

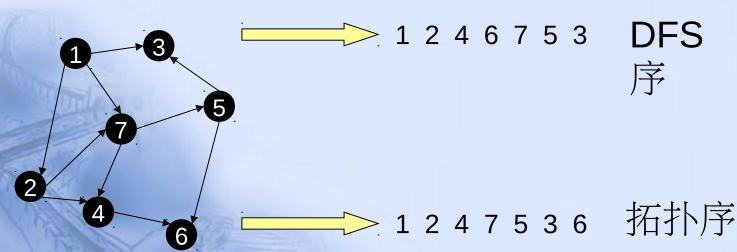
基本的序

序是数据之间隐藏的一种基本关系:

4 12 31 24 43 25 34 43

大小序 ==







序的应用

- 使得一个问题得到直接解决(大多是交互式问题)
- 应用序,挖掘题目的深层性质,使得问题得到转化。



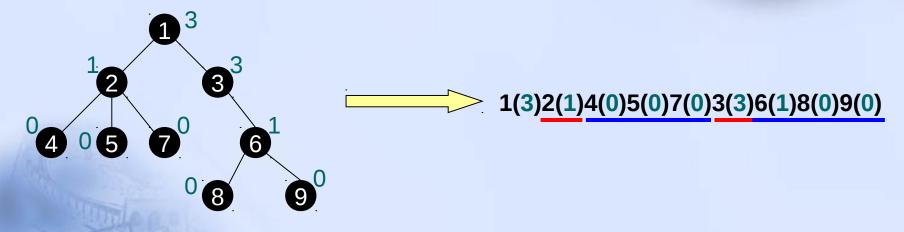


问题描述:一棵含有 n 个节点的树,所有的节点依次编号为 1, 2, 3, ..., n, 每个节点 i 有一个权值 s(i), 也分别是 1,2,3,...,n, 并且各不相同。对于编号为 v 的节点, 定义 t(v) 为 v 的后代中所有权值小于 s(v) 的节点个数。

现在给出这棵树及 t(1),t(2),...,t(n),请你求出这棵树每个节点的权值。

为了理解题目我们来看一个实 构造S 已知T

我们来考虑这个树的 DFS 序列:

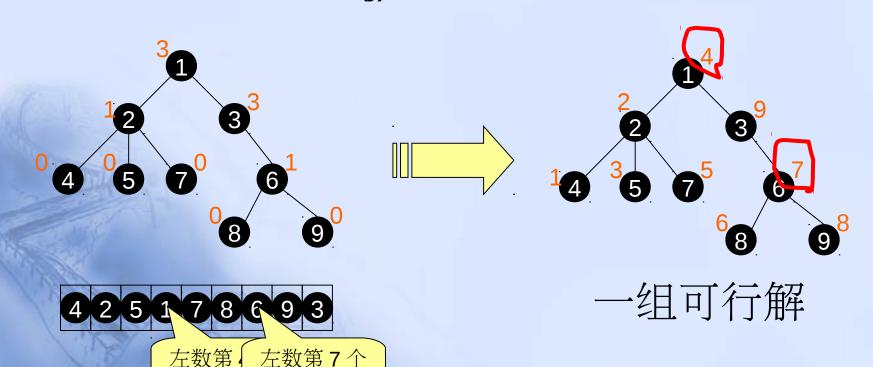


DFS序列的重要性质





由于权值分别是 1,2,3...,n。我们不妨认为从 左到右有 N 个格子,如果从左数第 I 个格子填 入了节点 J,则 S(j)=i。



- 看着闹填",的動預的具体要求
- 每个格子的左边,都恰好有 t(i) 个格子填入了自己的子孙。
- 不能超出 1...n 的边界范围。

如果我们按照 DFS 的顺序,依次填写节点。对于每个节点 j 的左边,则必须预留下至少 t(j) 个空格给权值比他小的子

依次按 DFS 序填写每个节点时,对于节 J,给他的子孙恰好预留 t(j) 个空位,即 填在第 t(j) +1 个空格,就是可行解 1 **浩对每一颗子树进行归纳证明。**

看看转化后的问题:

- 已知一个一维线形结构
- 最开始所有位置为空。根据 DFS 序列,每次插入一个元素 j , 到第 t(j)+1 个空位置
- * 求出最终状态

■借助线段树或树状数组等数据结构可以将问题在 O(N log N) 时间复杂度内解决,空间复杂度为 O(N)

小结

■ 通过对题目特点的分析,借助 DFS 序列的性质,对原问题进行转化。

合理的使用数据结构,最终完整解决问题。

问题描述: N个士兵在进行队列训练,从左至右有 M个位置。每次将军可以下达一个命令,表示为Goto(L,S)

- 1. 若队列 L 位置上为空,则士兵 S 站在 L 上。
- 2. 麓晟翘 L 位置及焦土房的,一股出兵的站在18户,将, 执行 18位10位置,,然后 S 站在 L 上。

