

JT-63 1 到 6 的排列

題目

將 1 到 6 的所有排列印出，數字越小的在越前面，每個數佔一列。例如最前面幾列應為

```
123456
123465
123546
123564
123645
123654
124356
124365
...
```

解題思惟

- 1 到 6 的所有排列中，最小的為 123456，最大的為 654321。
- 如果跑一個迴圈，把 123456 到 654321 其中的數全部檢查一次，如果檢查出來該數是 1~6 的一個排列，就把它印出來。因為是從小到大檢查，所以也會從小到大依序印出來，這樣這一題就解開來了。
- 但是怎麼知道一個 6 位數 n ，是否為 1~6 的一個排列呢？我們可以分解每一個位數，如果分出來的 6 個數，分別為 1~6 的話，那就是 1~6 的一個排列。怎麼知道 6 個數分別為 1~6 呢？
- 不妨假設 $a[0] \dots a[9]$ 都等於 0，如果分解出來的一個位數是 k ，就把 $a[k]$ 加 1。6 個數字都計算過之後，最後 $a[0] \dots a[9]$ 分別會代表 0~9 出現的數字次數。如果 $a[1] \dots a[6]$ 都等於 1，就代表這個數是 1~6 的一個排列。
- 其實每次計算時，只要檢查 k ，如果 k 落在 0 或者 7~9，則該數不是 1~6 的排列（為什麼？）。如果 k 落在 1~6，先檢查 $a[k]$ 是否比 0 大，如果是的話，則不是 1~6 的排列（為什麼？），那如果 $a[k]$ 是 0 的話，則把它加 1。如果都檢查完，沒有發現違反的狀況，則該數是 1~6 的一個排列（為什麼？）。
- 這樣只要寫一個函數 `int isValid(int n)`，檢查 n 是否為 1~6 的一個排列，這一題就很容易解答了。

程式碼

```
#include <stdio.h>

int isValid(int n);

int main()
{
    int i;
    for (i=123456; i<=654321; i++) {
        if (isValid(i)) printf("%d\n", i);
    }
    return 0;
}
```

```
int isValid(int n)
{
    int d, a[7]={0};
    while (n) {
        d = n%10;
        n /= 10;
        if (d==0 || d>6 || a[d]) return 0;
        a[d]++;
    }
    return 1;
}
```