## Lista 9 - Geometria Analítica

## Círculos, Esferas e Cônicas

1 — Ache a equação dos seguintes círculos:

- a) Centro (-2,5) e raio r=3.
- b) Centro (5,2) e passando pelo ponto (2,3)
- c) Tangente ao eixo y na origem e raio a
- d) Centro (3, -2) tangente a 2x y = 0
- e) Tangente a 2x 5y + 1 = 0 no ponto (2, 1) e raio 3 (duas respostas)

2 — Identifique, dando o centro e o raio.

a) 
$$x^2 + y^2 - 4x + 6y = 12$$

b) 
$$x^2 + y^2 - 2x - 4y + 5 = 0$$

3 — Ache a equação do círculo que passa pelos pontos (4,0), (0,3) e a origem.

4 — Verifique que as equações abaixo descrevem esferas, em caso afirmativo identifique o centro e o raio:

a) 
$$x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4y + 10 = 0$$

b) 
$$x^2 - 6x + y^2 - 4y + z^2 + 14z + 58 = 0$$

5 — no ponto indicado:

- a) Ache a equação a reta tangente a  $x^2 + y^2 = 25$  no ponto (-3,4);
- b) Ache as retas tangentes ao circulo  $x^2 + y^2 = 4x$  que passam pelo ponto (3, 2).
- c) Uma corda da circunferência  $x^2 + y^2 = 25$  se encontra sobre a reta cuja equação é

x - 7y + 25 = 0. Qual o comprimento dessa corda?

**6** — As equações dos lados de um triângulo são 9x + 2y + 13 = 0, 3x + 8y - 47 = 0 e x - y - 1 = 0. Encontrar a equação da circunferência circunscrita.

7 — Qual a equação da circûnferencia que passa pelos pontos (1,2), (3,4) e que tem centro sobre o eixo y?

**8** — Ache a equação dos círculos que passam pelos seguintes conjuntos de pontos. Diga qual o centro, o raio e desenhe.

- a) (3,4), (-1,2), (-2,4)
- b) (a,0),(b,0),(0,c)

**9** — Mostrar que o plano tangente à esfera  $x^2 + y^2 + z^2 = r^2$  no ponto (a, b, c) tem equação  $ax + by + cz = r^2$ 

**10** — Ache a equação da esfera que passa pelos pontos (0,0,1),(1,0,0),(0,1,0) e cujo centro esta no plano x + y - z = 0

11 — Ache a esfera que tem centro na reta

$$r: \begin{cases} x = 2z - 3 \\ y = z - 1 \end{cases}$$

e passa pelos pontos (6,-1,3) e (0,7,5)

**12** — Encontre a equação dos planos que contem a reta r e são tangentes a esfera S:

$$r: \frac{x+6}{2} = y+3 = z+1$$

e S: 
$$x^2 + y^2 + z^2 - 4x + 2y - 4z + 4 = 0$$
.

- 13 Fixado um sistema de coordenadas cartesiano, escreva a equação e esboce o gráfico:
  - (a)da elipse de focos  $(\pm 5,0)$  e dois vértices  $(\pm 13,0)$ ;
  - (b)da elipse de focos  $(0, \pm 6)$  e eixo maior medindo 34;
  - (c)da elipse de vértices  $(\pm 5,0)$  e excentricidade  $e = \frac{3}{5}$ , onde e é a razão entre a distância focal e o comprimento do eixo maior. Os focos estão no eixo Ox;
  - (d)da elipse de extremidades do eixo menor  $(0,\pm 4)$ , e o comprimento  $L=\frac{8}{5}$  da corda perpendicular ao eixo maior da elipse e que passa por um dos focos;
  - (e)da hipérbole de vértices  $(\pm 2,0)$  e focos  $(\pm 3,0)$ ;
  - (f)da hipérbole de vértices  $(\pm 15,0)$  e assíntotas  $5y = \pm 4x$ ;

- (g)da hipérbole de assíntotas  $y = \pm x$  passando pelo ponto (5,9);
- (h)da parábola com vértice na origem e foco (8,0);
- (i)da parábola com vértice na origem e diretriz y = 2;
- (j)da parábola com vértice na origem, eixo de simetria Ox, passando pelo ponto (5, 10).

(Adaptado de Camargo e Boulos: Geometria Analítica - Um Tratamento Vetorial)

14 — Identifique a cônica, determine seus vértices, focos, medida dos eixos, assíntotas no caso de hipérboles e reta diretriz no caso de parábola:

$$(a)7x^2 = 15y$$

$$(b)y^2 - x^2 = 16$$

$$(c)16x^2 + 25y^2 = 400$$

$$(d)3x^2 - y^2 = 3$$

$$(e)2x^2 + y^2 = 50$$

$$(f)y^2 + 28x = 0$$

(Adaptado de Camargo e Boulos: Geometria Analítica -Um Tratamento Vetorial)