



Bases de Datos Tema 5: Álgebra y cálculo relacional

Dpto. de Ingeniería Informática

Contenidos

- Introducción
- Relaciones de ejemplo
- Álgebra
- Cálculo
- Referencias

Introducción

- El modelo de datos relacional tiene asociado dos partes:
 - Estática: formada por las estructuras que almacenan a los datos y las restricciones que soportan estos datos.
 - Dinámica: transformaciones entre estados de la Base de Datos.
 - Si O es un operador, se puede pasar de un estado origen (BD_i) a un estado destino (BD_j) de la Base de Datos como sigue:

$$O(BD_i) = BD_i$$

 Estos estados deben satisfacer las restricciones de integridad estática, y la transformación ha de cumplir las restricciones de integridad dinámica (entre estados)

Introducción

- El modelo relacional actúa sobre conjuntos de tuplas mediante lenguajes de manipulación relacionales, que asocian una sintaxis concreta a las operaciones
- Se dividen en dos tipos:
 - Algebraicos: los cambios de estado se especifican mediante operaciones, los operandos son relaciones y el resultado es una relación. Se conoce como álgebra relacional a «una colección de operaciones que sirven para manipular relaciones enteras»
 - Predicativos: los cambios de estado se especifican mediante predicados que definen el estado objetivo sin indicar las operaciones que hay que realizar para llegar al mismo. Basados en el cálculo de predicados

Relaciones

- En los ejemplos usamos la BD Biblioteca:
 - Autores:

Cód_Aut	Nombre	Apellido
1	Neal	Stephenson
2	Lawrence	Lessig
3	Noam	Chomsky

- Editores:

Cód_Edit	Nombre	Apellido
1	Santiago	Ceri
2	Antón	De Miguel
3	Lawrence	Lessig

Relaciones

- En los ejemplos usamos la BD *Biblioteca*:
 - Socios:

Cód_Soc	Nombre	Apellido
1	Eric	Manrique
2	Mar	García

- Libros:

Cód_Lib	Nombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	SSOO	1	1
2	BBDD	2	2
3	ABBDD	3	2

Relaciones

- En los ejemplos usamos la BD *Biblioteca*:
 - Préstamos:

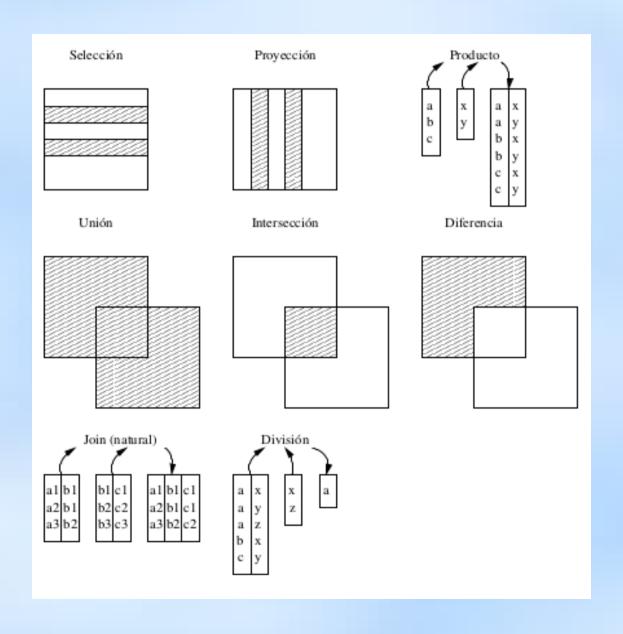
Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha
1	1	19/3/2010
2	1	9/10/2010
3	1	18/12/2010
1	2	5/1/2017

- El álgebra relacional consta de un conjunto de operadores que aplicados a las relaciones dan como resultado nuevas relaciones (se denomina *propiedad de cierre*)
- Una operación consiste en aplicar un operador O a una relación R para obtener otra relación R', a la cual se puede volver a aplicar otro operador
- El operador se aplica a una extensión de R, r(R), no al esquema R, pero se acostumbra a utilizar la notación siguiente:

$$O_n (\cdots (O_1 (R))) = R$$

 Se dice que el operador O se aplica a la variable de relación (esquema) y que en el momento de aplicarlo tendrá un cierto valor (ocurrencia)

- Codd definió ocho operadores divididos en dos grupos de cuatro:
 - Los operadores conjuntistas tradicionales:
 - Unión
 - Intersección
 - Diferencia
 - Producto cartesiano
 - Los operadores relacionales especiales:
 - Selección
 - Proyección
 - Producto natural
 - División



- Clasificación de operadores:
 - Operadores fundamentales: son esenciales y no pueden obtenerse a partir de otros
 - Sin ellos, el álgebra relacional no sería un lenguaje completo
 - Estos operadores fundamentales son:
 - Proyección
 - Selección
 - Producto cartesiano
 - Unión de conjuntos
 - Diferencia de conjuntos

- Clasificación de operadores:
 - Los operadores fundamentales, atendiendo al número de relaciones sobre las que se aplican, se divide en:
 - Operadores unarios
 - Proyección
 - Selección
 - Operadores binarios
 - Producto cartesiano
 - Unión de conjuntos
 - Diferencia de conjuntos

- Clasificación de operadores:
 - Operadores adicionales: son operadores binarios y que simplifican las expresiones
 - Las operaciones que ellos representan siempre pueden ser expresadas por combinación de operadores fundamentales
 - Estos operadores son:
 - Intersección de conjuntos
 - Productos de reunión
 - División

Operadores unarios

- Se aplica a una sola relación
- Sea R(A) un esquema de relación con el conjunto de atributos A definidos sobre el conjunto de dominios D:

$$R(A) = R(A_1 : D_1, A_2 : D_2, ..., A_n : D_n)$$

 la relación r(R), definida sobre el esquema R, de grado n y cardinalidad m estará constituida por un conjunto de m tuplas:

$$r(R) = \{t_i\}^{m_{i=1}}$$

Donde

$$t_i = \{v_{i1}, v_{i2}, ..., v_{in} \mid v_{ij} \in D_i\}$$

- Operación: el operador de *Proyección* selecciona ciertos atributos del esquema de R para obtener R'
- Si X es un subconjunto estricto y no vacío del conjunto de atributos A de la relación r(R), el resultado de esta operación será otra relación r' cuyo esquema (R') estará formado por el conjunto de atributos X, es decir:

$$r'(R') = \{t_i \in r(R(X)) \mid X \subset A \land X \neq \emptyset\}$$

• Representación (*pi*): los atributos se escriben separados por comas, de izquierda a derecha en el mismo orden en que se desean

• Ejemplo: «obtener los apellidos de los autores» $\Pi_{Apellido}$ (Autores)

Cód_Aut	Nombre	Apellido	Apellido
1	Neal	Stephenson	Stephenson
2	Lawrence	Lessig	Lessig
3	Noam	Chomsky	Chomsky

- Operación: Π_{atributos} (relación)
 - Sean n el grado y m la cardinalidad de r(R)
 - Sean n' el grado y m' la cardinalidad de r'(R')
- ¿Qué podemos afirmar sobre n', el grado (~ núm. de columnas) de R'?

- Operación: Π_{atributos} (relación)
 - Sean n el grado y m la cardinalidad de r(R)
 - Sean n' el grado y m' la cardinalidad de r'(R')
- ¿Qué podemos afirmar sobre n', el grado (~ núm. de columnas) de R'?
 - n' es igual al número de elementos en la serie de atributos de Π

- Operación: Π_{atributos} (relación)
 - Sean n el grado y m la cardinalidad de r(R)
 - Sean n' el grado y m' la cardinalidad de r'(R')
- ¿Qué podemos afirmar sobre n', el grado (~ núm. de columnas) de R'?
 - n' es igual al número de elementos en la serie de atributos de Π
 - ¿y n' respecto a n?

- Operación: Π_{atributos} (relación)
 - Sean n el grado y m la cardinalidad de r(R)
 - Sean n' el grado y m' la cardinalidad de r'(R')
- ¿Qué podemos afirmar sobre n', el grado (~ núm. de columnas) de R'?
 - n' es igual al número de elementos en la serie de atributos de Π
 - $-1 \le n' \le n$
 - Esta operación no puede incrementar el grado de R
 - ¿y tiene sentido que no lo decrezca?

- Operación: Π_{atributos} (relación)
 - Sean n el grado y m la cardinalidad de r(R)
 - Sean n' el grado y m' la cardinalidad de r'(R')
- ¿Qué podemos afirmar sobre n', el grado (~ núm. de columnas) de R'?
 - n' es igual al número de elementos en la serie de atributos de Π
 - $-1 \le n' \le n$
 - Esta operación no puede incrementar el grado de R
 - ¿y tiene sentido que no lo decrezca? NO, porque la lista de atributos es estática (la conozco antes de hacer la Π)

- Operación: Π_{atributos} (relación)
 - Sean n el grado y m la cardinalidad de r(R)
 - Sean n' el grado y m' la cardinalidad de r'(R')
- ¿Qué podemos afirmar sobre m', la cardinalidad (~ núm. de filas) de R'?

- Operación: Π_{atributos} (relación)
 - Sean n el grado y m la cardinalidad de r(R)
 - Sean n' el grado y m' la cardinalidad de r'(R')
- ¿Qué podemos afirmar sobre m', la cardinalidad (~ núm. de filas) de R'?
 - La proyección Π selecciona atributos, por lo que no afecta al número de tuplas → m' = m
 - ¿Seguro?

- Operación: Π_{atributos} (relación)
 - Sean n el grado y m la cardinalidad de r(R)
 - Sean n' el grado y m' la cardinalidad de r'(R')
- ¿Qué podemos afirmar sobre m', la cardinalidad (~ núm. de filas) de R'?
 - La proyección Π selecciona atributos, por lo que no afecta al número de tuplas → m' = m
 - Si tengo una relación de personas y mediante proyección selecciono el atributo "casado", ¿cuál es el máximo posible?

- Operación: Π_{atributos} (relación)
 - Sean n el grado y m la cardinalidad de r(R)
 - Sean n' el grado y m' la cardinalidad de r'(R')
- ¿Qué podemos afirmar sobre m', la cardinalidad (~ núm. de filas) de R'?
 - La proyección Π selecciona atributos, por lo que no afecta al número de tuplas → m' = m
 - Si tengo una relación de personas y mediante proyección selecciono el atributo "casado", ¿cuál es el máximo posible?
 - 2: verdadero o falso (lo impone el dominio)

- Pero si en una tabla de alumnos proyecto el atributo "medio de acceso":
 - ¿cuál es el máximo de tuplas del resultado?

