Capítulo 4

Almacenamiento de tablas en archivos e índices



Organización de los discos rígidos

- La superficie del plato de un disco se divide en pistas circulares.
 - Suele haber en los discos rígidos entre 50 mil y 100 mil pistas por plato.
- Cada pista se divide en sectores.
 - Un sector es la unidad de datos más chica que puede ser leída o escrita.
 - Una pista suele tener entre 500 y 1000 sectores para pistas internas y entre 1000 y 2000 sectores para pistas externas.
 - El tamaño de un sector suele ser típicamente 512 B.
- Un bloque es un a secuencia contigua de sectores de una pista.
 - Los datos son transferidos entre el disco y la memoria principal en bloques.
 - El tamaño de un bloque va desde 512 B a varios KiB.
 - El tamaño típico de un bloque va de 4 KiB a 16 KiB.

Organización de archivos

- La BD es almacenada como una colección de archivos.
- Cada archivo es una secuencia de registros.
- Un registro es una secuencia de campos.
 - Pueden pensar una tabla de la BD como un conjunto de registros.
- Un enfoque:
 - El tamaño de registro es fijo
 - Cada archivo tiene registros de un tipo particular solamente
 - Diferentes archivos son usados para tablas diferentes de la BD.
- Este es el caso más fácil de implementar.

Enfoque de registros de tamaño fijo

- Idea: Almacenar registro i desde el byte n*(i-1), donde n es el tamaño de cada registro.
 - Con esta idea registros pueden cruzar bloques.
- Modificación: que cada registro esté en un bloque.
- Analizamos el borrado de registros.
 - Vemos distintas alternativas para hacerlo.

Borrar registro 3 y compactar

Borrar registro i:

- Mover registros i+1,..., n a i,..., n-1.

Si tenemos registros 1, 2, 3, 4, 5 Borrar 3 sería mover 4, 5 (todo lo mayor a 3) a la posicion de 3

Es decir 1, 2, 3, 4, 5 <-----1, 2, 4, 5, _

10101	Srinivasan	Comp. Sci.	65000
12121	Wu	Finance	90000
15151	Mozart	Music	40000
22222	Einstein	Physics	95000
32343	El Said	History	60000
33456	Gold	Physics	87000
45565	Katz	Comp. Sci.	75000
58583	Califieri	History	62000
76543	Singh	Finance	80000
76766	Crick	Biology	72000
83821	Brandt	Comp. Sci.	92000
98345	Kim	Elec. Eng.	80000
	12121 15151 22222 32343 33456 45565 58583 76543 76766 83821	12121 Wu 15151 Mozart 22222 Einstein 32343 El Said 33456 Gold 45565 Katz 58583 Califieri 76543 Singh 76766 Crick 83821 Brandt	12121 Wu Finance 15151 Mozart Music 22222 Einstein Physics 32343 El Said History 33456 Gold Physics 45565 Katz Comp. Sci. 58583 Califieri History 76543 Singh Finance 76766 Crick Biology 83821 Brandt Comp. Sci.

record 0	10101	Srinivasan	Comp. Sci.	65000
record 1	12121	Wu	Finance	90000
record 2	15151	Mozart	Music	40000
record 4	32343	El Said	History	60000
record 5	33456	Gold	Physics	87000
record 6	45565	Katz	Comp. Sci.	75000
record 7	58583	Califieri	History	62000
record 8	76543	Singh	Finance	80000
record 9	76766	Crick	Biology	72000
record 10	83821	Brandt	Comp. Sci.	92000
record 11	98345	Kim	Elec. Eng.	80000

Borrar registro 3 y mover el último registro

Borrar registro i:

- Mover último registro n a i.

Es un SWAP de listas de TODA la vida la diferencia es que el campo i se elimina

record 0	10101	Srinivasan	Comp. Sci.	65000
record 1	12121	Wu	Finance	90000
record 2	15151	Mozart	Music	40000
record 3	22222	Einstein	Physics	95000
record 4	32343	El Said	History	60000
record 5	33456	Gold	Physics	87000
record 6	45565	Katz	Comp. Sci.	75000
record 7	58583	Califieri	History	62000
record 8	76543	Singh	Finance	80000
record 9	76766	Crick	Biology	72000
record 10	83821	Brandt	Comp. Sci.	92000
record 11	98345	Kim	Elec. Eng.	80000

record 0	10101	Srinivasan	Comp. Sci.	65000
record 1	12121	Wu	Finance	90000
record 2	15151	Mozart	Music	40000
record 11	98345	Kim	Elec. Eng.	80000
record 4	32343	El Said	History	60000
record 5	33456	Gold	Physics	87000
record 6	45565	Katz	Comp. Sci.	75000
record 7	58583	Califieri	History	62000
record 8	76543	Singh	Finance	80000
record 9	76766	Crick	Biology	72000
record 10	83821	Brandt	Comp. Sci.	92000

header guarda direccion del primer borrado el primer borrado guarda la direccion del siguiente borrado el segundo borrado guarda la direccion del siguiente borrado

Uso de listas enlazadas

Cuando no hay mas borrads el ultimo no guarda puntero a nada

No se mueven registros, pero se enlazan los registros libres en una lista.

