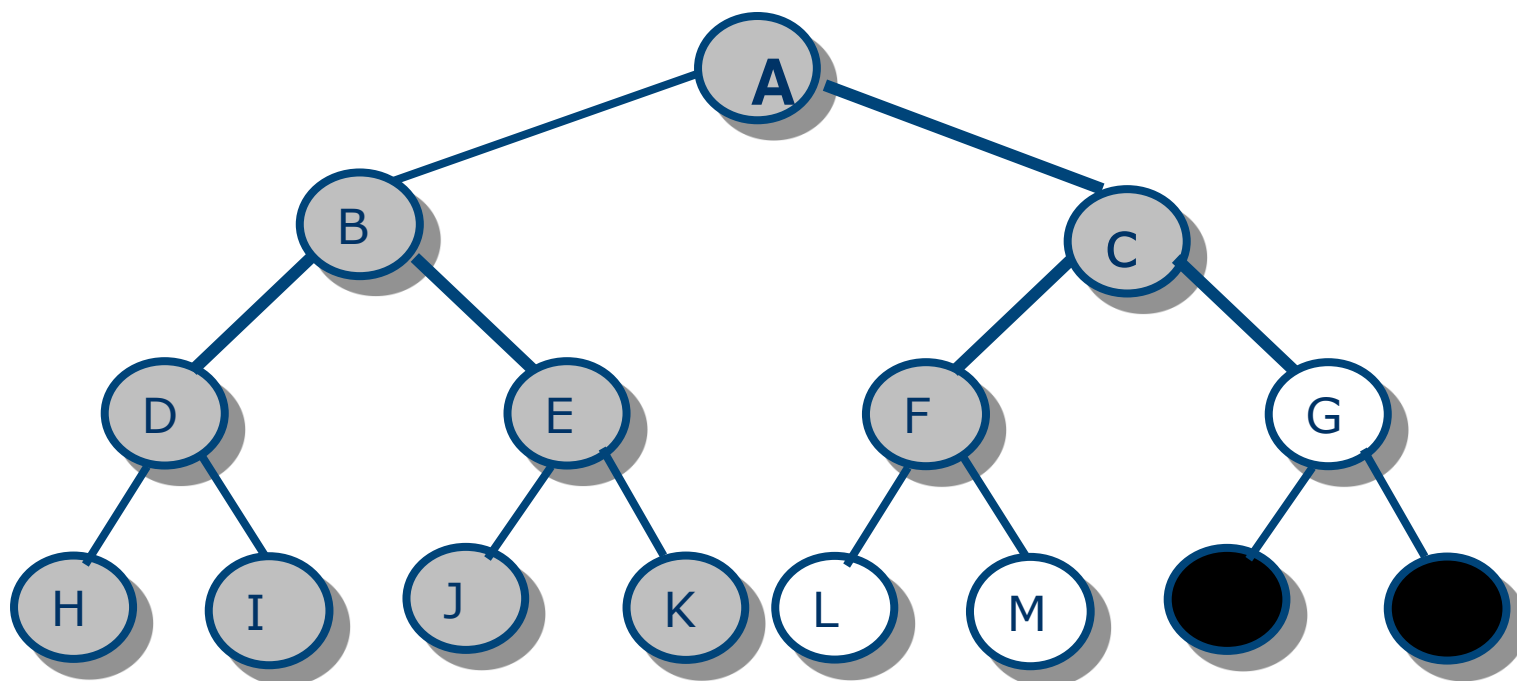
# 1º en Profundidad. Ejemplo Genérico



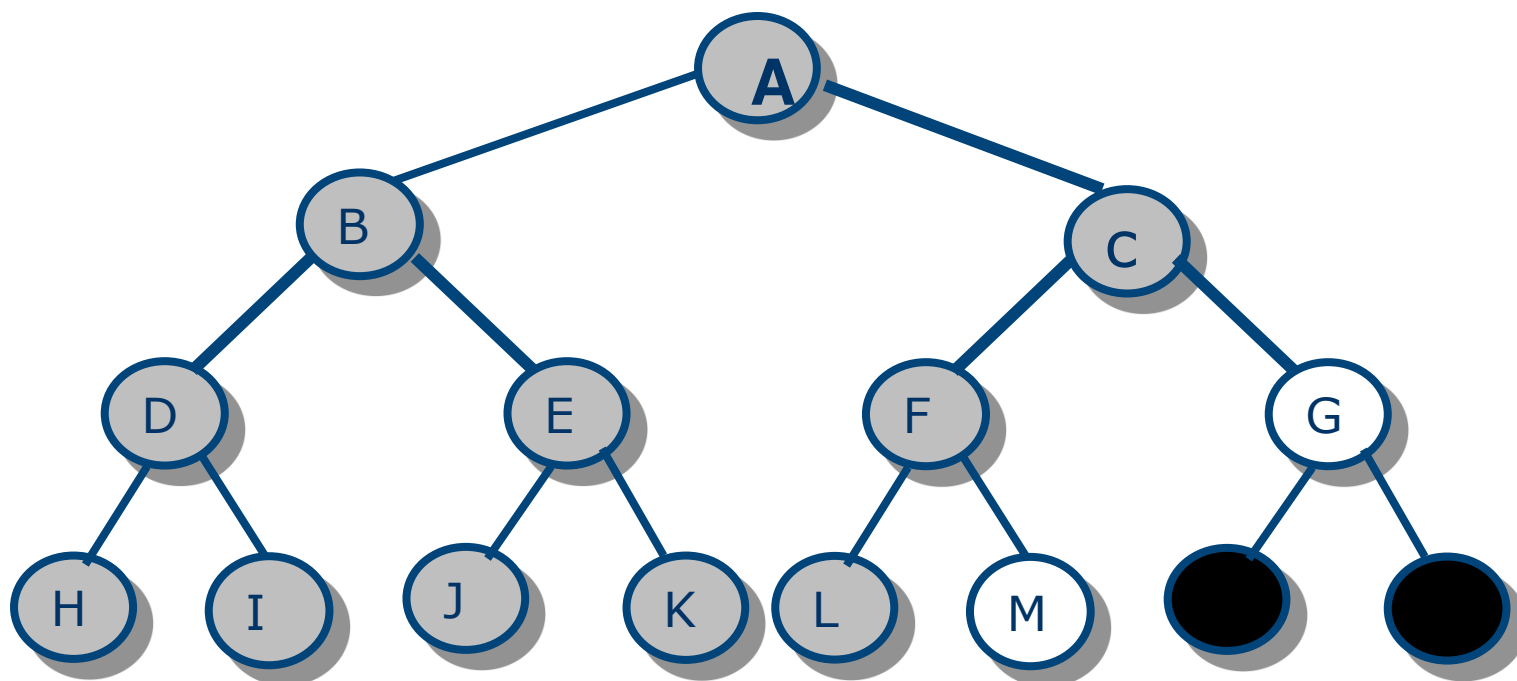
# 1º en Profundidad. Ejemplo Genérico



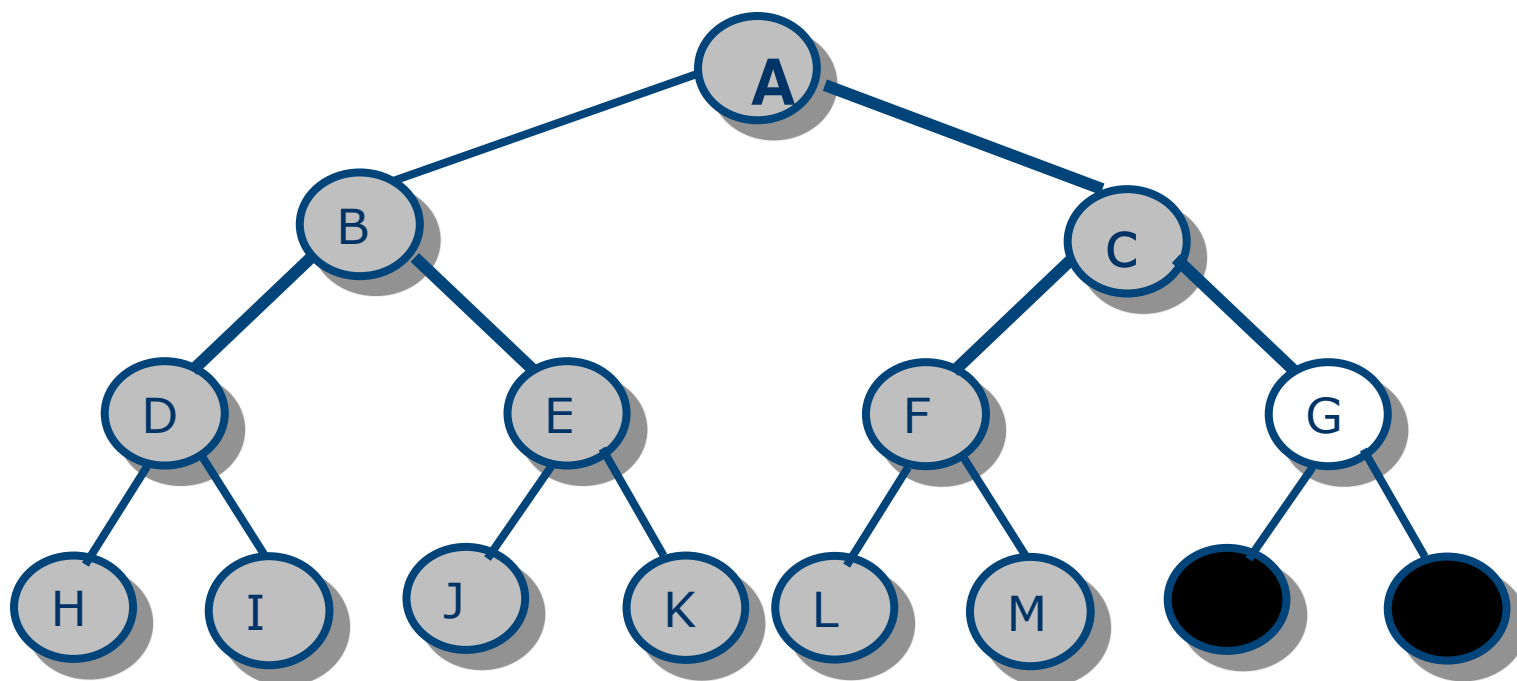
# 1º en Profundidad. Ejemplo Genérico



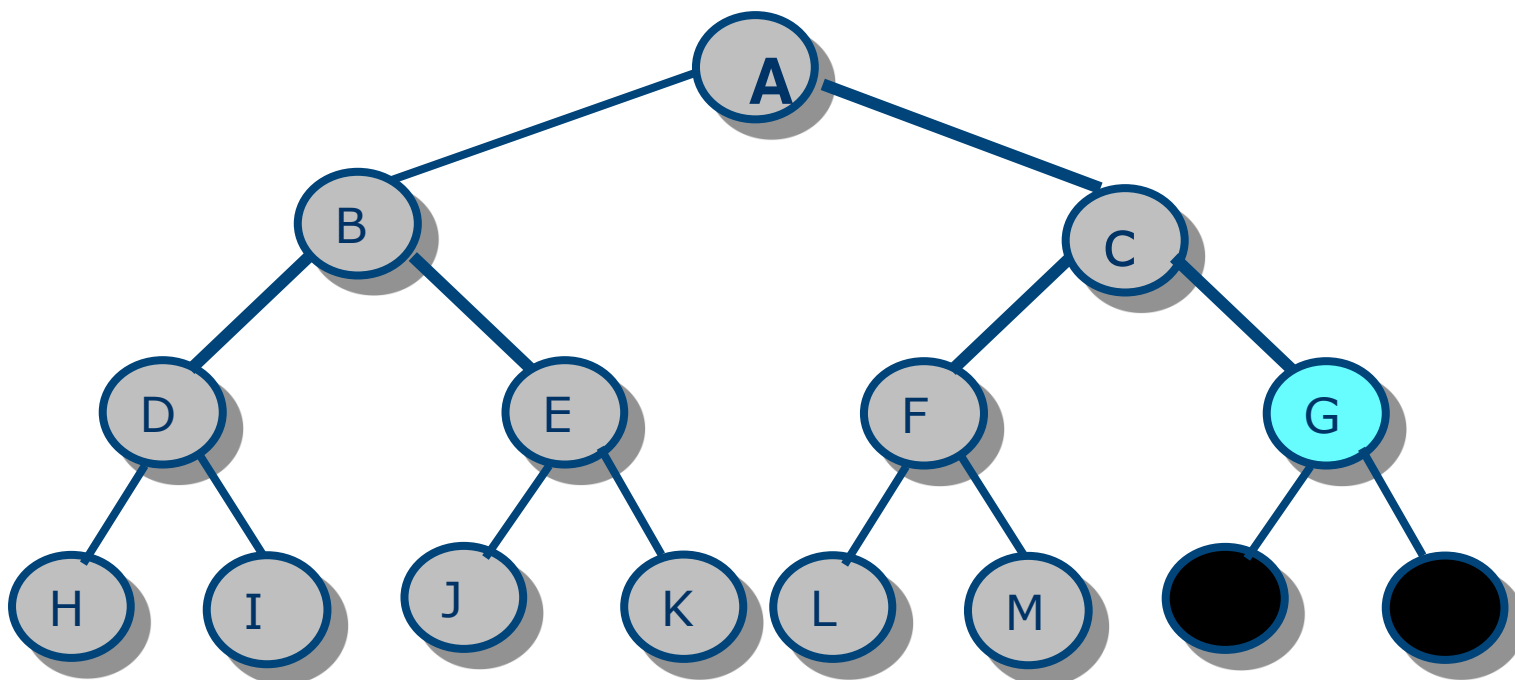