- Pero si en una tabla de alumnos proyecto el atributo "medio de acceso":
 - Es 4 (si sólo hay 4 medios de acceso a la universidad: selectividad, CFGS, mayores de 25 años y extranjeros)
 - Lo impone el contexto
 - ¿Puedo en una relación con un sólo atributo (medio de acceso) tener más de 4 tuplas (filas)?
 - No, porque las tuplas forman un conjunto (por lo que no admiten repeticiones)

 Entonces ¿Qué podemos afirmar sobre m', la cardinalidad (~ núm. de filas) de R y R'?

 Entonces ¿Qué podemos afirmar sobre m', la cardinalidad (~ núm. de filas) de R y R'?

$$m' \leq m$$

• Esta operación no incrementa la cardinalidad de R

 Y ¿en qué caso m' llegaría al máximo, esto es m' = m?

- Y ¿en qué caso m' llegaría al máximo, esto es m' = m?
 - Si X es superclave de R (o contiene un atributo UNIQUE)

 Y en otro caso, ¿cuál sería el máximo si se proyectan 2 atributos?

- Y en otro caso, ¿cuál sería el máximo si se proyectan 2 atributos?
 - Por ejemplo sexo y provincia

- Y en otro caso, ¿cuál sería el máximo si se proyectan 2 atributos?
 - Por ejemplo sexo y provincia: serían 2 * 50 (hombre y mujer de cada provincia)

- Y en otro caso, ¿cuál sería el máximo si se proyectan 2 atributos?
 - Por ejemplo sexo y provincia: serían 2 * 50 (hombre y mujer de cada provincia)
 - Pero si la BD sólo es para Andalucía ¿cuánto sería el máximo?

- Y en otro caso, ¿cuál sería el máximo si se proyectan 2 atributos?
 - Por ejemplo sexo y provincia: serían 2 * 50 (hombre y mujer de cada provincia)
 - Pero si la BD sólo es para Andalucía ¿cuánto sería el máximo? 2 * 8 (hombre y mujer de cada provincia de Andalucía)

 Y en caso general, ¿cuál sería el máximo si se proyectan n atributos?

- Y en caso general, ¿cuál sería el máximo si se proyectan n atributos?
 - Todas las combinaciones de los valores posibles de cada atributo seleccionado (m₁ * m₂ * ... * m_n)
 - Si consideramos NULL es un valor más aceptable en el campo 1, sería ((m₁+1) * m₂ * ... * mₙ)

• ¿Y cuál sería el mínimo?

- ¿Y cuál sería el mínimo?
 - Un sólo valor (que podría incluso ser NULL)

• ¿Hemos visto la proyección en SQL?

- ¿Hemos visto la proyección en SQL?
 - Sí, es sencilla, indicando las columnas en el SELECT
 - Ej: SELECT nombre, apellidos FROM clientes;
 - ¿Y elimina los duplicados?

- ¿Hemos visto la proyección en SQL?
 - Sí, es sencilla, indicando las columnas en el SELECT
 - Ej: SELECT nombre, apellidos FROM clientes;
 - ¿Y elimina los duplicados?
 - Según se le indique (DISTINCT)

- ¿Hemos visto la proyección en SQL?
 - Sí, es sencilla, indicando las columnas en el SELECT
 - Ej: SELECT nombre, apellidos FROM clientes;
 - ¿Y elimina los duplicados?
 - Según se le indique (DISTINCT)
 - ¿Por qué opera así nuestro SGBD?
 - ¿Despiste de los desarrolladores? ¿Es difícil de controlar? ...

- ¿Hemos visto la proyección en SQL?
 - Sí, es sencilla, indicando las columnas en el SELECT
 - Ej: SELECT nombre, apellidos FROM clientes;
 - ¿Y elimina los duplicados?
 - Según se le indique (DISTINCT)
 - ¿Por qué opera así nuestro SGBD?
 - Para dar más libertad al usuario: se permite tratar el resultado como conjunto o como una lista
 - El SGBD implementa un modelo que viola las leyes de Codd: si quiero mantener la coherencia con el modelo teórico/matemático tengo que hacer un uso controlado de las herramientas que ofrece

- Operación: selecciona las tuplas que cumple un determinado criterio de selección
- Sea la relación r(R), si le aplicamos un criterio de selección p, obtendremos la relación r'(R):

$$r'(R') = \{t_i \in r(R) \mid p(t_i) = \text{``cierto''}\}\$$

Representación: (símbolo sigma)

$$\sigma_{criterio-de-selección}(R)$$

- Representación: σ_{criterio-de-selección}(R)
- Evidentemente el predicado/criterio de selección debe ser computable, no se aceptan:
 - Predicados sobre sucesos futuros
 - Sucesos indecidibles (ej: el programa p para)
 - ...
 - En los criterios de selección se aplican los operadores aritméticos, de comparación y lógicos a constantes y atributos (formando expresiones sobre las que operar a su vez)

 Ejemplo: «obtener todos los datos del autor cuyo código es igual a tres».

$$\sigma_{C\acute{o}d_Aut=3}$$
 (Autores)

Cód_Aut	Nombre	Apellido
3	Noam	Chomsky

- Operación: σ_{criterio-de-selección}(R)
 - Sean n el grado y m la cardinalidad de r(R)
 - Sean n' el grado y m' la cardinalidad de r'(R')
- ¿Qué podemos afirmar sobre n', el grado (~ núm. de columnas) de R'?
 - El grado será el mismo para R y R' ¿siempre?

- Operación: σ_{criterio-de-selección}(R)
 - Sean n el grado y m la cardinalidad de r(R)
 - Sean n' el grado y m' la cardinalidad de r'(R')
- ¿Qué podemos afirmar sobre n', el grado (~ núm. de columnas) de R'?
 - El grado será el mismo para R y R' ¿siempre?
 - Sí, siempre ;)

$$n' = n$$

- Operación: σ_{criterio-de-selección}(R)
 - Sean n el grado y m la cardinalidad de r(R)
 - Sean n' el grado y m' la cardinalidad de r'(R')
- ¿Qué podemos afirmar sobre m', la cardinalidad (~ núm. de filas) de R'?

- Operación: σ_{criterio-de-selección}(R)
 - Sean n el grado y m la cardinalidad de r(R)
 - Sean n' el grado y m' la cardinalidad de r'(R')
- ¿Qué podemos afirmar sobre m', la cardinalidad (~ núm. de filas) de R'?
 - La cardinalidad cumple: m' ≤ m (estamos seleccionando tuplas)

- Operación: σ_{criterio-de-selección}(R)
 - Sean n el grado y m la cardinalidad de r(R)
 - Sean n' el grado y m' la cardinalidad de r'(R')
- ¿Qué podemos afirmar sobre m', la cardinalidad (~ núm. de filas) de R'?
 - La cardinalidad cumple: m' ≤ m (estamos seleccionando filas)
 - ¿En qué caso m=m'?

- Operación: σ_{criterio-de-selección}(R)
 - Sean n el grado y m la cardinalidad de r(R)
 - Sean n' el grado y m' la cardinalidad de r'(R')
- ¿Qué podemos afirmar sobre m', la cardinalidad (~ núm. de filas) de R'?
 - La cardinalidad cumple: m' ≤ m (estamos seleccionando filas)
 - ¿En qué caso m=m'?
 - Cuando el predicado se cumpla para toda fila
 - O sea siempre cierto (Ej: tautología 2>1)

- Operación: σ_{criterio-de-selección}(R)
 - Sean n el grado y m la cardinalidad de r(R)
 - Sean n' el grado y m' la cardinalidad de r'(R')
- ¿Qué podemos afirmar sobre m', la cardinalidad (~ núm. de filas) de R'?
 - La cardinalidad cumple: m' ≤ m (estamos seleccionando filas)
 - ¿Tiene sentido el caso m=m'? Porque con la proyección era raro ...

- Operación: σ_{criterio-de-selección}(R)
 - Sean n el grado y m la cardinalidad de r(R)
 - Sean n' el grado y m' la cardinalidad de r'(R')
- ¿Qué podemos afirmar sobre m', la cardinalidad (~ núm. de filas) de R'?
 - La cardinalidad cumple: m' ≤ m (estamos seleccionando filas)
 - ¿Tiene sentido el caso m=m'? Sí
 - En la proyección era raro porque los atributos son estáticos y conocidos, pero los valores concretos son dinámicos en el tiempo (cambian en su dominio)

- Operación: σ_{criterio-de-selección}(R)
 - Sean n el grado y m la cardinalidad de r(R)
 - Sean n' el grado y m' la cardinalidad de r'(R')
- No obstante, se cumple siempre que

$$r'(R') \subseteq r(R)$$

¿Y podría ser vacío el mínimo?

- Operación: σ_{criterio-de-selección}(R)
 - Sean n el grado y m la cardinalidad de r(R)
 - Sean n' el grado y m' la cardinalidad de r'(R')
- No obstante, se cumple siempre que

$$r'(R') \subseteq r(R)$$

- ¿Y podría ser vacío el mínimo?
 - Cuando el predicado no se cumpla para ninguna tupla
 - Cuando el predicado nunca sea cierto (Ej: edad<0)

- Acción: normalmente las operaciones de proyección y selección aparecen combinadas en los SGBD.
- Ejemplo: «obtener el nombre y el apellido del autor(es) cuyo código es igual a tres».

Cód_Aut	Nombre	Apellido
1	Neal	Stephenson
2	Lawrence	Lessig
3	Noam	Chomsky

- Acción: normalmente las operaciones de proyección y selección aparecen combinadas en los SGBD.
- Ejemplo: «obtener el nombre y el apellido del autor(es) cuyo código es igual a tres».

$$\Pi_{Nombre,Apellido}(\sigma_{Cód_Aut=3}(Autores))$$

Cód_Aut	Nombre Apellido	
1	Neal	Stephenson
2	Lawrence	Lessig
3	Noam	Chomsky



Nombre	Apellido
Noam	Chomsky

 ¿Da igual resultado proyectar y seleccionar que seleccionar y proyectar?

$$\Pi_{Nombre,Apellido}(\sigma_{Apellido=Palomo}(Autores))$$

$$\sigma_{Apellido=Palomo}(\Pi_{Nombre,Apellido}(Autores))$$

 ¿Da igual resultado proyectar y seleccionar que seleccionar y proyectar?

$$\Pi_{\text{Nombre,Apellido}}(\sigma_{\text{Apellido=Palomo}}(\text{Autores}))$$
 $\sigma_{\text{Apellido=Palomo}}(\Pi_{\text{Nombre,Apellido}}(\text{Autores}))$

 Parece que sí, pero cuidado si la proyección elimina campos usados en la selección

$$\Pi_{Nombre,Cód_Aut}(\sigma_{Apellido=Palomo}(Autores))$$

$$\sigma_{Apellido=Palomo}(\Pi_{Nombre,Apellido}(Autores))$$

Asignación y renombrado

- Acción: nos permite cambiar el nombre de una relación, o bien, cambiar el nombre de los atributos para hacer que su esquema sea idéntico al de otra relación con objeto de poder realizar ciertas operaciones, como las de conjuntos
- Representación:

R'← R

• Ejemplo: cambiar el nombre del atributo *Nombre* de la relación Autores por Nombre_pila y que, además, el nombre de la relación sea Autores1

Autores1(Cód_Aut, Nombre_pila, Apellido) ← Autores(Cód_Aut, Nombre, Apellido)

Existe Autores1(Cód_Aut, Nombre_pila, Apellido)

Asignación y renombrado

- Esta acción es MUY IMPORTANTE en los ejercicios
 - Sobre todo en el examen
 - ¿Por qué? (todavía no lo hemos explicado, pero ...)

