

得分: _____ 3. (10 分) 设背包密码系统的超递增序列为 $(1, 3, 5, 10)$, 乘数 $r=9$, 模数 $k=20$, 请按背包公钥密码体制求公开密钥, 并说明发送明文 $M=1101$ 的加解密过程。

得分：_____ 4. (10 分) 在 Shamir 秘密分享方案中，设 $t=3$, $n=5$, $p=13$, ID 号分别为 1, 2, 3, 4, 5 的 5 个人所分得的秘密值分别为 1, 5, 4, 11, 0，请从中任选 3 个，请利用拉格朗日插值公式构造插值多项式并求出共享秘密 K 。

得分: _____ 5. (10 分) 已知椭圆曲线 $E: y^2 = x^3 + x + 1 \pmod{5}$, 求

- (1) 满足该曲线方程的所有点 (无穷远点除外); (5 分)
- (2) 在椭圆曲线上任取一点 $P=(0,1)$, 分别求出 $-P$ 点、 $2P$ 点、 $3P$ 点的坐标 (5 分)

得分：_____ 五、分析题（共 20 分）

得分：_____ 1. （10 分）请描述有限域上的离散对数问题，并基于该困难问题设计一种密钥交换协议，并分析该协议是否安全？若不安全，请给出具体攻击方法。

得分：_____
能否共

得分：_____ 2. (10 分) 在 RSA 公钥加密体制中， n 为体制中使用的模数，在实际应用中能否共用模数 n ？为什么？请说明理由。

$$1. x_3 \equiv \lambda^2 - x_1 - x_2 \pmod{p}$$

$$2. y_3 \equiv \lambda(x_1 - x_3) - y_1 \pmod{p}$$

3. λ 有两种情况: (1) $P=Q$, (2) $P \neq Q$

$$4. P=Q \text{ 情况下: } \lambda = (3x_1^2 + a) / (2y_1)$$

$$5. P \neq Q \text{ 的情况下: } \lambda = (y_2 - y_1) / (x_2 - x_1)$$

$$\lambda = \begin{cases} \frac{3x_1^2 + a}{2y_1} & ; P = Q \\ \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} & , P \neq Q \end{cases}$$

$$x_3 \equiv \lambda^2 - x_1 - x_2 \pmod{p}$$

$$y_3 \equiv \lambda(x_1 - x_3) - y_1 \pmod{p}$$

