

[Aula 5] Linguagem de Programação Análise e Desenvolvimento de Sistemas

Matrizes e Subprogramação – Prof. Jean Zahn jeanozahn@gmail.com

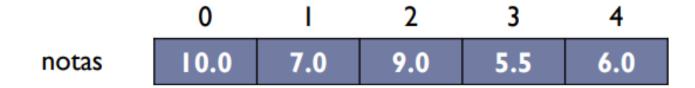
Matrizes

Variável composta multidimensional

- È equivalente a um vetor, contudo permite a utilização de diversas dimensões acessadas via diferentes índices
- Pode ser pensada como um vetor onde cada célula é outro vetor, recursivamente
- Em diversas situações matrizes são necessárias para correlacionar informações



Assumindo que **um aluno é avaliado com cinco notas**, seria necessário um vetor de cinco posições para guardar as notas de um aluno...



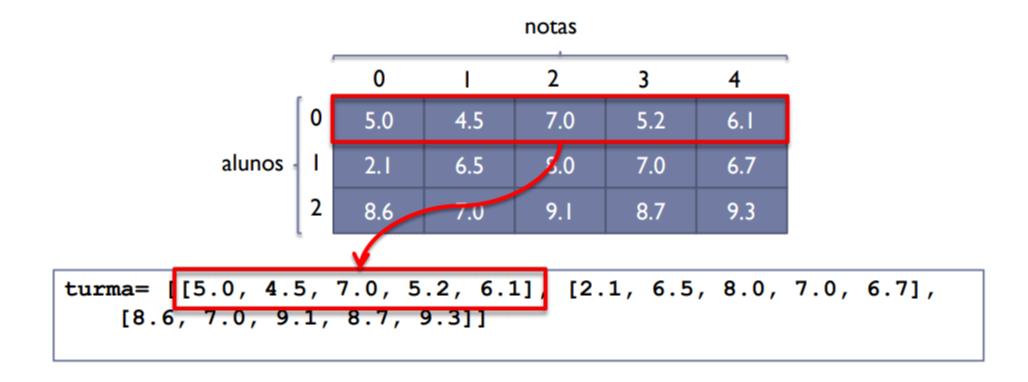


Assumindo que **um aluno é avaliado com cinco notas**, seria necessário um vetor de cinco posições para guardar as notas de um aluno...

		notas						
		0	- 1	2	3	4		
alunos =	0	5.0	4.5	7.0	5.2	6.1		
	1	2.1	6.5	8.0	7.0	6.7		
	2	8.6	7.0	9.1	8.7	9.3		

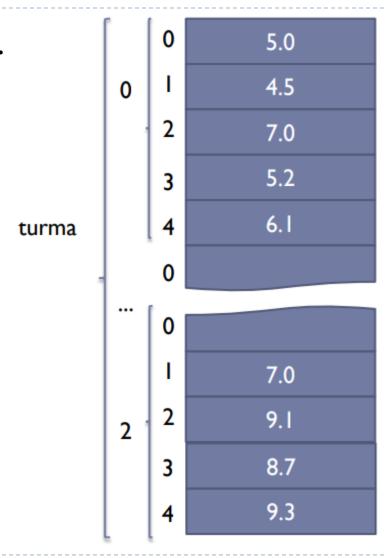


Assumindo que **um aluno é avaliado com cinco notas**, seria necessário um vetor de cinco posições para guardar as notas de um aluno...





Na verdade, na memória seria algo assim...