 Almacenar la dirección del primer registro borrado en un encabezado del archivo.

V					
header				,	
record 0	10101	Srinivasan	Comp. Sci.	65000	
record 1				Ą	
record 2	15151	Mozart	Music	40000	
record 3	22222	Einstein	Physics	95000	
record 4					
record 5	33456	Gold	Physics	87000	
record 6				<u>*</u>	
record 7	58583	Califieri	History	62000	
record 8	76543	Singh	Finance	80000	
record 9	76766	Crick	Biology	72000	
record 10	83821	Brandt	Comp. Sci.	92000	
record 11	98345	Kim	Elec. Eng.	80000	

record 0	10101	Srinivasan	Comp. Sci.	65000
record 1	12121	Wu	Finance	90000
record 2	15151	Mozart	Music	40000
record 3	22222	Einstein	Physics	95000
record 4	32343	El Said	History	60000
record 5	33456	Gold	Physics	87000
record 6	45565	Katz	Comp. Sci.	75000
record 7	58583	Califieri	History	62000
record 8	76543	Singh	Finance	80000
record 9	76766	Crick	Biology	72000
record 10	83821	Brandt	Comp. Sci.	92000
record 11	98345	Kim	Elec. Eng.	80000

- Usar un registro borrado para almacenar la dirección del siguiente (en el tiempo) registro borrado.
- Estas direcciones son punteros, pues apuntan a localizaciones de registros.

Organización de registros en archivos

- Con respecto a la ubicación de las tablas de la BD tenemos como alternativas:
 - 1. Cada tabla se aloja en archivo separado.
 - 2. Registros de diferentes tablas se alojan en el mismo archivo (se lo llama agrupamiento de tablas en archivos).
- Con respecto a la ubicación de los registros en un archivo:
 - 1. Heap: un registro puede almacenarse en cualquier lugar del archivo donde hay espacio.
 - 2. Secuencial: almacenar registros de una tabla en orden secuencial con respecto al valor de una clave de búsqueda de cada registro.

- Es adecuada para aplicaciones donde se requ<mark>iere el procesamiento secuencial</mark> del archivo entero.
- Los registros en el archivo están ordenados por clave de búsqueda.
- Ejemplo: En la tabla siguiente la primera columna representa la clave de búsqueda.

10101	Srinivasan	Comp. Sci.	65000	
12121	Wu	Finance	90000	
15151	Mozart	Music	40000	
22222	Einstein	Physics	95000	
32343	El Said	History	60000	
33456	Gold	Physics	87000	
45565	Katz	Comp. Sci.	75000	
58583	Califieri	History	62000	
76543	Singh	Finance	80000	
76766	Crick	Biology	72000	
83821	Brandt	Comp. Sci.	92000	
98345	Kim	Elec. Eng.	80000	

Algunas aclaraciones:

- Una clave de búsqueda es cualquier atributo o conjunto de atributos. No necesita ser la clave primaria o una superclave.
- Para permitir retorno rápido de registros en orden de clave de búsqueda encadenamos los registros por punteros.
- Un puntero en cada registro apunta al siguiente registro en el orden de la clave de búsqueda.
- Para minimizar el número de acceso a bloques en procesamiento de archivos secuenciales, almacenamos los registros físicamente en orden de clave de búsqueda o tan cercano al orden de clave de búsqueda como sea posible.

- Borrado: usar cadenas de punteros.
- Inserción: localizar la posición donde el registro va a ser insertado.
 - Si hay espacio libre insertar allí.
 - Si no hay espacio libre, insertar el registro en bloque de overflow
 - En ambos casos el puntero de la cadena debe ser actualizado.
 - Hace falta reorganizar el archivo cada cierto tiempo para restaurar el orden secuencial.

10101	Srinivasan	Comp. Sci.	65000	
12121	Wu	Finance	90000	
15151	Mozart	Music	40000	
22222	Einstein	Physics	95000	
32343	El Said	History	60000	
33456	Gold	Physics	87000	
45565	Katz	Comp. Sci.	75000	
58583	Califieri	History	62000	
76543	Singh	Finance	80000	
76766	Crick	Biology	72000	
83821	Brandt	Comp. Sci.	92000	
98345	Kim	Elec. Eng.	80000	
				— <u> </u>
32222	Verdi	Music	48000	

• Evaluación:

- A veces las consultas necesitan acceder a registros relacionados de dos tablas.
- Por ejemplo, calcular una reunión natural de dos tablas.
- Como veremos mas adelante, esto va a ser pesado de hacer si solo se usa organización de archivos secuencial.

