

软件分析

程序综合:基础

熊英飞 北京大学 **2018**

软件分析课程内容



- 基于抽象解释的分析
 - 数据流分析
 - 过程间分析
 - 指向分析
 - 控制流分析
 - 抽象解释理论
 - 符号抽象

- 基于约束求解的分析
 - SAT求解算法
 - SMT求解算法
 - 符号执行
 - 霍尔逻辑和谓词变换
- 分析技术应用
 - 程序综合
 - 错误定位
 - 错误修复

程序综合

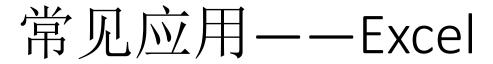


- •根据用户需求(形式化规约、自然语言描述等)自动生成程序
- "程序语言理论中最核心的问题之一"
 - ——Amir Pnueli,图灵奖获得者

程序综合的常见形式



- 用户需求
 - 基于霍尔逻辑的形式化规约
 - 输入输出样例
 - 自然语言描述
 - 相同功能的程序
 - 程序执行的Trace
 - 部分程序
- 程序
 - 采用语法和语义来定义
 - 生成的程序符合语法的要求
 - 对于形式化规约, 生成的程序在语义上保证满足规约





	A	В
1	Email	Column 2
2	Nancy.FreeHafer@fourthcoffee.com	nancy freehafer
3	Andrew.Cencici@northwindtraders.com	andrew cencici
4	Jan.Kotas@litwareinc.com	jan kotas
5	Mariya.Sergienko@gradicdesigninstitute.com	mariya sergienko
6	Steven.Thorpe@northwindtraders.com	steven thorpe
7	Michael.Neipper@northwindtraders.com	michael neipper
8	Robert.Zare@northwindtraders.com	robert zare
9	Laura.Giussani@adventure-works.com	laura giussani
10	Anne.HL@northwindtraders.com	anne hi
11	Alexander.David@contoso.com	alexander david
12	Kim.Shane@northwindtraders.com	kim shane
13	Manish.Chopra@northwindtraders.com	manish chopra
14	Gerwald.Oberleitner@northwindtraders.com	gerwald oberleitner
15	Amr.Zaki@northwindtraders.com	amr zaki
16	Yvonne.McKay@northwindtraders.com	yvonne mckay
17	Amanda.Pinto@northwindtraders.com	amanda pinto

常见应用——程序优化



- 用户撰写程序
 - a=a*32
- 自动优化成
 - a=a<<5

常见应用——自动编写重复程序



```
NAME
                  Acidic Swamp Ooze
                  [ATK] 3
                  [DEF] 2
    Acidic Swamp Ooge
                   [TYPE] Minion
                  [CLASS] Neutral
                  [RACE] NIL
     Battlecry: Destroy your
                  [RARITY] Common
                  [DESCRIPTION]
                  "Battlecry: Destroy Your Opponent's Weapon"
class AcidicSwampOoze(MinionCard):
    def __init__(self):
        super().__init__("Acidic Swamp Ooze", 2,
                 CHARACTER_CLASS.ALL, CARD_RARITY.COMMON,
                  battlecry=Battlecry(Destroy(),
                               WeaponSelector(EnemyPlayer())))
    def create minion(self, player):
        return Minion(3, 2)
```

常见应用——代码补全



```
import tensorflow as tf
                                                                       () textolessitiontion
               import numpy as np
                                                                       with tf. name scope ('hidden1'):
                                                                          weights = tf. Variable(
                def training (loss, learning rate):
                     tf. summary. scalar ('loss', loss)
                                                                                name='weights')
                                                                          biases = tf. Variable(tf. zeros(
                                                                             name='biases')
                                                                          hidden1 = tf. nn. relu(
                                                                       ( textolessitication
                                                                       def estimator_spec_for_softmax_classification(
                                                                          logits, labels, mode):
                                                                         predicted classes = tf.argmax(logits, 1)
                                                                         if mode == tf.estimator. ModeKeys. PREDICT:
                                                                             mode=mode.
```

程序综合是软件分析问题



- •程序综合问题:编写程序实现函数f,满足 $f(x,1) = x \land f(x,y) = f(y,x)$
 - expr = var op var
 - var = x | y
 - op = + | | * | /
- 给空间里的所有程序编号, 然后编写如下程序:

```
Int f(n, x, y) {
  switch(n) {
  case 1: return x+y;
  case 2: return x-y;
  case 3: return x*y; }}
```

• 软件分析问题: 是否存在n, 使得上述规约满足?