Acesso aos valores: [linha][coluna]

Segunda nota do primeiro aluno

```
>>> turma[0][1]
4.5
```

Quinta nota do terceiro aluno

```
>>> turma[2][4]
```

9.3

		notas						
		0	I	2	3	4		
alunos =	0	5.0	4.5	7.0	5.2	6.1		
	1	2.1	6.5	8.0	7.0	6.7		
	2	8.6	7.0	9.1	8.7	9.3		



Calcular a média da turma

```
turma = [[5.0, 4.5, 7.0, 5.2, 6.1],
[2.1, 6.5, 8.0, 7.0, 6.7], [8.6, 7.0,
9.1, 8.7, 9.311
#calcula a média
media = 0
#for para percorrer as linhas
for i in range(3):
    #for para percorrer as colunas
    for j in range (5):
        media = media + turma[i][j]
media = media / 15
print (media)
```

Preencher a matriz por leitura

```
turma = []
for i in range(3):
    # cria linha vazia
    linha = []
    for j in range (5):
        #vai adicionando as notas na linha
        linha.append(int(input('Digite a nota
        [' + str(i) + ', ' + str(j) + ']:'))
    #adiciona a linha na matriz turma
    turma.append(linha)
```

Programa que cria uma matriz **n** x m preenchida com zeros

```
n = int(input('Digite a dimensão n da matriz: '))
m = int(input('Digite a dimensão m da matriz: '))
matriz = []
for i in range(n):
    linha = []
    for j in range(m):
        linha.append(0)
    matriz.append(linha)
print(matriz)
```

Simplificando o exemplo

Programa que cria uma matriz n x m preenchida com zeros

```
n = int(input('Digite a dimensão n da matriz: '))
m = int(input('Digite a dimensão m da matriz: '))
matriz = []
for i in range(n):
    matriz.append([0]*m)
print(matriz)
```



Imprimir em forma de matriz

Programa que cria uma matriz n x m preenchida com zeros e a imprime no formato de matriz

```
n = int(input('Digite a dimensão n da matriz: '))
m = int(input('Digite a dimensão m da matriz: '))
matriz = []
for i in range(n):
    matriz.append([0]*m)
#imprimir em formato de matriz
for i in range(n):
    print(matriz[i])
```



Imprimir em forma de matriz

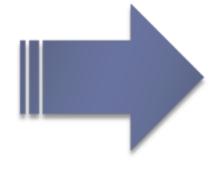
Programa que cria uma matriz n x m preenchida com zeros e a imprime no formato de matriz

```
n = int(input('Digite a dimensão n da matriz: '))
m = int(input('Digite a dimensão m da matriz: '))
matriz = []
for i in range(n):
    matriz.append([0]*m)
#imprimir em formato de matriz
for i in range(n):
    print(matriz[i])
```

Resultado para matriz 2x3: [0, 0, 0][0, 0, 0]

Exemplo Contar Pares

Programa que lê uma matriz 3x3 digitada pelo usuário e conta quantos números pares existem na matriz, imprimindo na tela o resultado e a matriz.



Exemplo Contar Pares

```
matriz = []
for i in range(3):
    linha = []
    for j in range(3):
        linha.append(int(input('Digite o valor de ['+ str(i) + ',' + str(j) + ']:')))
        matriz.append(linha)
#contar pares
pares = 0
for i in range(3):
    for j in range(3):
        if matriz[i][j] % 2 == 0:
            pares = pares + 1
#imprimir em formato de matriz
for i in range(3):
    print(matriz[i])
#imprimir qtde de números pares
print('A matriz contém', pares, 'números pares')
```

Relembrando: for iterando sobre valores

Um comando for também pode iterar sobre valores de uma lista

```
lista = [1,2,4,5,7,8,9]
for i in lista:
    print(i)
```

Variação do Exemplo Contar Pares

```
matriz = []
for i in range(3):
    linha = []
    for j in range(3):
        linha.append(int(input('Digite o valor de [' + str(i) + ',' + str(j) + ']:')))
    matriz.append(linha)
#contar pares
pares = 0
for linha in matriz:
    for valor in linha:
        if valor % 2 == 0:
            pares = pares + 1
#imprimir em formato de matriz
for i in range(3):
    print(matriz[i])
#imprimir qtde de números pares
print('A matriz contém', pares, 'números pares')
```

Dimensões da matriz

- É possível usar len() para saber a dimensão de uma matriz
- Assumindo que todas as linhas possuem o mesmo número de elementos, pode-se fazer:
 - Número de linhas: len(matriz)
 - Número de colunas: len(matriz[0])