# 1º en Profundidad. Ejemplo Genérico



# 1º en Profundidad. Ejemplo Genérico



# 1º en Profundidad. Ejemplo Genérico





# 1º en Profundidad. Ejemplo Genérico

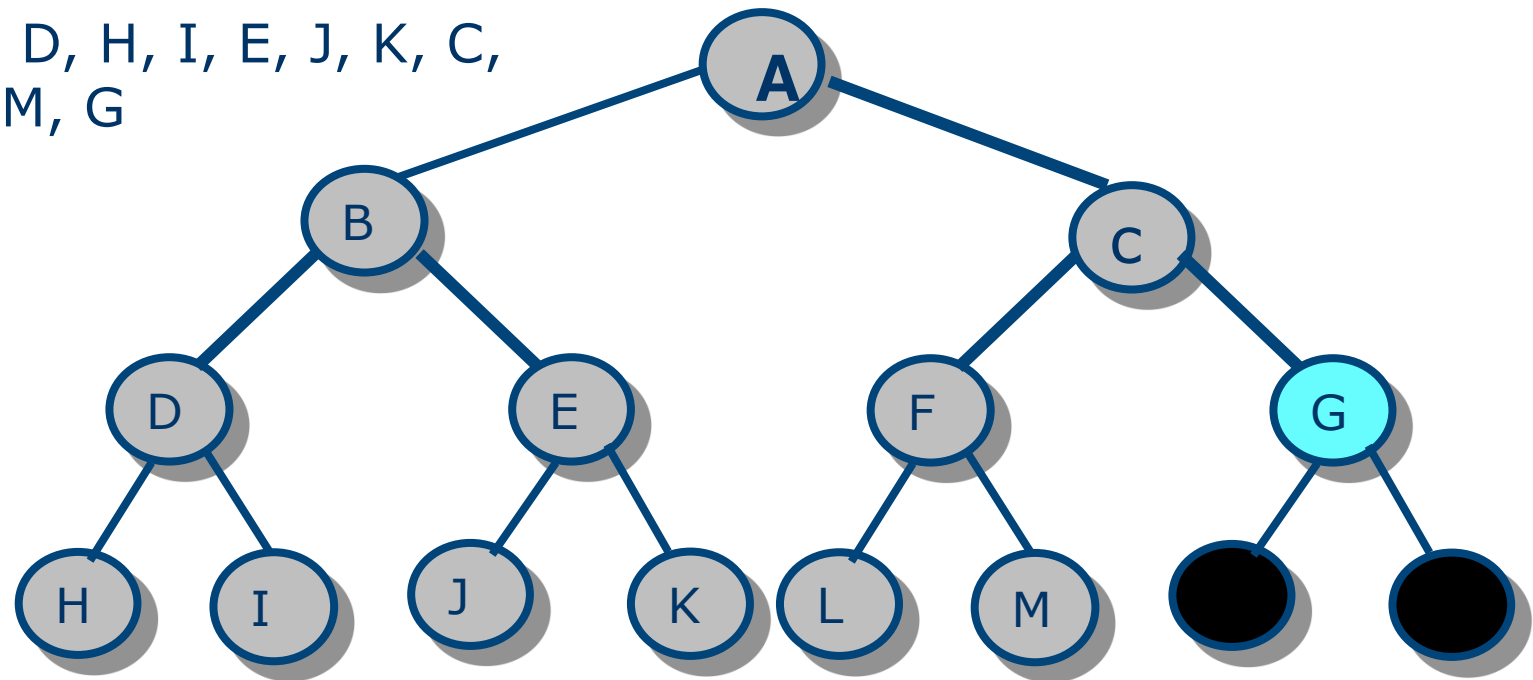
Solución:  
**A, C, G**

## NODOS GENERADOS:

A, B, C, D, E, H, I, J, K,  
F, L, M, G

## NODOS VISITADOS:

A, B, D, H, I, E, J, K, C,  