SyGuS:

程序综合问题的标准化



- •输入: 语法G, 约束C
- •输出:程序P,P符合语法G并且满足C

- 输入输出格式: Synth-Lib
 - http://sygus.seas.upenn.edu/files/SyGuS-IF.pdf

例子: max问题



• 语法:

| Expr ::= 0 | 1 | x | y | | Expr + Expr | | Expr - Expr | | (ite BoolExpr Expr Expr) | BoolExpr ::= BoolExpr ∧ BoolExpr | ¬BoolExpr | ¬BoolExpr

• 规约: $\forall x,y:\mathbb{Z},\quad \max_{2}\left(x,y\right)\geq x\wedge\max_{2}\left(x,y\right)\geq y\\ \wedge\left(\max_{2}\left(x,y\right)=x\vee\max_{2}\left(x,y\right)=y\right)$

 $Expr \le Expr$

• 期望答案: ite (x <= y) y x

Sync-Lib: 定义逻辑



- 和SMT-Lib完全一致
- (set-logic LIA)
- 该逻辑定义了我们后续可以用的符号以及这些符号的语法/语义,程序的语法应该是该逻辑语法的子集。

Sync-Lib: 语法



```
(synth-fun max2 ((x Int) (y Int)) Int
    ((Start Int (x
                 (+ Start Start)
                 (- Start Start)
                 (ite StartBool Start Start)))
     (StartBool Bool ((and StartBool StartBool)
                      (or StartBool StartBool)
                      (not StartBool)
                      (<= Start Start)</pre>
                      (= Start Start)
                      (>= Start Start)))))
```

约束



```
(declare-var x Int)
(declare-var y Int)
```

约束表示方式和SMTLib一致

(check-synth)

期望输出



输出:

(define-fun max2 ((x Int) (y Int)) Int (ite (\leq x y) y x))

输出必须:

- •满足语法要求
 - 即,语法和SMTLib/Logic不一致就合成不出正确的程序
- •满足约束要求
 - 一般要求可以通过SMT验证

课程项目2

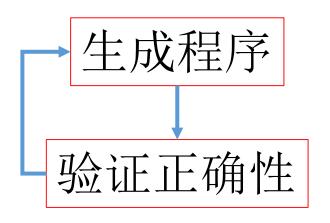


- 编写程序求解SyGuS问题
- 每小组提交:
 - 一个SyGuS求解器
 - 一个测试样例,至少用自己的求解器2分钟可以解出
- 限制: 只考虑基础算术和逻辑表达式
- 截止日期: 12月31日提交, 1月2日报告
- •程序包包括:
 - 完整的测试环境(含所有官方测试用例)
 - 最基本的solver (解不出来几道题)
- 评分: 根据解出来的样例个数评分(每个时限5分钟)
- 明天课上曾沐焓同学详细介绍

感谢曾沐焓刘鑫远同学准备课程项目!

程序综合作为搜索问题





如何产生下一个被搜索的程序?

如何验证程序的正确性?

如何验证程序的正确性?



- 采用本课程学习的技术
 - 抽象解释
 - 符号执行

- 目前大多数程序综合技术都只处理表达式
 - 可直接转成约束让SMT求解

如何产生下一个被搜索的程序?



