

## Veta 6.19 (Maticova reprezentace linearniho zobrazeni)

Bud  $f : U \rightarrow V$  linearni zobrazeni,  $B_U = \{x_1, \dots, x_n\}$  baze prostoru  $U$ , a  $B_V = \{y_1, \dots, y_m\}$  baze prostoru  $V$ .  
Pak pro kazde  $x \in U$  plati:  
 $[f(x)]_{B_V} = B_V [f]_{B_U} \cdot [x]_{B_U}$ . (6.1)

Dukaz

Oznacme  $A := B_V [f]_{B_U}$ . Bud  $x \in U$ , tedy  $x = \sum_{i=1}^n \alpha_i x_i$ , neboli  $[x]_{B_U} = (\alpha_1, \dots, \alpha_n)^T$ . Pak:

$$1. f(x) = f\left(\sum_{j=1}^n \alpha_j x_j\right) = \sum_{j=1}^n \alpha_j f(x_j)$$

$$\#2. = \sum_{j=1}^n \alpha_j \left(\sum_{i=1}^m a_{ij} y_i\right)$$

$$\#3. = \sum_{j=1}^n \sum_{i=1}^m \alpha_j a_{ij} y_i$$

$$\#4. = \sum_{i=1}^m \left(\sum_{j=1}^n \alpha_j a_{ij}\right) y_i.$$

Tedy vyraz  $\sum_{j=1}^n \alpha_j a_{ij}$  reprezentuje  $i$ -tou souradnici vektoru  $[f(x)]_{B_V}$ . Jeho hodnota je  $\sum_{j=1}^n \alpha_j a_{ij} = ($

Matice linearniho zobrazeni tedy prevadi souradnice vektoru vzhledem k dane bazi na souradnice jeho

Poznamka

Symbol  $\text{kan}$  oznacuje kanonickou bazi, tj. tu skladanou z jednotkovych vektoru.

\*\*\*

Mam problem pochopit nasledujici cast dukazu:

Tedy vyraz  $\sum_{j=1}^n \alpha_j a_{ij}$  reprezentuje  $i$ -tou souradnici vektoru  $[f(x)]_{B_V}$ , ale jeho hodnota je  
 $\sum_{j=1}^n \alpha_j a_{ij} = (A \cdot [x]_{B_U})_i$ .

Prosim o vysvetleni teto casti a vyznamu vztahu  $(A \cdot [x]_{B_U})_i$  pro konkretni priklad nebo vyklad.