Agrupamiento de tablas en archivos

Varias tablas van en un archivo.

department

dept_name	building	budget
Comp. Sci.	Taylor	100000
Physics	Watson	70000

instructor

ID	пате	dept_name	salary
10101	Srinivasan	Comp. Sci.	65000
33456	Gold	Physics	87000
45565	Katz	Comp. Sci.	75000
83821	Brandt	Comp. Sci.	92000

Agrupamiento de *instructor* y *departamento* en un archivo.

 Luego de cada departamento se almacenan registros de instructores de ese departamento.

Comp. Sci.	Taylor	100000
45564	Katz	75000
10101	Srinivasan	65000
83821	Brandt	92000
Physics	Watson	70000
33456	Gold	87000

Agrupamiento de tablas en archivos

Evaluación:

- Bueno para consultas involucrando department ⋈ instructor y para consultas involucrando un único departamento y sus instructores. Por ejemplo:
 - select dept name, building, budget, ID, name, salary from department natural join instructor;
- Malo para consultas involucrando solo un departamento.
- Resulta en registros de tamaño variable.
- Se pueden agregar cadenas de punteros para enlazar registros de una relación particular.

Comp. Sci.	Taylor	100000	
45564	Katz	75000	
10101	Srinivasan	65000	
83821	Brandt	92000	
Physics	Watson	70000	
33456	Gold	87000	_

Acceso al almacenamiento

- Un archivo de la BD es particionado en unidades de almacenamiento de tamaño fijo llamados bloques.
- Los bloques son unidades tanto de alojamiento de almacenamiento como de transferencia de datos.
- El sistema gestor de BD busca minimizar la cantidad de transferencia de bloques entre disco y memoria.
 - Podemos reducir la cantidad de accesos a disco manteniendo tantos bloques como sea posible en memoria principal.
- Búfer: porción de memoria principal disponible para almacenar copias de bloques de disco.
- Gestor de búfer: subsistema responsable para alojar espacio de búfer en memoria principal.
 - Los programas llaman al gestor de búfer cuando necesitan un bloque del disco.

Índices

- Mecanismos de indexado son usados para acceder más rápido a los datos deseados.
- Clave de búsqueda es un atributo o conjunto de atributos usados para buscar registros en un archivo.
- Un archivo de índice consiste de registros llamados entradas del índice de la forma:
 - <clave de búsqueda, puntero>
- Los archivos de índice son típicamente mucho más chicos que el archivo original.

Índices

• En un índice ordenado las entradas del índice están almacenadas ordenadas por valor de la clave de búsqueda.

Índice primario:

- Sea f una archivo secuencialmente ordenado;
- el índice primario es el índice cuya clave de búsqueda especifica el orden secuencial del archivo f.

• Índice secundario:

- Sea f un archivo secuencialmente ordenado;
- un índice secundario es un índice cuya clave de búsqueda especifica un orden diferente del orden secuencial del archivo.

Índice denso

- En un **índice denso** hay <mark>una entrada del índice</mark> por cada valor de la clave de búsqueda en el archivo.
- Índice en atributo ID de tabla de instructor (ID clave primaria).

		. [10101	Cairoireacan	Comera Cai	(F000	
10101	一		10101	Srinivasan	Comp. Sci.	65000	
12121	\pm	→	12121	Wu	Finance	90000	
15151	\pm		15151	Mozart	Music	40000	
22222	\pm		22222	Einstein	Physics	95000	
32343	\perp		32343	El Said	History	60000	
33456	\pm		33456	Gold	Physics	87000	
45565	+	→	45565	Katz	Comp. Sci.	75000	
58583	\mp		58583	Califieri	History	62000	
76543	+		76543	Singh	Finance	80000	
76766	7		76766	Crick	Biology	72000	
83821	7		83821	Brandt	Comp. Sci.	92000	
98345	\dashv	→	98345	Kim	Elec. Eng.	80000	
		,					

Índice denso

- Índice denso en *nombre de departamento* con archivo de *instructor* ordenado por *nombre de departamento* (no clave primaria).
- Observar que los punteros en el índice apuntan al primer registro con ese *nombre de departamento* y siguiendo punteros en archivo de tabla se puede recorrer todos los registros de ese *nombre de departamento*.

