

MANUAL TÉCNICO
Fredy José Gabriel Herrera Funes
No. Registro Académico: 202130478.

-Descripción: programa dirigido para la gestión de una biblioteca mágica, en la que puedes realizar inserción masiva de libros, inserción manual, búsquedas, eliminaciones, comparación entre algoritmos, visualizar las estructuras utilizadas.

-Herramientas utilizadas:

- Desarrollado en sistema operativo Ubuntu linux, versión 24.04.
- IDE utilizado: Visual Studio Code.
- Para la gráfica de los arboles se usó la herramienta Graphviz.
- Lenguaje de programación utilizado: C++.

-Estructuras utilizadas:

- Árbol AVL ordenado por ISBN y ordenado por Título(orden alfabético).
- Árbol B, ordenado según género de cada libro.
- Árbol B +, ordenado según el animo de cada libro.
- Lista enlazada no ordenada.

-Complejidades de cada método utilizado:

- **Clase GestorBiblioteca:**

`bienvenidaInicial()` — $O(1)$

Justificación: Solo imprime la bienvenida inicial y muestra el menú principal.

`menuBiblioteca()` — $O(1)$

Justificación: Solo muestra el menú principal.

`menuBiblioteca()` — $O(1)$

Justificación: Solo muestra el menú principal.

`menuFinAccion()` — $O(1)$

Justificación: Solo muestra el menú al finalizar cada acción realizada.

`realizarAccion(int& opcion)` — $O(1)$

Justificación: Solo llama a las función elegida en el menú principal.

`convertirISBN(string isbn)` — $O(1)$

Justificación: recorre el string para quitar guiones y convertirlo a un long long int.

`crearLibro(string linea)` — $O(n^2)$

Justificación: Por las acciones realizadas en el codigo Linea.fin() y linea.erase().

`validarISBN(string isbn)` — $O(n)$

Justificación: recorre los caracteres para validar que tenga el numero de digitos correspondiente.

`cargarLibros(Libro* libro)` — $O(n)$

Justificación: recorre los caracteres para validar que tenga el numero de digitos correspondiente.

`buscarLibro()` — $O(n)$

Justificación: esto se debe a las posibles búsquedas secuenciales que se realizan en este método.

`leerArchivo()` — $O(n \cdot C)$ Teniendo en cuenta que C es el coste que tiene al entrar en los métodos `crearLibro()` y `cargarLibros()`.

Justificación: se utiliza para cargar el archivo .csv y para guardar de forma correcta los datos del libro.

`validarOpcion(int minimo, int maximo)` — $O(n)$

Justificación: esto se debe a que si se equivoca el usuario metiendo una opción no válida se repetirá el bucle hasta que ingrese una opcion válida.

`mostrarLibros()` — $O(n)$

Justificación: esto se debe a los algoritmos que se implementaron al mostrar cada estructura.

`eliminarLibros()` — $O(n)$

Justificación: esto se debe a los algoritmos que se implementaron al eliminar cada estructura.

`generarGraphvizArboles()` — $O(n)$

Justificación: esto se debe a los algoritmos que se implementaron al generar cada graphviz cada estructura.

`buscarArbolB()` — $O(n)$

Justificación: esto se debe a los algoritmo utilizado para encontrar lo que se busca en el árbol b se debe a que este llena una lista con los datos de la búsqueda.

`buscarPorRangoAnio()` — $O(n)$

Justificación: esto se debe a los algoritmo utilizado para encontrar lo que se busca en el árbol b+ se debe a que este llena una lista con los datos de la búsqueda.

`compararTiempos()` — $O(1)$

Justificación: esto se debe a que solo se implementa el imprimir cada tiempo de búsqueda ya sea binaria o secuencial.

`cargarLibroManual()` — $O(n)$

Justificación: esto se debe a las validaciones que se realizan para verificar que los datos sean correctos.

- **Clase ListaLibro:**

`agregarLibro(Libro* libro)` — $O(n)$

Justificación: se debe a que se recorre en un ciclo toda la lista para insertar al final de la misma.