Asignación y renombrado

- Esta acción es MUY IMPORTANTE en los ejercicios
 - Sobre todo en el examen
 - Porque es la única forma de indicar los atributos sobre los que se hacen operaciones entre tablas (salvo que coincidan los nombres originales de los atributos)
 - O indicar aquellos por los que no ...

Operadores binarios

- Estos operadores se aplican a dos relaciones
- En algunos casos se exige que las relaciones tengan idéntico conjunto de atributos y en el mismo orden en sus esquemas
- Dados: dos esquemas

$$R_1 (A1_i : D1_i) y R_2 (A2_i : D2_i)$$

son idénticos a efectos de dichos operadores, si ambos están definidos sobre el mismo conjunto de dominios, y se cumple que:

$$\forall A1_i \exists A2_j \mid dom(A1_i) = dom(A2_j) \land$$

 $\forall A2_j \exists A1_i \mid dom(A2_j) = dom(A1_i)$

Operación: sean las relaciones r₁ y r₂ con esquemas R₁ y R₂, grado n₁ y n₂ y cardinalidad m₁ y m₂, respectivamente. El producto cartesiano es otra relación r de grado n = n₁ + n₂ cuyo esquema R estará formado por los n₁ + n₂ atributos de R₁ U R₂ es decir:

```
\begin{split} R(A1_i:D1_i, \, ... \, , A1_{n1}:D1_{n1}, \, A2_i:D2_i, \, ... \, , A2_{n2}:D2_{n2}) \\ R_1\left(A1_i:D1_i, \, ... \, , A1_{n1}:D1_{n1}\right) \\ R_2\left(A2_i:D2_i, \, ... \, , A2_{n2}:D2_{n2}\right) \end{split}
```

• El resultado es el producto cartesiano matem.: por cada elemento de uno de los conjuntos se incluyen todas las posibles combinaciones con los elementos del otro

 Representación: se utiliza el mismo símbolo que en matemáticas

$$R_1 \times R_2$$

- A veces se llama *producto* a secas
- ¿Qué cardinalidad tiene el resultado?

 Representación: se utiliza el mismo símbolo que en matemáticas

$$R_1 \times R_2$$

- A veces se llama *producto* a secas
- ¿Qué cardinalidad tiene el resultado?
 La cardinalidad total será m₁ * m₂, expresada de la siguiente manera:

$$\begin{aligned} \{V1_{i1}, \, ... \, , \, V1_{in_1}, \, V2_{j1} \, , \, ... \, , \, V2_{jn_2} \, | \, \, \forall i \, \, \forall j \, (V1_{i1}, \, ... \, , \, V1_{in_1} \\ \in r_1 \, \wedge \, \, V2_{j1}, \, ... \, , \, V2_{jn_2} \in r_2) \} \end{aligned}$$

 Ejemplo: obtener una relación con los datos de los socios y los libros

Socios × Libros

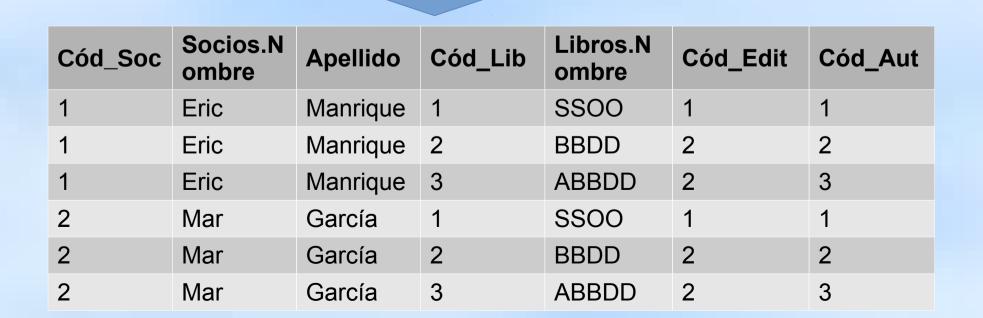
Cód_Soc	Nombre	Apellido	
1	Eric	Manrique	
2	Mar	García	

Cód_Lib	Nombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	SSOO	1	1
2	BBDD	2	2
3	ABBDD	2	3

Socios × Libros

Cód_Soc	Nombre	Apellido	
1	Eric	Manrique	
2	Mar	García	

Cód_Lib	Nombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	SSOO	1	1
2	BBDD	2	2
3	ABBDD	2	3



• En concreto, ¿qué significado tiene este producto cartesiano en el ejemplo?

Cód_Soc	Socios.N ombre	Apellido	Cód_Lib	Libros.N ombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	Eric	Manrique	1	SSOO	1	1
1	Eric	Manrique	2	BBDD	2	2
1	Eric	Manrique	3	ABBDD	2	3
2	Mar	García	1	SSOO	1	1
2	Mar	García	2	BBDD	2	2
2	Mar	García	3	ABBDD	2	3

Producto cartesiano

- En concreto, ¿qué significado tiene este producto cartesiano en el ejemplo?
 - Son todas las lecturas posibles: que todo socio consulte todo libro
 - Normalmente la realidad en un momento dado suele ser un subconjunto del producto cartesiano

Cód_Soc	Socios.N ombre	Apellido	Cód_Lib	Libros.N ombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	Eric	Manrique	1	SSOO	1	1
1	Eric	Manrique	2	BBDD	2	2
1	Eric	Manrique	3	ABBDD	2	3
2	Mar	García	1	SSOO	1	1
2	Mar	García	2	BBDD	2	2
2	Mar	García	3	ABBDD	2	3

Operación: dos relaciones r₁ y r₂ con esquemas idénticos R₁ = R₂ se pueden unir en una sola relación con el mismo esquema (R) y cuya extensión está formada por el conjunto de tuplas (t_i) que pertenecen a r₁ o a r₂

$$r(R) = \{t_i \mid t_i \in r_1 \ v \ t_i \in r_2\}$$

- ¿Qué condiciones deben cumplir ...?
 - Los grados
 - Los dominios

Operación: dos relaciones r₁ y r₂ con esquemas idénticos R₁ = R₂ se pueden unir en una sola relación con el mismo esquema (R) y cuya extensión está formada por el conjunto de tuplas (t_i) que pertenecen a r₁ o a r₂

$$r(R) = \{t_i \mid t_i \in r_1 \ v \ t_i \in r_2\}$$

- Condiciones: se tienen que cumplir:
 - Las relaciones R₁ y R₂ deben tener el mismo número de atributos, o sea, ser del mismo grado
 - El dominio del atributo i-ésimo de r₁ y de r₂ debe ser el mismo

 Representación: se utilizan el mismo símbolo que para la unión de conjuntos.

$$r_1 U r_2$$

• ¿Qué grado y cardinalidad tendrá el resultado?

 Representación: se utilizan el mismo símbolo que para la unión de conjuntos.

$$r_1 U r_2$$

- ¿Qué grado y cardinalidad tendrá el resultado?
 - Grado es el mismo que r₁ y r₂

 Representación: se utilizan el mismo símbolo que para la unión de conjuntos.

$$r_1 U r_2$$

- ¿Qué grado y cardinalidad tendrá el resultado?
 - Grado es el mismo que r₁ y r₂
 - Cardinalidad es menor o igual que la suma de las cardinalidades de r₁ y r₂, porque si hay repeticiones se eliminan del resultado
 - Y la cardinalidad será igual o mayor al máximo de la cardinalidad de r₁ y de r₂

 Ejemplo: obtener una relación que contenga a todos los autores y a todos los editores

Autores U Editores

¿Qué resultado dará?

Cód_Aut	Nombre	Apellido
1	Neal	Stephenson
2	Lawrence	Lessig
3	Noam	Chomsky
1	Santiago	Ceri
2	Antón	De Miguel
3	Lawrence	Lessig

- Hemos exigido que R₁ y R₂ tengan el mismo número de atributos y con dominios i-ésimos iguales. Pero no que sus atributos se llamen igual: ¿qué nombre tendrán en el resultado?
 - Convención: por defecto el de la primera relación (a la izquierda del U)
 - Si se hace una asignación, el de la nueva relación
- Propiedades:
 - Conmutativa: $r_1 \cup r_2 = r_2 \cup r_1$
 - Asociativa: $(r_1 \cup r_2) \cup r_3 = r_1 \cup (r_2 \cup r_3)$

Operación: dadas dos relaciones r₁ y r₂ con esquemas idénticos R₁ y R₂, podemos obtener otra relación definida sobre dicho esquema (R) y cuya extensión estará constituida por el conjunto de tuplas (t_i) que pertenezcan a r₁ pero no a r₂

$$r(R) = \{t_i \mid t_i \in r_1 \land t_i \notin r_2\}$$

 Representación: se utilizan el mismo símbolo que para la diferencia de conjuntos

$$r_1 - r_2$$

¿Qué condiciones se exigen?