F, L, M, G



# 1º en Profundidad. Medidas del Rendimiento

**Completa:** ¿encuentra una solución?

- No, no es Completa. Puede perderse en un bucle infinito por una rama por la que no haya solución.

**Óptima:** ¿encuentra la solución óptima?

- No, no es Óptima. No garantiza que la solución encontrada sea la óptima.

# 1º en Profundidad. Medidas del Rendimiento

**Complejidad en tiempo:** número de nodos generados

- La raíz genera  $b$  nodos, cada uno genera  $b$  nodos, ... :

$$1 + b + b^2 + \dots$$

- Si el árbol tiene una profundidad  $m$ , en el peor de los casos se ha de llegar hasta la profundidad máxima del árbol, por tanto:  **$O(b^m)$**

**Complejidad en espacio:** máximo nº de nodos en memoria

- Sólo se necesitan almacenar  $(b-1) \cdot m + 1$  nodos por tanto:  **$O(b \cdot m)$**

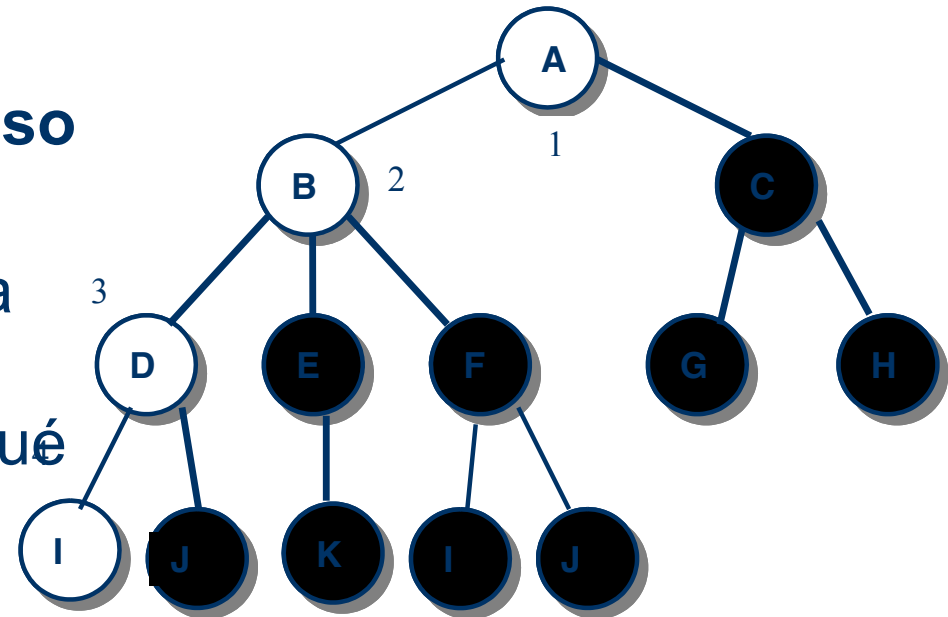
# 1º en Profundidad Análisis del Algoritmo