- 多种不同方法
 - 枚举法 —— 按照固定格式搜索
 - 约束求解法 —— 将程序搜索问题整体转成约束求解问题
 - 启发式搜索法 ——采用启发式搜索
 - 统计法 —— 采用机器学习等方法寻找概率最高的程序



枚举法

自顶向下遍历



- 按语法依次展开
 - S
 - x, y, S+S, S-S, if(B, S, S)
 - y, S+S, S-S, if(B, S, S)
 - S+S, S-S, if(B, S, S)
 - x+S, y+S, S+S+S, S-S+S, if(B, S, S)+S, S-S, if(B, S, S)
 - •

自顶向下遍历



为什么φ也是参数?

```
function ENUMTOPDOWNSEARCH(grammar G, spec \phi)
    P \leftarrow [S] // An ordered list of partial derivations in G
    \widetilde{P_v} \leftarrow \{S\} // \text{ A set of programs}
    while P \neq \emptyset do
         p \leftarrow \text{REMOVEFIRST}(\widetilde{P})
          if \phi(p) then // Specification \phi is satisfied
               return p
          \widetilde{\alpha} \leftarrow \text{NonTerminals}(p)
                                                                                              对产生式
          foreach \alpha \in \text{RankNonTerminals}(\widetilde{\alpha}, \phi) do
                                                                                                  排序
               \beta \leftarrow \{\beta | (\alpha, \beta) \in R\}
               foreach \beta \in \text{RANKPRODUCTIONRULE}(\widetilde{\beta}, \phi) do
                    p' \leftarrow p[\alpha \rightarrow \beta]
                    if \neg \overline{\text{SUBSUMED}}(p', \widetilde{P_v}, \phi) then
                         P.Insert(p')
                                                                        检查程序是否和之前的
                         \widetilde{P_v} \leftarrow \widetilde{P_v} \cup p'
                                                                          等价,比如x+S和S+x
```

自底向上遍历



- 从小到大组合表达式
 - size=1
 - x, y
 - size=2
 - size=3
 - x+y, x-y
 - size=4
 - size=5
 - x+(x+y), x-(x+y), ...
 - size=6
 - if(x<=y, x, y), ...

自底向上遍历



```
function EnumBottomUpSearch(grammar G, spec \phi)
    E \leftarrow \{\Phi\} // Set of expressions in G
                                                       根据语法G,用\tilde{E}组合出
                                                      大小等于progSize的所有
    progSize \leftarrow 1
                                                               表达式
    while True do
        \widetilde{C} \leftarrow \overline{\text{ENUMERATEEXPRS}}(G, \widetilde{E}, \text{progSize})
        foreach c \in C do
            if \phi(c) then // Specification \phi is satisfied
                 return c
            if \neg \exists e \in E : \text{EQUIV}(e, c, \phi) then
                 E.Insert(c)
        progSize \leftarrow progSize + 1
                                                   判断e和c是否等价。
```

双向搜索



- 自底向上遍历可以看做是从输入开始搜索
- 自顶向下遍历可以看做是从输出开始搜索
- 也可以从输入输出同时开始搜索
- 要求能计算最强后条件或者最弱前条件
- 通常用于pipeline程序或者系统状态固定的程序
 - 如: 汇编语言的合成
 - Phitchaya Mangpo Phothilimthana, Aditya Thakur, Rastislav Bodík, Dinakar Dhurjati: Scaling up Superoptimization. ASPLOS 2016. 297-310

双向搜索



```
function BidrectionalSearch(grammar G, spec \phi \equiv (\phi_{pre}, \phi_{post}))
     \widetilde{F} \leftarrow \phi // Set of expressions from Forward search
     \widetilde{B} \leftarrow \phi // Set of expressions from Backward search
     progSize \leftarrow 1
     while \neg \exists f \in \widetilde{F}, b \in \widetilde{B} : \text{MATCHSTATE}(f, b) do
           \widetilde{F} \leftarrow \text{ENUMFORWARDEXPRS}(G, \widetilde{F}, \phi_{\text{pre}}, \text{progSize})
           \widetilde{B} \leftarrow \text{ENUMBACKWARDEXPRS}(G, \widetilde{B}, \phi_{\text{post}}, \text{progSize})
           progSize \leftarrow progSize + 1
     p \leftarrow f \oplus b, where \exists f \in \widetilde{F}, b \in \widetilde{B} : \text{MATCHSTATE}(f, b)
     return p
```

