

TADs y Estructuras de Datos Lineales. Conjuntos, Bolsas, Colas de prioridad y Diccionarios

Luis Llopis, 2024.

Dpto. Lenguajes y Ciencias de la Computación.

University of Málaga

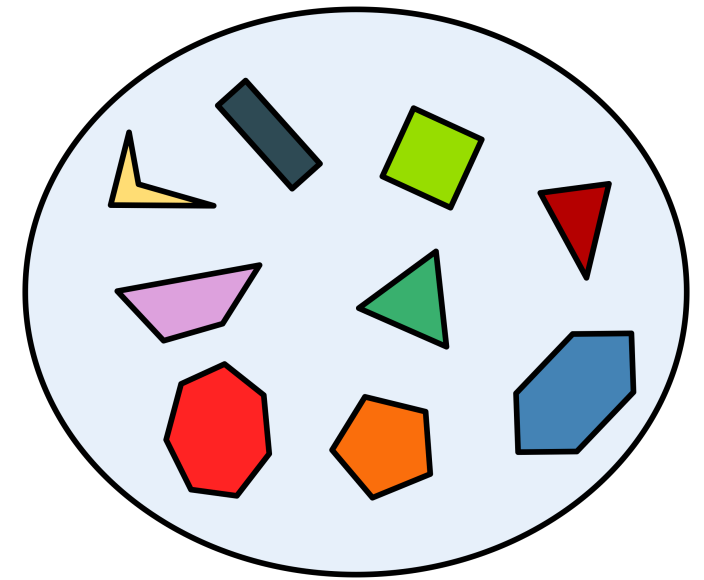


UNIVERSIDAD
DE MÁLAGA

| uma.es

El TAD conjunto

- Un *conjunto* es una colección que almacena elementos *sin duplicados*.
- A diferencia de una lista, los elementos de un conjunto *no tienen una posición* o índice.
- **Operaciones:**
 - `insert` : inserta un elemento en el conjunto. Si el elemento está ya en el conjunto, permanece inalterado.
 - `delete` : elimina un elemento del conjunto. Si el elemento no está en el conjunto, permanece sin cambios.
 - `contiene` : comprueba si un elemento está en el conjunto.
 - `isEmpty` : Comprueba si el conjunto está vacío.
 - `size` : Devuelve el número de elementos del conjunto.
 - `clear` : Elimina todos los elementos del conjunto.
 - `iterator` : Devuelve un `Iterador` para recorrer los elementos del conjunto.



Set of Polygons

El TAD Conjunto en Java: la interfaz

`Set<T>` define un conjunto con elementos de tipo `T`.

```
package dataStructures.set;

public interface Set<T> extends Iterable<T> {
    void insert(T element);
    void delete(T element);
    boolean contains(T element);
    boolean isEmpty();
    int size();
    void clear();
}
```

El TAD de conjunto ordenado en Java

- Un *conjunto ordenado* es un conjunto donde los elementos se almacenan en un orden
- Cuando se itera un conjunto ordenado, los elementos se devuelven en orden.
- **Operaciones:**
 - `comparator` : Devuelve el comparador que define la *igualdad y ordenación* de elementos dentro del conjunto.
 - `minimum` : Devuelve el elemento más pequeño del conjunto, como determinado por el orden definido del comparador. Lanza una `NoSuchElementException` si el conjunto está vacío.
 - `maximum` : devuelve el elemento más grande del conjunto, según lo determinado por el orden definido en el comparador. Lanza una `NoSuchElementException` si el conjunto está vacío.

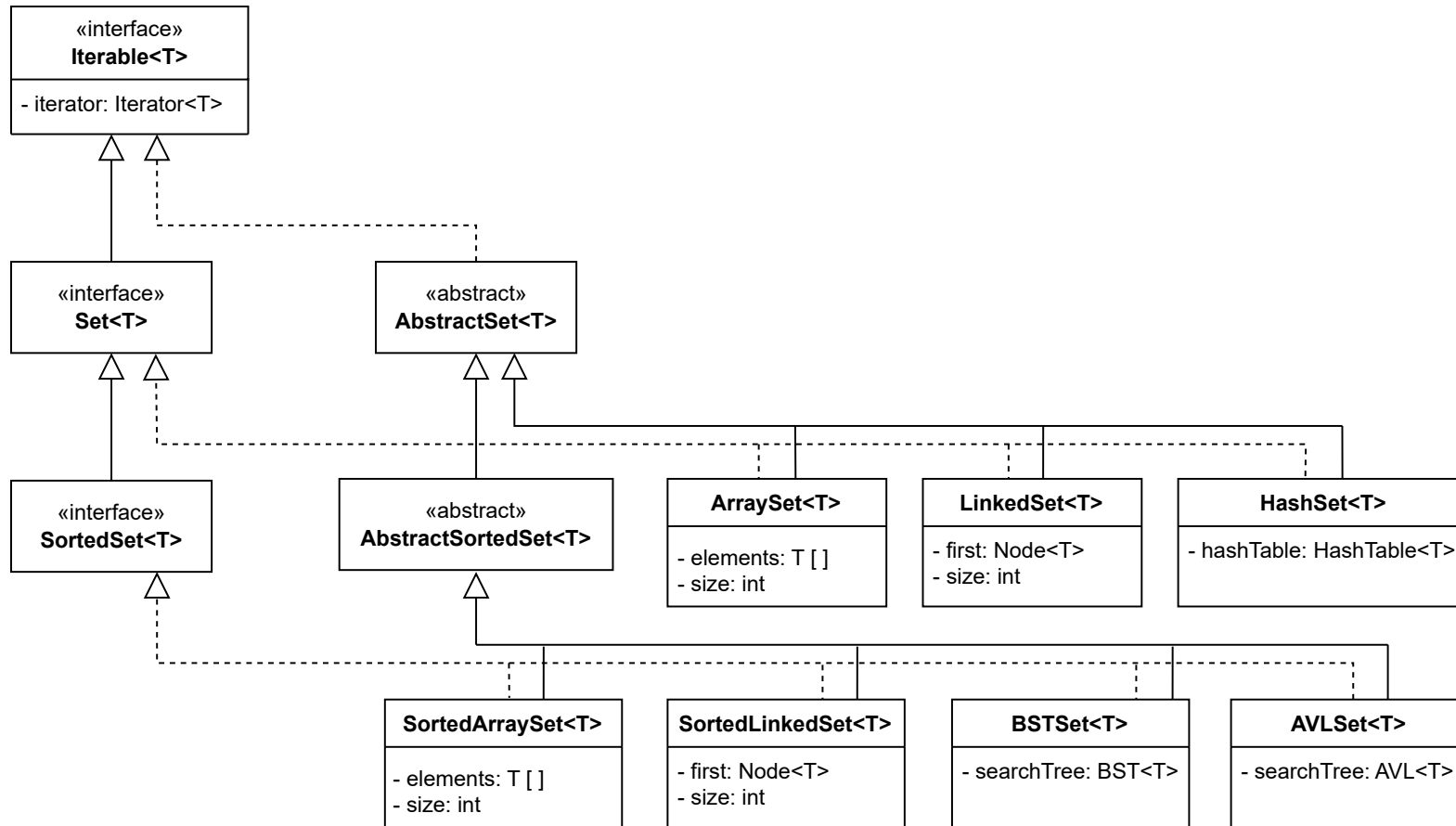
```
package dataStructures.set;

public interface SortedSet<T> extends Set<T> {
    Comparator<T> comparator();
    T minimum();
    T maximum();
}
```

Implementaciones de ADT de conjuntos y conjuntos ordenados

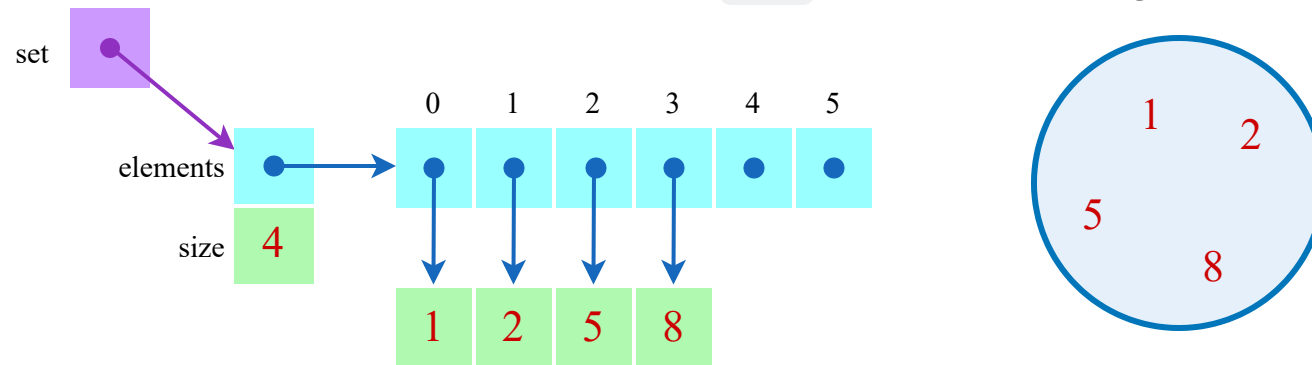
- Un conjunto se puede implementar utilizando diferentes *estructuras de datos*.
- Diferentes *clases* pueden implementar la interfaz `Set<T>` :
 - `ArraySet<T>` : utiliza un array sin ordenar para almacenar elementos.
 - `LinkSet<T>` : utiliza una estructura enlazada no ordenada para almacenar elementos.
 - `HashSet<T>` : utiliza una *tabla hash* para almacenar elementos. La mayoría de las operaciones son $O(1)$.
- Se puede implementar un conjunto ordenado utilizando diferentes *estructuras de datos*.
- Diferentes *clases* pueden implementar la interfaz `SortedSet<T>` :
 - `SortedArraySet<T>` : utiliza un array ordenado para almacenar elementos en orden. Puede utilizar la *búsqueda binaria* para acelerar las operaciones.
 - `SortedLinkSet<T>` : utiliza una estructura enlazada ordenada para almacenar elementos en orden ordenado.
 - `BSTSet<T>` : utiliza un *árbol de búsqueda binaria* para almacenar elementos en orden.
 - `AVLSet<T>` : utiliza un *árbol AVL* para almacenar elementos en orden. La mayoría de las operaciones son $O(\log n)$.
- Las clases abstractas base `AbstractSet<T>` y `AbstractSortedSet<T>` proporcionan implementación para los métodos `equals`, `hashCode` y `toString`.