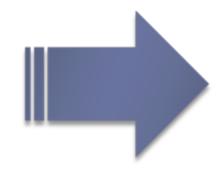
```
matriz = []
parar = False
while not(parar):
    linha = [0] * 10
    matriz.append(linha)
    x = input("Deseja parar? (S/N)")
    if x == "S":
        parar = True
print("A matriz possui %d linhas" % len(matriz))
print("A matriz possui %d colunas" % len(matriz[0]))
```



Python permite misturar tipos em uma matriz

Exemplo: programa que armazena os nomes e idades de 10 pessoas em uma matriz, e imprime o nome da pessoa mais nova

Ana	10
Lucas	15
Bia	13
Larissa	24
Leo	21
Bruno	32
Cássio	4
Jonas	8
Lauro	23
Mateus	18





Encontra a pessoa mais nova

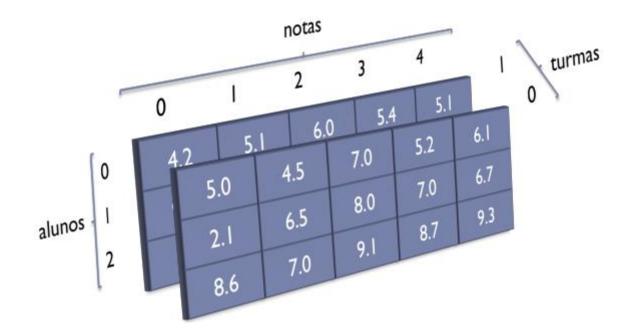
```
m = []
#preenche a matriz
for i in range (10):
    linha = []
    linha.append(input('Digite o nome da pessoa ' + str(i) + ':'))
    linha.append(int(input('Digite a idade de ' + linha[0] + ':')))
    m.append(linha)
#procura a pessoa mais nova
                                                                      Ana
                                                                                   10
menor = m[0][1]
                                                                      Lucas
                                                                                   15
pos = 0
                                                                      Bia
                                                                                   13
for i in range (10):
                                                                      Larissa
                                                                                   24
    if m[i][1] < menor:
                                                                      Leo
                                                                                   21
        menor = m[i][1]
        pos = i
                                                                      Bruno
                                                                                   32
#imprime a matriz
                                                                      Cássio
for i in range (10):
                                                                      onas
    print(m[i])
                                                                                   23
                                                                      Lauro
print('A pessoa mais nova é', m[pos][0])
                                                                      Mateus
```

Matrizes

▶ Uma matriz pode ter um número qualquer de dimensões! Basta usar um índice para cada dimensão.



Ainda, assumindo que **um curso tem duas turmas**, seria necessária uma matriz tridimensional para guardar as notas de todos os alunos de todas as turmas do curso.



Atribuição

```
>>> m = [[5.0, 4.5, 7.0, 5.2,
5.1], [2.1, 6.5, 8.0, 7.0, 6.7], [8.6, 7.0, 9.1, 8.7, 9.3]], [[
4.2,5.1,6.0,5.4,5.1],[0.0,8.0,7.5,8.1,8.8],[2.3,4.4,
6.7,6.6,7.0111
                                           notas
            Turma 1
                              alunos
```

Atribuição

```
>>> m = [[5.0, 4.5, 7.0, 5.2,
5.1], [2.1, 6.5, 8.0, 7.0, 6.7], [8.6, 7.0, 9.1, 8.7, 9.3]], [[
4.2,5.1,6.0,5.4,5.1],[9.0,8.0,7.5,8.1,8.8],[2.3,4.4,
6.7,6.6,7.0111
>>> print(m[0][1][0])
                                             notas
2.1
                                            4.5
       Turma
                  Nota
                                        5.0
             Aluno
                               alunos
```

- I. Faça um programa que leia uma matriz 3x3 de inteiros e multiplique os elementos da diagonal principal da matriz por um número k. Imprima a matriz na tela antes e depois da multiplicação.
- 2. Faça um programa que leia duas matrizes A e B 2x2 de inteiros e imprima a matriz C que é a soma das matrizes A e B.
- 3. Faça um programa que leia as dimensões de duas matrizes A e B, e depois leia as duas matrizes (os elementos devem ser inteiros). Se as matrizes forem de tamanhos compatíveis para multiplicação, multiplique as matrizes. Imprima as matrizes A, B e a matriz resultante da multiplicação.



