Tarea 1

Estudiantes

Jhonatan Smith Garcia Muñoz Diego Cano Juan Manuel Sanchez

Docente

Juan Carlos Salazar Uribe

Asignatura

Introdución al analisís de supervivencia



Sede Medellín 17 de marzo de 2023

${\bf \acute{I}ndice}$

1.	Ejercicio 1	4
2.	Ejercicio 2	4
	2.1. Estimacion de KM para grupo 1	7
	2.2. Estimacion con NA - Grupo 1	8
	2.3. Estimacion con NA - Grupo 2	8

1. Ejercicio 1

En las siguientes situaciones identifique: el evento de interes y la variable respuesta.

Solucion

- a) Se realiza un seguimiento durante 13 años a un grupo de adultos de al menos 60 años de edad para ver que tanto tiempo permanecen vivos.
 - Evento de interes: Fallecimiento
 - Variable respuesta: Tiempo de supervivencia en años para los adultos de al menos 60 años de edad
- b) Un grupo de pacientes con un trasplante de corazon son monitoreados para ver cuanto tiempo sobreviven
 - Evento de interes: La muerte
 - Tiempo de supervivecia para pacientes que han sido sometidos a transplante de corazon.

2. Ejercicio 2

Resuelva a MANO, usando los datos sobre Hepatitis Crónica Activa (CAH). Estos datos son de un ensayo clinico descrito en Kirk (1980). 44 pacientes con CAH se aleatorizaron a una droga llamada prednisolona o a un grupo de control sin tratamiento. El tiempo de supervivenvia en meses, despues de ser admitido al ensayo es la variables respuesta. Con estos datos obtenga una estimación de KM y el de NA. Note que debe evidenciar tablas de vida. No olvide el analisis descriptivo. Interprete

Solucion

A continuacion se muestra ña estructura general de la base de datos. Tenga presente que se tienen ensayos clinicos para 44 pacientes, donde existen dos grupos: Control con tratamiento y control sin tratamiento. 1 Representa fallas y 0 representa las censuras. Se presentan los primeros 6 datos de la tabla de manera ilustrativa.

```
##
## -- Column specification -----
## cols(
## id = col_double(),
## group = col_double(),
## time = col_double(),
## status = col_double()
##
##
##
##
Warning: 1 parsing failure.
## row col expected actual
## 23 -- 4 columns 5 columns 'C:/Users/jhsga/OneDrive/Escritorio/GitHub/Asignaturas-UN
```

id	group	time	status
1	1	2	1
2	1	2	1
3	1	12	1
4	1	54	1
5	1	56	0
6	1	68	1

Esta informacion puede ser resumida de la siguiente manera:

Tabla 1: Tabla de vida grupo 1

t_{j}	d_{j}	q_{j}	n_j
$t_0 = 0$	0	0	22(22 unidades sobreviven >= 0 meses)
$t_1 = 2$	2	0	22(22 unidades sobreviven >= 2 meses)
$t_2 = 12$	1	0	20(20 unidades sobreviven >= 12 meses)
$t_3 = 54$	1	1	19(19 unidades sobreviven >= 54 meses)
$t_4 = 68$	1	0	17(17 unidades sobreviven >= 68 meses)
$t_5 = 89$	1	0	16(16 unidades sobreviven >= 89 meses)
$t_6 = 96$	2	5	15(15 unidades sobreviven >= 96 meses)
$t_7 = 143$	1	1	8(8 unidades sobreviven >= 143 meses)
$t_8 = 146$	1	2	6(6 unidades sobreviven >= 146 meses)
$t_9 = 168$	1	2	3(3 unidades sobreviven >= 168 meses)
TOTAL	11	11	11+11=22

Con esto, es necesario analizar el tiempo promedio \hat{T} y el Hazar \hat{h} para el grupo 1 que se define respectivamente como:

$$\bar{T} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} t_i$$

$$\bar{T} = \frac{1}{22} \sum_{i=1}^{22} t_i = 109.3636$$

$$\bar{h} = \frac{11}{22(109.3636)} = 0.004571905$$

Tabla 2: Tabla de vida Grupo 2

n_j	q_{j}	d_{j}	t_{j}
22(22 unidades sobreviven >= 0 meses)	0	0	$t_0 = 0$
22(22 unidades sobreviven >= 2 meses)	0	1	$t_1 = 2$
21 (21 unidades sobreviven $>= 3$ meses)	0	1	$t_2 = 3$
20(20 unidades sobreviven >= 4 meses)	0	1	$t_3 = 4$