Implementaciones de ADT de conjuntos y conjuntos ordenados (II)



La clase SortedArraySet

- `SortedArraySet<T>` implementa la interfaz `SortedSet<T>` utilizando un Array *ordenada* para almacenar elementos.
- Inicialmente, la Array tiene un tamaño fijo (*capacidad* del conjunto), pero puede crecer dinámicamente cuando sea necesario.
- El constructor recibe un objeto `Comparator<T>` que se utiliza para determinar la igualdad y el orden de los elementos del conjunto.
- Los elementos se almacenan en la Array entre los índices 0 y `size - 1`, *ordenado* según el comparador.
- A medida que se insertan nuevos elementos, se mantiene el orden.
- La clase también mantiene una variable entera `size` para realizar un seguimiento de la cantidad de elementos en el conjunto.



Implementación de SortedArraySet

```
package dataStructures.set;

public class SortedArraySet<T> extends AbstractSortedSet<T> implements SortedSet<T> {
    private static final int DEFAULT_INITIAL_CAPACITY = 6;

    private T[] elements;
    private Comparator<T> comparator;
    private int size;

    public SortedArraySet(Comparator<T> comparator, int initialCapacity) { // SortedArraySet constructor
        if (initialCapacity <= 0) {
            throw new IllegalArgumentException("initial capacity must be greater than 0");
        }
        this.comparator = comparator;
        elements = (T[]) new Object[initialCapacity];
        size = 0;
    }

    public SortedArraySet(Comparator<T> comparator) { // SortedArraySet constructor
        this(comparator, DEFAULT_INITIAL_CAPACITY);
    }

    ...
}
```


Métodos de fábrica para SortedArraySet

- `empty` : construye un *conjunto vacío* con una capacidad inicial *predeterminada* y ordenado según el *orden natural* de los elementos.
- `empty(Comparator<T> comparator)` : construye un *conjunto vacío* con una capacidad inicial *predeterminada* y ordenado según el comparador proporcionado.
- `withCapacity(int initialCapacity)` : construye un *conjunto vacío* con una capacidad inicial especificada y ordenado según el *orden natural* de los elementos.
- `withCapacity(Comparator<T> comparator, int initialCapacity)` : construye un *conjunto vacío* con una capacidad inicial especificada y ordenado según el comparador proporcionado.
- `of(T ... elementos)` : construye un conjunto *previamente relleno* con los elementos proporcionados, ordenados según el *orden natural* de los elementos.
- `of(Comparator<T> comparator, T... elements)` : construye un conjunto *previamente relleno* con los elementos proporcionados, ordenados según el comparador proporcionado.
- `copyOf(SortedSet<T> set)` : construye un nuevo conjunto que es un *duplicado* del `set` dado, preservando el orden de los elementos.
- `from(Iterable<T> iterable)` : construye un nuevo conjunto que contiene todos los elementos del *iterable* especificado, ordenados según el *orden natural* de los elementos.
- `from(Comparator<T> comparator, Iterable<T> iterable)` : construye un nuevo conjunto que contiene todos los elementos del *iterable* especificado, ordenados según el comparador proporcionado.

El algoritmo de búsqueda binaria

- El *algoritmo de búsqueda binaria* se utiliza para encontrar la posición de un elemento objetivo en un Array *ordenada*.
- En comparación con la *búsqueda lineal*, la búsqueda binaria es *mucho más eficiente* para matrices grandes ($O(\log n)$ vs $O(n)$).
- **Algoritmo:**
 - i. Set `found` to `false`.
 - ii. Set `left` to 0 and `right` to `size - 1`.
 - iii. While `found` is `false` and `left` is less than or equal to `right`:
 - Set `mid` to the average of `left` and `right`.
 - If the target element is equal to the element at index `mid`, set `found` to `true`.
 - Else if the target element is greater than the element at index `mid`, set `left` to `mid + 1`.
 - Else, as the target element is less than the element at index `mid`, set `right` to `mid - 1`.
 - iv. If `found` is `true`, the target element is at index `mid`. Otherwise, it should be inserted at index `left`.

La clase de utilidad `Finder` para `SortedArraySet`

- La clase interna `Finder` se puede utilizar para encontrar la posición de un elemento en la Array *ordenada* de elementos utilizando el *Algoritmo de búsqueda binaria*.

```
private final class Finder {
    boolean found;
    int index;

    Finder(T element) {
        found = false;
        int left = 0, right = size - 1, mid = 0;
        while (!found && left <= right) {
            mid = left + (right - left) / 2;
            int cmp = comparator.compare(element, elements[mid]);
            if (cmp == 0) {
                found = true;
            } else if (cmp > 0) {
                left = mid + 1;
            } else {
                right = mid - 1;
            }
        }
        index = found ? mid : left;
    }
}
```

- Tras la instanciación, el constructor de la clase `Finder` toma un `elemento` de destino y determina su `índice`, ya sea ubicándolo dentro de la Array ordenada o identificando el punto de inserción apropiado para mantener el orden de la Array.

Búsqueda, inserción y eliminación en `SortedArraySet`

- En todos los casos, se utiliza la clase `Finder` para encontrar la posición del elemento de destino en la Array ordenada.
- **Buscando:**
 - El método `contains` utiliza la clase `Finder` para determinar si el elemento de destino está en el conjunto.
- **Insertar:**
 - El método `insert` utiliza la clase `Finder` para encontrar la Posición donde debe insertarse el elemento de destino.
 - Si el elemento no está en el conjunto, los elementos en las posiciones `index` y los siguientes se desplazan hacia la derecha para dejar espacio para el nuevo elemento.
- **Eliminando:**
 - El método `delete` utiliza la clase `Finder` para encontrar el Posición del elemento objetivo.
 - Si el elemento está en el conjunto, los elementos en las posiciones `index + 1` y más allá se desplazan hacia la izquierda para llenar el espacio dejado por el elemento eliminado.

unión, intersección y diferencia en SortedArraySet

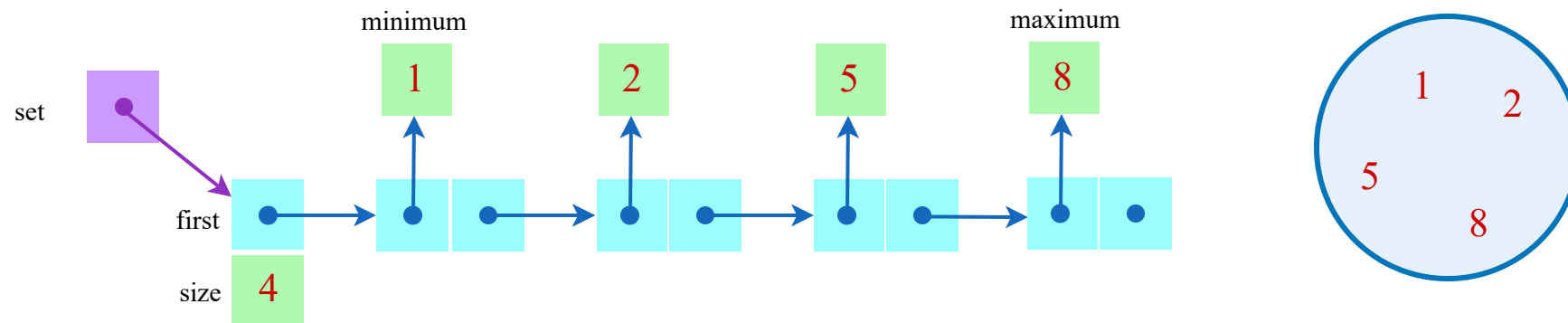
- Los métodos `unión`, `intersección` y `diferencia` se utilizan para realizar operaciones de conjuntos en dos conjuntos ordenados.
- **Unión:**
 - El método `union` devuelve un nuevo conjunto que contiene todos los elementos que se encuentran en cualquiera de los conjuntos.
- **Intersección:**
 - El método `intersection` devuelve un nuevo conjunto que contiene todos elementos que están en ambos conjuntos.
- **Diferencia:**
 - El método `difference` devuelve un nuevo conjunto que contiene todos los elementos que están en el primer conjunto pero no en el segundo.
 - Las implementaciones de estos métodos pueden *aprovechar* el orden de clasificación de los conjuntos para optimizar las operaciones.