Biology		76766	Crick	Biology	72000	
Comp. Sci.		10101	Srinivasan	Comp. Sci.	65000	
Elec. Eng.		45565	Katz	Comp. Sci.	75000	
Finance		83821	Brandt	Comp. Sci.	92000	
History		98345	Kim	Elec. Eng.	80000	
Music		12121	Wu	Finance	90000	
Physics		76543	Singh	Finance	80000	
		32343	El Said	History	60000	
		58583	Califieri	History	62000	
	/ >	15151	Mozart	Music	40000	*
		22222	Einstein	Physics	95000	*
		33465	Gold	Physics	87000	

Índice disperso

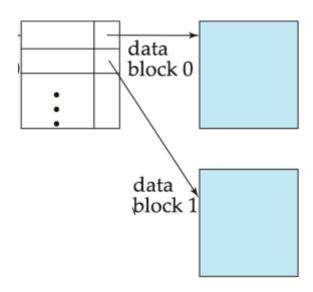
- Un índice disperso contiene registros de índice para solo algunos valores de clave de búsqueda.
 - Se usan cuando los registros de la tabla están secuencialmente ordenados por clave de búsqueda.

10101 10101 Srinivasan Comp. Sci. 65000 32343 12121 Wu Finance 90000 76766 15151 Mozart Music 40000 Einstein 22222 Physics 95000 Para ubicar un registro de clave de búsqueda K: El Said 32343 History 60000 Encontrar el registro del índice con mayor Gold Physics 87000 33456 45565 Katz Comp. Sci. 75000 valor de clave de búsqueda menor a K. Califieri 58583 History 62000 Buscar el archivo secuencialmente desde el Singh 80000 76543 Finance registro al cual el registro del índice apunta Crick 76766 Biology 72000 Brandt Comp. Sci. 83821 92000 98345 Kim Elec. Eng. 80000

Índice disperso

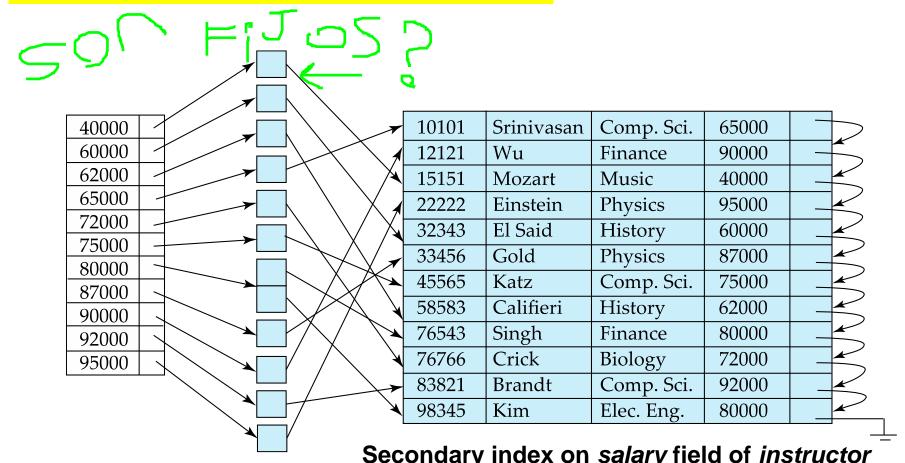
Evaluación:

- Comparado con índices densos requieren menos espacio y menos sobrecarga de mantenimiento para inserciones y borrados en la tabla.
- Generalmente son más lentos que los índices densos para localizar registros.
- **Ejemplo**: usar índice disperso con una entrada de índice para cada bloque del archivo de la tabla, correspondiente a la menor clave de búsqueda en el bloque.



Índices secundarios

- Cada registro del índice apunta a un bucket que contiene punteros a todos los registros actuales con el valor particular de clave de búsqueda.
- Los <u>indices secundarios deben ser densos.</u>



Índices secundarios

• Evaluación:

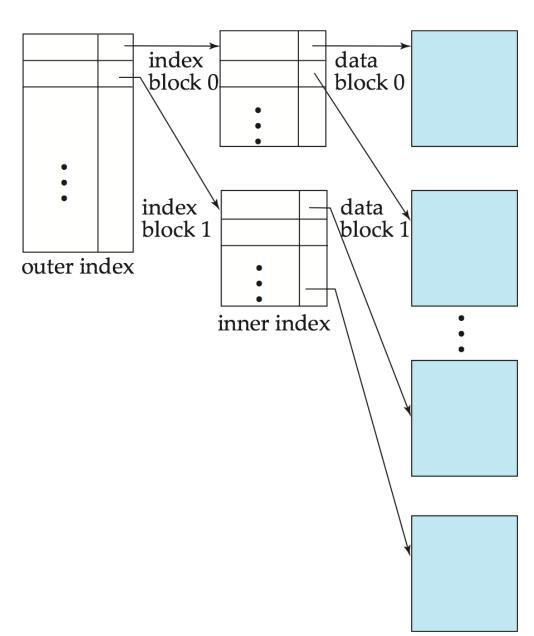
- Escaneo secuencial usando índice primario es eficiente.
- Escaneo secuencial usando índice secundario es costoso.
 - Cada acceso a registro de tabla puede requerir recoger un nuevo bloque de disco.
 - Recoger un bloque requiere entre 5 y 10 msec, versus 100 nanosecs para acceso a memoria.

