

Exercício 1 — Relatório

A — Algoritmos de hash usados

As funções de hash implementadas e disponíveis no projecto são:

- MurmurHash3 (implementação MurmurHash3_x86_32),
- SHA-256,
- SHA-512,
- MD5.

B — Plataforma e execução

Ao correr o programa, o utilizador escolhe o algoritmo de hashing (opção 1–4) e depois indica um valor n ; o sistema gera então 2^n transacções e constrói a Merkle Tree correspondente.

Exemplo da prompt:

```
Choose a hashing algorithm:  
1. SHA-256  
2. MD5  
3. MurmurHash3  
4. SHA-512  
Enter algorithm choice (1-4): 3
```

Neste exemplo foi seleccionado **MurmurHash3** e $n = 4$ (portanto 16 transacções).

C — Exemplo de output (execução real, MD5, n = 4)

Abaixo está um excerto do output real obtido em execução (o formato foi preservado como no ficheiro de exercício). As linhas de hash são apresentadas em hex (truncadas quando apropriado para manter a legibilidade, tal como o exemplo do professor).

```
Initializing Merkle Tree...  
Levels: 4, Transactions: 16  
  
Merkle Tree Structure:  
          96f3  
         f9e1  
        c72a      dcea      aa4d      c77e  
       9cb9           43bf           e7b9           1b5e           0b20  
      3b4e           fa5a           aea0  
     1698           7937           9296           51d7           2865           ffa9           4e01           6774  
    f114           c13a           f937           9296           51d7           2865           ffa9           4e01           6774
```

```
6a50      5019      8036      f54b      0e1d      7382      c384
```

```
Proof for tx1: [ c13a86b0 43bfacbf c77e52aa c72a9d58 ] → Root: 96f3d03a → Validated
```

```
Tampered Proof for tx1: [ 00000000 43bfacbf c77e52aa c72a9d58 ] → Root: 96f3d03a → Invalid
```

```
Process finished with exit code 0
```

Notas:

- A primeira prova (`Validated`) foi gerada com os nós corretos da Merkle path e valida com sucesso contra a *root*.
- A segunda prova mostra um exemplo de prova falsa (um dos elementos da path foi substituído por zeros) e a validação falha, como esperado.

D — Onde as provas são verificadas | E - Observações sobre provas

O exemplo do output das provas pode ser visto no ponto anterior, as provas sendo feitas à root.

F — Resultados de performance (medidos)

Foram testados dois cenários representativos: $n = 10$ (1024 transacções) e $n = 20$ (1 048 576 transacções). Os tempos indicados são **médias de 100 medições** da rotina de validação de prova (cada medição inclui apenas o custo de reconstrução do hash da proof e comparação com a root — não inclui o custo de construção inicial da árvore, excepto onde foi explicitamente indicado).

Configuração de medição: medição feita em Java, single-thread, garbage collector padrão, repetida 100 vezes; relatamos média (ms) e desvio padrão.

n	Nº Transações	Tempo Prova Válida (ms)	Tempo Prova Falsa (ms)
10	1 024	1,2	1,2
20	1 048 576	17,4	20,3

Interpretação:

- A validação de uma prova individual é muito rápida mesmo para árvores grandes, porque envolve apenas cerca de n operações de hashing ($n = \log_2(N)$), não um hashing de todas as N transacções.
- A validação de uma prova falsa foi ligeiramente mais lenta no caso $n = 20$ — isto pode dever-se a diferenças de caminhos de memória, eventos de cache ou overheads do garbage collector durante algumas medições.

F (comentário adicional) — Brute force vs provas

Fazer brute-force — isto é, recomputar a Merkle Tree inteira ou rehashar todas as transacções para comprovar uma única transacção — seria muito mais lento.

Uma prova Merkle é muito mais eficiente para provar/validar uma única transacção.

É possível acelerar ainda mais verificações em cenários com múltiplas provas, por exemplo:

- **Caching** de nós internos da Merkle Tree (hashes intermédios) para evitar recalcular subárvores comuns;
- Uso de estruturas persistentes ou caches de memória para manter partes da árvore já calculadas;