- 4. Faça um programa que leia uma matriz 3x3 de inteiros e retorne a linha de maior soma. Imprima na tela a matriz, a linha de maior soma e a soma.
- 5. Faça um programa que leia a ordem de uma matriz quadrada A (até 100), posteriormente leia seus valores e escreva sua transposta AT, onde

$$AT[i][j] = A[j][i]$$

- 4. Uma pista de Kart permite 10 voltas para cada um de 6 corredores. Faça um programa que leia os nomes e os tempos (em segundos) de cada volta de cada corredor e guarde as informações em uma matriz. Ao final, o programa deve informar:
 - a) De quem foi a melhor volta da prova, e em que volta
 - b) Classificação final em ordem (1°. o campeão)
 - c) Qual foi a volta com a média mais rápida



- 7. Faça um programa que leia uma matriz 6x3 com números reais, calcule e mostre: (a) o maior elemento da matriz e sua respectiva posição (linha e coluna); (b) o menor elemento da matriz e sua respectiva posição.
- 8. Faça um programa que leia duas matrizes A e B de números inteiros e verifica se ambas são inversas (ou seja, se a multiplicação de A por B é a matriz identidade).
- 9. Faça um programa que leia uma matriz 3x3 que representa um tabuleiro de jogo da velha e indique qual posição deveria ser jogada para ganhar o jogo (se possível) ou ao menos evitar uma derrota.



10. Faça um programa que lê duas notas para cada aluno de duas turmas. Cada turma tem 3 alunos. Armazene os dados em uma matriz M. Cada aluno deve ter três notas (as duas digitadas e a média dessas duas). Calcule a média de cada turma e armazene em um vetor TURMA. Informe qual turma tem maior média, e quais alunos tiveram média maior que a média de sua turma.



Subprogramação

O que vimos até agora

- Programas usam apenas sequência, repetição e decisão
- Capacidade de resolver diversos problemas, mas difícil de resolver problemas grandes
 - Em diversas situações, é necessário repetir o mesmo trecho de código em diversos pontos do programa





```
max = 4
soma = 0
for i in range(max):
    soma = soma + i
print(soma)
soma = 0
for x in range (10, 50, 10):
    soma = soma + x
print(soma)
```

```
max = 4
soma = 0
for i in range(max):
    soma = soma + i
print(soma)
```

```
soma = 0
for x in range (10, 50, 10):
    soma = soma + x
print(soma)
```

Trecho se repete 2 vezes

- Ler dois valores X e Y
- 2. Calcular a média de X e Y
- Ler dois valores A e B
- 4. Calcular a média de A e B
- 5. Multiplicar A por X e guardar o resultado em A
- 6. Multiplicar B por Y e guardar o resultado em B
- 7. Calcular a média de A e B

Operação de cálculo de média é repetida 3 vezes

Problemas desta "repetição"

- Programa muito grande, porque tem várias "partes repetidas"
- Erros ficam difíceis de corrigir (e se eu esquecer de corrigir o erro em uma das N repetições daquele trecho de código?)





Solução: subprogramação

- Definir o trecho de código que se repete como uma "função" que é chamada no programa
- A função é definida uma única vez, e chamada várias vezes dentro do programa



Voltando ao Exemplo 1

```
def calcula_soma(min, max, inc):
    soma = 0
    for i in range(min, max, inc):
        soma = soma + i
    return soma
```

Definição da função

```
s = calcula_soma(0,4,1)
print(s)
print(calcula_soma(10,50,10))
```

Chamada da Função (2x)

```
c()
```

```
def a():
...
b()
return ...
```

```
def c():
...
...
return ...
```

```
def b():
...
...
return ...
```



```
def a():
                                return ...
c()
                              def c():
                                return ...
```

```
def b():
...
...
return ...
```