Índices

- Evaluación (del uso de índices):
 - Índices ofrecen beneficios sustanciales cuando se accede a registros de tablas.
 - Actualizar indices impone una sobrecarga en la modificación de la BD.
 - Cuando un archivo se modifica, cada índice al archivo debe ser actualizado.

Índice de multinivel

- Problema: Si el índice primario no cabe en memoria, entonces el acceso pasa a ser costoso.
- Solución: tratar el índice primario mantenido en disco como archivo secuencial y construir un índice disperso en el mismo.
 - Índice externo: índice disperso del índice primario.
 - Índice interno: archivo del índice primario.
- Evaluación
 - Índices de los dos niveles deben ser actualizados al insertar y borrar en la tabla.



Actualización de índice por borrado de registro

- Índice de un solo nivel
 - Ó Índice denso:
 - Si el registro borrado fue el único registro en el archivo con su clave de búsqueda particular: la clave de búsqueda es borrada del índice también.
 - sino:
 - Si la entrada del índice almacena punteros a todos los registros con el mismo valor de clave de búsqueda: se borra el puntero al registro borrado de la entrada del índice.
 - Sino: si el registro borrado es el primer registro con el valor de la clave de búsqueda,
 se actualiza la entrada. del índice para que apunte al siguiente registro.

Actualización de índice por borrado de registro

- Índice de un solo nivel (Cont)
 - o Índice disperso:
 - Si el índice no contiene una entrada con el valor de clave de búsqueda del registro borrado: nada necesita hacerse en el índice.
 - Sino:
 - Si el registro borrado era el único registro con su clave de búsqueda B:
 - Si el próximo valor de clave de búsqueda tiene una entrada en el índice: la entrada para B es borrada del índice.
 - Sino: se reemplaza el registro de índice correspondiente con un registro de índice para el próximo valor de clave de búsqueda (en el orden de clave de búsqueda).
 - Sino: si la entrada del índice para la clave de búsqueda apunta al registro siendo borrado: se actualiza la entrada del índice para apuntar al próximo registro con el mismo valor de clave de búsqueda.

Actualización de índice por inserción de registro

• Índice de un solo nivel:

 Primero se hace búsqueda usando el valor de clave de búsqueda que aparece en el registro a ser insertado.

Ó Índice denso:

• Si el valor de la clave de búsqueda no aparece en el índice: insertar una entrada de índice con valor de clave de búsqueda en el índice en la posición apropiada.

Sino:

- Si la entrada del índice almacena punteros a todos los registros con el mismo valor de clave de búsqueda: el sistema agrega un puntero al nuevo registro en la entrada del índice.
- Sino: la entrada del índice almacena un puntero a solo el primer registro con el valor de la clave de búsqueda. Se coloca el registro siendo insertado luego de los otros registros con los mismos valores de clave de búsqueda.

Actualización de índice por inserción de registro

- Índice de un solo nivel (Cont.):
 - Índice disperso:
 - Asumimos que el índice almacena una entrada para cada bloque.
 - Si el sistema crea un nuevo bloque: inserta el primer valor de la clave de búsqueda (en orden de clave de búsqueda) apareciendo en el nuevo bloque en el índice.
 - sino:
 - Si el nuevo registro tiene el menor valor de clave de búsqueda en su bloque: el sistema actualiza la entrada del índice apuntando al bloque.
 - Sino: el sistema no hace cambios al índice.

Actualización de índice de varios niveles

- Algoritmos de inserción y borrado para índices de varios niveles son una extensión simple del esquema ya descripto.
- Luego de inserción o borrado de registro el sistema actualiza el índice de más bajo nivel como se describió.
- Con respecto al segundo nivel, el índice de más bajo nivel es meramente un archivo conteniendo registros.
- Si hay algún cambio en el índice de más bajo nivel: el sistema actualiza el índice de segundo nivel como se describió.

Índices con varias claves

- Una clave de búsqueda conteniendo más de un atributo se llama clave de búsqueda compuesta.
- La estructura del índice es la misma como la de cualquier otro índice; la única diferencia es que la clave de búsqueda del índice contiene una lista de atributos.
- La clave de búsqueda puede representarse como una tupla de valores de la forma: (a1,...,an), donde los atributos individuales son: A1,..., An.
- El orden de los valores de la clave de búsqueda es el orden lexicográfico.
- P. ej: si la clave de búsqueda tiene 2 atributos: (a1, a2) < (b1, b2) si a1<b1, o a1=b1 y a2<b2.

