# **Ejercicios**

Prof. Jhon Fredy Tavera Bucurú

Universidad del Tolima

Ejercicios resueltos

Problema:

$$\left( \left( \frac{\frac{2}{3} + \frac{3}{4} + \frac{5}{6}}{\frac{7}{8} \left( \frac{2}{5} \right) + \frac{9}{10}} \right) + 3 \right) \frac{1}{3}$$

### Paso 1: Simplificar el numerador

Sumar las fracciones en el numerador:

**Problema:** 

$$\left( \left( \frac{\frac{2}{3} + \frac{3}{4} + \frac{5}{6}}{\frac{7}{8} \left( \frac{2}{5} \right) + \frac{9}{10}} \right) + 3 \right) \frac{1}{3}$$

### Paso 1: Simplificar el numerador

Sumar las fracciones en el numerador:

$$\frac{2}{3} + \frac{3}{4} + \frac{5}{6}$$

#### Problema:

$$\left( \left( \frac{\frac{2}{3} + \frac{3}{4} + \frac{5}{6}}{\frac{7}{8} \left( \frac{2}{5} \right) + \frac{9}{10}} \right) + 3 \right) \frac{1}{3}$$

#### Paso 1: Simplificar el numerador

Sumar las fracciones en el numerador:

$$\frac{2}{3} + \frac{3}{4} + \frac{5}{6}$$

► Encontrar el MCM de los denominadores: 3, 4, 6. El MCM es 12.

#### Problema:

$$\left( \left( \frac{\frac{2}{3} + \frac{3}{4} + \frac{5}{6}}{\frac{7}{8} \left( \frac{2}{5} \right) + \frac{9}{10}} \right) + 3 \right) \frac{1}{3}$$

#### Paso 1: Simplificar el numerador

► Sumar las fracciones en el numerador:

$$\frac{2}{3} + \frac{3}{4} + \frac{5}{6}$$

- ► Encontrar el MCM de los denominadores: 3, 4, 6. El MCM es 12.
- ► Convertir cada fracción a un denominador común de 12:

#### Problema:

$$\left( \left( \frac{\frac{2}{3} + \frac{3}{4} + \frac{5}{6}}{\frac{7}{8} \left( \frac{2}{5} \right) + \frac{9}{10}} \right) + 3 \right) \frac{1}{3}$$

#### Paso 1: Simplificar el numerador

Sumar las fracciones en el numerador:

$$\frac{2}{3} + \frac{3}{4} + \frac{5}{6}$$

- ► Encontrar el MCM de los denominadores: 3, 4, 6. El MCM es 12.
- Convertir cada fracción a un denominador común de 12:

$$\frac{2}{3} = \frac{8}{12}, \quad \frac{3}{4} = \frac{9}{12}, \quad \frac{5}{6} = \frac{10}{12}$$

#### **Problema:**

$$\left( \left( \frac{\frac{2}{3} + \frac{3}{4} + \frac{5}{6}}{\frac{7}{8} \left( \frac{2}{5} \right) + \frac{9}{10}} \right) + 3 \right) \frac{1}{3}$$

#### Paso 1: Simplificar el numerador

Sumar las fracciones en el numerador:

$$\frac{2}{3} + \frac{3}{4} + \frac{5}{6}$$

- ► Encontrar el MCM de los denominadores: 3, 4, 6. El MCM es 12.
- Convertir cada fracción a un denominador común de 12:

$$\frac{2}{3} = \frac{8}{12}, \quad \frac{3}{4} = \frac{9}{12}, \quad \frac{5}{6} = \frac{10}{12}$$

Sumar las fracciones:

$$\frac{8}{12} + \frac{9}{12} + \frac{10}{12} = \frac{27}{12} = \frac{9}{4}$$



### Paso 2: Simplificar el denominador

► Multiplicar  $\frac{7}{8} \times \frac{2}{5}$ :

#### Paso 2: Simplificar el denominador

► Multiplicar  $\frac{7}{8} \times \frac{2}{5}$ :

$$\frac{7}{8} \times \frac{2}{5} = \frac{14}{40} = \frac{7}{20}$$

#### Paso 2: Simplificar el denominador

► Multiplicar  $\frac{7}{8} \times \frac{2}{5}$ :

$$\frac{7}{8} \times \frac{2}{5} = \frac{14}{40} = \frac{7}{20}$$

► Sumar  $\frac{7}{20} + \frac{9}{10}$ :