- No es completo (cuando el árbol de búsqueda es infinito)
- Puede caer fácilmente en bucles
- No es óptimo
- Almacena camino desde el nodo raíz a un nodo hoja, junto con los nodos generados pero no expandidos
- Puede encontrar una solución rápidamente

# 1º en Profundidad. Variantes

## Búsqueda con Retroceso

- Sólo se genera un sucesor a la vez, cada nodo parcialmente expandido recuerda qué sucesor se expande a continuación.
- Complejidad en espacio:  
 **$O(m)$**
- No apto para grandes descripciones de estados

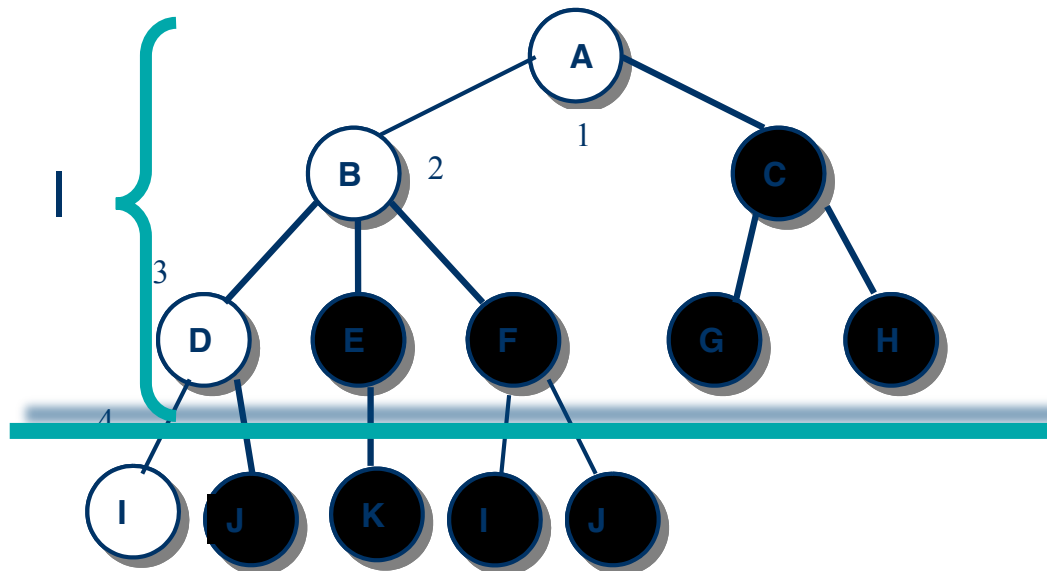


**Menos Memoria**

# 1º en Profundidad. Variantes

## Búsqueda de Profundidad Limitada

- Poner un límite a la profundidad
  - Incompleta cuando  $l < d$
  - No óptima si  $l > d$
  - Resuelve el problema de caminos infinitos



**Evita  
Caminos  
Infinitos**

# 1º en Profundidad. Variantes

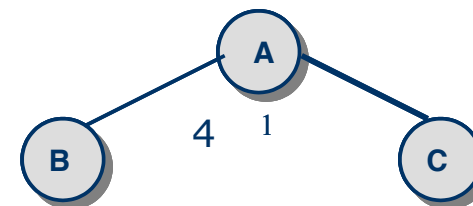
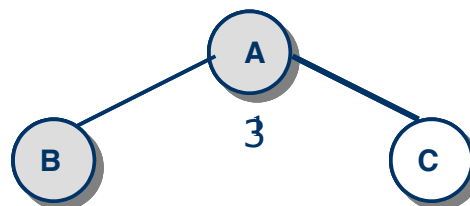
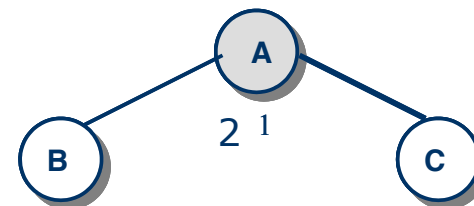
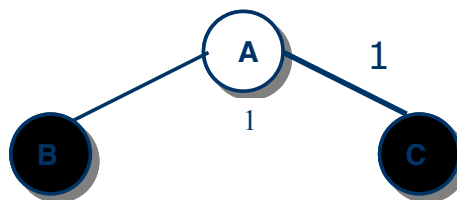
## Profundidad Iterativa