判断程序是否等价

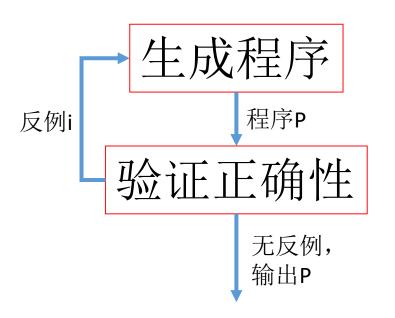


- 通过SMT求解器可以判断
 - 判断 $f(x,y) \neq f'(x,y)$ 是否可以满足
 - 开销较大,不一定划算
 - 对于不完整的程序不容易编码

- 通过预定义规则判断
 - 如S+x和x+S的等价性

CEGIS——基于反例的优化





- 采用约束求解验证程序的正确性较慢
- 执行测试较快
 - 大多数错误被一两个测试过滤 掉
- 将约束求解器返回的反例作 为测试输入保存
- 优化一:验证的时候首先采用测试验证
- 优化二: 判断等价性的时候 首先采用测试的结果判断



约束求解法

约束求解法



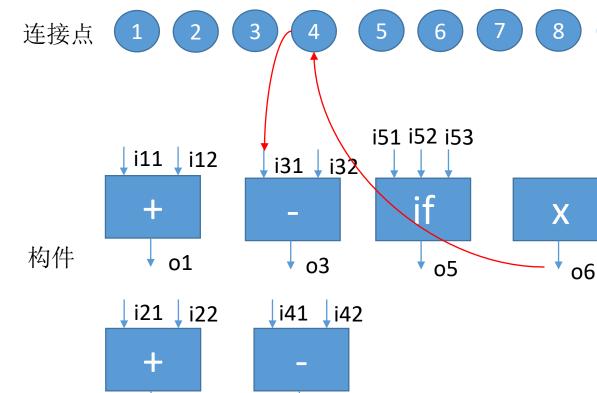
• 将程序综合问题整体转换成约束求解问题,由 SMT求解器求解

基于构件的程序综合 Component-Based Program Synthesis





- l_{i11} , l_{i22} , ...
- $l_{o1}, l_{o2}, ...$
- *lo*: 程序输出



04

$$l_{o6} = l_{i31} = 4$$

02

产生约束



- 产生规约约束:
 - $\forall x, y : o \ge x \land o \ge y \land (o = x \lor o = y)$
- 对所有component产生语义约束:
 - o1 = i11 + i12
- 对所有的输入输出标签对产生连接约束:
 - $l_{o1} = l_{i11} \rightarrow o_1 = i_{11}$
- 对所有的输出标签产生编号范围约束
 - $l_{01} \ge 1 \land l_{01} \le 9$
- 对所有的 o_i 对产生唯一性约束
 - $l_{o1} \neq l_{o2}$
- 对统一构件的输入和输出产生防环约束
 - $l_{i11} < l_{o1}$

能否去掉连接点和输出标签 l_{ox} ...,直接用 l_{ixx} 的值表示应该连接第几号输出?

约束限制



- 之前的约束带有全称量词,不好求解
- 实践中通常只用于规约为输入输出样例的情况
- 假设规约为
 - f(1,2) = 2
 - f(3,2) = 3
- •则产生的约束为:
 - $x = 1 \land y = 2 \rightarrow o = 2$
 - $x = 3 \land y = 2 \rightarrow o = 3$
- 通过和CEGIS结合可以求解任意规约



启发式搜索法

启发式搜索法



- 定义fitness函数
 - 通过的测试样例的数量
- 初始程序
 - 通常随机产生
- 定义变异操作(爬山法、模拟退火、遗传算法)
 - 随机将一颗子树替换成另一颗子树
- 定义交叉操作
 - 随机交换两个程序的两颗子树