- Complejidad computacional de las operaciones de **SortedArraySet**

Operation	Cost
empty	$O(1)$
insert	$O(n)$
delete	$O(n)$
contains	$O(\log n)$
isEmpty	$O(1)$
size	$O(1)$
clear	$O(n)$

La clase `SortedLinkedList`

- `SortedLinkedList<T>` implementa la interfaz `SortedSet<T>` utilizando una estructura enlazada *sorted* para almacenar elementos.
- Los elementos se almacenan en nodos que están vinculados en orden.
- El constructor recibe un objeto `Comparator<T>` que se utiliza para determinar la igualdad y el orden de los elementos del conjunto.
- A medida que se insertan nuevos elementos, se mantiene el orden ordenado.
- La clase mantiene una referencia `first` al primer nodo de la estructura enlazada, que corresponde al elemento mínimo del conjunto.
- La clase también mantiene una variable entera `size` para realizar un seguimiento de la cantidad de elementos en el conjunto.



Implementación de SortedLinkedSet

```
package dataStructures.set;

public class SortedLinkedSet<T> extends AbstractSortedSet<T> implements SortedSet<T> {
    private static final class Node<E> { // Node inner class
        E element;
        Node<E> next;

        Node(E element, Node<E> next) { // Node constructor
            this.element = element;
            this.next = next;
        }
    }

    private Node<T> first;
    private Comparator<T> comparator;
    private int size;

    public SortedLinkedSet(Comparator<T> comparator) { // SortedLinkedSet constructor
        this.comparator = comparator;
        this.first = null;
        this.size = 0;
    }

    ...
}
```

- La clase también proporciona *métodos de fábrica* para construir nuevas instancias que son similares a las proporcionadas por `SortedArraySet`.

La clase de utilidad Finder para SortedLinkedList

- La clase interna Finder ayuda a localizar una posición de un elemento en una estructura enlazada ordenada.

```
private final class Finder {
    boolean found;
    Node<T> previous, current;

    Finder(T element) {
        previous = null;
        current = first;

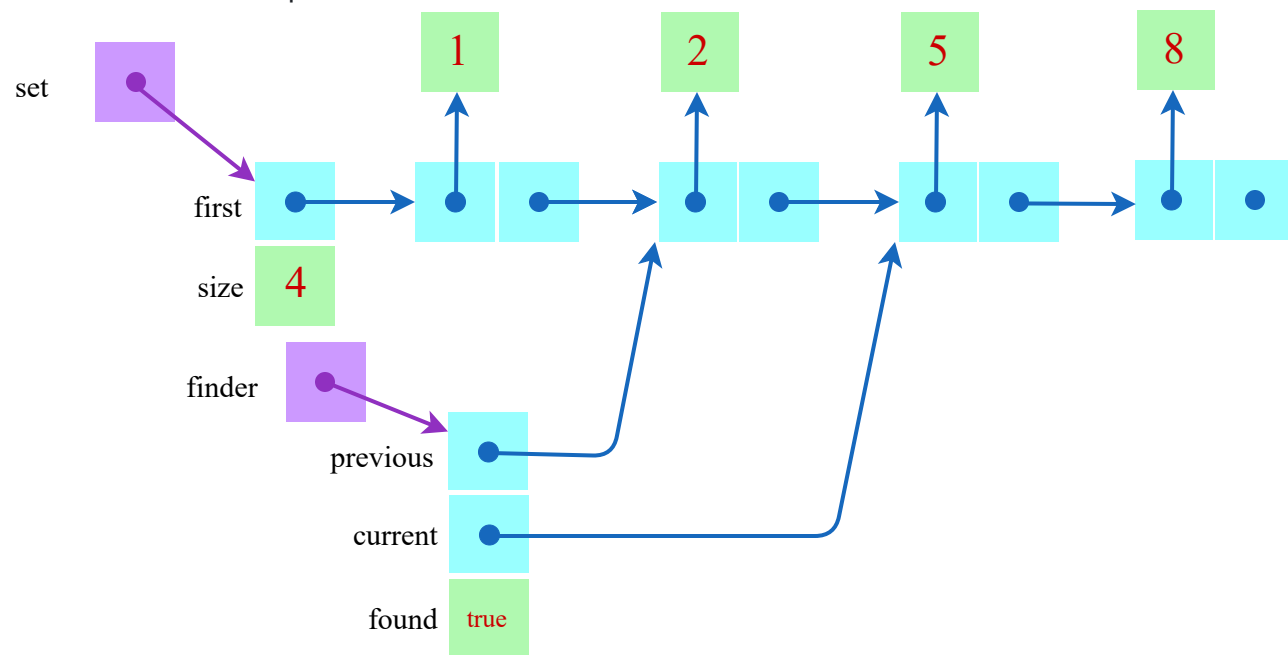
        int cmp = 0;
        while (current != null // the end of the linked structure is not reached
            && (cmp = comparator.compare(element, current.element)) > 0) {
            previous = current;
            current = current.next;
        }

        // element was found if we didn't reach the end of the linked structure
        // and target element is the same as the current element
        found = current != null && cmp == 0;
    }
}
```

- Al crear una instancia, el constructor de la clase Finder toma un elemento de destino y:
- Comprueba cada nodo hasta que encuentra el elemento o llega al nodo donde encajaría el elemento.
- Mientras que "actual" apunta a la coincidencia potencial, "anterior" apunta al nodo anterior. Esto resulta útil para insertar y eliminar elementos en la estructura enlazada ordenada.
- Tenga en cuenta que, si actual se establece en el primer nodo en el estructura enlazada, anterior se establecerá en nulo.
- found se establece en true cuando el elemento está presente en el Estructura enlazada.

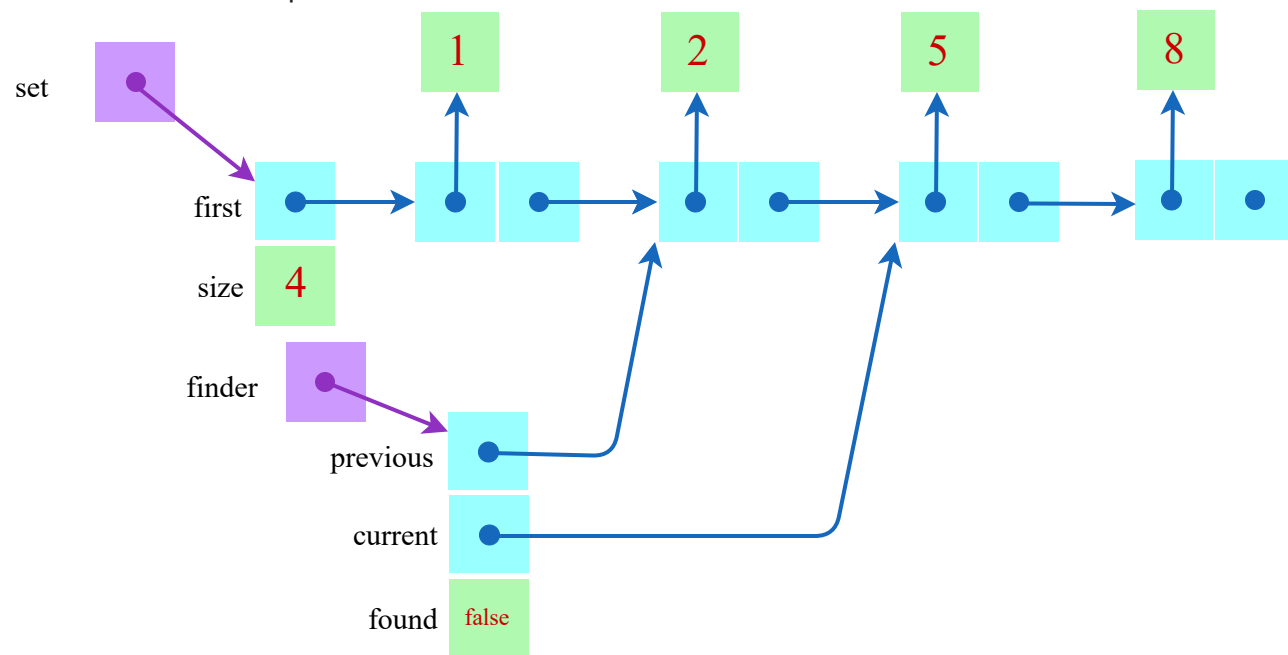
La clase de utilidad `Finder` para `SortedLinkedList` (II)

- Resultado de una búsqueda exitosa del elemento 5:



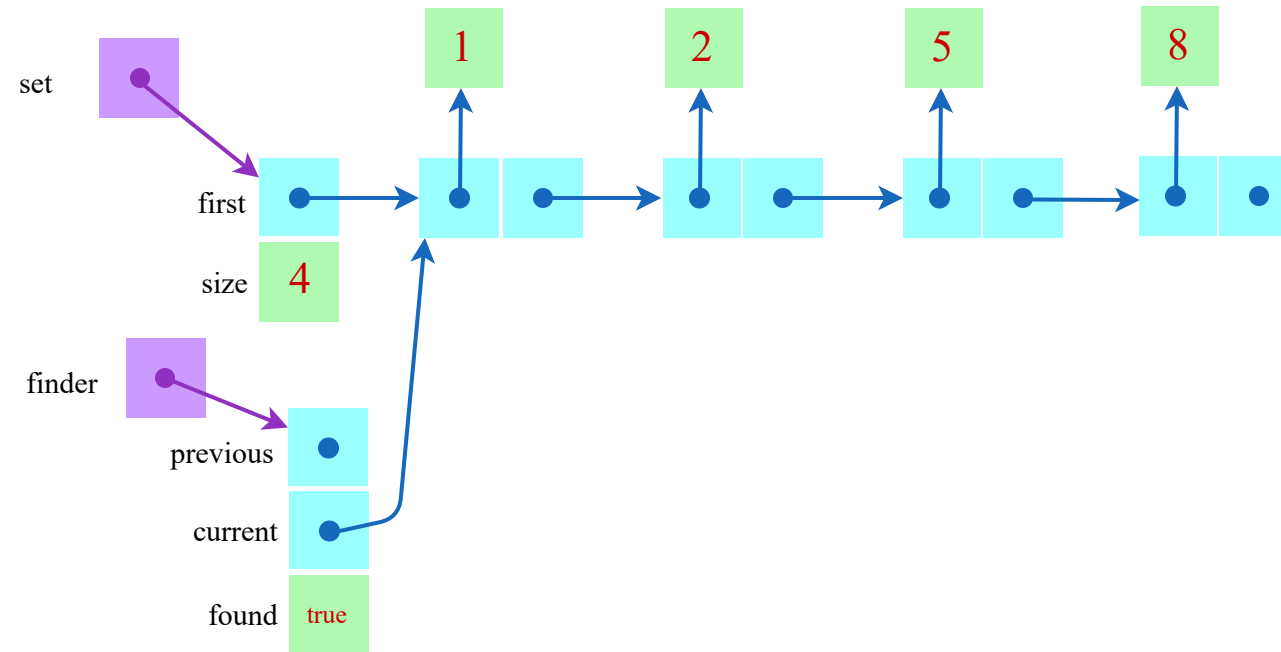
La clase de utilidad `Finder` para `SortedLinkedList` (III)

- Resultado de una búsqueda fallida del elemento 4:



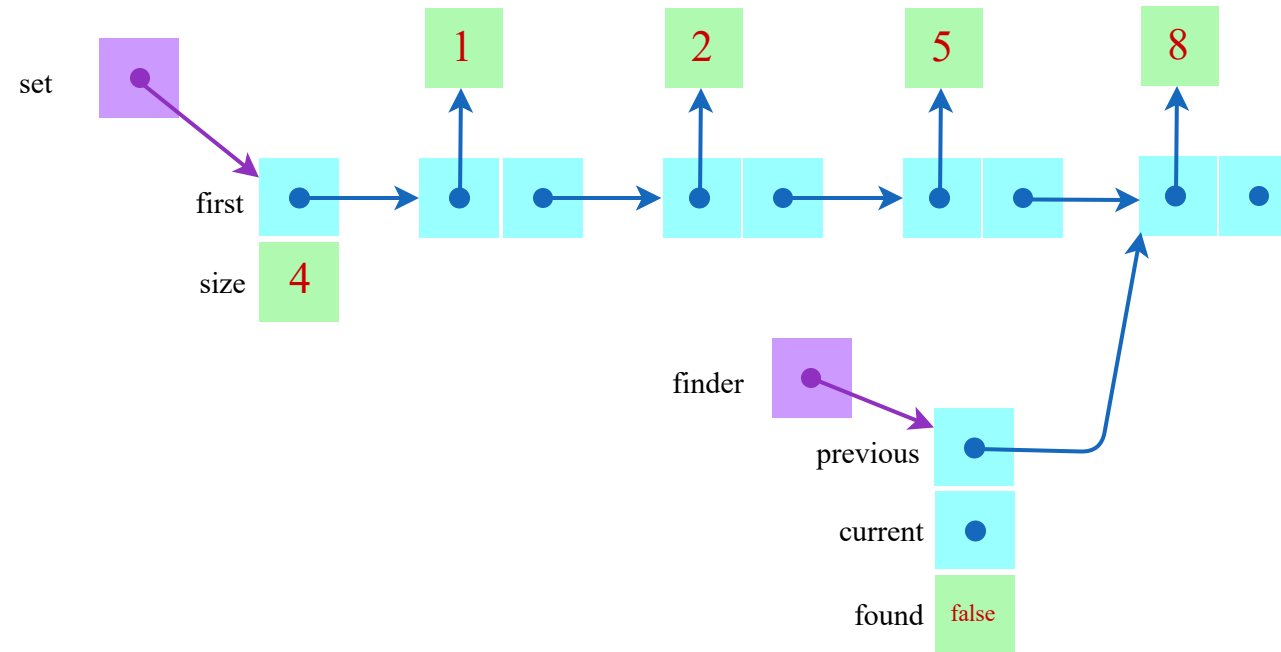
La clase de utilidad `Finder` para `SortedLinkedList` (IV)

- Resultado de una búsqueda exitosa del elemento 1:



La clase de utilidad **Finder** para **SortedLinkedList** (V)

- Resultado de una búsqueda fallida del elemento 9:



Búsqueda, inserción y eliminación en `SortedLinkSet`

- En todos los casos, la clase `Finder` se utiliza para encontrar la posición del elemento de destino en la estructura enlazada ordenada.
- **Buscando:**
 - El método `contains` utiliza la clase `Finder` para determinar si el elemento de destino está en el conjunto.
- **Insertar:**
 - El método `insert` utiliza la clase `Finder` para encontrar la posición donde debe insertarse el elemento de destino.
 - Si el elemento no está en el conjunto, se crea un nuevo nodo con el objetivo. El elemento se inserta entre los nodos `anterior` y `actual`.
 - Tenga en cuenta que, si `anterior` es `nulo`, la referencia `primera` es la que debe actualizarse.
- **Eliminando:**
 - El método `delete` utiliza la clase `Finder` para encontrar la posición del elemento objetivo.
 - Si el elemento está en el conjunto, se actualiza el nodo "anterior" para señalar el nodo `current.next`, eliminando efectivamente el nodo `current` de la estructura enlazada.
 - Tenga en cuenta que, si `anterior` es `nulo`, la referencia `primera` es la que debe actualizarse.

unión, intersección y diferencia en SortedArraySet

- Las implementaciones de estos métodos pueden *aprovechar* el orden de clasificación de los conjuntos para optimizar las operaciones.
- Los conjuntos de entrada ordenados permiten construir el resultado agregando elementos secuencialmente al final, lo que garantiza que la salida permanezca ordenada.
- Sin embargo, agregar al final es costoso ($O(n)$) debido a que `SortedArraySet` solo tiene una referencia al `primer` nodo.
- Se puede utilizar una clase interna auxiliar (`SortedLinkedSetBuilder`) con referencias a los nodos `first` y `last` para construir una nueva estructura enlazada de una manera más eficiente (agregando al final de la estructura se convierte en $O(1)$).
- Una vez construida la nueva estructura enlazada, se puede crear un nuevo objeto `SortedLinkedSet` con el `primer` nodo del `SortedLinkedSetBuilder` auxiliar.

La clase interna `SortedLinkedSetBuilder` para `SortedArrayList`

```
private static final class SortedLinkedSetBuilder<T> {
    Node<T> first, last; // references to the first and last nodes of the linked structure being built
    int size;
    Comparator<T> comparator;

    SortedLinkedSetBuilder(Comparator<T> comparator) { // SortedLinkedSetBuilder constructor
        this.first = null;
        this.last = null;
        this.size = 0;
        this.comparator = comparator;
    }

    void append(T element) { // appends a new element to the end of the linked structure
        assert first == null || comparator.compare(element, last.element) > 0;

        Node<T> node = new Node<>(element, null);
        if (first == null) {
            first = node;
        } else {
            last.next = node;
        }
        last = node;
        size++;
    }

    SortedLinkedSet<T> toSortedLinkedSet() { // creates a new SortedLinkedSet from the builder
        return new SortedLinkedSet<>(this);
    }
}

private SortedLinkedSet(SortedLinkedSetBuilder<T> builder) { // copies first, size and comparator
    this.first = builder.first;
    this.size = builder.size;
    this.comparator = builder.comparator;
}
```


Complejidad computacional de las operaciones de SortedArraySet

Operation	Cost
empty	$O(1)$
insert	$O(n)$
delete	$O(n)$
contains	$O(n)$
isEmpty	$O(1)$
size	$O(1)$
clear	$O(1)$

Comparación experimental entre SortedArraySet y SortedLinkedSet

- Medimos el tiempo de ejecución al realizar 50000 operaciones aleatorias (`insertar` , `eliminar` o `contiene`) en un conjunto inicialmente vacío.
- Usando una CPU Intel i7 860 y JDK 22:
- `SortedArraySet` fue aproximadamente 6,80 veces más rápido que `SortedLinkedList` .