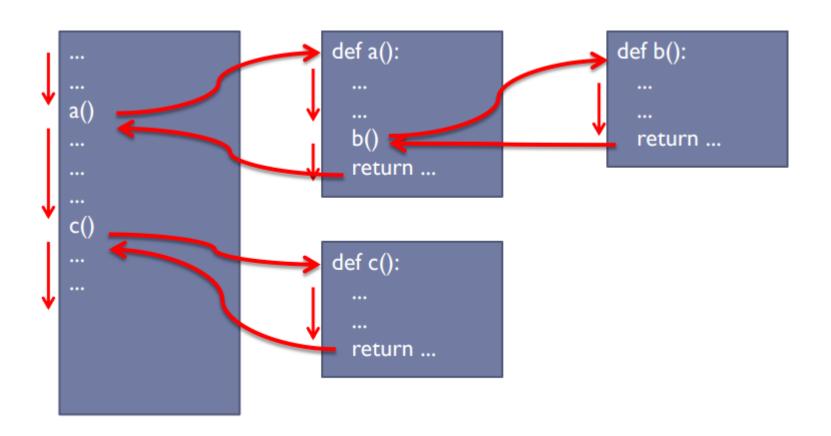


```
def a():
                                                               def b():
                                                                  return ...
                                 return ...
c()
                              def c():
                                 return ...
```



```
def b():
                              def a():
                                                                 return ...
                                return ...
c()
                              def c():
                                return ...
```







```
def calcula_soma(min, max, inc):
    soma = 0
    for i in range(min, max, inc):
        soma = soma + i
    return soma
```

```
s = calcula_soma(0,4,1)
print(s)
print(calcula_soma(10,50,10))
```

Execução
começa no
primeiro
comando que
está fora de
uma função

```
def calcula soma(min, max, inc):
    soma = 0
    for i in range(min, max, inc):
        soma = soma + i
    return soma
s = calcula soma(0,4,1)
print(s)
print(calcula soma(10,50,10))
```



```
def calcula soma(min, max, inc):
    soma = 0
    for i in range(min, max, inc):
        soma = soma + i
    return soma
s = calcula soma(0,4,1)
print(s)
print(calcula soma(10,50,10))
```

```
def calcula soma(min, max, inc):
    soma = 0
    for i in range(min, max, inc):
        soma = soma + i
    return soma_
s = calcula soma(0,4,1)
print(s) 
print(calcula soma(10,50,10))
```

```
def calcula soma(min, max, inc):
    soma = 0
    for i in range(min, max, inc):
        soma = soma + i
    return soma
s = calcula soma(0,4,1)
print(s)
print(calcula soma(10,50,10))
```



```
def calcula soma(min, max, inc):
    soma = 0
    for i in range(min, max, inc):
        soma = soma + i
    return soma
s = calcula soma(0,4,1)
print(s)
print(calcula soma(10,50,10))
```



```
def calcula soma(min, max, inc):
    soma = 0
    for i in range(min, max, inc):
        soma = soma + i
    return soma
s = calcula soma(0,4,1)
print(s)
print(calcula soma(10,50,10))
```



```
def calcula soma(min, max, inc):
    soma = 0
    for i in range(min, max, inc):
        soma = soma + i
    return soma
s = calcula soma(0,4,1)
print(s)
print(calcula soma(10,50,10))
```



Declaração de Função

Exemplo:

```
def calcula_soma(min, max, inc):
   soma = 0
   for i in range(min, max, inc):
      soma = soma + i
   return soma
```

Exemplo

```
def calcula tempo (velocidade, distancia):
    tempo = distancia/velocidade
    return tempo
def calcula distancia (velocidade, tempo):
    distancia = velocidade * tempo
    return distancia
t = calcula tempo(10, 5)
print(t)
d = calcula distancia(5, 4)
print(d)
```