Operación: dadas dos relaciones r₁ y r₂ con esquemas idénticos R₁ y R₂, podemos obtener otra relación definida sobre dicho esquema (R) y cuya extensión estará constituida por el conjunto de tuplas (t_i) que pertenezcan a r₁ pero no a r₂

$$r(R) = \{t_i \mid t_i \in r_1 \land t_i \notin r_2\}$$

 Representación: se utilizan el mismo símbolo que para la diferencia de conjuntos

$$r_1 - r_2$$

Condiciones: las mismas que para la unión

 Ejemplo: encontrar a todos los autores que no sean editores

Autores - Editores

Cód_Aut	Nombre	Apellido
1	Neal	Stephenson
2	Lawrence	Lessig
3	Noam	Chomsky



Cód_Edit	Nombre	Apellido
1	Santiago	Ceri
2	Antón	De Miguel
3	Lawrence	Lessig

Cód_Aut	Nombre	Apellido
1	Neal	Stephenson
3	Noam	Chomsky

 Ejemplo: encontrar a todos los autores que no sean editores

Autores - Editores

Cód_Aut	Nombre	Apellido
1	Neal	Stephenson
2	Lawrence	Lessig
3	Noam	Chomsky



Cód_Edit	Nombre	Apellido
1	Santiago	Ceri
2	Antón	De Miguel
3	Lawrence	Lessig

Cód_Aut	Nombre	Apellido
1	Neal	Stephenson
2	Lawrence	Lessig
3	Noam	Chomsky

 Ejemplo: encontrar a todos los autores que no sean editores

Autores - Editores

Cód_Aut	Nombre	Apellido
1	Neal	Stephenson
2	Lawrence	Lessig
3	Noam	Chomsky

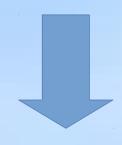
Cód_Edit	Nombre	Apellido
1	Santiago	Ceri
2	Antón	De Miguel
3	Lawrence	Lessig

 Problema: una persona puede aparecer en cada relación con un código distinto

 Solución: encontrar a todos los autores que no sean editores

$$(\Pi_{\text{nombre,apellido}}(\text{Autores})) - (\Pi_{\text{nombre,apellido}}(\text{Editores}))$$

Cód_Aut	Nombre	Apellido
1	Neal	Stephenson
2	Lawrence	Lessig
3	Noam	Chomsky



Cód_Edit	Nombre	Apellido
1	Santiago	Ceri
2	Antón	De Miguel
3	Lawrence	Lessig

Nombre	Apellido
Neal	Stephenson
Noam	Chomsky

 Ejemplo: encontrar a todos los autores que no sean editores

$$(\Pi_{\text{nombre,apellido}}(\text{Autores})) - (\Pi_{\text{nombre,apellido}}(\text{Editores}))$$

Cód_Aut	Nombre	Apellido
1	Neal	Stephenson
2	Lawrence	Lessig
3	Noam	Chomsky

Cód_Edit	Nombre	Apellido
1	Santiago	Ceri
2	Antón	De Miguel
3	Lawrence	Lessig
4	Lawrence	Lessig

 Problema: puede haber dos personas distintas con igual nombre y apellido/s (sobre todo si sólo tienen un apellido)

Ejemplo: encontrar a todos los autores que no sean editores

$$(\Pi_{\text{nombre,apellido}}(\text{Autores})) - (\Pi_{\text{nombre,apellido}}(\text{Editores}))$$

Cód_Aut	Nombre	Apellido
1	Neal	Stephenson
2	Lawrence	Lessig
3	Noam	Chomsky

Cód_Edit	Nombre	Apellido
1	Santiago	Ceri
2	Antón	De Miguel
3	Lawrence	Lessig
4	Lawrence	Lessig

- Problema: puede haber dos personas distintas con igual nombre y apellido/s (sobre todo si sólo tienen un apellido)
 - Entonces la solución válida es la inicial

Ahora bien, ¿sería un buen diseño?

Cód_Aut	Nombre	Apellido
1	Neal	Stephenson
2	Lawrence	Lessig
3	Noam	Chomsky

Cód_Edit	Nombre	Apellido
1	Santiago	Ceri
2	Antón	De Miguel
3	Lawrence	Lessig
4	Lawrence	Lessig

- Ahora bien, ¿sería un buen diseño?
 - Evidentemente no: si cambia de nombre (porque cambia de estado civil) hay que actualizar dos tablas. Igual si se borra ...
 - ¿Solución?

Cód_Aut	Nombre	Apellido
1	Neal	Stephenson
2	Lawrence	Lessig
3	Noam	Chomsky

Cód_Edit	Nombre	Apellido
1	Santiago	Ceri
2	Antón	De Miguel
3	Lawrence	Lessig
4	Lawrence	Lessig

- Ahora bien, ¿sería un buen diseño?
 - Evidentemente no: si cambia de nombre (porque cambia de estado civil) hay que actualizar dos tablas. Igual si se borra ...
 - Solución: unir en una sola relación y poner un booleano por cada rol que pueda tener

Cód_Aut	Nombre	Apellido
1	Neal	Stephenson
2	Lawrence	Lessig
3	Noam	Chomsky

Cód_Edit	Nombre	Apellido
1	Santiago	Ceri
2	Antón	De Miguel
3	Lawrence	Lessig
4	Lawrence	Lessig

 Solución: unir en una sola relación y poner un booleano por cada rol que pueda tener

Cód_Aut	Nombre	Apellido
1	Neal	Stephenson
2	Lawrence	Lessig
3	Noam	Chomsky

	Cód_Edit	Nombre	Apellido
	1	Santiago	Ceri
	2	Antón	De Miguel
	3	Lawrence	Lessig
_	4	Lawrence	Lessig

Código	Nombre	Apellido	Autor	Editor
1	Neal	Stephenson	TRUE	FALSE
2	Lawrence	Lessig	TRUE	TRUE
3	Noam	Chomsky	TRUE	FALSE
4	Santiago	Ceri	FALSE	TRUE
5	Antón	De Miguel	FALSE	TRUE
6	Lawrence	Lessig	FALSE	TRUE

- Solución: unir en una sola relación y poner un booleano por cada rol que pueda tener
- Y ahora ¿cómo encuentro a todos los autores que no sean editores?

Código	Nombre	Apellido	Autor	Editor
1	Neal	Stephenson	TRUE	FALSE
2	Lawrence	Lessig	TRUE	TRUE
3	Noam	Chomsky	TRUE	FALSE
4	Santiago	Ceri	FALSE	TRUE
5	Antón	De Miguel	FALSE	TRUE
6	Lawrence	Lessig	FALSE	TRUE

- Solución: unir en una sola relación y poner un booleano por cada rol que pueda tener
- Y ahora ¿cómo encuentro a todos los autores que no sean editores?

$$\sigma_{\text{(Autor=TRUE) AND (Editor=FALSE)}}$$
 (Personas)

Código	Nombre	Apellido	Autor	Editor
1	Neal	Stephenson	TRUE	FALSE
2	Lawrence	Lessig	TRUE	TRUE
3	Noam	Chomsky	TRUE	FALSE
4	Santiago	Ceri	FALSE	TRUE
5	Antón	De Miguel	FALSE	TRUE
6	Lawrence	Lessig	FALSE	TRUE

- Solución: unir en una sola relación y poner un booleano por cada rol que pueda tener
 - ¿De qué estructura de E/R puede provenir este tipo de relación?

Código	Nombre	Apellido	Autor	Editor
1	Neal	Stephenson	TRUE	FALSE
2	Lawrence	Lessig	TRUE	TRUE
3	Noam	Chomsky	TRUE	FALSE
4	Santiago	Ceri	FALSE	TRUE
5	Antón	De Miguel	FALSE	TRUE
6	Lawrence	Lessig	FALSE	TRUE

- Solución: unir en una sola relación y poner un booleano por cada rol que pueda tener
 - ¿De qué estructura de E/R puede provenir este tipo de relación?
 - De una especialización con solapamiento

Código	Nombre	Apellido	Autor	Editor
1	Neal	Stephenson	TRUE	FALSE
2	Lawrence	Lessig	TRUE	TRUE
3	Noam	Chomsky	TRUE	FALSE
4	Santiago	Ceri	FALSE	TRUE
5	Antón	De Miguel	FALSE	TRUE
6	Lawrence	Lessig	FALSE	TRUE

- Solución: unir en una sola relación y poner un booleano por cada rol que pueda tener
 - ¿De qué estructura de E/R puede provenir este tipo de relación?
 - De una especialización con solapamiento
 - ¿Y si la especialización fuera disjunta o completitud total?

Código	Nombre	Apellido	Autor	Editor
1	Neal	Stephenson	TRUE	FALSE
2	Lawrence	Lessig	TRUE	TRUE
3	Noam	Chomsky	TRUE	FALSE
4	Santiago	Ceri	FALSE	TRUE
5	Antón	De Miguel	FALSE	TRUE
6	Lawrence	Lessig	FALSE	TRUE

- Solución: unir en una sola relación y poner un booleano por cada rol que pueda tener
 - ¿De qué estructura de E/R puede provenir este tipo de relación?
 - De una especialización con solapamiento
 - ¿Y si la especialización fuera disjunta o completitud total? Probablemente también sería mejor opción (aunque requiriera control externo con elementos del SGBD o aplicaciones)

Código	Nombre	Apellido	Autor	Editor
1	Neal	Stephenson	TRUE	FALSE
2	Lawrence	Lessig	TRUE	TRUE
3	Noam	Chomsky	TRUE	FALSE
4	Santiago	Ceri	FALSE	TRUE
5	Antón	De Miguel	FALSE	TRUE
6	Lawrence	Lessig	FALSE	TRUE

 Solución alternativa: ¿podría ahorrarme los booleanos y sacar quien es autor y/o editor viendo en la tabla libros?

Código	Nombre	Apellido
1	Neal	Stephenson
2	Lawrence	Lessig
3	Noam	Chomsky
4	Santiago	Ceri
5	Antón	De Miguel
6	Lawrence	Lessig

Cód_Lib	Nombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	SS00	1	1
2	BBDD	2	2
3	ABBDD	3	2

- Solución alternativa: ¿podría ahorrarme los booleanos y sacar quien es autor y/o editor viendo en la tabla libros?
 - Pregunta: ¿puedo tener dos claves foráneas que apunten a la misma CP de otra tabla?

Código	Nombre	Apellido
1	Neal	Stephenson
2	Lawrence	Lessig
3	Noam	Chomsky
4	Santiago	Ceri
5	Antón	De Miguel
6	Lawrence	Lessig

Cód_Lib	Nombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	SS00	1	1
2	BBDD	2	2
3	ABBDD	3	2

- Solución alternativa: ¿podría ahorrarme los booleanos y sacar quien es autor y/o editor viendo en la tabla libros?
 - Pregunta: ¿puedo tener dos claves foráneas que apunten a la misma CP de otra tabla? Sí

Código	Nombre	Apellido
1	Neal	Stephenson
2	Lawrence	Lessig
3	Noam	Chomsky
4	Santiago	Ceri
5	Antón	De Miguel
6	Lawrence	Lessig

Cód_Lib	Nombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	SS00	1	1
2	BBDD	2	2
3	ABBDD	3	2

- Solución alternativa: ¿podría ahorrarme los booleanos y sacar quien es autor y/o editor viendo en la tabla libros?
 - Problema: sólo se considerarían autores o editores quienes tengan libros ya publicados
 - ¿Qué estructura sería en un diagrama E/R?