`eliminarLibro(string titulo)` — $O(n)$

Justificación: se debe a que recorre la lista buscando el libro que coincida con el título para luego eliminar ese nodo.

`buscarPorTitulo(string titulo)` — $O(n)$

Justificación: se debe a que recorre la lista buscando el libro que coincida con el título para luego retorna ese nodo.

`buscarPorIsbn(string titulo)` — $O(n)$

Justificación: se debe a que recorre la lista buscando el libro que coincida con el isbn para luego retorna ese nodo.

`imprimirLista()` — $O(n)$

Justificación: se debe a que recorre la lista imprimiendo los datos que contiene cada nodo.

`estaVacia()` — $O(1)$

Justificación: se debe a que solo compara que el tamaño no sea cero.

- **Clase ArbolAVL:**

`rotacionDD(), rotacionII(), rotacionID(), rotacionDI()` — $O(1)$

Justificación: se debe a que solo se realiza la un enlace de punteros y se actualiza la altura y factor de equilibrio.

`obtenerAltura(NodoAVL*)` — $O(1)$

Justificación: solo devuelve un valor almacenado en el nodo.

`obtenerFactorDeEquilibrio(NodoAVL*)` — $O(1)$

Justificación: solo llama a `obtenerAltura()` para realizar la actualización del factor de equilibrio.

`insertarRecursivoPorTitulo,insertarRecursivoPorIsbn` — $O(n)$

Justificación: se obtiene del recorrido que puede llegar a hacer desde la raíz hasta la hoja para la inserción.

`insertarPorTitulo,insertarPorIsbn` — $O(n)$

Justificación: ya que llama una función recursiva y asigna una raíz.

`buscarRecursivoPorTitulo,buscarRecursivoPorIsbn` — $O(n)$

Justificación: se realiza una búsqueda binaria por propiedades del BST.

`buscarPorTitulo,buscarPorIsbn` — $O(n)$

Justificación: ya que llama a la función recursiva empezando por la raíz.

`eliminarRecursivoPorTitulo,eliminarRecursivoPorIsbn` — $O(n)$

Justificación: se debe a que se realiza una búsqueda primero para encontrar el nodo que se debe eliminar, reasigna y realiza rotaciones.

`eliminarPorTitulo,eliminarPorIsbn` — $O(n)$

Justificación: asigna raíz al resultado del recursivo.

`inOrdenRecursivo,inOrden` — $O(n)$

Justificación: recorre todos los nodos.

- **Clase arbol B:**

`buscar(string genero, ListaLibro resultados)` — $O(\log(n))$

Justificación: ya que es un árbol balanceado la altura del árbol es proporcional a $\log(m)$ de n , donde m es el orden del árbol, entonces cómo se utiliza una búsqueda árbol binaria la complejidad es logarítmica.

`insertar(Libro* libro) — $O(\log(n))$`

Justificación: debido a la búsqueda con complejidad $O(\log(n))$ y división siendo esta última dependiendo de las circunstancias, la complejidad se eleva a logarítmica.

`eliminar(const string genero, Libro* libro especifico) — $O(\log(n))$`

Justificación: debido a la búsqueda que se realiza primero y como ya vimos que la búsqueda es de complejidad $O(\log(n))$.

`inOrden() — $O(n)$`

Justificación: debido a los ciclos que esta recorre al imprimir todos los nodos.

- **Clase nodoB:**

`inOrden() — $O(n)$`

Justificación: debido a los ciclos que esta recorre al imprimir todos los nodos.

`buscarPorGenero(const string&, ListaLibro&) — $O(n)$`

Justificación: recorre cada clave en el nodo y llama recursivamente a los hijos.

`insertarNoLleno(Libro* libro) — $O(\log(n))$`

Justificación: al buscar la posición en la que se insertará, al chequear que su hijo esté lleno y en dado caso dividir y recurrir a un hijo, la complejidad se vuelve logarítmica.

`dividir(int indice, nodoB* hijo) — $O(n)$`

Justificación: ya que se copian n cantidad de claves y de hijos al nuevo nodo, se redimensiona vectores y se hace la inserción en hijos, se puede decir que se realizan operaciones lineales.