- Aumenta gradualmente el límite de profundidad hasta encontrar un objetivo
  - Ventajas de la Búsqueda en Anchura y en Profundidad

**Límite = 0**

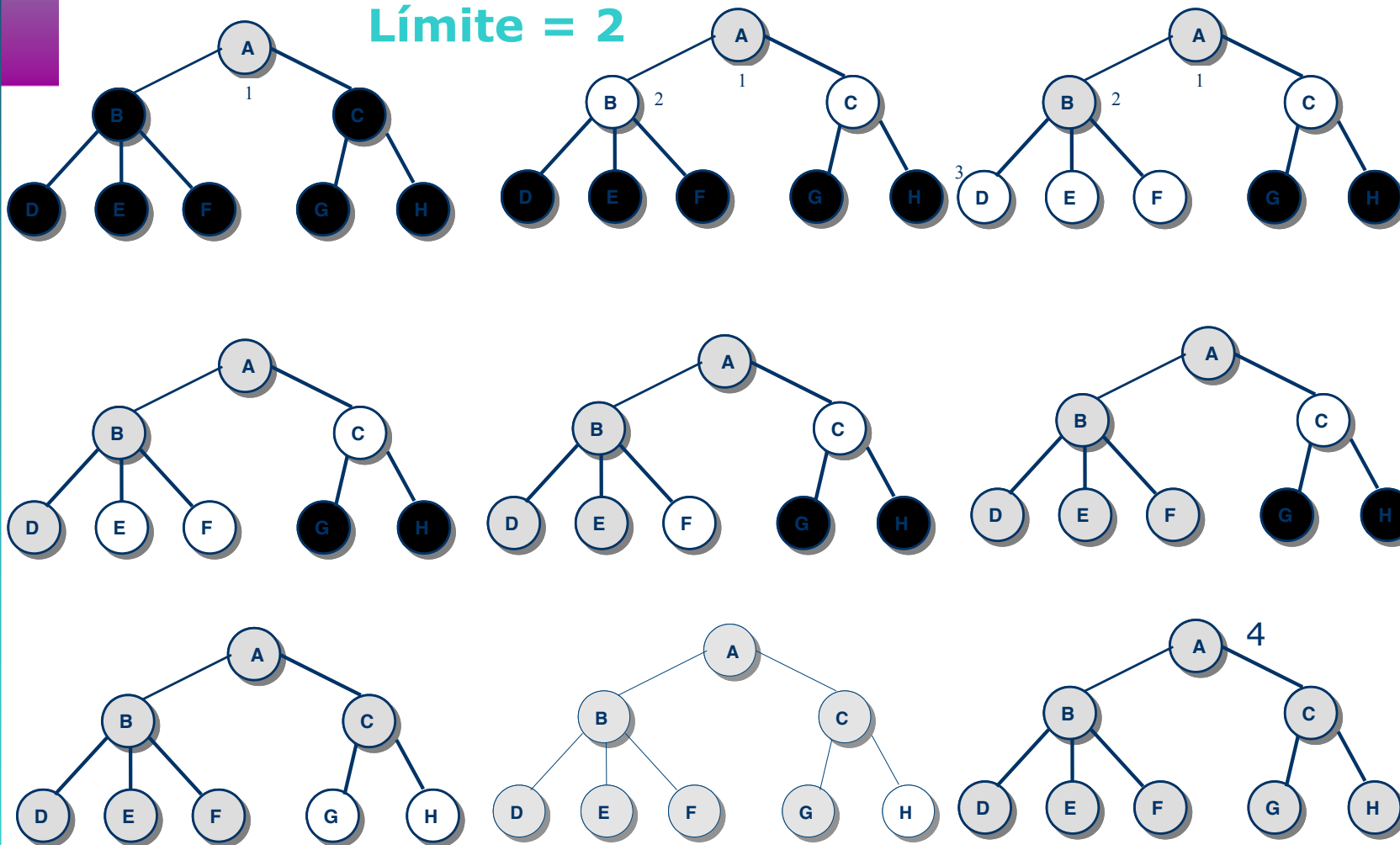


**Límite = 1**



# 1º en Profundidad, de profundidad iterativa

Límite = 2





# Búsqueda Bidireccional

- Ejecutar dos búsquedas simultáneas: una hacia delante desde el estado inicial y la otra hacia atrás desde el objetivo, parando cuando las dos búsquedas se encuentren en un estado.
- **Función Predecesor**
- **Búsqueda en Anchura** de al menos una de las búsquedas, para garantizar la convergencia del algoritmo.
- **Complejidad Temporal:**  $O(b^{d/2})$
- **Complejidad Espacial:**  $O(b^{d/2})$

# Comparación de Complejidad

Criterio	1º Anchura	1º Profundidad	Profundidad Limitada	Profundidad Iterativa	Bidireccional
Óptima	Sí	No	No	Sí	Sí
Completa	Sí	No	Sí, si $l \geq d$	Sí	Sí
Espacio	$b^{d+1}$	$b \cdot m$	$b^l$	$b^d$	$b^{d/2}$
Tiempo	$b^{d+1}$	$b^m$	$b^l$	$b^d$	$b^{d/2}$

b = factor de ramificación

d = profundidad de la solución

m = máxima profundidad

l = límite de profundidad