Código	Nombre	Apellido
1	Neal	Stephenson
2	Lawrence	Lessig
3	Noam	Chomsky
4	Santiago	Ceri
5	Antón	De Miguel
6	Lawrence	Lessig

Cód_Lib	Nombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	SSOO	1	1
2	BBDD	2	2
3	ABBDD	3	2

- Solución alternativa: ¿podría ahorrarme los booleanos y sacar quien es autor y/o editor viendo en la tabla libros?
 - Problema: sólo se considerarían autores o editores quienes tengan libros ya publicados
 - En E/R: particip. total con Edita y Escribe (en sub-tipos)

Código	Nombre	Apellido
1	Neal	Stephenson
2	Lawrence	Lessig
3	Noam	Chomsky
4	Santiago	Ceri
5	Antón	De Miguel
6	Lawrence	Lessig

Cód_Lib	Nombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	SS00	1	1
2	BBDD	2	2
3	ABBDD	3	2

Operadores adicionales

- Por ahora se han visto los operadores fundamentales
- Veremos los adicionales: simplifican las expresiones que se pueden formar utilizando los fundamentales
- Los operadores adicionales son:
 - Intersección de conjuntos
 - Productos de reunión:
 - Producto theta
 - Producto natural
 - Autounión
 - Unión externa
 - División

Operación: dadas dos relaciones r₁ y r₂ con esquemas idénticos R₁ y R₂, podemos obtener otra relación definida sobre el mismo esquema de relación (R) y cuya extensión estará constituida por el conjunto de tuplas (t_i) que pertenezcan a r₁ y a r₂

$$r(R) = \{t_i \mid t_i \in r_1 \land t_i \in r_2\}$$

 Representación: se utilizan el mismo símbolo que para la intersección de conjuntos

$$r_1 \cap r_2$$

¿Condiciones?

Operación: dadas dos relaciones r₁ y r₂ con esquemas idénticos R₁ y R₂, podemos obtener otra relación definida sobre el mismo esquema de relación (R) y cuya extensión estará constituida por el conjunto de tuplas (t_i) que pertenezcan a r₁ y a r₂

$$r(R) = \{t_i \mid t_i \in r_1 \land t_i \in r_2\}$$

 Representación: se utilizan el mismo símbolo que para la intersección de conjuntos

$$r_1 \cap r_2$$

Condiciones: las mismas que para la unión

 Ejemplo: encontrar a todos los autores que también sean editores

Autores Editores

Cód_Aut	Nombre	Apellido
1	Neal	Stephenson
2	Lawrence	Lessig
3	Noam	Chomsky



Cód_Edit	Nombre	Apellido
1	Santiago	Ceri
2	Antón	De Miguel
3	Lawrence	Lessig

Código	Nombre	Apellido
2	Lawrence	Lessig

 Ejemplo: encontrar a todos los autores que también sean editores

Autores Editores

Cód_Aut	Nombre	Apellido
1	Neal	Stephenson
2	Lawrence	Lessig
3	Noam	Chomsky



Cód_Edit	Nombre	Apellido
1	Santiago	Ceri
2	Antón	De Miguel
3	Lawrence	Lessig

Código	Nombre	Apellido
--------	--------	----------

Intersección de conjuntos

 Ejemplo: encontrar a todos los autores que también sean editores

$$(\Pi_{\text{nombre,apellido}}(\text{Autores})) \cap (\Pi_{\text{nombre,apellido}}(\text{Editores}))$$

Cód_Aut	Nombre	Apellido
1	Neal	Stephenson
2	Lawrence	Lessig
3	Noam	Chomsky



Cód_Edit	Nombre	Apellido
1	Santiago	Ceri
2	Antón	De Miguel
3	Lawrence	Lessig

Nombre	Apellido
Lawrence	Lessig

Productos de reunión

- La operación de reunión es una de las más usadas en el álgebra relacional: combina en una sola operación información de varias relaciones
- Se puede definir como una secuencia de operaciones: producto cartesiano seguido de una selección y proyección
 - Permite elegir mediante las condiciones lógicas que deseemos elementos concretos de un producto cartesiano (que produce todas las combinaciones posibles, no las reales para mi problema)

Productos de reunión

- La relación resultante de una operación de reunión tiene una cardinalidad menor o igual que la de un producto cartesiano
- Existen diferentes tipos de productos de reunión:
 - Producto theta (join)
 - Producto natural (natural join)
 - Autounión (auto join)
 - Unión externa (outer join)

Producto theta

- Operación: dadas dos relaciones r₁ y r₂ con esquemas R₁ y R₂ y una condición de selección (θ) formada por atributos del esquema R₁ U R₂, da una relación R constituida por el conjunto de tuplas t_i, del producto cartesiano de las relaciones que cumplen el criterio de selección
- Representación: se representa por el símbolo del producto de reunión y su subíndice indica (aparte si se desea) el criterio de selección

 $R_1 \bowtie_{\theta} R_2, \theta = condición$

Producto theta

 Ejemplo: obtener una relación con los datos de los socios y los libros y donde el apellido del socio sea Manrique

Socios \bowtie_{θ} Libros, θ = (Apellido = 'Manrique')

Cód_Soc	Nombre	Apellido
1	Eric	Manrique
2	Mar	García

Cód_Lib	Nombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	SSOO	1	1
2	BBDD	2	2
3	ABBDD	3	2

Cód_Soc	Socios.N ombre	Apellido	Cód_Lib	Libros.N ombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	Eric	Manrique	1	SSOO	1	1
1	Eric	Manrique	2	BBDD	2	2
1	Eric	Manrique	3	ABBDD	3	2

 Operación: dadas dos relaciones r₁ y r₂ con esquemas R₁ y R₂, podemos obtener otra relación R definida sobre el esquema de relación R₁ U R₂ y constituida por el conjunto de tuplas t_i tal que

$$r(R) = \{t_i \mid t_i \in (\Pi_{R_1 \cup R_2} (\sigma_{\theta} (r_1 \times r_2)))\}$$

$$\theta = (r_1.A_1 = r_2.A_1 \wedge r_1.A_2 = r_2.A_2 \wedge ... r_1.A_n = r_2.A_n)$$

$$A_1, A_2, ..., A_n = R_1 \cap R_2$$

 Representación: se representa por el símbolo del producto de reunión

$$r_1 \bowtie r_2$$

Consideraciones: si

$$R_1 \cap R_2 = \emptyset \Rightarrow r_1 \bowtie r_2 = r_1 \times r_2$$

- El producto cartesiano es un tipo de producto natural
 - En concreto, el producto natural de dos relaciones que no comparten atributos de su esquema

Consideraciones: si

$$R_1 \cap R_2 = \emptyset \Rightarrow r_1 \bowtie r_2 = r_1 \times r_2$$

- El producto cartesiano es un tipo de producto natural
 - En concreto, el producto natural de dos relaciones que no comparten atributos de su esquema
- Pregunta: ¿y si tienen un atributo de igual nombre pero distinto dominio?

Consideraciones: si

$$R_1 \cap R_2 = \emptyset \Rightarrow r_1 \bowtie r_2 = r_1 \times r_2$$

- El producto cartesiano es un tipo de producto natural
 - En concreto, el producto natural de dos relaciones que no comparten atributos de su esquema
- Pregunta: ¿y si tienen un atributo de igual nombre pero distinto dominio?
 - Da error la operación, no procede

- La selección se realiza sobre la intersección de atributos
 - Los atributos que se usan de criterio de producto (aquellos con igual nombre) sólo aparecen una vez en el resultado
- Es <u>importante</u> usar el renombrado para que:
 - Poner igual nombre a los atributos sobre los que se hará la selección
 - Poner distinto nombre a los atributos que no proceda

- El producto natural es una restricción del producto theta en que se evita decir que seleccione las tuplas en que los campos de igual nombre tengan igual valor
 - Restringe los campos
 - No considera otro operador que no sea el igual (=)
 - No permite usar constantes, etc
- Se usa muchísimo (claves foráneas)
- Las tuplas con NULL en los campos comunes se descartan del resultado

• ¿Qué cardinalidad tendrá un producto natural?

- ¿Qué cardinalidad tendrá un producto natural?
 - Como mínimo cero elementos (no hay concordancia entre los valores de los campos comparados)

- ¿Qué cardinalidad tendrá un producto natural?
 - Como mínimo cero elementos (no hay concordancia entre los valores de los campos comparados)
 - Como máximo la misma que el producto cartesiano (m₁ * m₂)
- El ratio entre la cardinalidad de un producto natural y su máximo posible es la selectividad del producto (join selectivity)
- Se pueden concatenar varios prod. naturales

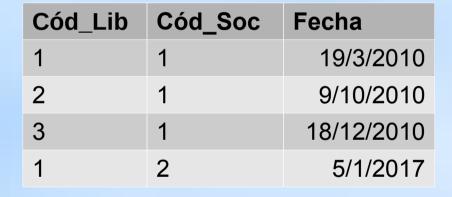
 Ejemplo: obtener los datos de los socios que tienen un libro en préstamo así como el código del libro y la fecha del préstamo

Cód_Soc	Nombre	Apellido
1	Eric	Manrique
2	Mar	García

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha
1	1	19/3/2010
2	1	9/10/2010
3	1	18/12/2010
1	2	5/1/2017

Ejemplo: Socios ⋈ Préstamos

Cód_Soc	Nombre	Apellido
1	Eric	Manrique
2	Mar	García



Cód_Soc	Nombre	Apellido	Cód_Lib	Fecha
1	Eric	Manrique	1	19/3/2010
1	Eric	Manrique	2	9/10/2010
1	Eric	Manrique	3	18/12/2010
2	Mar	García	1	5/1/2017

- Operación: es un producto theta de una tabla sobre sí misma
- Da como resultado una relación en la que los (conjuntos de) campos coincidentes pertenecen a una misma tabla
- ¿No se puede hacer con una selección?

- Operación: es un producto theta de una tabla sobre sí misma
- Da como resultado una relación en la que los (conjuntos de) campos coincidentes pertenecen a una misma tabla
- ¿No se puede hacer con una selección?
 - No, porque las condiciones son sobre el contenido de una tupla individualmente (no respecto a otras)
- ¿Es esto algo común?

- Operación: es un producto theta de una tabla sobre sí misma
- Da como resultado una relación en la que los (conjuntos de) campos coincidentes pertenecen a una misma tabla
- ¿No se puede hacer con una selección?
 - No, porque las condiciones son sobre el contenido de una tupla individualmente (no respecto a otras)
- ¿Es esto algo común?
 - Ej.: alumnos que mentoriza cada alumno mentor

 La auto-unión está muy poco documentada en álgebra. Nosotros la implementaremos con un renombrado y producto theta

Alumnos1 ← Alumnos

R ← Alumnos1 ⋈₀ Alumnos

 θ = (Alumnos1.mentor = Alumnos.DNIe)

• La auto-unión ¿se puede hacer en SQL?