Importante lembrar

- Um programa Python pode ter 0 ou mais definições de função
- Uma função pode ser chamada 0 ou mais vezes
- ▶ Uma função só é **executada** quando é **chamada**
- Duas chamadas de uma mesma função usando valores diferentes para os parâmetros da função podem produzir resultados diferentes

Escopo de Variáveis

Variáveis podem ser locais ou globais

Variáveis locais

- Declaradas dentro de uma função
- São visíveis somente dentro da função onde foram declaradas
- São destruídas ao término da execução da função

Variáveis globais

- Declaradas fora de todas as funções
- São visíveis por TODAS as funções do programa



Exemplo: variáveis locais

```
def calcula tempo (velocidade, distancia):
    tempo = distancia/velocidade
    return tempo
def calcula distancia (velocidade, tempo):
    distancia = velocidade * tempo
    return distancia
t = calcula tempo(10, 5)
print(t)
d = calcula distancia(5, 4)
print(d)
```



Exemplo: parâmetros também se comportam como variáveis locais

```
def calcula tempo(velocidade, distancia):
    tempo = distancia/velocidade
    return tempo
def calcula distancia (velocidade, tempo):
    distancia = velocidade * tempo
    return distancia
t = calcula tempo(10, 5)
print(t)
d = calcula distancia(5, 4)
print(d)
```



Exemplo: variáveis globais

```
def calcula tempo (velocidade, distancia):
    tempo = distancia/velocidade
    return tempo
def calcula distancia (velocidade, tempo):
    distancia = velocidade * tempo
    return distancia
t = calcula tempo(10, 5)
print(t)
d = calcula distancia(5, 4)
print(d)
```



Uso de Variáveis Globais x Variáveis Locais

- Cuidado com o uso de variáveis globais dentro de funções
 - Dificultam o entendimento do programa
 - Dificultam a correção de erros no programa
 - Se a variável pode ser usada por qualquer função do programa, encontrar um erro envolvendo o valor desta variável pode ser muito complexo

Recomendação

Sempre que possível, usar variáveis LOCAIS nas funções e passar os valores necessários para a função como parâmetro



Escopo de Variáveis

```
def calcula tempo (velocidade, distancia):
     tempo = distancia/velocidade
     return tempo
                                       velocidade distancia tempo
|def calcula distancia(velocidade, tempo):
     distancia = velocidade * tempo
     return distancia
                                       velocidade tempo distancia
v = 10
t = calcula tempo(v, 5)
print(t)
d = calcula distancia(v, t)
print(d)
```

Parâmetros

- Quando uma função é chamada, é necessário fornecer um valor para cada um de seus parâmetros
- lsso por ser feito informando o valor diretamente
 - $t = calcula_tempo(1, 2)$
- ou; Usando o valor de uma variável
 - t = calcula_tempo(v, d)

Passagem de Parâmetro

```
def calcula tempo (velocidade, distancia):
    tempo = distancia/velocidade
    return tempo
def calcula distancia (velocidade, tempo):
    distancia = velocidade * tempo
    return distancia
v = 10
t = calcula tempo(v, 5)
print(t)
id = calcula distancia(v, t)
print(d)
```

Passagem de Parâmetro

```
def calcula tempo(velocidade, distancia):
    tempo = distancia/velocidade
                                                 10
    return tempo
                                              velocidade distancia tempo
def calcula distancia (volocidade, tempo):
    distancia = velocidade * tempo
    return distancia
v = 10
t = calcula tempo(v, 5)
print(t)
d = calcula distancia(v, t)
print(d)
```

Passagem de Parâmetro

```
def calcula tempo(velocidade, distancia):
                                                10
    tempo = distancia/velocidade
    return tempo
                                              velocidade distancia tempo
def calcula/distancia(velocidade, tempo):
    distancia = velocidade * tempo
    return distancia
t = calcula tempo(v, 5)
print(t)
d = calcula distancia(v, t)
print(d)
```

Passagem de Parâmetro por Valor

- Python usa passagem de parâmetro por valor
 - Faz cópia do valor da variável original para o parâmetro da função
 - Variável original fica preservada das alterações feitas dentro da função
- Existem exceções que veremos mais tarde