Acceso a múltiples claves de búsqueda

- Usar múltiples índices para ciertos tipos de consultas.
- Ejemplo:

```
select ID
from instructor
where dept_name = 'Finance' and salary = 80000
```

- Posibles estrategias para procesar consultas usando índices en atributos simples:
 - Usar índice en *dept_name* para encontrar instructores con nombre de departamento 'Finance'; testear *salary* = 80000.
 - Usar indice en salary para encontrar instructores con salary de 80000; testear dept_name = 'Finance'.
 - Usar índice en *dept_name* para encontrar punteros a todos los registros pertenecientes al departamento de finanzas. Similarmente usar índice en salario para hallar punteros a registros con salario de 80000. Tomar la intersección de ambos conjuntos de punteros obtenidos.

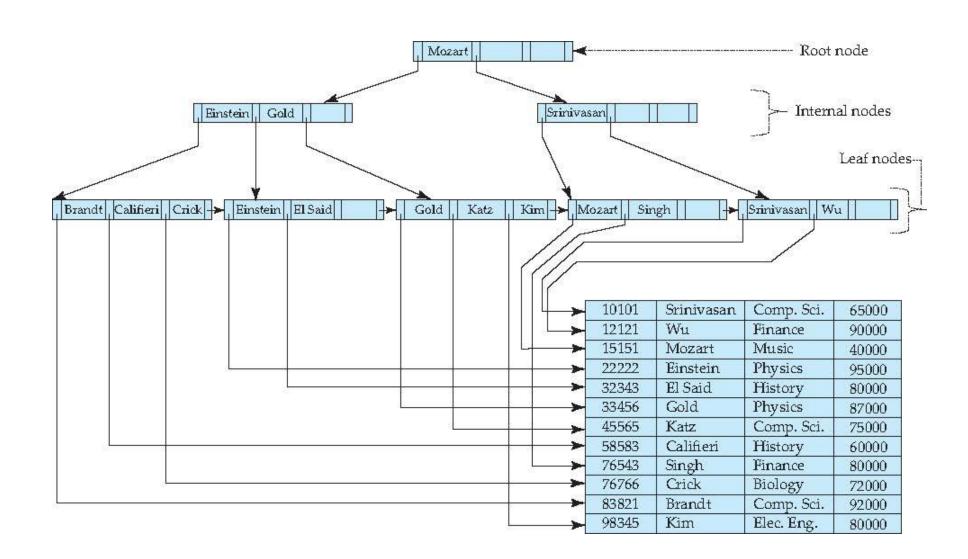
Índices en varios atributos

- Supongamos que tenemos un índice en la clave de búsqueda combinada (dept_name, salary).
- Con la clausula where anterior el índice en (dept_name, salary)
 puede ser usado para recoger solo registros que satisfacen ambas
 condiciones.
- Además se puede manejar eficientemente:
 where dept_name = 'Finance' and salary < 80000
- Pero no se puede manejar eficientemente:
 where dept_name < 'Finance' and salary = 80000
 - Puede recolectar varios registros que satisfacen la primera, pero no la segunda condición.

Índices árbol B+

- Índices árbol B⁺ son una alternativa para el indexado de archivos secuenciales.
- Desventaja de archivos secuenciales indexados:
 - El desempeño se degrada a medida que el archivo crece, porque muchos bloques overflow son creados.
 - La reorganización periódica del archivo entero es requerida para remediar esa degradación.
- Un índice de árbol B⁺ toma la forma de un árbol balanceado en el cual todo camino de la raíz a una hoja tiene la misma longitud.
- Ventaja de archivos índice árbol B*:
 - Se reorganizan a si mismos con cambios pequeños locales frente a inserciones o borrados.
 - La reorganización del archivo entero no es requerida para mantener el desempeño.
- Desventaja menor de árboles B⁺: sobrecarga extra de inserción y borrado, sobrecarga de espacio. Pero las mismas son aceptables.
- Las ventajas de árboles B⁺ superan a las desventajas. Los árboles B⁺ son usados extensivamente.

Ejemplo de árbol B⁺



Índices árbol B+

• Un árbol B⁺ satisface las siguientes propiedades:

- o Todos los caminos desde la raíz a una hoja son de la misma longitud.
- \circ Cada nodo que no es la raíz o una hoja tiene entre $\lceil n/2 \rceil$ y n hijos.
- Un nodo hoja tiene entre $\lceil (n-1)/2 \rceil$ y n-1 valores.
- Si la raíz no es una hoja, tiene al menos 2 hijos.
- Si la raíz es una hoja, puede tener entre 0 y *n* -1 valores.

Estructura de nodo de árbol B+

Nodo típico:



- Los K_i son valores de clave de búsqueda.
- Los P_i son:
 - Para nodos no hoja: punteros a hijos
 - Para nodos hoja: punteros a registros o buckets de registros.
- Las claves de búsqueda en un nodo están ordenadas.

