第五章上机作业实习报告

吴家行 2020213991

P150 2

理论分析

该题主要考察幂迭代法、Aitken加速的幂迭代法以及逆幂迭代法。

计算程序

主程序位于 code/main.m 文件中。

计算结果分析

对于 (1)

如果不加速,用普通的幂迭代法求矩阵 A的主特征值和对应的特征向量,迭代结果如下:

```
幂法:
## k=1
m=11.000000
## k=2
m=10.454545
## k=3
m=10.217391
## k=4
m=10.106383
## k=5
m=10.052632
## k=6
m=10.026178
## k=7
m=10.013055
## k=8
m=10.006519
## k=9
m=10.003257
## k=10
m=10.001628
## k=11
m=10.000814
## k=12
m=10.000407
```

```
## k=13
m=10.000203
## k=14
m=10.000102
## k=15
m=10.000051
## k=16
m=10.000025
## k=17
m=10.000013
## k=18
m=10.000006
## k=19
m=10.000003
## k=20
m=10.000002
## k=21
m=10.000001
ans =
   1.0000 1.0000 0.5000 0.5000
```

可见,普通幂法共迭代21次,主特征值为10.000001,对应的特征向量为 $[1.0000, 1.0000, 0.5000, 0.5000]^T$ 。

而经过Aitken加速的幂迭代法迭代过程如下:

```
Aitken 加速后:
## k=1
## k=2
## k=3
lambda=10.034965
## k=4
lambda=10.008696
## k=5
lambda=10.002171
## k=6
lambda=10.000543
## k=7
lambda=10.000136
## k=8
lambda=10.000034
## k=9
lambda=10.000008
## k=10
lambda=10.000002
## k=11
lambda=10.000001
```

```
## k=12
lambda=10.000000

ans =

1.0000 1.0000 0.5001 0.5001
```

可见,Aitken加速后的幂法只需要迭代12次,收敛速度更快,主特征值为10.000000,对应的特征向量为 $[1.0000,1.0000,0.5001,0.5001]^T$ 。

对于 (2)

q值分别取0.9, 1.5, 6, 11, 逆幂迭代法输出结果如下:

```
逆幂迭代法:
\# q=0.900000
收敛
k=17
m^-1+q=1.000000
ans =
  -1.0000 1.0000 -0.0000 -0.0000
\# q=1.500000
收敛
k=29
m^-1+q=2.000000
ans =
   1.0000 -1.0000 -0.4386 0.4386
\# q=6.000000
收敛
k=13
m^-1+q=5.000000
ans =
  -0.5000 -0.5000 1.0000 1.0000
# q=11.000000
收敛
k=9
m^-1+q=10.000000
ans =
```

1.0000 1.0000 0.5000 0.5000

可见,不同的q值对应的结果 $m^{-1}+q$ 分别收敛到了1,2,5,10,也就是矩阵A的特征值。对应的特征向量分别为 $[-1.0000,1.0000,-0.0000,-0.0000]^T$, $[1.0000,-1.0000,-0.4386,0.4386]^T$, $[-0.5000,-0.5000,1.0000,1.0000]^T$, $[1.0000,1.0000,0.5000]^T$ 。