t_j	d_{j}	q_{j}	n_j
$t_4 = 7$	1	0	19(19 unidades sobreviven >= 7 meses)
$t_5 = 10$	1	0	18(18 unidades sobreviven >= 10 meses)
$t_6 = 22$	1	0	17(17 unidades sobreviven >= 22 meses)
$t_7 = 28$	1	0	16(16 unidades sobreviven >= 28 meses)
$t_8 = 29$	1	0	15(15 unidades sobreviven >= 29 meses)
$t_9 = 32$	1	0	14(14 unidades sobreviven >= 32 meses)
$t_10 = 37$	1	0	13(13 unidades sobreviven >= 37 meses)
$t_11 = 40$	1	0	12(12 unidades sobreviven >= 40 meses)
$t_12 = 41$	1	0	11(11 unidades sobreviven >= 41 meses)
$t_13 = 54$	1	0	10(10 unidades sobreviven >= 54 meses)
$t_14 = 61$	1	0	9 (9 unidades sobreviven $>= 61$ meses)
$t_15 = 63$	1	0	8(8 unidades sobreviven >= 63 meses)
$t_16 = 71$	1	6	7 unidades sobreviven $>= 71$ meses)
TOTAL	16	6	16+6=22

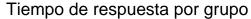
Ahora para el grupo 2, tl tiempo promedio \hat{T} y \hat{h} es:

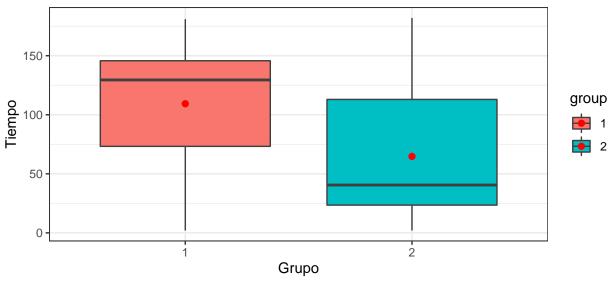
$$\bar{T} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} t_i$$

$$\bar{T} = \frac{1}{22} \sum_{i=1}^{22} t_i = 64.72727$$

$$\bar{h} = \frac{11}{22(109.3636)} = 0.007724719$$

A mayor Hazard es menor la probabilidad de supervivencia (Evidentemente, por eso el nombre), en este casi, se ve claramente que $\hat{h_1} < \hat{h_2}$ y a su vez; $\hat{T_1} > \hat{T_2}$. Basado en esto, se podria concluir que la supervivencia del grupo 2 es menor que la del grupo 1. Esto podria evidenciarse en el siguiente analisis grafico.





Note que claramente las medias de ambos procesos (puntos rojos) se encuentran uno por encima de la otra. Esto da un indicio que los individuos del grupo 1 en comparación a los individuos del grupo 2 presentan un tiempo de supervivencia promedio mayor.

En el grupo 1 el $50\,\%$ de los datos esta aproximadamente por encima de 120 meses y el $50\,\%$ por debajo, mientras que en el grupo 2 el $50\,\%$ esta aproximadamente por encima de 40 meses y el $50\,\%$ por debajo, es decir, que se presenta una diferencia significativa en el promedio de los tiempos hasta que el individuo falla entre el grupo 1 y el grupo 2

Dado esto, se procede a realizar entonces las estimaciones con KM (Kaplan-Meier):

2.1. Estimacion de KM para grupo 1

$t_{(j)}$	d_j	$ q_j $	$\mid n_j \mid$	$\mid \hat{S}_{KM}\left(t_{j} ight)$
0	0	0	22	$1 - \frac{0}{22} = 1$
2	2	0	22	$1x\left(1 - \frac{2}{22}\right) = \frac{10}{11} \approx 0.9091$
12	1	0	20	$\frac{10}{11} x \left(1 - \frac{1}{20} \right) = \frac{19}{22} \approx 0.8636$
54	1	1	19	$\frac{19}{22}$ x $\left(1 - \frac{1}{19}\right) = \frac{9}{11} \approx 0.8182$
68	1	0	17	$\frac{9}{11}$ x $\left(1 - \frac{1}{17}\right) = \frac{144}{187} \approx 0.7701$
89	1	0	16	$\frac{144}{187}$ x $\left(1 - \frac{1}{16}\right) = \frac{135}{187} \approx 0.7221$
96	2	5	15	$\frac{135}{187}$ x $\left(1 - \frac{2}{15}\right) = \frac{117}{187} \approx 0.6257$
143	1	1	8	$\left(\frac{117}{187} \times \left(1 - \frac{1}{8}\right) = \frac{819}{146} \approx 0.5475$
146	1	2	6	$\frac{819}{1496} \times \left(1 - \frac{1}{6}\right) = \frac{1365}{2992} \approx 0.4562$
168	1	2	3	$\left \frac{1365}{2992} x \left(1 - \frac{1}{3} \right) = \frac{455}{1496} \approx 0.3041 \right $