# Evitar estados repetidos

- No volver a un estado del que justo se viene
- No crear caminos cíclicos
- No crear un estado que ya ha sido creado antes

Aumenta la efectividad del método

Reduce el tamaño del espacio de estados

Aumenta el coste computacional

**CERRADOS:** nodos expandidos

**ABIERTOS:** nodos generados no expandidos

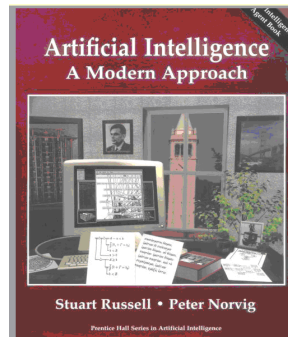
*Si el nodo actual se encuentra en Cerrados se elimina en vez de expandirse*

# Referencias

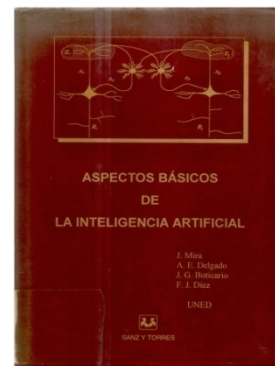
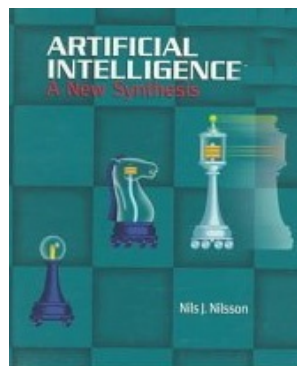
- Russell & Norvig : Capítulo 3

*Realiza un repaso a las técnicas de búsqueda no informada, analizando el rendimiento de cada solución y planteando alternativas menos costosas. Además plantea el tratamiento de los estados repetidos, el cual se puede aplicar a cualquier estrategia seleccionada.*

# Referencias Bibliográficas



- **Inteligencia Artificial: Un Enfoque Moderno.** S. Russell y P. Norvig, 2005
- **Problemas Resueltos de IA Aplicada. Búsqueda y Representación.** Fernández et al. (2003)



- **Aspectos básicos de la Inteligencia Artificial.** Mira et al. , 2003