El TAD Diccionario

- Un *diccionario* es una colección que almacena elementos como *pares clave-valor (entradas)*.
- Cada clave del diccionario es *única* (sin repeticiones) y se utiliza para acceder al valor asociado.
- **Operaciones:**
 - `insert` : inserta un par clave-valor en el diccionario. Si ya existe una entrada con esa clave en el diccionario, se actualiza su valor.
 - `delete` : elimina un par clave-valor del diccionario. Si la clave no está en el diccionario, permanece inalterada.
 - `valueOf` : Devuelve el valor asociado con una clave en el diccionario. Si la clave no está en el diccionario, devuelve `null`.
 - `valueOfOrDefault` : Devuelve el valor asociado con una clave en el diccionario. Si la clave no está en el diccionario, devuelve un valor predeterminado.
 - `isDefinedAt` : comprueba si una clave está en el diccionario.
 - `isEmpty` : Comprueba si el diccionario está vacío.
 - `size` : Devuelve el número de pares clave-valor en el diccionario.
 - `clear` : elimina todos los pares clave-valor del diccionario.
 - `keys` : Devuelve un `Iterable` para recorrer las claves del diccionario.
 - `values` : Devuelve un `Iterable` para recorrer los valores de el diccionario.
 - `entries` : Devuelve un `Iterable` para recorrer los pares clave-valor del diccionario.



El diccionario en Java

- El interfaz `Dictionary<K, V>` define un diccionario con clave de tipo `K` y valor de tipo `V`.

```
package dataStructures.dictionary;

public interface Dictionary<K, V> extends Iterable<Dictionary.Entry<K, V>> {
    record Entry<K, V>(K key, V value) { // record to represent key-value pairs
        public static <K, V> Entry<K, V> of(K key, V value) { return new Entry<>(key, value); }

        public static <K, V> Entry<K, V> withKey(K key) { return new Entry<>(key, null); }

        public boolean equals(Object obj) { // equality only depends on the key
            return obj instanceof Entry<?, ?> entry && key.equals(entry.key);
        }

        public int hashCode() { return key.hashCode(); } // hash code only depends on the key

        public String toString() { return "Entry(" + key + ", " + value + ")"; }

        static <K, V> Comparator<Entry<K, V>> onKeyComparator(Comparator<K> keyComparator) {
            return (entry1, entry2) -> keyComparator.compare(entry1.key, entry2.key);
        }
    }

    void insert(K key, V value);
    void insert(Entry<K, V> entry);
    void delete(K key);
    boolean isDefinedAt(K key);
    V valueOf(K key);
    V valueOfOrDefault(K key, V defaultValue);
    boolean isEmpty();
    int size();
    void clear();
    Iterable<K> keys();
    Iterable<V> values();
    Iterable<Entry<K, V>> entries();
}
```

El TAD diccionario ordenado en Java

- Un *diccionario ordenado* es un diccionario donde las claves se almacenan en *orden ordenado*.
- Cuando se itera un diccionario ordenado, los elementos se devuelven en orden ordenado.
- **Operaciones:**
 - `comparator` : Devuelve el comparador que define el *igualdad y ordenación* de claves dentro del diccionario.
 - `minimum` : devuelve el par clave-valor con la clave más pequeña, según lo determinado por el comparador, del diccionario. Lanza una `NoSuchElementException` si el diccionario está vacío.
 - `maximum` : devuelve el par clave-valor con la clave más grande, según lo determinado por el comparador, del diccionario. Lanza una `NoSuchElementException` si el diccionario está vacío.

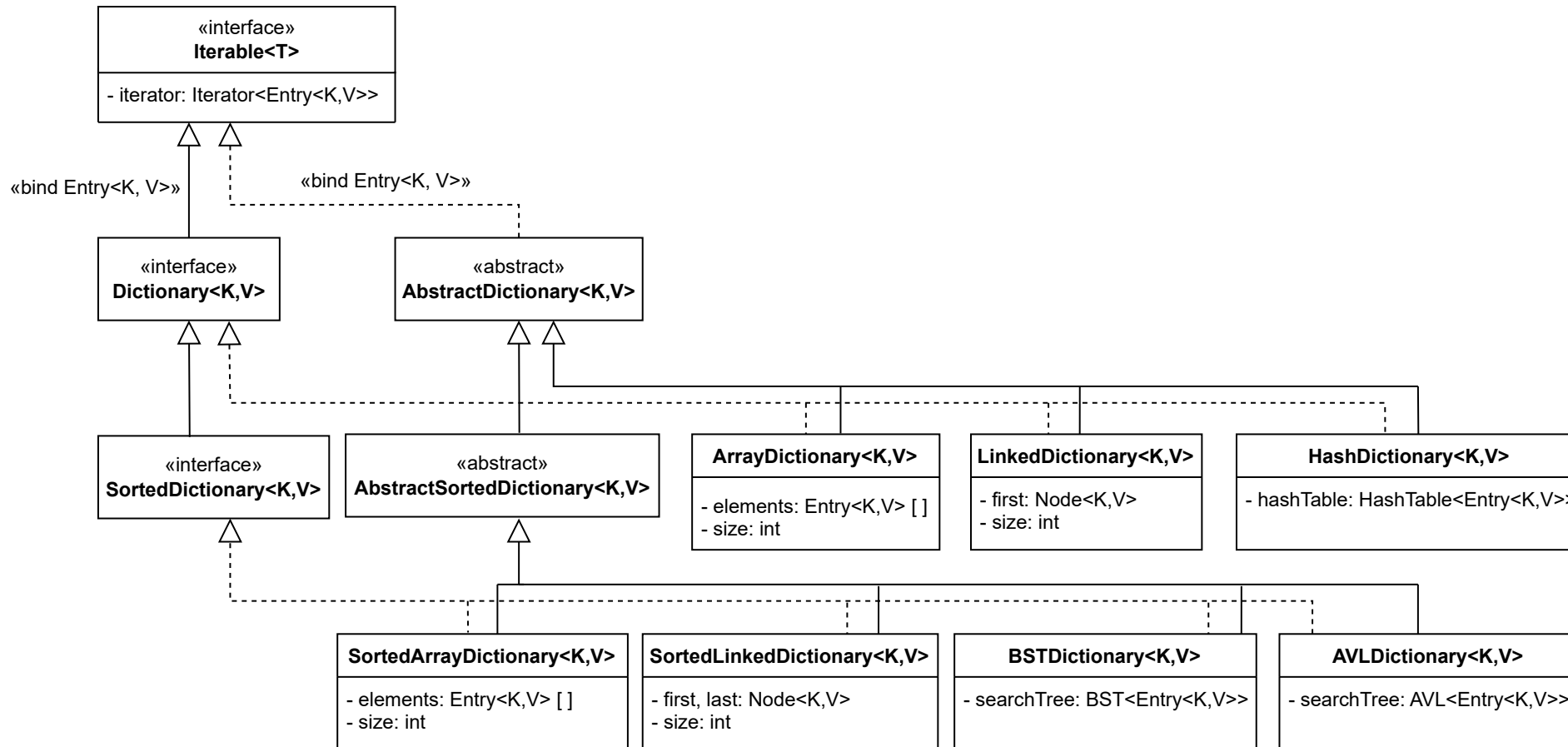
```
package dataStructures.dictionary;

public interface SortedDictionary<K, V> extends Dictionary<K, V> {
    Comparator<K> comparator();
    Entry<K, V> minimum();
    Entry<K, V> maximum();
}
```