- 狭义程序综合问题: 返回满足形式化规约的程序
- •广义程序综合问题,也称程序估计问题:
 - 找到最大可能满足需求的程序,即求解 $argmax_{prog} P(prog | context)$
 - Context:程序的需求,如规约,输入输出样例,自然语言需求等
- 对于概率的估计也可以用于加速狭义程序综合问题的求解



- 自顶向下展开的过程中,通过统计/机器学习求不同产生式的概率
- 如:
 - x + S,展开S

•
$$S \rightarrow \chi$$

0.2

•
$$S \rightarrow y$$

0.3

•
$$S \rightarrow S + S$$

0.1

- ...
- 即求P(rule | context, prog, position)
 - rule: 某个特定的产生式
 - context: 当前的上下文,如:程序的规约
 - prog: 目前已经产生的程序
 - position: 被展开的非终结符的位置



- 可以证明,对于任意给定的一组展开序列 $(position_i, rule_i)$,最后展开得到的程序prog的 概率为
 - $P(prog \mid context) = \prod_{i} P(rule_i \mid context, prog_i, position_i)$
 - 其中progi是第i-1次规则执行后得到的程序
- 也就是说,程序的概率计算和展开的顺序无关

参考: Yingfei Xiong, Bo Wang, Guirong Fu, Linfei Zang. Learning to Synthesize. GI'18: Genetic Improvment Workshop, May 2018

通过机器学习估计概率



- 训练集:
 - 随机生成题目,用传统方法生成程序
 - 或者随机生成程序,用谓词变换计算题目
 - 对于每个程序, 按固定格式分解出一个产生式序列
- •特征提取:
 - 根据问题设计从context, prog, position 中提取特征的方法
 - 或者设计将context, prog, position编码输入神经网络的方法

寻找概率最大的程序



- 需要求解 $argmax_{prog} P(prog \mid context)$
- 贪心法: 每次选择概率最大的产生式
- Beam Search: 保留最多k个概率最大的程序,然后每次对这些程序展开一步,然后排序前k个
- 启发式搜索算法:设置fitness函数为 P(prog | context)

预测顺序问题



- 假设要预测的目标表达式为
 - a>0
- 可能有以下概率:
 - $P(a \mid context) = 0.8$
 - $P(b \mid context) = 0.1$
 - $P(c \mid context) = 0.05$
 - $P(Expr > 0 \mid context) = 0.1$
 - $P(Expr > 1 \mid context) = 0.11$
 - $P(Expr \le 0 \mid context) = 0.12$
- 如果自顶向下进行Beam搜索,很可能搜索不到

展开顺序定义



- 引入新的向上产生式
 - $\widehat{Expr} \hookrightarrow BoolExpr(\widehat{Expr} > 0)$
 - 允许a向上展开成a > 0

- 转换原始语法为一组新产生式
 - $Expr \rightarrow a|b|c$

•
$$\widehat{Expr} \hookrightarrow BoolExpr(\widehat{Expr} > 0)$$

| $BoolExpr(\widehat{Expr} > 1)$
| $BoolExpr(\widehat{Expr} \le 0)$

. . .

扩展产生式



- 无二义性: 给定任意程序,如果当前规则集合只能通过同一个集合的规则应用来展开(顺序可变),则称规则无二义性
- 扩展后的产生式如果满足无二义性,则仍然有
 - $P(prog \mid context) = \prod_{i} P(rule_i \mid context, prog_i, position_i)$
- 可以通过定义无二义性的规则集合来控制展开顺序

参考资料



- Syntax-Guided Synthesis. R. Alur, R. Bodik, G.
 Juniwal, P. Madusudan, M. Martin, M. Raghothman,
 S. Seshia, R. Singh, A. Solar-Lezama, E. Torlak and A.
 Udupa. In 13th International Conference on Formal
 Methods in Computer-Aided Design, 2013.
- Sumit Gulwani, Oleksandr Polozov, Rishabh Singh: Program Synthesis. Foundations and Trends in Programming Languages 4(1-2): 1-119 (2017)
- Yingfei Xiong, Bo Wang, Guirong Fu, Linfei Zang. Learning to Synthesize. GI'18: Genetic Improvment Workshop, May 2018.