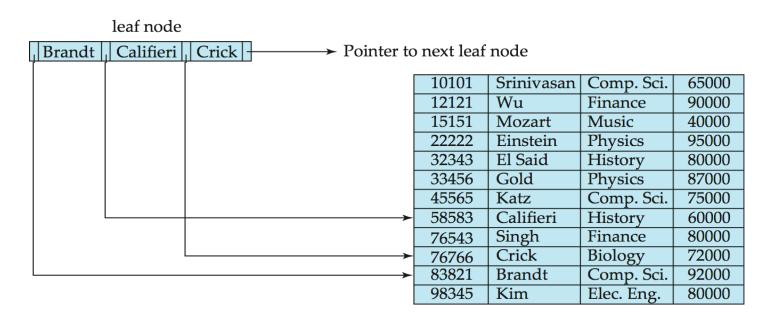
$$K_1 < K_2 < K_3 < \ldots < K_{n-1}$$

- Los rangos de valores en cada hoja no se solapan, excepto cuando hay valores de clave de búsqueda duplicados, en cuyo caso un valor puede estar presente en más de una hoja.
- Asumir inicialmente que no hay claves duplicadas; manejar duplicaciones después.

Nodos hoja de un árbol B⁺

Propiedades de un nodo hoja:

- O Para i = 1, 2, ..., n-1, el puntero P_i apunta al registro del archivo con el valor de clave de búsqueda K_i .
- O Si L_i , L_j son nodos hoja y i < j, los valores de la clave de búsqueda de L_i son menores o iguales a los valores de la clave de búsqueda de L_j .
- \circ P_n apunta al próximo nodo hoja en el orden de clave de búsqueda.

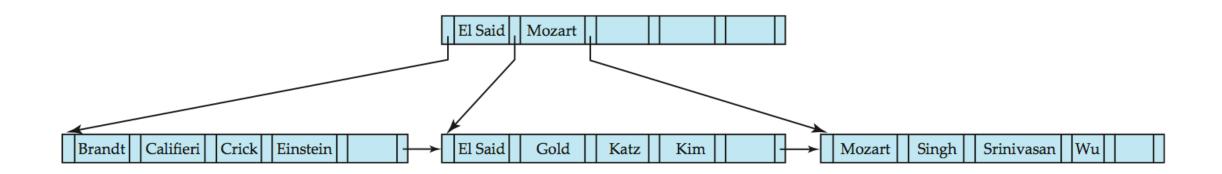


Nodos no hoja en árboles B+

- Los nodos no hoja forman un índice disperso multinivel en los nodos hoja. Para un nodo no hoja con n punteros:
 - \circ Todas las claves de búsqueda en el subárbol al cual P_1 apunta son menores que K_1 .
 - Para $2 \le i \le n-1$: todas las claves de búsqueda en el subárbol al cual P_i apunta tienen valores mayores o iguales a K_{i-1} y menores que K_i .
 - O Todas las claves de búsqueda en el subárbol al cual P_n apunta tiene valores mayores o iguales que K_{n-1} .

P_1 K_1 P_2		P_{n-1}	K_{n-1}	P_n
-------------------	--	-----------	-----------	-------

Ejemplo de árbol B⁺



Árbol B+ para tabla instructor (n = 6)

Observaciones

- Como las conexiones entre nodos son hechas mediante punteros, los bloques lógicamente cercanos no necesitan estar físicamente cercanos.
- Si hay K valores de clave de búsqueda en la tabla, la altura del árbol B^+ no es mayor a $\lceil \log_{\lceil n/2 \rceil}(K) \rceil$.
 - o Entonces las consultas pueden ser realizadas eficientemente.
- Borrados e inserciones a la tabla pueden ser manejados eficientemente, porque el índice puede ser restructurado en tiempo logarítmico.

Consultas en árboles B+

- Encontrar registro con valor de clave de búsqueda V.
- Function find(value V)
 - 1. *C* = root
 - 2. While *C* is not nodo hoja {
 - 1. Sea *i* el menor valor tal que $V \leq K_i$.
 - 2. If no existe: set C = 'ultimo puntero non-null en C
 - 3. Else { if $(V = K_i)$: $C = P_{i+1}$ else: $C = P_i$ }
 - 3. Sea i el menor valor tal que $K_i = V$
 - 4. If existe tal valor i: seguir el puntero P_i al registro deseado.
 - 5. Else no existe registro con valor de clave de búsqueda k.

Manejando duplicados

- Con claves de búsqueda duplicadas (tanto en nodos hoja como internos):
 - No podemos garantizar que $K_1 < K_2 < K_3 < ... < K_{n-1}$
 - Pero podemos garantizar que $K_1 \le K_2 \le K_3 \le ... \le K_{n-1}$
- Las claves de búsqueda en el subárbol al cual P_i apunta
 - son $\leq K_{i}$, pero no necesariamente $< K_{i}$.
 - Para ver por qué, supongamos que el mismo valor de la clave de búsqueda V está presente en dos nodos hoja L_i y L_{i+1}.
 - Entonces en el nodo padre K_i debe ser igual a V.