- La auto-unión ¿se puede hacer en SQL?
- Sí, usando sinónimos/alias
- Ejemplo: Trabajadores que ganen más que su supervisor
 - Trabajador(SegSoc, nombre, salario, supervisor)

- La auto-unión ¿se puede hacer en SQL?
- Sí, usando sinónimos/alias
- Ejemplo: Trabajadores que ganen más que su supervisor
 - Trabajadores(SegSoc, nombre, salario, supervisor)

SELECT T.EmpName

FROM Trabajadores T, Trabajadores SUP

WHERE T.supervisor = SUP.SegSoc

AND T.salario > SUP.salario

 Ejemplo tomado de "SQL: Structured Query Language Data Manipulation Language"

- Se define para solventar el problemas de los valores no emparejados en los productos. En concreto, se apoya en el uso de un valor ω fuera de rango (que en SQL es NULL)
- Hay tres tipos:
 - Unión externa por la izquierda (left outer join ⋈)
 - Unión externa por la derecha (right outer join ⋈)
 - Unión externa completa o unión externa "a secas" (full outer join ⋈)

- Unión externa por la izquierda (left outer join ⋈)
 - Incluye en el resultado las tuplas de la relación a la izquierda del símbolo (R_1 si es $R_1 \bowtie R_2$) que no tienen valor que concuerde, poniendo ω como valor del campo de join

Cód_Soc	Nombre	Apellido
1	Eric	Manrique
2	Mar	García
8	Gregorio	Sánchez

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha
1	1	19/3/2010
2	1	9/10/2010
3	1	18/12/2010
1	2	5/1/2017

Unión externa por la izquierda (left outer join ⋈)
 Socios ⋈ Préstamos

Cód_Soc	Nombre	Apellido
1	Eric	Manrique
2	Mar	García
8	Gregorio	Sánchez

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha
1	1	19/3/2010
2	1	9/10/2010
3	1	18/12/2010
1	2	5/1/2017

Cód_Soc	Nombre	Apellido	Cód_Lib	Fecha
1	Eric	Manrique	1	19/3/2010
1	Eric	Manrique	2	9/10/2010
1	Eric	Manrique	3	18/12/2010
2	Mar	García	1	5/1/2017
8	Gregorio	Sánchez	ω	ω

• ¿Tiene sentido este producto en este caso? Socios ⋈ Préstamos

Cód_Soc	Nombre	Apellido
1	Eric	Manrique
2	Mar	García
8	Gregorio	Sánchez

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha
1	1	19/3/2010
2	1	9/10/2010
3	1	18/12/2010
1	2	5/1/2017

Cód_Soc	Nombre	Apellido	Cód_Lib	Fecha
1	Eric	Manrique	1	19/3/2010
1	Eric	Manrique	2	9/10/2010
1	Eric	Manrique	3	18/12/2010
2	Mar	García	1	5/1/2017
8	Gregorio	Sánchez	ω	ω

• ¿Tiene sentido este producto en este caso?

Socios ⋈ Préstamos

 Listado de todos los socios, incluyendo los libros que han sacado en préstamo (hayan sacado o no libros)

Cód_Soc	Nombre	Apellido	Cód_Lib	Fecha
1	Eric	Manrique	1	19/3/2010
1	Eric	Manrique	2	9/10/2010
1	Eric	Manrique	3	18/12/2010
2	Mar	García	1	5/1/2017
8	Gregorio	Sánchez	ω	ω

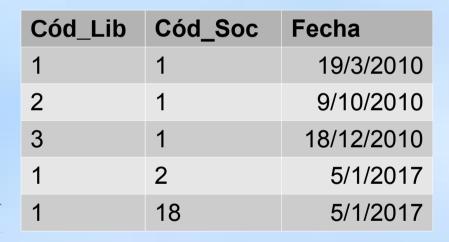
- Unión externa por la derecha (right outer join ⋈)
 - Incluye en el resultado las tuplas de la relación a la derecha del símbolo (R_2 si es $R_1 \bowtie R_2$) que no tienen valor que concuerde, poniendo ω como valor del campo de join

Cód_Soc	Nombre	Apellido
1	Eric	Manrique
2	Mar	García
8	Gregorio	Sánchez

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha
1	1	19/3/2010
2	1	9/10/2010
3	1	18/12/2010
1	2	5/1/2017
1	18	5/1/2017

Unión externa por derecha (right outer join ⋈)
 Socios ⋈ Préstamos

Cód_Soc	Nombre	Apellido
1	Eric	Manrique
2	Mar	García
8	Gregorio	Sánchez



Cód_Soc	Nombre	Apellido	Cód_Lib	Fecha
1	Eric	Manrique	1	19/3/2010
1	Eric	Manrique	2	9/10/2010
1	Eric	Manrique	3	18/12/2010
2	Mar	García	1	5/1/2017
18	ω	ω	1	5/1/2017

¿Tiene sentido este producto en este caso?
 Socios ⋈ Préstamos

Cód_Soc	Nombre	Apellido
1	Eric	Manrique
2	Mar	García
8	Gregorio	Sánchez



Cód_Soc	Nombre	Apellido	Cód_Lib	Fecha
1	Eric	Manrique	1	19/3/2010
1	Eric	Manrique	2	9/10/2010
1	Eric	Manrique	3	18/12/2010
2	Mar	García	1	5/1/2017
18	ω	ω	1	5/1/2017

¿Tiene sentido este producto en este caso?

Socios ⋈ Préstamos

 Listado de todos los préstamos, indicando el socio que lo ha sacado

Cód_Soc	Nombre	Apellido	Cód_Lib	Fecha
1	Eric	Manrique	1	19/3/2010
1	Eric	Manrique	2	9/10/2010
1	Eric	Manrique	3	18/12/2010
2	Mar	García	1	5/1/2017
18	ω	ω	1	5/1/2017

¿Tiene sentido este producto en este caso?

- Listado de todos los préstamos, indicando el socio que lo ha sacado
- \ge Y qué indica el ω ?

Cód_Soc	Nombre	Apellido	Cód_Lib	Fecha
1	Eric	Manrique	1	19/3/2010
1	Eric	Manrique	2	9/10/2010
1	Eric	Manrique	3	18/12/2010
2	Mar	García	1	5/1/2017
18	ω	ω	1	5/1/2017

¿Tiene sentido este producto en este caso?

- Listado de todos los préstamos, indicando el socio que lo ha sacado
- ¿Y qué indica el ω? Una inconsistencia (CF con valor de CP que no existe)

Cód_Soc	Nombre	Apellido	Cód_Lib	Fecha
1	Eric	Manrique	1	19/3/2010
1	Eric	Manrique	2	9/10/2010
1	Eric	Manrique	3	18/12/2010
2	Mar	García	1	5/1/2017
18	ω	ω	1	5/1/2017

• ¿Tiene sentido este producto en este caso?

- Listado de todos los préstamos, indicando el socio que lo ha sacado
- ¿Υ qué indica el ω? Una inconsistencia (violación de la regla de integridad referencial, CF no en CP)
 - Según contexto: dato erróneo, no actualizó en cascada...

Cód_Soc	Nombre	Apellido	Cód_Lib	Fecha
1	Eric	Manrique	1	19/3/2010
1	Eric	Manrique	2	9/10/2010
1	Eric	Manrique	3	18/12/2010
2	Mar	García	1	5/1/2017
18	ω	ω	1	5/1/2017

- Unión externa por la completa (outer join ⋈)
 - Incluye en el resultado las tuplas de ambas relaciones (R_1 y R_2) que no tienen valor que concuerde, poniendo ω como valor del campo de join

Cód_Soc	Nombre	Apellido
1	Eric	Manrique
2	Mar	García
8	Gregorio	Sánchez

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha
1	1	19/3/2010
2	1	9/10/2010
3	1	18/12/2010
1	2	5/1/2017
1	18	5/1/2017

Unión externa

Unión externa por la completa (outer join ⋈)

Socios	M	P	es	tar	no
			Cód	Lib	

Cód_Soc	Nombre	Apellido
1	Eric	Manrique
2	Mar	García
8	Gregorio	Sánchez

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha
1	1	19/3/2010
2	1	9/10/2010
3	1	18/12/2010
1	2	5/1/2017
1	18	5/1/2017

Cód_Soc	Nombre	Apellido	Cód_Lib	Fecha
1	Eric	Manrique	1	19/3/2010
1	Eric	Manrique	2	9/10/2010
1	Eric	Manrique	3	18/12/2010
2	Mar	García	1	5/1/2017
8	Gregorio	Sánchez	ω	ω
18	ω	ω	1	5/1/2017

Unión externa

- ¿Qué grados y cardinalidades tendrán outer?
 - Sea R₁ y R₂ de grado n₁ y n₂ y card. m₁ y m₂

Operador	Grado min.	Grado max.	Card. min.	Card. max.
left ⋈				
right ⋈				
full ⋈				

Unión externa

- ¿Qué grados y cardinalidades tendrán outer?
 - Sea R₁ y R₂ de grado n₁ y n₂ y card. m₁ y m₂
 - ¿Cuándo se llegaría a esos valores?

Operador	Grado min.	Grado max.	Card. min.	Card. max.
left ⋈	$\max (n_1, n_2)$	(n ₁ +n ₂)-1	m ₁	m ₁ +m ₂ -1
right ⋈	$\max (n_1, n_2)$	(n ₁ +n ₂)-1	$m_{_{2}}$	m ₁ +m ₂ -1
full ⋈	$\max (n_1, n_2)$	(n ₁ +n ₂)-1	$\max (m_1, m_2)$	m ₁ +m ₂

Outer union

- Operación: hace la "unión" de dos relaciones con esquemas no compatibles
- El resultado tiene como esquema el conjunto de atributos de ambas relaciones
 - Incluye en el resultado las tuplas de ambas relaciones (R_1 y R_2) que no tienen valor que concuerde, poniendo ω como valor de los campos que no concuerdan

Outer union

Ejemplo: listar todos los autores o editores
 Autores OUTERUNION Editores

Cód_Aut	Nombre	Apellido
1	Neal	Stephenson
2	Lawrence	Lessig
3	Noam	Chomsky

Cód_Edit	Nombre	Apellido
1	Santiago	Ceri
2	Antón	De Miguel
3	Lawrence	Lessig

Cód_Aut	Cód_Edit	Nombre	Apellido
1	ω	Neal	Stephenson
2	ω	Lawrence	Lessig
3	ω	Noam	Chomsky
ω	1	Santiago	Ceri
ω	2	Antón	De Miguel
ω	3	Lawrence	Lessig

Operación: dadas dos relaciones r₁ y r₂ con esquemas R₁ y R₂, donde R₂ ⊂ R₁, podemos obtener otra relación R definida sobre el esquema de relación (R₁ – R₂) y cuya extensión será:

$$t_{i}(R) = \{(v_{i1}, ..., v_{iR}) \mid \\ \forall (v_{i(R+1)}, ..., v_{iR2}) \in r_{2}$$
$$\exists (v_{i1} ... v_{iR}, v_{i(R+1)}, ..., v_{iR2}) \in r_{1}\}$$