Implementaciones de TAD de diccionario y SortedDictionary

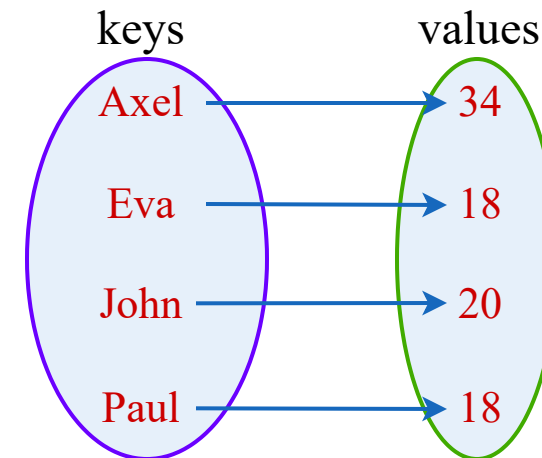
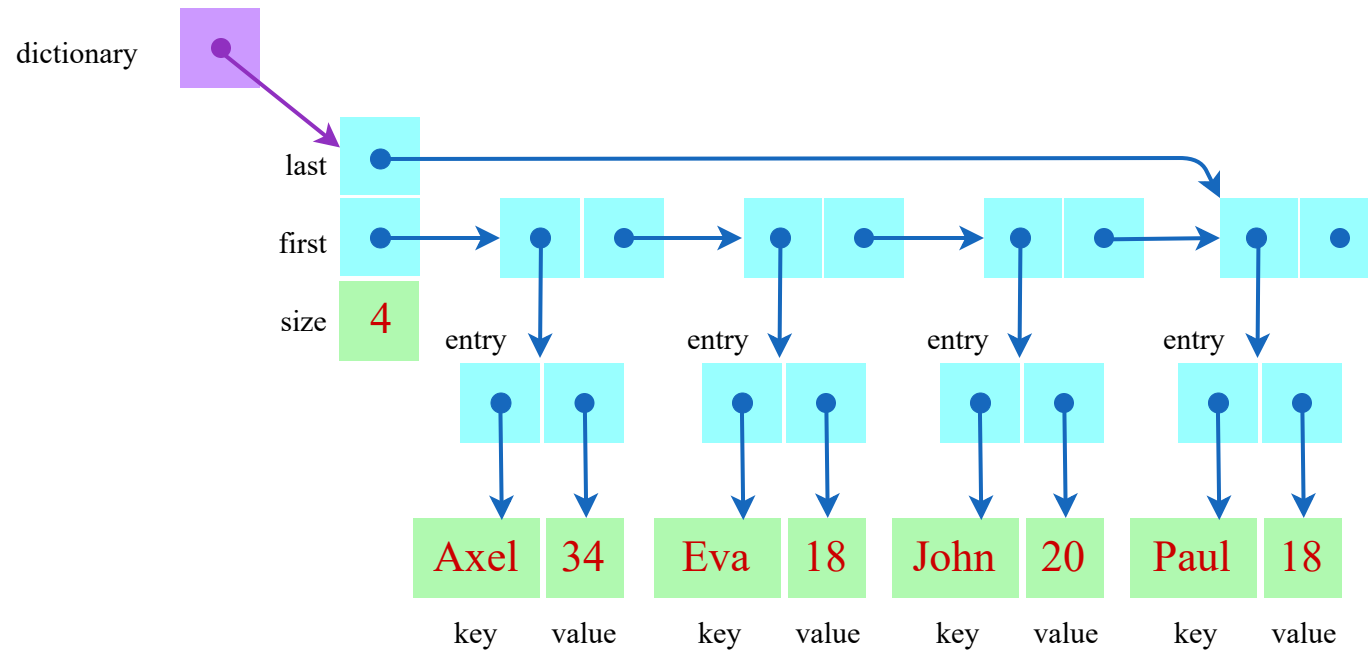
- Un diccionario se puede implementar utilizando diferentes *estructuras de datos*.
- Diferentes *clases* pueden implementar la interfaz `Dictionary<K, V>` :
 - `ArrayDictionary<K, V>` : utiliza un Array sin ordenar para almacenar pares clave-valor.
 - `LinkedDictionary<K, V>` : utiliza una estructura enlazada sin ordenar para almacenar pares clave-valor.
 - `HashDictionary<K, V>` : utiliza una *tabla hash* para almacenar pares clave-valor. La mayoría de las operaciones son $O(1)$.
- Se puede implementar un diccionario ordenado utilizando diferentes *estructuras de datos*.
- Diferentes *clases* pueden implementar la interfaz `SortedDictionary<K, V>` :
 - `SortedArrayDictionary<K, V>` : utiliza un Array ordenada para almacenar pares clave- valor en orden ordenado (según las claves). Puede utilizar la *búsqueda binaria* para acelerar las operaciones.
 - `SortedLinkedDictionary<K, V>` : utiliza un diccionario vinculado ordenado Estructura para almacenar pares clave-valor en orden ordenado.
 - `BSTDictionay<K, V>` : utiliza un *árbol de búsqueda binaria* para Almacenar pares clave-valor en orden ordenado.
 - `AVLDictionary<K, V>` : utiliza un *árbol AVL* para almacenar claves. pares de valores en orden ordenado. La mayoría de las operaciones son $O(\log n)$.
- Las clases abstractas base `AbstractDictionary<K, V>` y `AbstractSortedDictionary<K, V>` proporcionan implementación para los métodos `equals` , `hashCode` y `toString` .

Implementaciones de ADT de diccionarios y SortedDictionary (II)



La clase `SortedLinkedDictionary`

- La clase `SortedLinkedDictionary<K, V>` implementa la interfaz `SortedDictionary<K, V>`.
- De acuerdo con el principio fundamental de un diccionario, cada clave es *distinta*, lo que garantiza que no haya duplicación de claves dentro de la estructura.
- Utiliza un `Comparator<K>`, proporcionado en la construcción, para determinar la igualdad y el orden de las claves.
- Internamente, mantiene una estructura enlazada de nodos, cada uno sosteniendo una `Entrada<K, V>` que representa un par clave-valor.
- La estructura enlazada se mantiene en *orden de clave* ascendente (según el comparador).
- Una referencia `primera` apunta al nodo con la clave más pequeña, mientras que una referencia `última` apunta al nodo con la clave más grande.
- El atributo `size` rastrea el recuento actual de clave-valor pares contenidos en el diccionario.

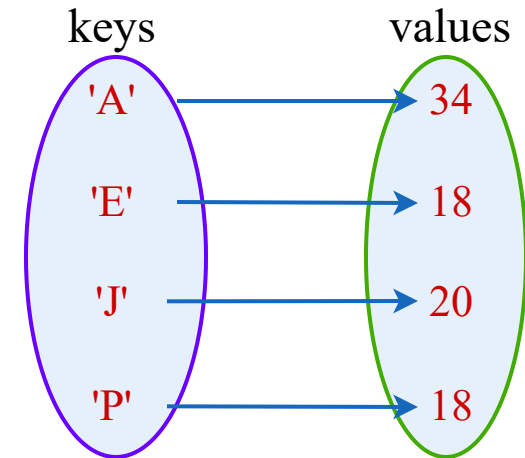
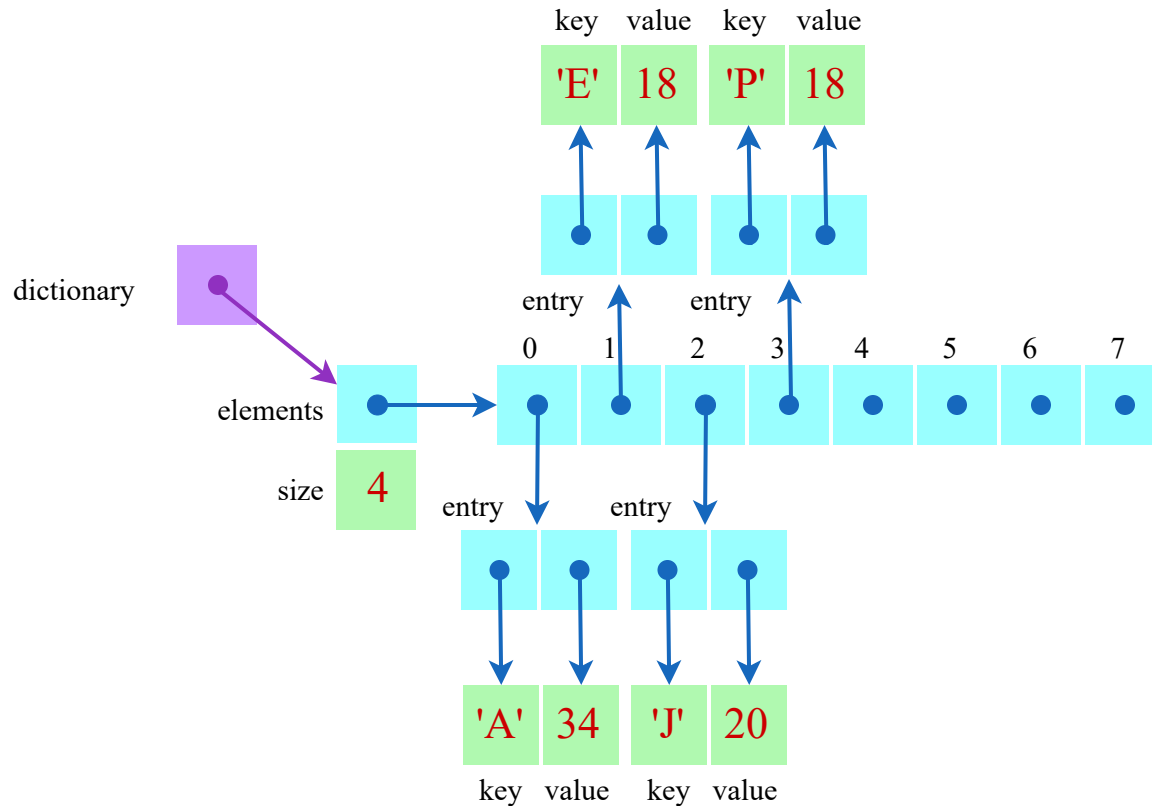


Complejidad computacional de SortedLinkedDictionary

Operation	Cost
empty	$O(1)$
insert	$O(n)$
delete	$O(n)$
isDefinedAt	$O(n)$
valueOf	$O(n)$
valueOfOrDefault	$O(n)$
isEmpty	$O(1)$
size	$O(1)$
clear	$O(1)$

La clase `SortedArrayDictionary`

- La clase `SortedArrayDictionary<K, V>` implementa la interfaz `SortedDictionary<K, V>`.
- Utiliza un `Comparator<K>`, proporcionado en la construcción, para determinar la igualdad y el orden de las claves.
- Internamente, mantiene un Array de celdas, cada una de las cuales contiene una `Entrada<K, V>` que representa un par clave-valor.
- Inicialmente, la Array tiene un tamaño fijo (la *capacidad* del diccionario), pero puede crecer dinámicamente cuando sea necesario.
- La Array se mantiene en orden de clave ascendente (según al comparador).
- El atributo `size` rastrea el recuento actual de clave-valor pares contenidos en el diccionario.