#### Paso 2: Simplificar el denominador

▶ Multiplicar  $\frac{7}{8} \times \frac{2}{5}$ :

$$\frac{7}{8} \times \frac{2}{5} = \frac{14}{40} = \frac{7}{20}$$

- ► Sumar  $\frac{7}{20} + \frac{9}{10}$ :
- Convertir a un denominador común de 20:

#### Paso 2: Simplificar el denominador

▶ Multiplicar  $\frac{7}{8} \times \frac{2}{5}$ :

$$\frac{7}{8} \times \frac{2}{5} = \frac{14}{40} = \frac{7}{20}$$

- ► Sumar  $\frac{7}{20} + \frac{9}{10}$ :
- Convertir a un denominador común de 20:

$$\frac{9}{10} = \frac{18}{20}, \quad \frac{7}{20} + \frac{18}{20} = \frac{25}{20} = \frac{5}{4}$$

### Paso 3: Calcular el cociente y sumar 3

Dividir el numerador entre el denominador:

### Paso 3: Calcular el cociente y sumar 3

Dividir el numerador entre el denominador:

$$\frac{\frac{9}{4}}{\frac{5}{4}} = \frac{9}{4} \times \frac{4}{5} = \frac{9 \times 4}{4 \times 5} = \frac{9}{5}$$

#### Paso 3: Calcular el cociente y sumar 3

Dividir el numerador entre el denominador:

$$\frac{\frac{9}{4}}{\frac{5}{4}} = \frac{9}{4} \times \frac{4}{5} = \frac{9 \times 4}{4 \times 5} = \frac{9}{5}$$

Sumar 3 al cociente:

#### Paso 3: Calcular el cociente y sumar 3

Dividir el numerador entre el denominador:

$$\frac{\frac{9}{4}}{\frac{5}{4}} = \frac{9}{4} \times \frac{4}{5} = \frac{9 \times 4}{4 \times 5} = \frac{9}{5}$$

Sumar 3 al cociente:

$$\frac{9}{5} + 3 = \frac{9}{5} + \frac{15}{5} = \frac{24}{5}$$

#### Paso 3: Calcular el cociente y sumar 3

Dividir el numerador entre el denominador:

$$\frac{\frac{9}{4}}{\frac{5}{4}} = \frac{9}{4} \times \frac{4}{5} = \frac{9 \times 4}{4 \times 5} = \frac{9}{5}$$

Sumar 3 al cociente:

$$\frac{9}{5} + 3 = \frac{9}{5} + \frac{15}{5} = \frac{24}{5}$$

# Paso 4: Multiplicar el resultado por $\frac{1}{3}$

Multiplicar:

#### Paso 3: Calcular el cociente y sumar 3

Dividir el numerador entre el denominador:

$$\frac{\frac{9}{4}}{\frac{5}{4}} = \frac{9}{4} \times \frac{4}{5} = \frac{9 \times 4}{4 \times 5} = \frac{9}{5}$$

Sumar 3 al cociente:

$$\frac{9}{5} + 3 = \frac{9}{5} + \frac{15}{5} = \frac{24}{5}$$

# Paso 4: Multiplicar el resultado por $\frac{1}{3}$

► Multiplicar:

$$\frac{24}{5} \times \frac{1}{3} = \frac{24 \times 1}{5 \times 3} = \frac{24}{15} = \frac{8}{5}$$

Resultado final:  $\frac{8}{5}$  o 1.6



#### Paso 3: Calcular el cociente y sumar 3

Dividir el numerador entre el denominador:

$$\frac{\frac{9}{4}}{\frac{5}{4}} = \frac{9}{4} \times \frac{4}{5} = \frac{9 \times 4}{4 \times 5} = \frac{9}{5}$$

Sumar 3 al cociente:

$$\frac{9}{5} + 3 = \frac{9}{5} + \frac{15}{5} = \frac{24}{5}$$

# Paso 4: Multiplicar el resultado por $\frac{1}{3}$

► Multiplicar:

$$\frac{24}{5} \times \frac{1}{3} = \frac{24 \times 1}{5 \times 3} = \frac{24}{15} = \frac{8}{5}$$