 Representación: se utilizan el mismo símbolo que en matemáticas.

$$r_1/r_2$$

 Ejemplo: encontrar a los socios que han tenido en préstamo un ejemplar de todos los libros

$$(\Pi_{C\acute{o}d_Lib,C\acute{o}d_Soc}(Pr\acute{e}stamos))/(\Pi_{C\acute{o}d_Lib}(Libros))$$

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha
1	1	19/3/2010
2	1	9/10/2010
3	1	18/12/2010
1	2	5/1/2017

Cód_Lib	Nombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	SSOO	1	1
2	BBDD	2	2
3	ABBDD	3	2

Ejemplo:

 $\Pi_{C\acute{o}d_Lib,C\acute{o}d_Soc}(Pr\acute{e}stamos)/(\Pi_{C\acute{o}d_Lib}(Libros))$

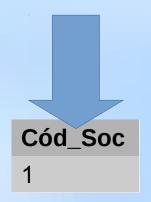
Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha
1	1	19/3/2010
2	1	9/10/2010
3	1	18/12/2010
1	2	5/1/2017
3 1	1 2	18/12/2010

Cód_Lib Cód_Soc			
1	1		
2	1		
3	1		
1	2		

Cód_Lib	Nombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	SS00	1	1
2	BBDD	2	2
3	ABBDD	3	2
		Cód_Lib	

2

3



- La división r₁/r₂ comprueba que toda tupla de r₂ aparezca en r₁
- Por lo tanto todos los atributos de r₂ tienen que estar en r₁
 - Y dichos atributos no aparecerán en el resultado
 - Por lo que r₁ debe tener algún atributos adicional
- Hemos visto un ejemplo más sencillo, pero sin r₂ tuviera dos atributos se comprobarían que apareciera cada par de valores presentes con el resto de atributos de r₁

Ejemplo2: ¿qué da la siguiente operación?
 Préstamos/Libros

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha
1	1	19/3/2010
2	1	9/10/2010
3	1	18/12/2010
1	2	5/1/2017

Cód_Lib	Nombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	SSOO	1	1
2	BBDD	2	2
3	ABBDD	3	2

• Ejemplo2: ¿qué da la siguiente operación? Préstamos/Libros

Error: hay atributos en Libros que no están en Préstamo

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha
1	1	19/3/2010
2	1	9/10/2010
3	1	18/12/2010
1	2	5/1/2017

Cód_Lib	Nombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	SSOO	1	1
2	BBDD	2	2
3	ABBDD	3	2

• Ejemplo3: ¿qué da la siguiente operación? $(\Pi_{C\acute{o}d_Lib}(Pr\acute{e}stamos))/(\Pi_{C\acute{o}d_Lib}(Libros))$

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha
1	1	19/3/2010
2	1	9/10/2010
3	1	18/12/2010
1	2	5/1/2017

Cód_Lib	Nombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	SSOO	1	1
2	BBDD	2	2
3	ABBDD	3	2

• Ejemplo3: ¿qué da la siguiente operación?

 $(\Pi_{C\acute{o}d_Lib}(Pr\acute{e}stamos))/(\Pi_{C\acute{o}d_Lib}(Libros))$

Error: no hay atributos en la relación de la izquierda que no estén en la de la derecha

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha
1	1	19/3/2010
2	1	9/10/2010
3	1	18/12/2010
1	2	5/1/2017

Cód_Lib	Nombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	SSOO	1	1
2	BBDD	2	2
3	ABBDD	3	2

• Ejemplo3: ¿qué da la siguiente operación?

 $(\Pi_{C\acute{o}d_Lib}(Pr\acute{e}stamos))/(\Pi_{C\acute{o}d_Lib}(Libros))$

Error: no hay atributos en la relación de la izquierda que no estén en la de la derecha

Se puede entender que daría una relación vacía (sin atributos), porque el atributo de la relación de la izquierda lo perdería al hacer la división

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha
1	1	19/3/2010
2	1	9/10/2010
3	1	18/12/2010
1	2	5/1/2017

Cód_Lib	Nombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	SS00	1	1
2	BBDD	2	2
3	ABBDD	3	2

Ejemplo4: ¿qué da la siguiente operación?
 Préstamos/(Π_{Cód_Lib}(Libros))

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha
1	1	19/3/2010
2	1	9/10/2010
3	1	18/12/2010
1	2	5/1/2017

Cód_Lib	Nombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	SSOO	1	1
2	BBDD	2	2
3	ABBDD	3	2

• Ejemplo4: ¿qué da la siguiente operación?

Préstamos/ $(\Pi_{Cód_Lib}(Libros))$

Esta operación sí es correcta. ¿Qué atributos tendrá su resultado?

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha
1	1	19/3/2010
2	1	9/10/2010
3	1	18/12/2010
1	2	5/1/2017

Cód_Lib	Nombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	SS00	1	1
2	BBDD	2	2
3	ABBDD	3	2

• Ejemplo4: ¿qué da la siguiente operación?

Préstamos/ $(\Pi_{Cód_Lib}(Libros))$

Esta operación sí es correcta. ¿Qué atributos tendrá su resultado? → Cód_Soc, Fecha

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha
1	1	19/3/2010
2	1	9/10/2010
3	1	18/12/2010
1	2	5/1/2017

Cód_Lib	Nombre	Cód_Edi	t Cód_Aut
1	SSOO	1	1
2	BBDD	2	2
3	ABBDD	3	2

Ejemplo4: ¿qué da la siguiente operación?
 Préstamos/(Π_{cód Lib}(Libros))

¿Qué atributos tendrá? → Cód_Soc, Fecha ¿Qué tuplas contendrá?

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha	
1	1	19/3/2010	Cód_Lib
2	1	9/10/2010	1
3	1	18/12/2010	2
1	2	5/1/2017	3

Ejemplo4: ¿qué da la siguiente operación?
 Préstamos/(Π_{cód Lib}(Libros))

¿Qué atributos tendrá? → Cód_Soc, Fecha

¿Qué tuplas contendrá? Aquellas en las que para todo valor de <Cód_Soc, Fecha> existen todos los Cód_Lib

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha	
1	1	19/3/2010	Cód_Lib
2	1	9/10/2010	1
3	1	18/12/2010	2
1	2	5/1/2017	3

Ejemplo4: ¿qué da la siguiente operación?
 Préstamos/(Π_{cód Lib}(Libros))

¿Qué atributos tendrá? → Cód_Soc, Fecha ¿Qué tuplas contendrá?

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha	
1	1	19/3/2010	Cód_Lib
2	1	9/10/2010	1
3	1	18/12/2010	2
1	2	5/1/2017	3

Ejemplo4: ¿qué da la siguiente operación?
 Préstamos/(Π_{cód Lib}(Libros))

¿Qué atributos tendrá? → Cód_Soc, Fecha

¿Qué tuplas contendrá? Aquellas en las que para todo valor de <Cód_Soc, Fecha> existen todos los Cód_Lib

Es decir, aquellos socios que los días que realizaban un préstamo, sacaban todos los libros

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha			
1	1	19/3/2010	Cód_Lib		
2	1	9/10/2010	1	Cód_Soc	Fecha
3	1	18/12/2010	2		
1	2	5/1/2017	3		

• Ejemplo5: ¿qué tuplas tendría que añadirse a Préstamos para dar un resultado no vacío?

Préstamos/ $(\Pi_{C\acute{o}d_Lib}(Libros))$

Cód_Soc	Fecha		Cód Lib
1	19/3/2010		1
1	9/10/2010		2
1	18/12/2010		3
?	?		J
2	5/1/2017		
	Cód_Soc 1 1 1 ? 2	1 19/3/2010 1 9/10/2010 1 18/12/2010 ? ?	1 19/3/2010 1 9/10/2010 1 18/12/2010 ? ?

Cód_Soc	Fecha
XXX	ууу

• Ejemplo5: ¿qué tuplas tendría que añadirse a Préstamos para dar un resultado no vacío?

Préstamos/ $(\Pi_{Cód_Lib}(Libros))$

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha	
COU_LID	C04_30C	i eciia	Cód Li
1	1	19/3/2010	1
2	1	9/10/2010	2
3	1	18/12/2010	3
2	1	18/12/2010	3
1	1	18/12/2010	
1	2	5/1/2017	
			7

Cód_Soc	Fecha
1	18/12/2010

 Ejemplo6: ¿qué tuplas tendría que añadirse a Préstamos para dar dos tuplas de resultado?

Préstamos/ $(\Pi_{C\acute{o}d_Lib}(Libros))$

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha	
1	1	19/3/2010	
2	1	9/10/2010	
3	1	18/12/2010	
2	1	18/12/2010	
1	1	18/12/2010	
?	?	?	
1	2	5/1/2017	

Cód_Lib	
1	
2	
3	

Cód_Soc	Fecha
1	18/12/2010

 Ejemplo6: ¿qué tuplas tendría que añadirse a Préstamos para dar dos tuplas de resultado?

Préstamos/ $(\Pi_{C\acute{o}d_Lib}(Libros))$

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha
1	1	19/3/2010
2	1	9/10/2010
3	1	18/12/2010
2	1	18/12/2010
1	1	18/12/2010
3	2	5/1/2017
2	2	5/1/2017
1	2	5/1/2017

Cód_Lib
1
2
3

Cód_Soc	Fecha
1	18/12/2010
2	5/1/2017

- Si tenemos dos relaciones r₁ y r₂ con esquemas
 R₁ y R₂ y calculamos R₁/R₂
 - Los atributos de R₂:
 - No aparecerán en el resultado
 - Los atributos de R₁ que también están en R₂
 - No aparecerán en el resultado
 - Los atributos de R₁ que no están en R₂
 - Son los únicos que aparecerán en el resultado
 - Cada instancia suya son la unidad a la que se le comprobará el "para todo": cuidado a más atributos, mayor "exigencia"

- Interpretación de otras divisiones:
 - (Π_{Cód_Lib,Fecha}(Préstamos))/(Π_{Cód_Lib}(Libros))

- Interpretación de otras divisiones:
 - (Π_{Cód_Lib,Fecha}(Préstamos))/(Π_{Cód_Lib}(Libros))
 - Fechas en las que sacaron todos los libros
 - ¿y si quiero saber quién sacó cada libro?