Exemplo

```
def calcula tempo (velocidade, distancia):
    tempo = distancia/velocidade
    velocidade = 0
    return tempo
def calcula distancia (velocidade, tempo):
    distancia = velocidade * tempo
    return distancia
v = 10
t = calcula tempo(v, 5)
print(v)
print(t)
d = calcula distancia(v, t)
print(d)
```



Retorno das funções

- Função que retorna um valor deve usar return
 - Assim que o comando return é executado, a função termina
- Uma função pode não retornar nenhum valor
 - Nesse caso, basta não usar o comando return
 - Assim a função termina quando sua última linha de código for executada



Exemplo de função sem retorno

```
def imprime_asterisco(qtd):
    for i in range(qtd):
        print('******************************
imprime_asterisco(2)
print('PROGRAMAR EH LEGAL')
imprime_asterisco(2)
```



Chamada de função

> Se a função retorna um valor, pode-se atribuir seu resultado a uma variável

```
m = maior(v)
```

▶ Se a função não retorna um valor (não tem **return**), não se deve atribuir seu resultado a uma variável (se for feito, variável ficará com valor **None**)

```
imprime_asterisco(3)
```



Função sem parâmetro

Nem toda função precisa ter parâmetro

Nesse caso, ao definir a função, deve-se abrir e fechar parênteses, sem informar nenhum parâmetro

O mesmo deve acontecer na chamada da função



Exemplo

```
def menu():
  print('1 - Somar')
  print('2 - Subtrair')
  print('3 - Multiplicar')
  print('4 - Dividir')
  menu()
opcao = eval(input('Digite a opção desejada: '))
#tratar opção do usuário
```

Parâmetros default

- Em alguns casos, pode-se definir um valor default para um parâmetro. Caso ele não seja passado na chamada, o valor default será assumido.
- Exemplo: uma função para calcular a gorjeta de uma conta tem como parâmetros o valor da conta e o percentual da gorjeta. No entanto, na grande maioria dos restaurantes, a gorjeta é 10%. Podemos então colocar 10% como valor default para o parâmetro percentual_gorjeta



Exemplo da gorjeta

```
return valor * percentual/100
gorjeta = calcular gorjeta(400)
print('O valor da gorjeta de 10% de uma conta de R$
400 eh', gorjeta)
gorjeta = calcular gorjeta(400, 5)
print('O valor da gorjeta de 5% de uma conta de R$ 400
eh', gorjeta)
                                         Quando a gorjeta não é
```

informada na chamada da

função, o valor do

parâmetro gorjeta fica

sendo 10

def calcular gorjeta(valor, percentual=10):

Uso de Variáveis Globais

- Variáveis globais podem ser acessadas dentro de uma função
- Se for necessário altera-las, é necessário declarar essa intenção escrevendo, no início da função, o comando **global < nome da variável>**



Exemplo: variáveis globais acessadas na função

```
def maior():
     if a > b:
         return a
     else:
         return b
\mathbf{b} = 2
m = maior()
print(m)
```



Exemplo: variável global **modificada** na função

```
def maior():
       global m
       if a > b:
              \mathbf{m} = \mathbf{a}
       else:
              \mathbf{m} = \mathbf{b}
\mathbf{m} = 0
a = 1
\mathbf{b} = 2
maior()
print(m)
```

Péssima, péssima, péssima prática de programação!

Sem uso de variáveis globais: muito mais elegante!

```
def maior(a, b):
    if a > b:
        return a
    else:
        return b
a = 1
b = 2
m = maior(a, b)
print(m)
```

Vejam que agora a e b são parâmetros. Os parâmetros também poderiam ter **outros nomes** (exemplo, x e y)

Colocar funções em arquivo separado

- Em alguns casos, pode ser necessário colocar todas as funções em um arquivo separado
- Nesse caso, basta definir todas as funções num arquivo .py (por exemplo funcoes.py).
- Quando precisar usar as funções em um determinado programa, basta fazer import <nome do arquivo que contém as funções>
- Ao chamar a função, colocar o nome do arquivo na frente



