
ICMC - Instituto de Ciências Matemáticas e da Computação
Disciplina: SCC0202 - Algoritmo e Estrutura de Dados I
Projeto 2

Aluno: Alec Campos Aoki (15436800)

Aluno: Jhonatan Barboza da Silva (15645049)

Descrição do projeto:

Escolhemos implementar os TADs utilizando uma lista sequencial ordenada, uma árvore binária de busca AVL e um TAD Conjunto, responsável por gerenciar as operações durante a execução.

Justificativa:

A escolha de implementar o TAD lista sequencial ordenada se deve à utilização da busca binária, que pode ser realizada em $O(\log(n))$. Apesar de as operações de inserção e remoção apresentarem complexidade $O(n)$, no geral, o desempenho é satisfatório em cenários onde a busca é predominante. Já a árvore binária de busca AVL foi escolhida por sua eficiência consistente, com complexidade $O(\log(n))$ para as operações de busca, inserção e remoção, garantindo bom desempenho mesmo no pior caso, além do fato de ser uma estrutura encadeada (menor consumo de espaço).

Main:

A função main gerencia as operações e o fluxo do programa. Inicialmente, ela solicita ao usuário que escolha a estrutura de dados a ser utilizada (0 para lista e 1 para ABB AVL). Com base nessa escolha, dois conjuntos (conjA e conjB) são criados utilizando a estrutura selecionada.

Em seguida, o programa lê o tamanho dos conjuntos A e B. Caso ambos os tamanhos sejam zero, uma mensagem informando que os conjuntos estão vazios é exibida, e o programa é encerrado. Caso contrário, os elementos de cada conjunto são lidos e inseridos nas respectivas estruturas de dados por meio da função conjunto_inserir.

Posteriormente, o programa solicita ao usuário que selecione a operação a ser realizada entre os conjuntos. As operações disponíveis são: verificar a pertinência de um elemento a um conjunto (PERTENCE), realizar a união dos conjuntos (UNIAO) ou calcular a interseção dos conjuntos (INTERSEC). Com base na operação escolhida, a função correspondente é executada para obter e exibir o resultado.

Ao final do programa, os conjuntos criados são apagados da memória utilizando a função conjunto_apagar, e o programa é encerrado com sucesso.

TAD Lista Sequencial Ordenada

O objetivo do arquivo lista.c é implementar uma lista sequencial ordenada com suporte a busca binária. Ele contém as principais funções relacionadas à manipulação da lista, como inserção, remoção, busca binária e outras operações úteis. Abaixo segue uma breve descrição de cada função:

Funções:

1. lista_criar
 - * Descrição: Aloca memória para uma estrutura de lista e inicializa o tamanho como 0.
 - * Operações principais:
 - * Alocação de memória: $O(1)$.
 - * Inicialização do tamanho: $O(1)$.
 - * Complexidade Total: $O(2)$.
2. lista_apagar
 - * Descrição: Libera a memória da lista e define o ponteiro como NULL.
 - * Operações principais:
 - * Liberação de memória: $O(1)$.
 - * Atribuição de NULL: $O(1)$.
 - * Complexidade Total: $O(2)$.
3. lista_inserir
 - * Descrição: Insere um elemento na lista em ordem crescente, deslocando elementos para abrir espaço.
 - * Operações principais:
 - * Busca pela posição correta: $O(n)$ no pior caso (percorre toda a lista).
 - * Verificação de duplicatas (chamada a lista_busca): $O(1)$.
 - * Deslocamento de elementos para abrir espaço: $O(n)$ no pior caso (inserção no início).
 - * Complexidade Total: $O(2n + 1)$.
4. lista_remove
 - * Descrição: Remove um elemento da lista, deslocando elementos subsequentes para preencher o espaço.
 - * Operações principais:
 - * Busca binária para encontrar a posição do elemento: $O(\log n)$.
 - * Deslocamento de elementos para preencher o espaço: $O(n)$ no pior caso (remoção do primeiro elemento).
 - * Complexidade Total: $O(\log(n) + n)$.
5. lista_imprimir
 - * Descrição: Imprime todos os elementos válidos da lista em ordem.
 - * Operações principais:
 - * Iteração pelos elementos da lista: $O(n)$.
 - * Complexidade Total: $O(n)$.
6. lista_busca
 - * Descrição: Busca um elemento na lista utilizando a função buscaBinariaLista.
 - * Operações principais:
 - * Busca binária: $O(\log(n))$.
 - * Complexidade Total: $O(\log(n))$.
- 6.1. buscaBinariaLista

- * Descrição: Realiza busca binária recursiva para encontrar um elemento no vetor.
- * Operações principais:
- * Divisão recursiva do vetor em cada chamada: $O(\log(n))$ no pior caso.
- * Complexidade Total: $O(\log(n))$.

