

Sistemas de numeração e noções de representação de informações

Profa João Carlos Ribeiro





Toda a informação introduzida em um computador precisa ser entendida pela máquina

Nós entendemos os caracteres dessa apresentação

O computador não





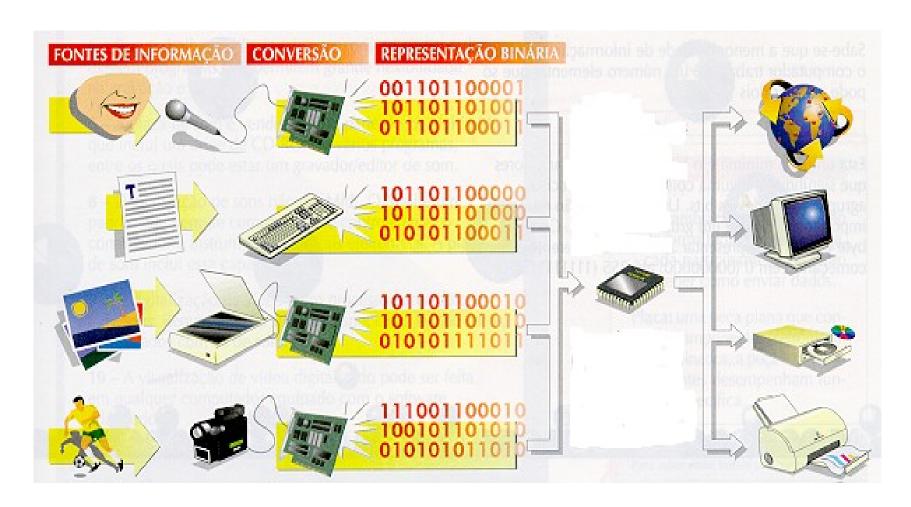
- As pessoas trabalham sob o ponto de vista numérico com o sistema decimal
- E sob o ponto de vista alfabético utilizamos uma linguagem (alfabeto)
- Já os computadores utilizam para ambos os casos, o sistema binário de numeração
- Dessa forma, o computador precisa traduzir a nossa linguagem para a linguagem computacional (binária)

Representação da informação do informaçõo do informaçõo do informaçõo do informaçõo do informaçõo do

No computador temos 2 símbolos, portanto podemos trabalhar somente com o sistema binário.

Porém, poderemos combinar vários símbolos (*bits*) para representar informações mais elaboradas.

Representação da informação do informação



Sistemas de numeração

A conversão de dados em informações é uma parte tão importante da computação que é preciso saber como a ela ocorre para compreender como o computador funciona.

Computadores não usam nosso sistema de numeração...

Sistemas de numeração

Há milhares de anos os homens primitivos não tinham necessidade de contar

Com o passar dos anos, os costumes foram mudando e o homem passou a cultivar a terra, a criar animais, a construir casas e a comercializar

Com isso, surgiu a necessidade de contar

Sistema de numeração egípcia 3000 A.C.

Os egípcios da Antiguidade criaram um sistema muito interessante para escrever números, baseando em agrupamentos.

П	Bastão	1
\cap	Calcanhar	10
9	Rolo de corda	100
\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	Flor de lótus	1000
17	Dedo apontado	10000
\odot	Peixe	100000
N. C.	Homem	1000000

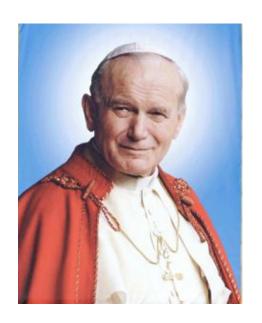
9	16	54	1723	10400
111	n	\cup	₹ X	8
			9 9 9 9 9 9 9 N N	9 9
			1 1 1	, ,

Sistema de numeração romana

- O sistema de numeração romano foi utilizado na durante muitos séculos
- E é ainda utilizado em algumas situações, tais como:
- na designação de papas e reis (Luís XV);
- na designação de séculos e datas;
- na indicação de capítulos e volumes de livros;
- nos mostradores de alguns relógios, etc.

Rei Luis XIV, Papa João Paulo, II, relógios, etc...







Sistema de numeração romano de numeração de numera de numeração de numera de

Numeração romana antiga	Numeração romana moderna
1	1
II	II
III	III
IIII	IV
V	V
VI	VI
VII	VII
VIII	VIII
VIIII	IX
X	Χ
XI	XI
XII	XII
	romana antiga I II III IIII V VI VII VIII VIIII X XI

Nossa numeração	Numeração romana antiga	Numeração romana moderna
16	XVI	XVI
17	XVII	XVII
18	XVIII	XVIII
19	XVIIII	XIX
20	XX	XX
40	XXXX	XL
50	L	L
90	LXXXX	XC
100	С	C
400	CCCC	CD
500	D	D
1000	M	M

Sistema de numeração não INSTITUTO FEDERAL PAROUPLHA posicional

- O sistema de numeração romano é <u>não posicional</u>
- Um sistema não posicional é aquele em que o valor atribuído a um símbolo não se altera, independente da posição em que ele se encontra no conjunto de símbolos que está representando uma quantidade

Exemplo: XXXVII (37 em romano)

No número romano, cada um dos **X** vale **10**, independentemente de sua posição. O mesmo acontece com o **V** e com o **I**.