- Interpretación de otras divisiones:
 - (Π_{Cód_Lib},Fecha (Préstamos))/(Π_{Cód_Lib}(Libros))
 - Fechas en las que sacaron todos los libros
 - ¿y si quiero saber quién sacó cada libro?
 - Pues como ya tengo las fechas, hago un producto natural con Préstamos (no se puede hacer sólo con la división)

- Interpretación de otras divisiones:
 - (Π_{Cód_Lib,Fecha}(Préstamos))/(Π_{Cód_Lib}(Libros))
 - Fechas en las que sacaron todos los libros
 - $(\Pi_{C\acute{o}d_Lib,Fecha}(Pr\acute{e}stamos))/(\sigma_{C\acute{o}d_Lib>10}((\Pi_{C\acute{o}d_Lib}(Libros)))$

- Interpretación de otras divisiones:
 - (Π_{Cód_Lib},Fecha (Préstamos))/(Π_{Cód_Lib}(Libros))
 - Fechas en las que sacaron todos los libros
 - $(\Pi_{C\acute{o}d_Lib,Fecha}(Pr\acute{e}stamos))/(\sigma_{C\acute{o}d_Lib}((\Pi_{C\acute{o}d_Lib}(Libros)))$
 - Fechas en las que sacaron todos los libros con código mayor que 10

- Interpretación de otras divisiones:
 - (Π_{Cód_Lib,Fecha}(Préstamos))/(Π_{Cód_Lib}(Libros))
 - Fechas en las que sacaron todos los libros
 - $(\Pi_{C\acute{o}d_Lib,Fecha}(Pr\acute{e}stamos))/(\sigma_{C\acute{o}d_Lib}((\Pi_{C\acute{o}d_Lib}(Libros)))$
 - Fechas en las que sacaron todos los libros con código mayor que 10
 - $(\sigma_{C\acute{o}d\ Lib>10}(\Pi_{C\acute{o}d\ Lib,Fecha}(Pr\acute{e}stamos)))/((\Pi_{C\acute{o}d\ Lib}(Libros)))$

- Interpretación de otras divisiones:
 - (Π_{Cód_Lib,Fecha}(Préstamos))/(Π_{Cód_Lib}(Libros))
 - Fechas en las que sacaron todos los libros
 - $(\Pi_{C\acute{o}d_Lib,Fecha}(Pr\acute{e}stamos))/(\sigma_{C\acute{o}d_Lib>10}((\Pi_{C\acute{o}d_Lib}(Libros)))$
 - Fechas en las que sacaron todos los libros con código mayor que 10
 - $(\sigma_{C\acute{o}d_Lib>10}(\Pi_{C\acute{o}d_Lib,Fecha}(Pr\acute{e}stamos)))/((\Pi_{C\acute{o}d_Lib}(Libros)))$
 - Fechas en las que sacaron todos los libros, pero comprobando sólo los préstamos de los libros con código mayor que 10
 - Es decir, si hay un libro con código ≤ 10 en la derecha, el resultado es vacío

- Interpretación de otras divisiones2:
 - Préstamos/ $(\Pi_{C\acute{o}d_Lib}(Libros)x\Pi_{C\acute{o}d_Soc}(Socios))$

- Interpretación de otras divisiones2:
 - Préstamos/ $(\Pi_{C\acute{o}d_Lib}(Libros)x\Pi_{C\acute{o}d_Soc}(Socios))$
 - Fechas en las que todos los socios sacaron todos los libros
 - (Π_{Cód_Lib,Cód_Edit}(Libros))/Π_{cód_Edit}(Editores))

- Interpretación de otras divisiones2:
 - Préstamos/ $(\Pi_{C\acute{o}d_Lib}(Libros)x\Pi_{C\acute{o}d_Soc}(Socios))$
 - Fechas en las que todos los socios sacaron todos los libros
 - (Π_{Cód_Lib,Cód_Edit}(Libros))/Π_{Cód_Edit}(Editores))
 - Libros que han sido publicados por todos los editores (se supone que se re-editarían)
 - (Π_{Cód_Aut,Cód_Edit}(Libros))/Π_{Cód_Edit}(Editores))
 - Autores que han publicado con todos los editores

Asignación <u>a variables</u>

- Operación: asigna una relación temporal a una variable. Esta acción simplifica las operaciones con expresiones complejas
- Representación: se representa por medio de una flecha (←) y actúa de igual forma que en los lenguajes de programación
- Ejemplo: encontrar a todos los socios que tienen en préstamo un ejemplar de todos los libros

$$var \leftarrow \Pi_{Cód_Lib}(Libros)$$

$$\Pi_{Cód_Lib,Cód_Soc}(Préstamos)/var$$

- Vimos que todos los operadores se podían expresar en función de los fundamentales:
 - Proyección
 - Selección
 - Producto cartesiano
 - Unión de conjuntos
 - Diferencia de conjuntos

- Expresión en base de los operadores fund.:
 - Intersección de conjuntos
 - Productos de reunión
 - Producto theta
 - Producto natural
 - Autounión
 - Unión externa por la izquierda
 - Unión externa por la derecha
 - Unión externa completa
 - División

- Expresión en base de los operadores fund.:
 - Intersección de conjuntos

$$R \cap S = (R \cup S) - ((R - S) \cup (S - R))$$

- Producto theta

$$r_1 \bowtie_{\theta} r_2 = \sigma_{\theta} (r_1 \times r_2)$$

Producto natural

Se hace con renombrado, cartesiano, selección y proyección

- Autounión
 - No lo vimos como operador propio

- Expresión en base a operadores fund.:
 - Unión externa por la izquierda

$$(R\Join S)\cup ((R-\pi_{r_1,r_2,\ldots,r_n}(R\Join S)) imes \{(\omega,\ldots\omega)\})$$

Unión externa por la derecha

$$(R \Join S) \cup (\{(\omega,\ldots,\omega)\} imes (S-\pi_{s_1,s_2,\ldots,s_n}(R \Join S)))$$

Unión externa completa

$$R \bowtie S = (R \bowtie S) \cup (R \bowtie S)$$

- División

•
$$R \div S = \Pi_{a_{1,...,a_{n}}}(R) - (\Pi_{a_{1,...,a_{n}}}(((\Pi_{a_{1,...,a_{n}}}(R) \times S) - R)))$$

Repaso de los operadores

 Vamos a ver un ejemplo de aplicar cada operador a las relaciones de esta otra BBDD:

Cód_Cliente	Nombre	Apellido	
1	Pepe	Pérez	
2	Lola	Gómez	
3	Anselmo	Álvarez	

N_seg_soc	Nombre	Apellido
11	Pepe	Pérez
22	Lola	Gómez
33	Anselmo	Álvarez

Cód_préstamo	Cód_Cliente	N_seg_soc	Cantidad	Meses	Interés	Fecha_ini
1	1	11	100.000	120	3	1/10/2010
2	2	22	1.000	6	2	1/11/2016
3	2	23	5.000	12	5	1/3/2017

- Al igual que los OUTER JOIN y OUTER UNION, los operadores de agregación de SQL que no se pueden expresar en álgebra relacional:
 - Contar el número de clientes que cumplen una condición
 - Sumar los salarios de todos los empleados
 - Calcular el coste medio de los artículos de una determinada categoría
 - Indicar el mínimo/máximo de ...

 Para estos casos se define una función de agregación G (a veces se usa script F)

 ${\it atributos_agrupamiento} G_{invocaciones_funciones}(R)$

- Las funciones clásicas son: sumatorio, media, mínimo y máximo y contar
- Una invocación de una función es una función seguida de un sólo atributo al que se aplica
- La salida tiene los atributos de agrupamiento más un atributo por cada invocación (estos últimos de la forma función_atributo)

 Ejemplo: contar los libros publicados por cada autor

Cód_Lib	Nombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	SSOO	1	1
2	BBDD	2	2
3	ABBDD	3	2

 Ejemplo: contar los libros publicados por cada autor

Cód_Lib	Nombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	SSOO	1	1
2	BBDD	2	2
3	ABBDD	3	2

Cód_Aut	CONTAR_Cód_lib
1	1
2	2

 Ejemplo2: suponiendo que Cód_Lib indica lo reciente que es un libro, obtener el libro más reciente

Cód_Lib	Nombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	SSOO	1	1
2	BBDD	2	2
3	ABBDD	3	2

 Ejemplo2: suponiendo que Cód_Lib indica lo reciente que es un libro, obtener el libro más reciente

Cód_Lib	Nombre	Cód_Edit	Cód_Aut
1	SSOO	1	1
2	BBDD	2	2
3	ABBDD	3	2

MÁXIMO_Cód_lib
3

 Ejemplo3: suponiendo que Cód_Lib indica lo reciente que es un libro, obtener el último socio que sacó el libro más antiguo en Préstamo

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha
1	1	19/3/2010
2	1	9/10/2010
3	1	18/12/2010
1	2	5/1/2017

 Ejemplo3: suponiendo que Cód_Lib indica lo reciente que es un libro, obtener el último socio que sacó el libro más antiguo en Préstamo

$$A \leftarrow {}_{Cód_Lib}G_{MÍNIMO\ Cód_Lib}(Libros)$$
 $B(Cód_Lib) \leftarrow A$
 $B \bowtie Préstamos$

 $\Pi_{\text{C\'od Soc}}(G_{\text{C\'od_Soc}}G_{\text{M\'AXIMO Fecha}}(Pr\'estamos))$

Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha	Cód_Lib	Cód_Soc	Fecha
1	1	19/3/2010	1	1	19/3/2010
2	1	9/10/2010	1	2	5/1/2017
3	1	18/12/2010		Cód_Soc	
1	2	5/1/2017		2	

- Consideraciones:
 - Si no se indican atributos de agrupamiento, se aplica la función/es a todas las tuplas (y sale una única tupla en el resultado)
 - Ej: empleado de más edad (da igual su Dpto, puesto, ...)

G_{MÁXIMO edad} (Empleados)

- Las funciones de agregación NO eliminan duplicados para ser coherentes en cálculos aritméticos (SUMATORIO y MEDIA)
- La salida es una Relación y no un escalar, aunque sea una única tupla con un único atributo

Clausura transitiva

- Es un operador que se define para aplicar operaciones recursivamente a tuplas de un mismo tipo
 - Ej: supongamos que todo alumno de la Universidad tiene un mentor, que es del curso superior
 - En álgebra se puede calcular fácilmente los mentores de los alumnos de primero, y los mentores de los alumnos de segundo, etc.
 - Pero no se pueden calcular los mentores de los alumnos de todos los cursos
 - Para ello hace falta la clausura transitiva
- No lo estudiaremos, sólo saber que existe

Referencias

- Apuntes Esther Gadeschi
- Libro Elmasri, 3^a ed.
- https://en.wikipedia.org/wiki/Relational_algebra #Outer_joins
- https://en.wikipedia.org/wiki/Mathematical_op erators_and_symbols_in_Unicode
- SQL as a Data Manipulation Language http://www-inf.it-sudparis.eu/COURS/BD/P RIVATE/EM2ENG/SLIDES/4SQL-DMLEM2ENG.pc

Gracias por la atención ¿Preguntas?