Estimacion de KM para el grupo 2

$t_{(j)}$	d_j	$ q_j $	$\mid n_j \mid$	$\left \; \hat{S}_{KM} \left(t_{j} ight) \; ight $
0	0	0	22	$1 - \frac{0}{22} = 1$
2	1	0	22	$1 \times \left(1 - \frac{1}{22}\right) = \frac{21}{22} \approx 0.9545$
3	1	0	21	$\frac{21}{22}$ x $\left(1 - \frac{1}{21}\right) = \frac{10}{11} \approx 0.9091$
4	1	0	20	$\frac{10}{11} \times \left(1 - \frac{1}{20}\right) = \frac{19}{22} \approx 0.8636$
7	1	0	19	$\frac{19}{22}$ x $\left(1 - \frac{1}{19}\right) = \frac{9}{11} \approx 0.8182$
10	1	0	18	$\frac{9}{11} \times \left(1 - \frac{1}{18}\right) = \frac{17}{22} \approx 0.7727$
22	1	0	17	$\left \frac{17}{22} \mathbf{x} \left(1 - \frac{1}{17} \right) = \frac{8}{11} \approx 0.7273 \right $
28	1	0	16	$\frac{8}{11} \times \left(1 - \frac{1}{16}\right) = \frac{15}{22} \approx 0.6818$
29	1	0	15	$\frac{15}{22} \times \left(1 - \frac{1}{15}\right) = \frac{7}{11} \approx 0.6364$
32	1	0	14	$\left \frac{7}{11} x \left(1 - \frac{1}{14} \right) = \frac{13}{22} \approx 0.5909 \right $
37	1	0	13	$\frac{13}{22}$ x $\left(1 - \frac{1}{13}\right) = \frac{6}{11} \approx 0.5455$
40	1	0	12	$\frac{6}{11} \times \left(1 - \frac{1}{12}\right) = \frac{1}{2} \approx 0.5$
41	1	0	11	$\left \frac{1}{2} \mathbf{x} \left(1 - \frac{1}{11} \right) \right = \frac{5}{11} \approx 0.4545$
54	1	0	10	$\left \frac{5}{11} x \left(1 - \frac{1}{10} \right) \right = \frac{9}{22} \approx 0.4091$
61	1	0	9	$\left \frac{9}{22} x \left(1 - \frac{1}{9} \right) \right = \frac{4}{11} \approx 0.3636$
63	1	0	8	$\left \frac{4}{11} x \left(1 - \frac{1}{8} \right) \right = \frac{7}{22} \approx 0.3182$
71	1	6	7	$\frac{7}{22}$ x $\left(1 - \frac{1}{7}\right) = \frac{3}{11} \approx 0.2727$

${\bf 2.2.}\quad {\bf Estimacion}\ {\bf con}\ {\bf NA}\ {\bf -}\ {\bf Grupo}\ {\bf 1}$

Falla Número	meses	hat(h)_(t)	$hat(H)_{-}(t) S(t)$	
1-2	2	(2)/(22)	$(2)/(22)\sim 0.0909 0.9131$	
3	12	(1)/(20)	$(1)/(22)+(1)/(20)=(36)(220)\sim 0.1409$	
4	54	(1)/(19)	$(31)/(220)+(1)/(190 = 2009)/(4180) \sim 0.1935$	
5	68	(1)/(17)	$(809)/(4180)+(1)/(0.77)$ 76 $(917933)/(771060)\sim 0$	
6	89	(1)/(16)	(17933)/(77960)+(1)7(299)=(89497)/(284940)	~~0.3
7-8	96	(2)/(15)	(89497)/(284240) + (26)3(85) = (382187)/(85272)	0)~~
9	143	(1)/(8)	$(382187)/(852720) + 0.56368 \sim 0.5732$	
10	146	(1)/(6)	0.5732+(1)/(6)~~0.07349972	
11	168	(1)/(3)	0.7399+(1)/(3)~~1.00.734219	

${\bf 2.3.}\quad {\bf Estimacion\ con\ NA\ -\ Grupo\ 2}$

Falla Número	meses	hat(h)_(t)	hat(H)_(t) S(t)
1	2	(1)/(22)	$(1)/(22)\sim 0.0455 \ 0.9556$
2	3	(1)/(21)	$(1)/(22)+(1)/(21)$ \oplus . (943) $\cancel{1}(462)\sim 0.0931$
3	4	(1)/(20)	(43)/(462)+(1)/(20)86(661)/(460)~~0.1431

Falla Número	meses	hat(h)_(t)	hat(H)_(t)	S(t)
4	7	(1)/(19)	(661)/(4620)+(1)	<u>/(01892)2=3(17797)/(87780)~~0.19</u>
5	10	(1)/(18)		/(0187)78(66167)/(263340)~~0.2
6	22	(1)/(17)	~~0.3101	0.7334
7	28	(1)/(16)	~~0.3716	0.6896
8	29	(1)/(15)	~~0.4393	0.6445
9	32	(1)/(14)	~~0.5107	0.6001
10	37	(1)/(13)	~~0.5876	0.5557
11	40	(1)/(12)	~~0.6709	0.5112
12	41	(1)/(11)	~~0.7618	0.4668
13	54	(1)/(10)	~~0.8618	0.4224
14	61	(1)/(9)	~~0.9730	0.3779
15	63	(1)/(8)	~~1.0980	0.3335
16	71	(1)/(7)	~~1.2408	0.2891