计算固体力学期中 两个大题

大题1(75分)

给了一个强问题和对应的弱问题

以下是大概的主要问题:

- 1.给定的条件里面,哪些是: Natural BC、Essential BC、狄拉克雷 BC、纽曼 BC
- 2.证明强弱问题等价
- 3.构建一个 3 个 element 的 Piecewise Linear Function, 写出 shape function
- 4.写出对应的 Kd=F, (Stiffness Matrix and Load Vector)
- 5.证明 K 矩阵对称、正定,说明为什么这三个条件在有限元方法中是重要的
- 6.一个 Bonus,不太记得了,和传热方程有关,改变了强问题中的 Neumann BC 为传热学中的式子: $u_{,x} = h(u-u_0)$ 似乎是这个,(边界上的热通量方程?),写出相应的弱问题。 7.IEN ID LM

大题 2 (25 分)

考 quadrature rule,具体的回忆不起来了,以下是大概考点:

- 1. Higher order element
- 2. Simpson's rule, Quadrature points and Weights
- 3. Simpson's rule 可以积 4 次和 5 次吗?
- 4. Gaussian Quadrature (3 个点) 和 Simpson's Rule 哪个好,为什么?