E o nosso sistema?

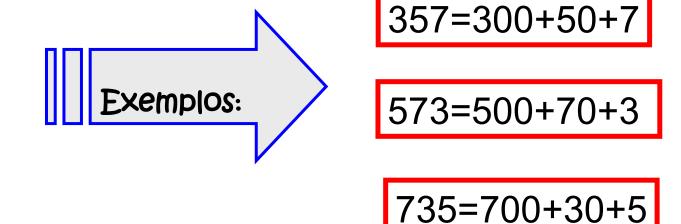
- O nosso sistema é o posicional decimal
- <u>Posicional</u> porque um mesmo símbolo representava valores diferentes dependendo da posição ocupada
- Decimal porque são utilizado um agrupamento de dez símbolos

Esse sistema posicional decimal (indo-arábico) corresponde ao nosso atual sistema de numeração



Sistemas posicionais

- São aqueles em que o valor atribuído a um símbolo depende da posição em que ele se encontra no conjunto de símbolos que representa uma quantidade.
- O valor total do número é a soma dos valores relativos de cada algarismo (decimal).





Se representarmos o número **573** assinalando um símbolo a cada casa, indicando o valor da casa teremos:

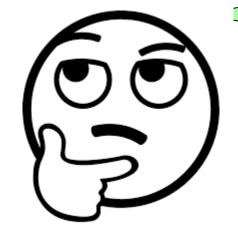
Valor	1000	100	10	1 0,1	0,01
Casa					
Valor		5	7	3	
Dígito					
		500 +	70 +	3	

O significado de cada dígito é o valor da casa vezes o valor do dígito e a quantidade representada é a soma de todos os produtos = 500 + 70 + 3



Será que tudo depende do posicionamento do dígito?





Isto significa que a posição ocupada por cada algarismo em um número altera seu valor de uma potência de 10 (na base 10) para cada casa à esquerda

Então...



- A base de um sistema é a quantidade de algarismos disponíveis na representação
- A base 10 é hoje a mais usualmente empregada, embora não seja a única utilizada ...
- No sistema decimal (base 10), no número 125 o algarismo 1 representa 100 (uma centena ou 10²), o 2 representa 20 (duas dezenas ou 2 x 10¹), o 5 representa 5 mesmo (5 unidades ou 5x10°).

$$125 = 1 \times 10^2 + 2 \times 10^1 + 5 \times 10^0$$

Base de um sistema de numeração

Quando lidamos com computadores, é muito comum e conveniente o uso de outras bases as mais importantes são a binária (base 2), octal (base 8) e hexadecimal (base 16)

Um sistema numérico de base n precisa de n símbolos diferentes para representar seus dígitos de 0 a n-1

Quais são os algarismos de cada base?

Sistema	Base	Algarismos
Binário	2	0, 1
Ternário	3	0, 1, 2
Octal	8	0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7
Decimal	10	0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9
Hexadecimal	16	0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E, F

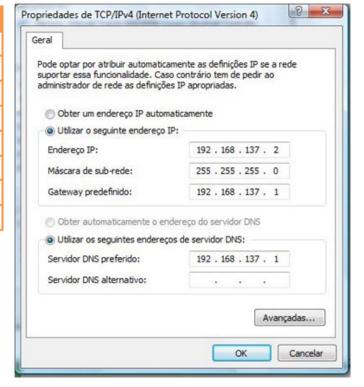
Representação de valores em stituto federal bases diferentes



Decimal	Binário	Octal	Hexadecimal
000	00000	000	000
001	00001	001	001
002	00010	002	002
003	00011	003	003
004	00100	004	004
005	00101	005	005
006	00110	006	006
007	00111	007	007
008	01000	010	008
009	01001	011	009
010	01010	012	00A
011	01011	013	00B
012	01100	014	00C
013	01101	015	00D
014	01110	016	00E
015	01111	017	00F

Usando diferentes bases...

Octal	Decimal	Permission	Representation
000	0 (0+0+0)	No Permission	
001	1 (0+0+1)	Execute	x
010	2 (0+2+0)	Write	-w-
011	3 (0+2+1)	Write + Execute	-wx
100	4 (4+0+0)	Read	r
101	5 (4+0+1)	Read + Execute	r-x
110	6 (4+2+0)	Read + Write	rw-
111	7 (4+2+1)	Read + Write + Execute	rwx



INSTITUTO FEDERAL
FARROUPILHA









Contando ...





Contando...





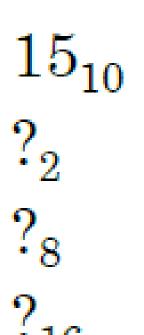
Contando...





Vamos contar?







Quais os algarismos presentes em cada base de numeração?

Base 10?

Base 2?

Base 6?

Base 16?

Base 7?

Base 4?

Quais os próximos 5 números?

56₍₈₎

56₍₁₀₎

56₍₁₆₎

101₍₂₎

107₍₈₎

107₍₁₆₎

1B₍₁₆₎

15₍₁₆₎