7. lista_copiar

- * Descrição: Cria uma cópia da lista original, inserindo cada elemento na nova lista.
- * Operações principais:
- * Criação de uma nova lista: $O(1)$.
- * Iteração para copiar elementos: $O(n)$.
- * Inserção de cada elemento (considerada $O(1)$ neste contexto): $O(n)$.
- * Complexidade Total: $O(2n + 1)$.

8. lista_consulta

- * Descrição: Retorna o elemento armazenado em um índice específico da lista.
- * Operações principais:
- * Verificação de limites: $O(1)$.
- * Acesso ao elemento pelo índice: $O(1)$.
- * Complexidade Total: $O(2)$.

TAD Árvore Binária de Busca AVL

O objetivo do arquivo AVL.c é implementar uma Árvore Binária de Busca AVL (uma árvore de busca balanceada). A característica principal dessa estrutura é o balanceamento, que garante que a diferença entre as alturas das subárvores esquerda e direita de qualquer nó nunca seja maior que 1. Caso essa condição seja violada após uma inserção ou remoção, a árvore realiza rotações para corrigir o balanceamento.

A implementação inclui definições auxiliares para criar, remover, balancear e acessar os nós, além das funções principais do TAD AVL.

Funções:

1. avl_criar

- * Descrição: Aloca memória para uma estrutura AVL, inicializa a raiz como NULL e o tamanho como 0.
- * Operações principais:
- * Alocação de memória: $O(1)$.
- * Inicialização de ponteiros e variáveis: $O(1)$.
- * Complexidade Total: $O(2)$.

2. avl_apagar

- * Descrição: Apaga todos os nós da árvore recursivamente utilizando a função auxiliar no_apagar_recursivo.
- * Operações principais:
- * Chamada recursiva para percorrer todos os nós em pós-ordem: $O(n)$, onde n é o número de nós.
- * Liberação de memória de cada nó: $O(1)$ por nó.
- * Complexidade Total: $O(2n)$.

3. avl_inserir

- * Descrição: Insere um novo nó na árvore AVL e mantém o balanceamento.
- * Operações principais:
- * Criação de um novo nó: $O(1)$.
- * Chamada à função auxiliar avl_inserir_no para percorrer a árvore e realizar a inserção e rotações: $O(h)$, onde h é a altura da árvore.
- * Complexidade Total: $O(h)$ como se trata de uma árvore balanceada: $O(\log(n) + 1)$.

4. avl_remove

- * Descrição: Remove um nó da árvore AVL e mantém o balanceamento.
- * Operações principais:
- * Busca do nó a ser removido: $O(h)$, onde h é a altura da árvore.
- * Chamada à função auxiliar avl_remove_no para tratar os casos de remoção e realizar rotações: $O(h)$.
- * Complexidade Total: $O(2h)$ como se trata de uma árvore balanceada: $O(2 \log(n))$.

5. avl_get_altura

- * Descrição: Calcula a altura da árvore utilizando a função auxiliar no_get_altura.
- * Operações principais:
- * Cálculo recursivo da altura para cada nó: $O(h)$.
- * Complexidade Total: $O(h)$ como se trata de uma árvore balanceada: $O(\log(n))$.

6. avl_get_tamanho

- * Descrição: Retorna o tamanho da árvore armazenado na estrutura AVL.
- * Operações principais:
- * Acesso direto a uma variável: $O(1)$.
- * Complexidade Total: $O(1)$.

7. avl_copiar

- * Descrição: Cria uma cópia da árvore, duplicando todos os nós com a função auxiliar no_copiar_recursivo.
- * Operações principais:
- * Chamada recursiva para percorrer e copiar cada nó: $O(n)$, onde n é o número de nós.
- * Complexidade Total: $O(n)$.