Complejidad computacional de `SortedArrayDictionary`

Operation	Cost
<code>empty</code>	$O(1)$
<code>insert</code>	$O(n)$
<code>delete</code>	$O(n)$
<code>isDefinedAt</code>	$O(\log n)$
<code>valueOf</code>	$O(\log n)$
<code>valueOfOrDefault</code>	$O(\log n)$
<code>isEmpty</code>	$O(1)$
<code>size</code>	$O(1)$
<code>clear</code>	$O(n)$

El TAD cola de prioridad

- Una **cola de prioridad** es una colección que almacena elementos con una *prioridad* asociada.
- Los elementos se ponen en cola en orden arbitrario, pero se quitan de la cola en orden de prioridad.
- **Operaciones:**
 - **enqueue** : Agrega un elemento con una prioridad a la prioridad cola.
 - **dequeue** : elimina el elemento con mayor prioridad.
 - **first** : Devuelve el elemento con mayor prioridad sin quitarlo.
 - **isEmpty** : verifica si la cola de prioridad no contiene elementos.
 - **size** : Devuelve el número de elementos en la prioridad cola.
 - **clear** : purga todos los elementos, limpiando completamente la cola de prioridad.



El ADT PriorityQueue en Java

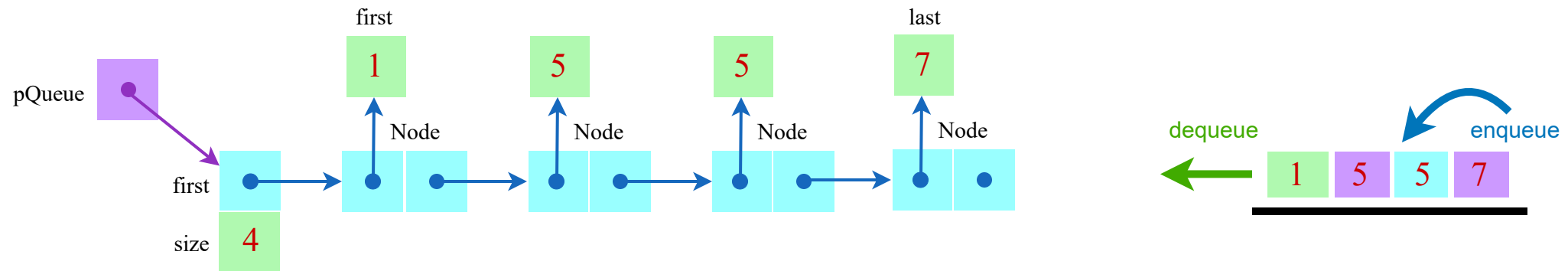
- La interfaz `PriorityQueue<T>` define una cola de prioridad con elementos de tipo `T`.
- Utiliza un `Comparator<T>` para asignar prioridades a los elementos, siguiendo el principio de que se considera que un elemento tiene una *prioridad más alta* si es *más pequeño* según los criterios del comparador. Esto también se conoce como *cola de prioridad mínima*.

```
package dataStructures.priorityQueue;

public interface PriorityQueue<T> {
    Comparator<T> comparator();
    void enqueue(T element);
    void dequeue();
    T first();
    boolean isEmpty();
    int size();
    void clear();
}
```

La clase `SortedLinkedListPriorityQueue`

- La clase `SortedLinkedListPriorityQueue<T>` implementa la interfaz `PriorityQueue<T>`.
- Utiliza un `Comparator<T>`, proporcionado en la construcción, para determinar la prioridad de los elementos.
- Internamente, mantiene una estructura enlazada de nodos, cada uno que contiene un elemento y una referencia al siguiente nodo.
- La estructura enlazada se mantiene en *elemento ascendente orden* (según el comparador).
- Una referencia `primera` apunta al nodo con el *más pequeño elemento*, que es el elemento con la *prioridad más alta*.
- El atributo `size` rastrea el recuento total de todos los elementos en la cola de prioridad.

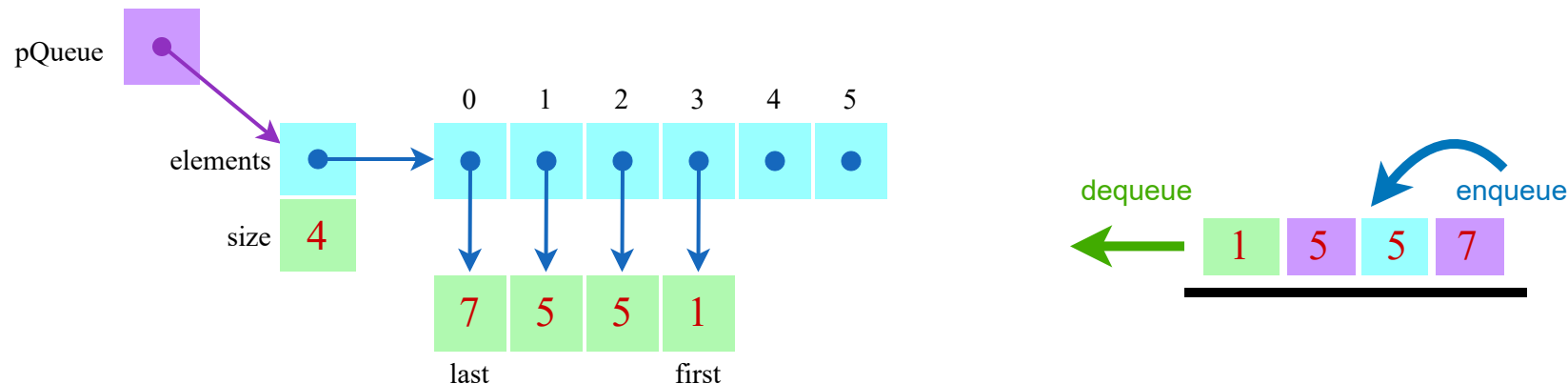


Complejidad computacional de SortedLinkedListPriorityQueue

Operation	Cost
<code>empty</code>	$O(1)$
<code>enqueue</code>	$O(n)$
<code>dequeue</code>	$O(1)$
<code>first</code>	$O(1)$
<code>isEmpty</code>	$O(1)$
<code>size</code>	$O(1)$

La clase `SortedArrayPriorityQueue<T>`

- Implementa la interfaz `PriorityQueue<T>`, organizando elementos por prioridad.
- Un `Comparator<T>`, proporcionado en la construcción, determina la prioridad de los elementos, donde los *valores más pequeños* indican una *prioridad más alta*.
- Internamente, mantiene un Array de celdas, cada una de las cuales contiene un elemento.
- Comienza con una capacidad fija, pero es capaz de expandirse dinámicamente según sea necesario.
- La Array se *ordena en orden descendente* según el comparador, lo que facilita una gestión eficiente de las prioridades.
- El atributo `size` denota el número total de elementos en la cola.
- El elemento con mayor prioridad se ubica al final de la Array, en el índice `size - 1`, lo que permite una eliminación eficiente simplemente disminuyendo el `size`.

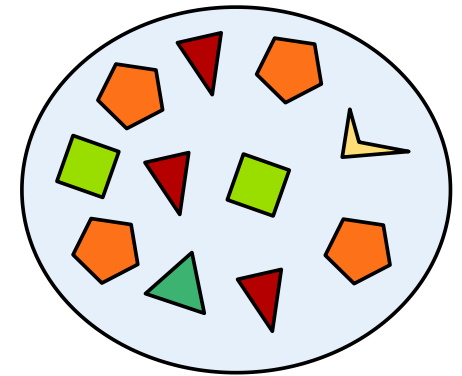


Complejidad computacional de SortedArrayPriorityQueue Operaciones

Operation	Cost
empty	$O(1)$
enqueue	$O(n)$
dequeue	$O(1)$
first	$O(1)$
isEmpty	$O(1)$
size	$O(1)$

El TAD bolsa (también conocido como Multiset)

- Una **bolsa** (también conocida como **multiconjunto**) es una colección que permite el almacenamiento de elementos, incluidas múltiples instancias del mismo elemento, denominadas *ocurrencias*.
- **Operaciones:**
 - `insert` : Agrega una nueva instancia de un elemento a la bolsa.
 - `delete` : Elimina una sola instancia de un elemento de la bolsa.
 - `contains` : Verifica si un elemento está presente en la bolsa.
 - `occurrences` : Determina el recuento de instancias de un elemento. Elemento específico dentro de la bolsa (devuelve 0 si está ausente).
 - `isEmpty` : verifica si la bolsa no contiene elementos.
 - `size` : calcula el recuento total de todos los elementos en la bolsa. Bolsa, incluidos duplicados.
 - `clear` : Purga todos los elementos, limpiando la bolsa por completo.
 - `iterator` : Proporciona un `Iterador` para navegar a través de los elementos de la bolsa, iterando varias veces sobre elementos con varias instancias.