将军依次下达 N 个命令,每个士兵被下达命令一次且仅一次。要你求出最后队列的状态。(有可能在命令执行过程中,士兵站的位置标号超过 M)

一个简单的例子

Goto(4,1)

Goto(4,2)

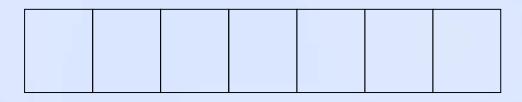
Goto(5,3)

Goto(2,4)

Goto(4,5)

Goto(3,6)





N=6 M=5

我们来进行一下初步分析:

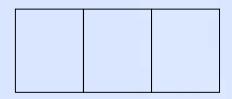
- 直接模拟的最坏时间复杂度为 O(N²),效率十分低下。
- 使用平衡二叉树,可以得到一个 O(N log (N+M)) 的算法。但平衡二叉树时间复杂度常数系数比较大,而且较难实现。
- 不妨抛开纯粹模拟的思路, 另辟蹊径。

先来看最基本的情况:

Goto(2,1)

Goto(2,2)





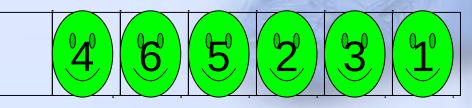
可见: 如何高效处理插入带来的连锁移动是本题的关键!



- 主意射型的例子中1因为2<u>2</u>10而向右移动形数(2)(2),1)
- 我们要避免连锁移动,就是希望通过一个规则,使得士兵1能够直接插入到3号位置。 我们可以先插入士兵2而不是士兵1,然后 再将士兵1插入到第2个空位置中。
- ■具体地说,定义: newgoto(L,S)命令,将 S 士兵插入到第 L 个空位置中。

NewGoto 序列只要是是数数 NewGoto 序列等价 Goto(2,1) Goto(2,2)

复杂一点的情况:



Goto(4,1)

NewGoto(4,5)

Goto(4,2)

NewGoto(5,3)

Goto(5,3)

NewGoto(4,2)

Goto(2,4)

NewGoto(4,1)

Goto(4,5)

NewGoto(3,6)

Goto(3,6)

NewGoto(2,4)

NewGoto 序列的(L,S)数对,高效合理的改变顺序,转化为 NewGoto 序列,则模拟·NewGoto 命。 以为 后转化成的一维线性填数问题。 第 LA 个空位置

- ■如果A因B插入而被连锁移动。则和A,B有关的两条NewGoto命令,B要在A之前。
- 如果 A,B 没有关联,而 A 最终位置在 B 之前,则 NewGoto 序列中, B 要在 A 之前。

如果构造一个图,与 A 相关的 NewGoto 命令要在与 B 相关的之前,则 A,B 之间连一条边 A->B ,那么我们就是要获得这个图拓扑序。

我的需要知道最终位置。 532164 我们无法直接构图。

- NewGoto(L₁,1) ewGoto 7 ■ 当两个块因为插入而安合开的,顺便将两个块
- 的 NewGoto 序列合并。
- 最后将所有未合并的部分的序列,根据位置 在后的块序列上靠前的原则, 合并完整的 NewGoto 序列。

- 当士兵A的插入引起了一个或者多个块相连时,则根据位置存在的块序列上靠前的原则来对他们进行合为。
- 用一个链表来存储少个部分的 NewGoto 序列,因为他只涉及插入到序列首 Bal A,Bal 接合并两个操作

具体实现的例子:

Goto(4,1)

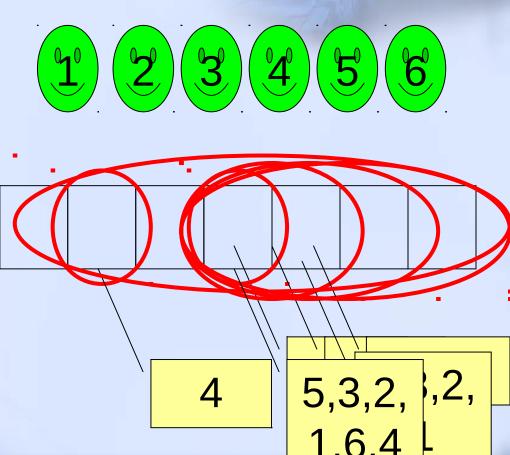
Goto(4,2)

Goto(5,3)

Goto(2,4)

Goto(4,5)

Goto(3,6)



- 型在来整理整个算法: 根据 Goto 序列构造 New Goto 序列。转化成前一题最终转化成的一维线性填数问题。
- 使用线段树等工具在 O(N log (N+M)) 时间内解决转化后问题。

■ 总时间复杂度 O(N log (N+M)), 空间复杂度 O(N+M)。

总结

通过适当的分析,应用不同的序,将两个截然不同的问题转化成了同一个问题。

提示我们在平时做题时要充分挖掘题目的本质。

■ 同时大胆的尝试, 去实现自己的想法。