`encontrarLlave(const string &genero) — $O(n)$`

Justificación: realiza una búsqueda secuencial dentro del nodo comparando cada clave hasta encontrar coincidencia; el número de comparaciones crece linealmente con la cantidad de claves en el nodo.

`fusionar(int idx)` — $O(n)$

Justificación: combina todas las claves y los hijos de dos nodos en uno solo, moviendo elementos y eliminando referencias, lo cual requiere un recorrido completo de las listas de claves e hijos.

`prestarDeAnterior(int idx)` — $O(n)$

Justificación: inserta un elemento al inicio del vector llaves, lo que provoca un desplazamiento lineal de los elementos; además mueve un hijo si no es hoja, resultando en tiempo lineal.

`prestarDeSiguiente(int idx)` — $O(n)$

Justificación: borra el primer elemento del vector del hermano derecho (`erase(begin())`), operación que desplaza todos los elementos siguientes, resultando en complejidad lineal.

`llenar(int idx)` — $O(n)$

Justificación: llama a `prestarDeAnterior`, `prestarDeSiguiente` o `fusionar`, las cuales tienen complejidad lineal en el tamaño del nodo.

`eliminarDeHoja(int idx)` — $O(n)$

Justificación: elimina un elemento del vector llaves usando `erase(begin() + idx)`, lo que desplaza los elementos posteriores una posición, generando coste lineal.

`obtenerPredecesor(int idx)` — $O(\log(n))$

Justificación: desciende recursivamente por el hijo derecho hasta llegar a una hoja, recorriendo la altura del árbol, que es logarítmica respecto al número total de claves.

`obtenerSucesor(int idx)` — $O(\log(n))$

Justificación: similar al predecesor, recorre la altura del árbol descendiendo por el hijo izquierdo hasta la hoja, siendo el número de niveles proporcional a $\log(n)$.

`eliminarDeNoHoja(int idx)` — $O(\log(n))$

Justificación: puede reemplazar la clave por su predecesor o sucesor (cada uno de los cuales requiere recorrer la altura del árbol) o fusionar nodos, lo cual implica un coste logarítmico en el peor caso.

`eliminar(const string &genero, Libro libroEspecifico)* — $O(\log(n))$`

Justificación: recorre el árbol descendiendo por un solo camino de longitud igual a la altura del árbol ($\log n$) y realiza operaciones locales (buscar, eliminar o fusionar) en cada nivel, cuyo coste es constante o lineal en el grado del nodo, manteniendo la complejidad logarítmica global.

- **Clase ArbolB+:**

`encontrarHoja(Nodo nodo, int key)* — $O(\log(n))$`

Justificación: desciende desde la raíz hasta una hoja (altura $h \approx \log n$). En cada nodo hace un while lineal sobre `nodo->keys` ($O(m)$). Si se considera m constante, queda $O(\log n)$.

`insertarEnHoja(Nodo hoja, Libro libro)** — $O(m)$`

Justificación: usa `lower_bound` ($O(\log m)$) para encontrar posición, pero luego realiza `vector::insert` y/o `vector::push_back` y `records.insert` que desplazan/copian elementos en el vector (operaciones lineales en el número de claves del nodo $\rightarrow O(m)$). Si m constante, se trata como $O(1)$ amortizado por nodo.

`dividirHoja(Nodo hoja)* — $O(m)$`

Justificación: crea un nuevo nodo y copia la mitad superior de `keys` y `records` ($\approx m/2$ elementos), borra el rango en la hoja original y ajusta punteros `next`. Las operaciones de `assign/erase` sobre vectores son lineales en la cantidad movida.

`dividirInterno(Nodo node)* — $O(m)$`

Justificación: copia las claves y `children` del lado derecho al nuevo nodo y reduce los vectores del nodo original; las operaciones `assign/erase` mueven $O(m)$ elementos ($m = \#claves$ por nodo).