Resultado final:  $\frac{8}{5}$  o 1.6



#### Problema:

$$\left(\frac{-\left(\frac{-2x}{3} + \frac{-3x}{4} - \frac{5}{6}\right)}{\left(\frac{-7}{8}\left(\frac{2}{5}\right) - \frac{x}{10}\right)}\right) + (-3)$$

### Paso 1: Simplificar el numerador

Simplificar cada fracción con el signo negativo y sumar:

Problema:

$$\left(\frac{-\left(\frac{-2x}{3} + \frac{-3x}{4} - \frac{5}{6}\right)}{\left(\frac{-7}{8}\left(\frac{2}{5}\right) - \frac{x}{10}\right)}\right) + (-3)$$

### Paso 1: Simplificar el numerador

Simplificar cada fracción con el signo negativo y sumar:

$$\frac{2x}{3} + \frac{3x}{4} + \frac{5}{6}$$

#### Problema:

$$\left(\frac{-\left(\frac{-2x}{3} + \frac{-3x}{4} - \frac{5}{6}\right)}{\left(\frac{-7}{8}\left(\frac{2}{5}\right) - \frac{x}{10}\right)}\right) + (-3)$$

#### Paso 1: Simplificar el numerador

Simplificar cada fracción con el signo negativo y sumar:

$$\frac{2x}{3} + \frac{3x}{4} + \frac{5}{6}$$

► Encontrar el MCM de los denominadores: 3, 4, 6. El MCM es 12.

#### **Problema:**

$$\left(\frac{-\left(\frac{-2x}{3} + \frac{-3x}{4} - \frac{5}{6}\right)}{\left(\frac{-7}{8}\left(\frac{2}{5}\right) - \frac{x}{10}\right)}\right) + (-3)$$

#### Paso 1: Simplificar el numerador

Simplificar cada fracción con el signo negativo y sumar:

$$\frac{2x}{3} + \frac{3x}{4} + \frac{5}{6}$$

- ► Encontrar el MCM de los denominadores: 3, 4, 6. El MCM es 12.
- Convertir cada fracción a un denominador común de 12:

#### **Problema:**

$$\left(\frac{-\left(\frac{-2x}{3} + \frac{-3x}{4} - \frac{5}{6}\right)}{\left(\frac{-7}{8}\left(\frac{2}{5}\right) - \frac{x}{10}\right)}\right) + (-3)$$

#### Paso 1: Simplificar el numerador

Simplificar cada fracción con el signo negativo y sumar:

$$\frac{2x}{3} + \frac{3x}{4} + \frac{5}{6}$$

- ► Encontrar el MCM de los denominadores: 3, 4, 6. El MCM es 12.
- Convertir cada fracción a un denominador común de 12:

$$\frac{2x}{3} = \frac{8x}{12}, \quad \frac{3x}{4} = \frac{9x}{12}, \quad \frac{5}{6} = \frac{10}{12}$$

#### **Problema:**

$$\left(\frac{-\left(\frac{-2x}{3} + \frac{-3x}{4} - \frac{5}{6}\right)}{\left(\frac{-7}{8}\left(\frac{2}{5}\right) - \frac{x}{10}\right)}\right) + (-3)$$

#### Paso 1: Simplificar el numerador

Simplificar cada fracción con el signo negativo y sumar:

$$\frac{2x}{3} + \frac{3x}{4} + \frac{5}{6}$$

- ► Encontrar el MCM de los denominadores: 3, 4, 6. El MCM es 12.
- Convertir cada fracción a un denominador común de 12:

$$\frac{2x}{3} = \frac{8x}{12}, \quad \frac{3x}{4} = \frac{9x}{12}, \quad \frac{5}{6} = \frac{10}{12}$$

Sumar las fracciones:

#### **Problema:**

$$\left(\frac{-\left(\frac{-2x}{3} + \frac{-3x}{4} - \frac{5}{6}\right)}{\left(\frac{-7}{8}\left(\frac{2}{5}\right) - \frac{x}{10}\right)}\right) + (-3)$$