Manejando duplicados

• Modificamos el procedimiento de búsqueda como sigue:

- \circ Recorrer P_i incluso si $V = K_i$
- Tan pronto como alcanzamos un nodo hoja C, chequear si C tiene solo valores de clave de búsqueda menores que V.
 - Si es así, sea C = hermano derecho de C antes de chequear si C contiene V.

Procedimiento printAll

- Usa búsqueda modificada para encontrar primera ocurrencia de V.
- Recorre las hojas consecutivas para encontrar todas las ocurrencias de *V*.

Consultas en árboles B+

- Si hay K valores de clave de búsqueda en el archivo, la altura del árbol no es mayor a $\lceil \log_{\lceil n/2 \rceil}(K) \rceil$.
- Un nodo tiene generalmente el mismo tamaño que un bloque de disco, típicamente 4 KiB.
 - y *n* es típicamente cercano a 100 (40 B por entrada de índice).
- Ejemplo: Con 1 millón de valores de clave de búsqueda y
 n = 100
 - o A lo más $log_{50}(1,000,000) = 4$ nodos son accedidos en una búsqueda.

Lectura recomendada

- Leer sobre otras operaciones en árboles árbol B+:
 - o Inserción, borrado.

Indexando strings

- Problema: Creando índices árbol B⁺ en atributos de valor string da lugar a dos problemas:
 - los string pueden ser de longitud variable y
 - los string pueden ser largos dando lugar a menor cantidad de punteros por nodo y llevando a aumentar la altura del árbol.

Notar que:

- Un nodo debe ser subdividido si está lleno sin importar cuantas entradas de búsqueda contenga.
- Nodos pueden ser combinados o sus entradas redistribuidas dependiendo de qué fracción del espacio en los nodos es usado,
 - en lugar de basarse en el número máximo de entradas que un nodo puede contener.

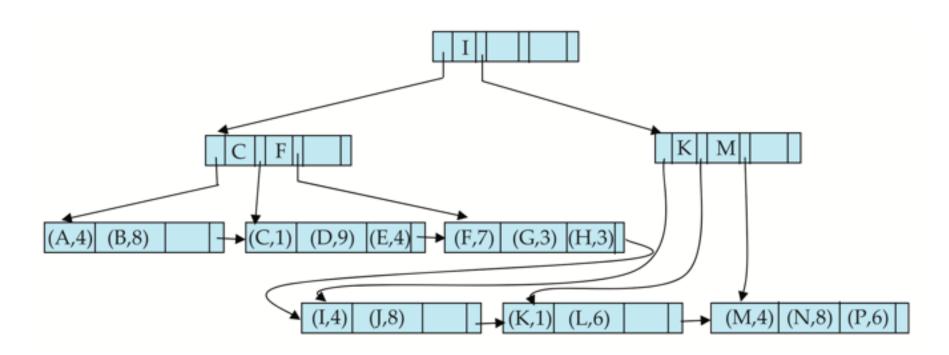
Indexando strings

- Solución: La cantidad de punteros de un nodo puede ser aumentada usando una técnica llamada compresión de prefijos.
 - En los nodos no hoja no almacenamos el valor entero de la clave de búsqueda.
 - Solo almacenamos un prefijo de cada valor de clave de búsqueda que es suficiente para distinguir entre los valores de las clave de búsqueda en los subárboles que separa.
- **Ejemplo**: si tenemos un índice en nombres, el valor de la clave de búsqueda en un nodo no hoja puede ser un prefijo de un nombre.
 - Puede ser suficiente almacenar 'Silb' en un nodo no hoja en lugar de 'Silberschatz' si el valor más cercano en los dos subárboles que separa son 'Silas' y 'Silver' respectivamente.

Organización de archivo con árbol B+

- El problema de la degradación de archivo de índice secuencial se resuelve usando índice de árbol B⁺
- El problema de la degradación de un archivo de datos se resuelve usando una organización de archivo de árbol B⁺
- Los nodos hoja en una organización de archivo de árbol B⁺ almacena registros en lugar de punteros.
- Los nodos hoja son todavía requeridos que estén la mitad llenos.
 - Como los registros ocupan más espacio que los punteros, el máximo número de registros que pueden ser almacenados en un nodo hoja es menor que el número de punteros en un nodo no hoja.
- La inserción y borrado so manejados de la misma manera que inserción y borrado de entradas en índices de árbol B⁺

Organización de archivo con árbol B⁺



Ejemplo de organización de archivo con árbol B⁺