Sección 0.3 Factorización



Universidad de Puerto Rico Recinto de Mayagüez Facultad de Artes y Ciencias Departamento de Ciencias Matemáticas



Contenido

- Repaso
- 2 Factor común
- 4 Trinomio de la forma $ax^2 + bx + c$
- Uso de fórmulas
- 6 Agrupación de términos

Repaso

Factorización

Expandir una expresión algebraica es el proceso de hallar el producto de las expresiones algebraicas que la conforman. Ahora se estudia el concepto inverso de expandir, el cual se llama factorizar. Este es el proceso de reescribir una expresión algebraica como el producto de otras expresiones algebraicas más sencillas.

$$\underbrace{x^2-1=(x-1)(x+1)}_{\leftarrow \text{ expandir}}$$

Factor común

Observe si hay algún factor común en todos los términos de la expresión, si es así, use la propiedad distributiva.

a.
$$10a - 15a^2 + 20a^3 =$$

b.
$$2x^3y - 8x^2y^2 - 6xy^3 =$$

c.
$$(x-1)(x+2)^2 - (x-1)^2(x+2) =$$

Trinomio de la forma $x^2 + bx + c$

Se usa para factorizar trinomios cuadráticos cuando el coeficiente líder (coeficiente de x^2) es igual a 1.

Observemos que:

$$(x+r)(x+s) = x^2 + (r+s)x + rs$$

Esto sugiere buscar dos números r y s tales que:

$$rs = c$$
 y $r + s = b$

a.
$$x^2 + 7x + 12$$

b.
$$a^2 + 5a - 24$$

Trinomio de la forma $ax^2 + bx + c$

Se usa para factorizar trinomios cuadráticos cuando el coeficiente líder es distinto de 1 ($a \neq 1$).

Se hallan los factores del coeficiente líder y los del término constante, y a *prueba y error* se analizan todas las posibilidades hasta llegar a la factorización correcta.

a.
$$3x^2 + 11x - 70$$

Repaso Factor común Trinomio de la forma $x^2 + bx + c$ Trinomio de la forma $ax^2 + bx + c$ Uso de fórmulas Aerupación de términos

b.
$$8x^2 - 14x - 15$$

Uso de fórmulas

Algunas expresiones se pueden factorizar utilizando las siguientes fórmulas de *productos notables:*

- Diferencia de cuadrados: $a^2 b^2 = (a b)(a + b)$
- Cuadrado perfecto: $a^2 + 2ab + b^2 = (a + b)^2$
- Cuadrado perfecto: $a^2 2ab + b^2 = (a b)^2$
- Diferencia de cubos: $a^3 b^3 = (a b)(a^2 + ab + b^2)$
- Suma de cubos: $a^3 + b^3 = (a+b)(a^2 ab + b^2)$

a.
$$9x^2 - 49 =$$

b.
$$a^2 + 18a + 81 =$$

c.
$$4x^2 - 12xy + 9y^2 =$$

d.
$$64a^3 - 1 =$$

e.
$$125x^3 + 27y^3 =$$

Agrupación de términos

Algunas expresiones algebraicas tienen cuatro o más términos y a veces pueden ser factorizadas por *agrupación de términos*: se forman dos o más grupos, se factoriza cada grupo y cada uno de los grupos debe tener un factor en común

a.
$$x^3 - x^2 + 3x - 3 =$$

b.
$$3m^2 - 6mn - 4m + 8n =$$

c.
$$2am + n - 1 - 2an + 2a - m =$$