`insertarRecursivo(Nodo node, int key, Libro libro, ...)** — $O(\log(n))$`

Justificación: desciende recursivamente hasta hoja (altura h), en cada nivel realiza búsquedas lineales en `keys` ($O(m)$), posibles inserciones en vectores ($O(m)$) y, si hay `split`, llama a `dividirHoja` o `dividirInterno` ($O(m)$). Con m constante, el coste dominante es la altura: $O(\log n)$.

`insertarRecursivo(Nodo node, int key, Libro libro, ...)**— $O(\log(n))$`

Justificación: desciende recursivamente hasta hoja (altura h), en cada nivel realiza búsquedas lineales en keys ($O(m)$), posibles inserciones en vectores ($O(m)$) y, si hay split, llama a `dividirHoja` o `dividirInterno` ($O(m)$). Con m constante, el coste dominante es la altura: $O(\log n)$.

`insertar(Libro libro)*— $O(\log(n))$`

Justificación: llama a `insertarRecursivo`; en caso de split en la raíz crea una nueva raíz ($O(1)$). Por lo tanto la complejidad es la del recursivo: $O(h \cdot m) \rightarrow O(\log n)$ con grado fijo.

`recolectarRangoDesdeHoja(Nodo hoja, int anioInicial, int anioFinal, ListaLibro &resultados)*— $O(n)$`

Justificación: recorre hojas enlazadas desde hoja, para cada clave en cada hoja añade sus registros a resultados. Si devuelve k libros, el coste es proporcional a la cantidad de claves y registros visitados; si el rango cubre todo el árbol es $O(n)$.

`buscar(int anioInicial, int anioFinal, ListaLibro &resultados)— $O(\log(n+k))$`

Justificación: localiza la hoja inicial con `encontrarHoja` ($O(h \cdot m) \approx O(\log n)$); puede ajustar/avanzar en hojas hasta la primera clave \geq inicio (coste pequeño) y luego llama a `recolectarRangoDesdeHoja` (coste $O(k)$ para recolectar k resultados). En conjunto: $O(\log n + k)$.

`eliminarPorTitulo(const string &titulo)— $O(n)$`

Justificación: recorre todas las hojas desde la más a la izquierda hasta el final (puede visitar cada hoja y cada registro) buscando el título; además los erase en vectores (tanto en `records[i]` como en `keys/records`) son operaciones que desplazan elementos, por lo que en el peor caso toca y modifica una cantidad lineal de datos.

`imprimirArbol()— $O(n)$`

Justificación: hace un recorrido por niveles (BFS) y emite las claves de cada nodo; cada nodo y cada clave se procesa una vez.

`imprimirHojas()— $O(n)$`

Justificación: baja hasta la primera hoja y sigue `next` a través de todas las hojas, imprimiendo cada clave; visita todas las claves hoja exactamente una vez.

-TADS:

TAD: ListaLibro:

- `crear()` → ListaLibro
- `agregarLibro(libro)`
- `eliminarLibro(titulo)`
- `imprimirLista()`
- `buscarPorIsbn(isbn)` → Libro | NULL
- `buscarPorTitulo(titulo)` → Libro | NULL
- `estaVacia()` → bool
- `getTamanio()` → int

TAD ArbolAVL:

- `crear()` → ArbolAVL
- `insertarPorIsbn(isbn, libro)`
- `insertarPorTitulo(titulo, libro)`
- `buscarPorIsbn(isbn)` → NodoAVL* | NULL
- `buscarPorTitulo(titulo)` → NodoAVL* | NULL
- `eliminarIsbn(isbn)`
- `eliminarTitulo(titulo)`
- `inorden()`
- `generarGraphviz(archivoDOT, imagen)`

TAD ArbolB:

- **crear(grado) → ArbolB**
- **buscar(genero, resultados)**
- **insertar(libro)**
- **eliminar(genero, libroEspecifico)**
- **inOrden()**
- **generarGraphviz(dot, imagen)**

TAD ArbolBPlus:

- **crear(orden) → ArbolBPlus**
- **insertar(libro)**
- **buscar(anioInicial, anioFinal, resultados)**
- **eliminarPorTitulo(titulo) → bool**
- **imprimirArbol()**
- **imprimirHojas()**
- **generarGraphviz(dot, imagen)**