#### Paso 1: Simplificar el numerador

▶ Simplificar cada fracción con el signo negativo y sumar:

$$\frac{2x}{3} + \frac{3x}{4} + \frac{5}{6}$$

- ► Encontrar el MCM de los denominadores: 3, 4, 6. El MCM es 12.
- Convertir cada fracción a un denominador común de 12:

$$\frac{2x}{3} = \frac{8x}{12}, \quad \frac{3x}{4} = \frac{9x}{12}, \quad \frac{5}{6} = \frac{10}{12}$$

Sumar las fracciones:

$$\frac{8x}{12} + \frac{9x}{12} + \frac{10}{12} = \frac{17x + 10}{12}$$

► Multiplicar  $\frac{-7}{8} \times \frac{2}{5}$ :

► Multiplicar  $\frac{-7}{8} \times \frac{2}{5}$ :

$$\frac{-7}{8} \times \frac{2}{5} = \frac{-14}{40} = \frac{-7}{20}$$

► Multiplicar  $\frac{-7}{8} \times \frac{2}{5}$ :

$$\frac{-7}{8} \times \frac{2}{5} = \frac{-14}{40} = \frac{-7}{20}$$

► Multiplicar  $\frac{-7}{8} \times \frac{2}{5}$ :

$$\frac{-7}{8} \times \frac{2}{5} = \frac{-14}{40} = \frac{-7}{20}$$

- ► Sumar  $\frac{-7}{20} \frac{x}{10}$ :
- Convertir a un denominador común de 20:

► Multiplicar  $\frac{-7}{8} \times \frac{2}{5}$ :

$$\frac{-7}{8} \times \frac{2}{5} = \frac{-14}{40} = \frac{-7}{20}$$

- ► Sumar  $\frac{-7}{20} \frac{x}{10}$ :
- ► Convertir a un denominador común de 20:

$$\frac{x}{10} = \frac{2x}{20}, \quad \frac{-7}{20} - \frac{2x}{20} = \frac{-7 - 2x}{20}$$

### Paso 3: Calcular el cociente y sumar -3

Dividir el numerador entre el denominador:

$$\frac{\frac{-17x-10}{12}}{\frac{-7-2x}{20}} = \frac{(-17x-10)(20)}{12(-7-2x)} = \frac{-340x-200}{-84-24x} = \frac{340x+200}{84+24x}$$

### Paso 3: Calcular el cociente y sumar -3

Dividir el numerador entre el denominador:

$$\frac{\frac{-17x-10}{12}}{\frac{-7-2x}{20}} = \frac{(-17x-10)(20)}{12(-7-2x)} = \frac{-340x-200}{-84-24x} = \frac{340x+200}{84+24x}$$

► Sumar −3 al cociente:

$$\frac{340x + 200}{84 + 24x} - 3 = \frac{340x + 200 - 3(84 + 24x)}{84 + 24x}$$
$$= \frac{340x + 200 - 252 - 72x}{84 + 24x} = \frac{268x - 52}{84 + 24x}$$

Resultado final:  $\frac{268x-52}{84+24x}$ 

#### **Problema:**

$$\frac{-2}{5} \left( \left( \frac{-\left(\frac{-3(2x+5)}{4} + \frac{0.\overline{6}}{3} - \frac{2(3x-1)}{5}\right)}{\left(\frac{0.\overline{3}}{2} - \frac{-5}{6}\left(\frac{-7(2x-3)}{9}\right)\right)} \right) - 2 \right)$$

#### Paso 1: Convertir decimales periódicos a fracciones

► Convertir 0.6 a fracción:

#### **Problema:**

$$\frac{-2}{5} \left( \left( \frac{-\left(\frac{-3(2x+5)}{4} + \frac{0.\overline{6}}{3} - \frac{2(3x-1)}{5}\right)}{\left(\frac{0.\overline{3}}{2} - \frac{-5}{6}\left(\frac{-7(2x-3)}{9}\right)\right)} \right) - 2 \right)$$

### Paso 1: Convertir decimales periódicos a fracciones

► Convertir 0.6 a fracción:

$$0.\overline{6} = \frac{2}{3}$$

#### **Problema:**

$$\frac{-2}{5} \left( \left( \frac{-\left(\frac{-3(2x+5)}{4} + \frac{0.\overline{6}}{3} - \frac{2(3x-1)}{5}\right)}{\left(\frac{0.\overline{3}}{2} - \frac{-5}{6}\left(\frac{-7(2x-3)}{9}\right)\right)} \right) - 2 \right)$$

