

## ESTRUTURAS DE DADOS - FUNDAMENTOS

### Parte II

#### Pilhas (stack)

##### Definição:

Uma pilha é uma lista linear restrita pelo fato das operações de acesso (top), inserção (push) e remoção (pop) serem realizadas somente em uma das extremidades chamada topo.

Em outras palavras, o ultimo elemento inserido na pilha será o primeiro a ser removido.

Essa característica é conhecida pela sigla LIFO (*Last-In-First-Out*).

#### Representação em alocação sequencial

Considerando uma pilha representada em um vetor de nome elementos de [0..MAX-1] elementos. Vamos supor que os elementos da pilha são inteiros. A parte do vetor ocupada pela pilha será

elementos[0..topo]

elementos

0	1	2	3	4	5	topo				MAX-1

O índice topo indica o **topo** da pilha. Esta é a primeira posição vaga da pilha. A pilha está **vazia** se topo vale -1 e **cheia** se topo vale MAX-1.

Para **consultar** (acesso) a pilha sem desempilhar faça  $x = \text{elementos}[\text{topo}]$ .

Para **inserir**, ou seja, para empilhar (*push*) um objeto x na pilha faremos um *deslocamento* do topo utilizando  $\text{topo} = \text{topo} + 1$  e em seguida a,  $\text{elementos}[\text{topo}] = x$ ;

Antes de empilhar, verifique se a pilha já está cheia para evitar que ela *transborde* (ou seja, para evitar um *stack overflow*). Em geral, a tentativa de inserir em uma pilha cheia é uma situação excepcional, que indica um mau planejamento lógico do seu programa.

Para remover um elemento da pilha, operação conhecida como desempilhar (*pop*), devemos, caso necessário, *guardar* o valor em  $x = \text{elementos}[\text{topo}]$  e, seguida, retirarmos a referência de topo para  $\text{topo} = \text{topo} - 1$ . Desta maneira, a nova situação do vetor será:

elementos

0	1	2	3	4	topo					MAX-1

É claro que você só deve desempilhar se tiver certeza de que a pilha não está vazia, evitando o que chamamos de *stack underflow*.

## Implementação utilizando C/C++

### **Arquivo Pilha.h**

```
#ifndef PILHA_H_INCLUDED
#define PILHA_H_INCLUDED
template <typename Tipo>
struct Pilha{
    private:
        Tipo *v;
        int topo;
        int tamanho;
    public:
        Pilha(int tam){
            tamanho = tam;
            v = new Tipo[tamanho];
            topo=-1;
        }
        ~Pilha(){
            delete v;
        }
        void empilha(Tipo x){
            topo++;
            v[topo]=x;
        }
        Tipo desempilha(){
            Tipo temp=v[topo];
            topo--;
            return temp;
        }
        Tipo elementoDoTopo(){
            return v[topo];
        }
        bool pilhaCheia(){
            return topo==tamanho-1;
        }
        bool pilhaVazia(){
            return topo==-1;
        }
        int getTopo(){
            return topo;
        }
        int getTamanho(){
            return tamanho;
        }
        Tipo getValor(int pos){
            return v[pos];
        }
};

#endif // PILHA_H_INCLUDED
```

**Exercício:**

Considere os protótipos, definidos abaixo, para uma estrutura de dados do tipo Pilha:

- a) Procedimento Empilha(x:inteiro); - empilha um novo elemento na pilha
- b) Função Desempilha:inteiro; - função que desempilha um elemento retornando o elemento desempilhado
- c) Função Topo:inteiro; - retorna o elemento do topo da pilha

Mostre a situação de uma pilha P, inicialmente vazia, após a execução de cada umas das operações:

- 1. Empilha(1);                      2. Empilha(4);                      3. Empilha(5);                      4. Empilha(Topo());
- 5. Empilha(Desempilha());                      6. Desempilha();                      7. Empilha(9);                      8. Desempilha();
- 9. Empilha(3);                      10. Empilha(2);                      11. Empilha(Desempilha());                      12. Desempilha();

**Aplicação: parênteses e colchetes**

Suponha que queremos decidir se uma dada sequência de parênteses e colchetes está bem formada. Por exemplo, a primeira das sequências abaixo está bem formada enquanto a segunda não está.

{(O[O]}

{[(O]}

Suponha que a sequência de parênteses e colchetes está armazenada em uma cadeia de caracteres (*string*). Construa uma aplicação, utilizando uma pilha, para verificar se uma dada sequência está bem formada. Uma solução é apresentada em *Estruturas de Dados Usando C e C++ (Tenenbaum)*:

```
algoritmo analisaExpressao;
var Expressao:string;
    i:inteiro;
    Simbolo:char;
    Valido:boolean;
Inicio
    Obter(Expressao);
    i := 1;
    valido := true;
    Enquanto i < Tamnaho(Exp)+1 faca
        Inicio
            Simbolo := Expressao[i];
            se simbolo pertence a { '[','[','(' } entao
                Empilha(MinhaPilha,simbolo);
            senao
                Inicio
                    Se Simbolo pertence a { '}',']',')' } entao
                        se PilhaVazia(MinhaPilha) entao
                            valido:=false
                        senao
                            se (Simbolo = '}')
                                e (ElementoDoTopo(MinhaPilha) = '{' ) entao
                                    Desempilha(MinhaPilha)
                            senao
                                se (Simbolo = ']')
                                    e (ElementoDoTopo(MinhaPilha) = '[' ) then
                                        Desempilha(MinhaPilha)
                            senao
                                se (Simbolo = ')')
                                    e (ElementoDoTopo(MinhaPilha) = '(' ) entao
                                        Desempilha(MinhaPilha);
                            end;
                        i := i + 1;
                    fim enquanto;
                Se PilhaVazia(MinhaPilha) e valido entao
                    Escrevere('Expressão Correta')
                senao
                    Escrever('Expressão Incorreta');
                fim algoritmo.
```