Bag of Polygons

El TAD Bag y SortedBag en Java

- La interfaz `Bag<T>` define una bolsa con elementos de tipo `T`.

```
package dataStructures.bag;

public interface Bag<T> extends Iterable<T> {
    void insert(T element);
    void delete(T element);
    boolean contains(T element);
    int occurrences(T element);
    boolean isEmpty();
    int size();
    void clear();
}
```

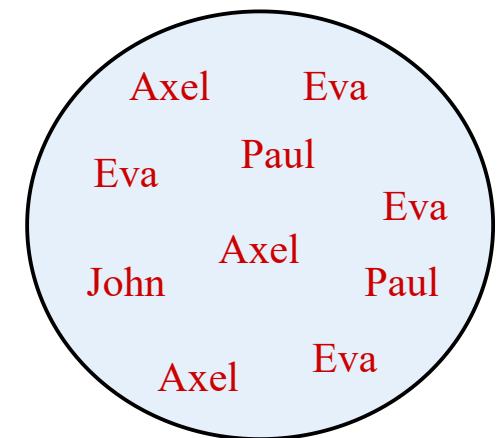
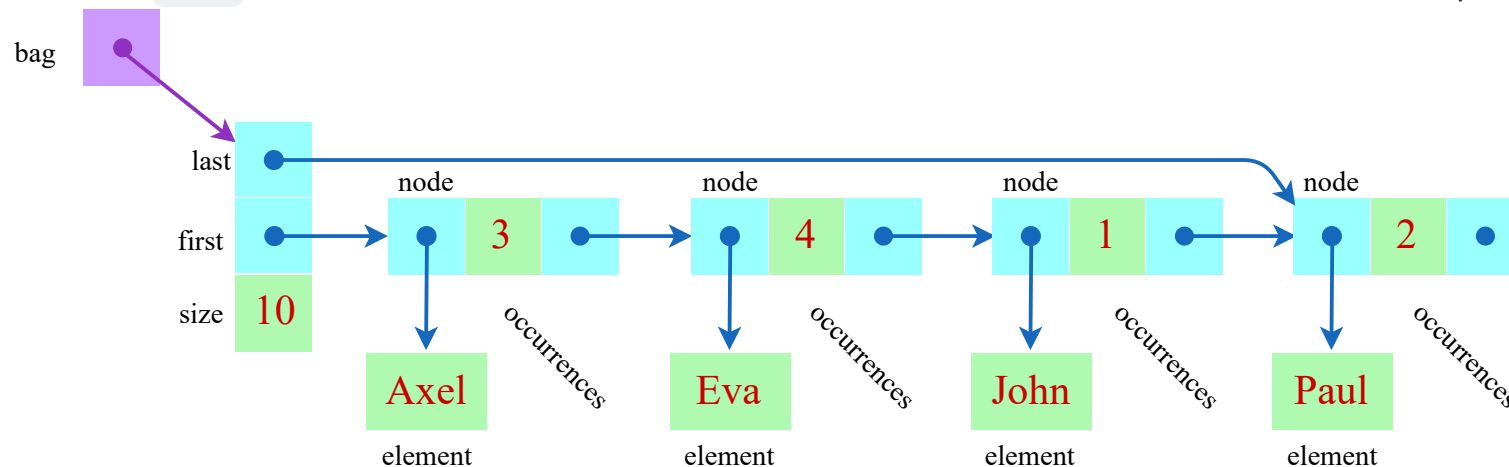
- `SortedBag<T>` define una bolsa ordenada con elementos de tipo `T`.

```
package dataStructures.bag;

public interface SortedBag<T> extends Bag<T> {
    Comparator<T> comparator();
    T minimum();
    T maximum();
}
```

La clase SortedLinkedBag

- La clase `SortedLinkedBag<T>` implementa la clase `SortedBag<T>` interfaz.
- Utiliza un `Comparator<T>`, proporcionado en la construcción, para definir la igualdad y el orden de los elementos.
- Internamente, mantiene una estructura enlazada de nodos, cada uno de los cuales contiene un elemento, un recuento de ocurrencias y una referencia al siguiente nodo.
- Cada nodo dentro de la estructura enlazada contiene un *distinto* elemento y un número *positivo* de ocurrencias. Cualquier nodo con cero ocurrencias se elimina de la estructura.
- La estructura enlazada se mantiene en orden ascendente *elemento orden* (según el comparador).
- Una referencia `primera` apunta al nodo con el elemento más pequeño, mientras que una referencia `última` apunta al nodo con el elemento más grande.
- El atributo `size` rastrea el recuento total de todos los elementos en la bolsa, incluidos los duplicados.

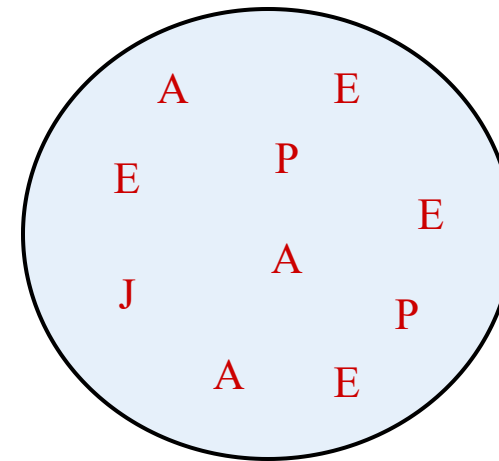
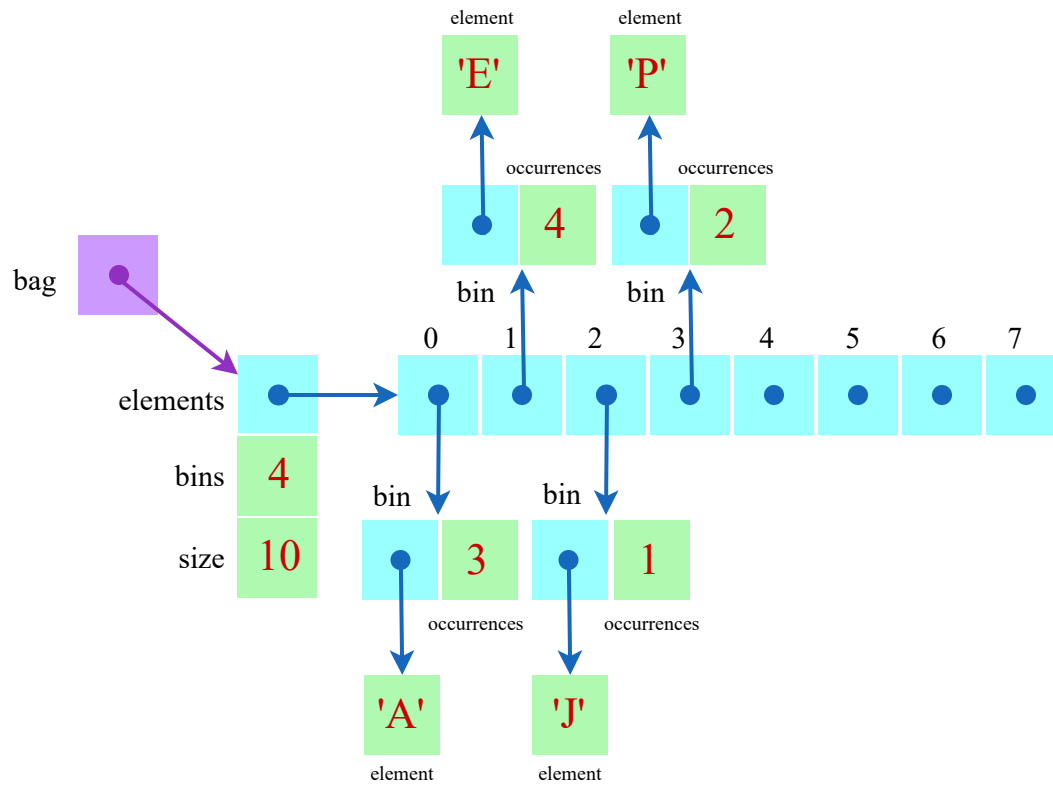


Complejidad computacional de las operaciones de SortedLinkedList

Operation	Cost
empty	$O(1)$
insert	$O(n)$
delete	$O(n)$
contains	$O(n)$
occurrences	$O(n)$
isEmpty	$O(1)$
size	$O(1)$
clear	$O(1)$

La clase `SortedArrayBag`

- La clase `SortedArrayBag<T>` implementa `SortedBag<T>` interfaz.
- Utiliza un `Comparator<T>`, proporcionado en la construcción, para definir la igualdad y el orden de los elementos.
- Internamente, la estructura está compuesta por un Array de celdas, y cada celda contiene un `Bin<T>`, que significa un emparejamiento de un elemento y la cantidad de veces que ocurre.
- Cada contenedor de la estructura contiene un elemento *distinto* y un número de ocurrencias *positivo*. Cualquier contenedor con cero ocurrencias se elimina de la estructura.
- Inicialmente, la Array tiene un tamaño fijo (la *capacidad* de la bolsa), pero puede crecer dinámicamente cuando sea necesario.
- La Array se mantiene en *orden de elementos* ascendente (según el comparador).
- El atributo `bins` cuenta la cantidad de celdas utilizadas actualmente en la bolsa.
- El atributo de tamaño suma el número total de elementos en el bolsa, contando cada ocurrencia.



Complejidad computacional de las operaciones de `SortedArrayBag`

Operation	Cost
<code>empty</code>	$O(1)$
<code>insert</code>	$O(n)$
<code>delete</code>	$O(n)$
<code>contains</code>	$O(\log n)$
<code>occurrences</code>	$O(\log n)$
<code>isEmpty</code>	$O(1)$
<code>size</code>	$O(1)$
<code>clear</code>	$O(n)$