### Paso 1: Convertir decimales periódicos a fracciones

► Convertir 0.6 a fracción:

$$0.\overline{6} = \frac{2}{3}$$

► Convertir 0.3 a fracción:

#### **Problema:**

$$\frac{-2}{5} \left( \left( \frac{-\left(\frac{-3(2x+5)}{4} + \frac{0.\overline{6}}{3} - \frac{2(3x-1)}{5}\right)}{\left(\frac{0.\overline{3}}{2} - \frac{-5}{6}\left(\frac{-7(2x-3)}{9}\right)\right)} \right) - 2 \right)$$

### Paso 1: Convertir decimales periódicos a fracciones

► Convertir 0.6 a fracción:

$$0.\overline{6} = \frac{2}{3}$$

► Convertir 0.3 a fracción:

$$0.\overline{3} = \frac{1}{3}$$

▶ Aplicar la propiedad distributiva en los numeradores:

$$-3(2x+5) = -6x-15$$
 y  $2(3x-1) = 6x-2$ 

Aplicar la propiedad distributiva en los numeradores:

$$-3(2x+5) = -6x-15$$
 y  $2(3x-1) = 6x-2$ 

Sustituir en la expresión:

$$\frac{-6x-15}{4} + \frac{2/3}{3} - \frac{6x-2}{5}$$

Aplicar la propiedad distributiva en los numeradores:

$$-3(2x+5) = -6x-15$$
 y  $2(3x-1) = 6x-2$ 

Sustituir en la expresión:

$$\frac{-6x-15}{4} + \frac{2/3}{3} - \frac{6x-2}{5}$$

Convertir  $\frac{2/3}{3}$  a una fracción:

$$\frac{2/3}{3} = \frac{2}{9}$$

Aplicar la propiedad distributiva en los numeradores:

$$-3(2x+5) = -6x-15$$
 y  $2(3x-1) = 6x-2$ 

Sustituir en la expresión:

$$\frac{-6x-15}{4} + \frac{2/3}{3} - \frac{6x-2}{5}$$

Convertir  $\frac{2/3}{3}$  a una fracción:

$$\frac{2/3}{3} = \frac{2}{9}$$

► Encontrar el MCM de los denominadores: 4, 9, 5. El MCM es 180.

- ► Encontrar el MCM de los denominadores: 4, 9, 5. El MCM es 180.
- Convertir cada fracción a un denominador común de 180:

- ► Encontrar el MCM de los denominadores: 4, 9, 5. El MCM es 180.
- Convertir cada fracción a un denominador común de 180:

$$\frac{-6x-15}{4} = \frac{-270x-675}{180}, \quad \frac{2}{9} = \frac{40}{180}, \quad \frac{6x-2}{5} = \frac{216x-72}{180}$$

- ► Encontrar el MCM de los denominadores: 4, 9, 5. El MCM es 180.
- Convertir cada fracción a un denominador común de 180:

$$\frac{-6x - 15}{4} = \frac{-270x - 675}{180}, \quad \frac{2}{9} = \frac{40}{180}, \quad \frac{6x - 2}{5} = \frac{216x - 72}{180}$$

Sumar las fracciones:

- ► Encontrar el MCM de los denominadores: 4, 9, 5. El MCM es 180.
- Convertir cada fracción a un denominador común de 180:

$$\frac{-6x - 15}{4} = \frac{-270x - 675}{180}, \quad \frac{2}{9} = \frac{40}{180}, \quad \frac{6x - 2}{5} = \frac{216x - 72}{180}$$

Sumar las fracciones:

$$\frac{-270x - 675 + 40 - 216x + 72}{180} = \frac{-486x - 563}{180}$$

- ► Encontrar el MCM de los denominadores: 4, 9, 5. El MCM es 180.
- Convertir cada fracción a un denominador común de 180:

$$\frac{-6x - 15}{4} = \frac{-270x - 675}{180}, \quad \frac{2}{9} = \frac{40}{180}, \quad \frac{6x - 2}{5} = \frac{216x - 72}{180}$$

Sumar las fracciones:

$$\frac{-270x - 675 + 40 - 216x + 72}{180} = \frac{-486x - 563}{180}$$

► Aplicar el signo negativo:

$$-\left(\frac{-486x - 563}{180}\right) = \frac{486x + 563}{180}$$



### Paso 4: Simplificar el denominador

► Multiplicar fracciones en el denominador:

#### Paso 4: Simplificar el denominador

Multiplicar fracciones en el denominador:

$$\frac{-5}{6} \left( \frac{-7(2x-3)}{9} \right) = \frac{-5}{6} \left( \frac{-14x+21}{9} \right) = \frac{70x-105}{54}$$

► Sumar  $\frac{\frac{1}{3}}{2} - \frac{70x - 105}{54}$ :

### Paso 4: Simplificar el denominador

Multiplicar fracciones en el denominador:

$$\frac{-5}{6} \left( \frac{-7(2x-3)}{9} \right) = \frac{-5}{6} \left( \frac{-14x+21}{9} \right) = \frac{70x-105}{54}$$

- ► Sumar  $\frac{\frac{1}{3}}{2} \frac{70x 105}{54}$ :
- Convertir a un denominador común de 54:

#### Paso 4: Simplificar el denominador

Multiplicar fracciones en el denominador:

$$\frac{-5}{6} \left( \frac{-7(2x-3)}{9} \right) = \frac{-5}{6} \left( \frac{-14x+21}{9} \right) = \frac{70x-105}{54}$$

- ► Sumar  $\frac{\frac{1}{3}}{2} \frac{70x 105}{54}$ :
- Convertir a un denominador común de 54:

$$\frac{1}{6} = \frac{9}{54}, \quad \frac{9 - (70x - 105)}{54} = \frac{-70x + 114}{54}$$

### Paso 5: Calcular el cociente y restar 2

Dividir el numerador entre el denominador:

$$\frac{\frac{486x + 563}{180}}{\frac{-70x + 114}{54}} = \frac{486x + 563}{180} \times \frac{54}{-70x + 114} = \frac{26244x + 30402}{-12600x + 20520}$$

Restar 2 al cociente:

#### Paso 5: Calcular el cociente y restar 2

Dividir el numerador entre el denominador:

$$\frac{\frac{486x+563}{180}}{\frac{-70x+114}{54}} = \frac{486x+563}{180} \times \frac{54}{-70x+114} = \frac{26244x+30402}{-12600x+20520}$$

Restar 2 al cociente:

$$\frac{26244x + 30402}{-12600x + 20520} - 2 = \frac{26244x + 30402 - 2(-12600x + 20520)}{-12600x + 20520}$$

Simplificar la expresión:

#### Paso 5: Calcular el cociente y restar 2

Dividir el numerador entre el denominador:

$$\frac{\frac{486x+563}{180}}{\frac{-70x+114}{54}} = \frac{486x+563}{180} \times \frac{54}{-70x+114} = \frac{26244x+30402}{-12600x+20520}$$

Restar 2 al cociente:

$$\frac{26244x + 30402}{-12600x + 20520} - 2 = \frac{26244x + 30402 - 2(-12600x + 20520)}{-12600x + 20520}$$

Simplificar la expresión:

$$\frac{26244x + 30402 + 25200x - 41040}{-12600x + 20520} = \frac{51444x - 10638}{-12600x + 20520}$$



#### Paso 5: Calcular el cociente y restar 2

Dividir el numerador entre el denominador:

$$\frac{\frac{486x+563}{180}}{\frac{-70x+114}{54}} = \frac{486x+563}{180} \times \frac{54}{-70x+114} = \frac{26244x+30402}{-12600x+20520}$$

Restar 2 al cociente:

$$\frac{26244x + 30402}{-12600x + 20520} - 2 = \frac{26244x + 30402 - 2(-12600x + 20520)}{-12600x + 20520}$$

Simplificar la expresión:

$$\frac{26244x + 30402 + 25200x - 41040}{-12600x + 20520} = \frac{51444x - 10638}{-12600x + 20520}$$



# Paso 6: Multiplicar el resultado por $\frac{-2}{5}$

► Multiplicar:

$$\frac{51444x - 10638}{-12600x + 20520} \left(\frac{-2}{5}\right) = \frac{-102888x + 21276}{-63000x + 102600}$$
$$= \frac{102888x - 21276}{63000x - 102600}$$

► Resultado final:  $\frac{102888x-21276}{63000x-102600}$