Exemplo

Arquivo utilidades.py

```
def soma(a, b):
    soma = a + b
    return soma

def media(a, b):
    return (a + b) / 2
```

Arquivo teste.py

import utilidades

```
x = 2
y = 3
print(utilidades.soma(x,y))
print(utilidades.media(x,y))
```

Vantagens

- Economia de código
 - Quanto mais repetição, mais economia
- Facilidade na correção de defeitos
 - Corrigir o defeito em um único local
- Legibilidade do código
 - Podemos dar nomes mais intuitivos a blocos de código
 - È como se criássemos nossos próprios comandos
- Melhor tratamento de complexidade
 - Estratégia de "dividir para conquistar" nos permite lidar melhor com a complexidade de programas grandes
 - ▶ Abordagem top-down ajuda a pensar!

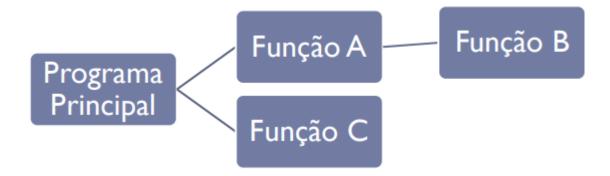


Dividir para conquistar

▶ Antes: um programa gigante

Programa Principal

Depois: vários programas menores





▶ Faça um programa que contém uma função que recebe um número inteiro que corresponde a um mês do ano e retorna o nome desse mês. Por exemplo, se o mês informado como parâmetro for l a função deverá retornar "janeiro", se o mês enviado como parâmetro for 2 a função deverá retornar "fevereiro" e assim por diante.



- 2. Faça uma função que informe o status do aluno a partir da sua média de acordo com a tabela a seguir:
 - Nota acima de 6 → "Aprovado"
 - Nota entre 4 e 6 → "Verificação Suplementar"
 - Nota abaixo de 4 → "Reprovado"
- 3. Faça uma função para verificar se um ano é bissexto ou não. Utilize a seguinte regra:
 - Um ano bissexto é divisível por 4, mas não por 100, ou então se é divisível por 400.
 - Exemplo: 1988 é bissexto pois é divisível por 4 e não é por 100; 2000 é bissexto porque é divisível por 400.
 - A função deve retornar True caso o ano seja bissexto, e False caso contrário.



- 4. Faça um programa que, dado uma figura geométrica que pode ser uma circunferência, triângulo ou retângulo, calcule a área e o perímetro da figura
- De programa deve primeiro perguntar qual o tipo da figura:
 - (I) circunferência
 - ▶ (2) triângulo
 - ▶ (3) retângulo
- Dependendo do tipo de figura, ler o (1) tamanho do raio da circunferência; (2) tamanho de cada um dos lados do triângulo; (3) tamanho dos dois lados retângulo



- 5. O professor deseja dividir uma turma com N alunos em dois grupos: um com M alunos e outro com (N-M) alunos. Faça o programa que lê o valor de N e M e informa o número de combinações possíveis.
 - Número de combinações é igual a N!/(M! * (N-M)!)



6. Faça uma calculadora que forneça as seguintes opções para o usuário, usando funções sempre que necessário. Cada opção deve usar como operando um número lido do teclado e o valor atual da memória. Por exemplo, se o estado atual da memória é 5, e o usuário escolhe somar, ele deve informar um novo número (por exemplo, 3). Após a conclusão da soma, o novo estado da memória passa a ser 8.

```
Estado da memória: 0
Opções:
(1) Somar
(2) Subtrair
(3) Multiplicar
(4) Dividir
(5) Limpar memória
(6) Sair do programa
Qual opção você deseja?
```

Referências

 Alguns slides de Leonardo Murta e Aline Paes – Instituto de Computação – Universidade Federal Fluminense.





[Aula 5] Linguagem de Programação Análise e Desenvolvimento de Sistemas

Matrizes e Subprogramação – Prof. Jean Zahn jeanozahn@gmail.com