8. avl_imprimir

- * Descrição: Imprime os elementos da árvore em ordem crescente (in-ordem) utilizando a função auxiliar avl_imprimir_arv.
- * Operações principais:
- * Percurso in-ordem para visitar todos os nós: $O(n)$, onde n é o número de nós.
- * Complexidade Total: $O(n)$.

9. avl_busca

- * Descrição: Busca uma chave na árvore AVL usando a função auxiliar busca_binaria_avl.
- * Operações principais:

- * Busca binária recursiva até encontrar o nó ou determinar sua ausência: $O(h)$, onde h é a altura da árvore.

- * Complexidade Total: $O(h)$ como se trata de uma árvore balanceada: $O(\log(n))$.

10. avl_get_chave_raiz

- * Descrição: Retorna a chave armazenada na raiz da árvore ou erro se estiver vazia.

- * Operações principais:

- * Acesso direto ao ponteiro da raiz: $O(1)$.

- * Complexidade Total: $O(1)$.

TAD Conjunto:

O código importa os arquivos lista.h, avl.h e conjunto.h e define a estrutura conjunto. Essa estrutura contém o campo TAD, que indica o tipo de estrutura de dados utilizada (lista ou árvore binária), o tamanho do conjunto e dois ponteiros: um para a lista (conjuntoLista) e outro para a árvore binária (conjuntoAVL). Apenas um desses ponteiros será utilizado, dependendo da estrutura escolhida.

A ideia principal das funções é gerenciar as chamadas para as funções específicas da lista ou da árvore binária, garantindo que as operações sejam executadas de acordo com a estrutura de dados escolhida.

Funções:

1. conjunto_criar

- * Descrição: Aloca memória para o conjunto e inicializa o ponteiro correspondente à estrutura escolhida (lista ou árvore).

- * Operações principais:

- * Alocação de memória: $O(1)$.

- * Inicialização de ponteiros: $O(1)$.

- * Complexidade Total: $O(1)$.

2. conjunto_apagar

- * Descrição: Libera a memória ocupada pelo conjunto.

- * Operações principais:

- * Liberação do conjunto com chamada à função específica (detalhada posteriormente).

- * Liberação da memória do próprio conjunto.

- * Complexidade Total: $O(2n)$, pior caso é o TAD AVL.

3. conjunto_inserir

- * Descrição: Insere um elemento no conjunto e incrementa o tamanho.

- * Operações principais:

- * Verifica o tipo de estrutura e chama a função correspondente para inserção.

- * Incrementa o tamanho do conjunto.

- * Complexidade Total: $O(2n + 1)$, pior caso é o TAD Lista.

4. conjunto_remove

- * Descrição: Remove um elemento do conjunto e decrementa o tamanho.

- * Operações principais:

- * Verifica o tipo de estrutura e chama a função correspondente para remoção.
- * Atualiza o tamanho do conjunto.
- * Complexidade Total: $O(\log(n) + n)$, pior caso é o TAD Lista.

5. conjunto_imprimir

- * Descrição: Imprime os elementos do conjunto.
- * Operações principais:
- * Verifica o tipo de estrutura e chama a função de impressão correspondente.
- * Complexidade Total: $O(n)$.

6. conjunto_pertence

- * Descrição: Verifica se um elemento pertence ao conjunto.
- * Operações principais:
- * Chama a função de busca correspondente à estrutura escolhida.
- * Retorna o resultado da busca.
- * Complexidade Total: $O(\log(n))$.

7. conjunto_uniao

- * Descrição: Realiza a união de dois conjuntos.
- * Operações principais:
- * Copia o conjunto A.
- * Chama as funções de inserção para adicionar os elementos do conjunto B.
- * Complexidade Total: $O(2n_A + 1 + n_B)$, pior caso é o TAD Lista.

8. conjunto_interseccao

- * Descrição: Calcula a interseção de dois conjuntos.
- * Operações principais:
- * Cria um novo conjunto.
- * Chama a função de busca para verificar a presença de elementos nos dois conjuntos.
- * Insere os elementos encontrados na interseção.
- * Complexidade Total: $O(n_A \log(n_A) + n_B \log(n_B))$, desconsiderando a complexidade das funções chamadas.

9. conjunto_copiar

- * Descrição: Cria uma cópia de um conjunto.
- * Operações principais:
- * Cria um novo conjunto.
- * Chama a função de cópia correspondente à estrutura utilizada.
- * Complexidade Total: $O(2n + 1)$, pior caso é o TAD Lista.