



中国科学院大学
University of Chinese Academy of Sciences



计算机科学导论

期末复习讲解

徐志伟

中科院计算所 中国科学院大学

zxu@ict.ac.cn

0. 同学们已经学到了不少知识

参考美国科学院与工程院“计算机科学基础”报告

- “计算机科学是研究计算机以及它们能干什么的一门学科。它研究**抽象计算机**的能力与局限，**真实计算机**的构造与特征，以及用于求解问题的无数**计算机应用**。”
 - 计算机科学涉及**符号**及其操作；
 - 关注多种**抽象**概念的创造和操作；
 - 创造并研究**算法**；
 - 创造各种**人工结构**，尤其是不受物理定律限制的结构；
 - 利用并应对**指数增长**；
 - 探索计算能力的**基本极限**；
 - 关注与人类**智能**相关的复杂的、分析的、理性的活动。

知道概念，能够举例说明其特点

图灵机 自动机

冯诺依曼计算机、笔记本电脑

- “计算机科学是研究计算机以及它们能干什么的一门学科。它研究**抽象计算机**的能力与局限，**真实计算机**的构造与特征，以及用于求解问题的无数**计算机应用**。”

班级排序
信息隐藏GO程序
个人作品

- 计算机科学涉及**符号**及其操作；
- 关注多种**抽象概念**的创造和操作；

从电路到算法的
各种抽象

布尔逻辑
命题逻辑
谓词逻辑

各种建模

创造并研究**算法**；

创造各种**人工结构**，尤其是不受物理定律限制的结构；

斐波那契递归程序
P与NP

利用并应对**指数增长**；

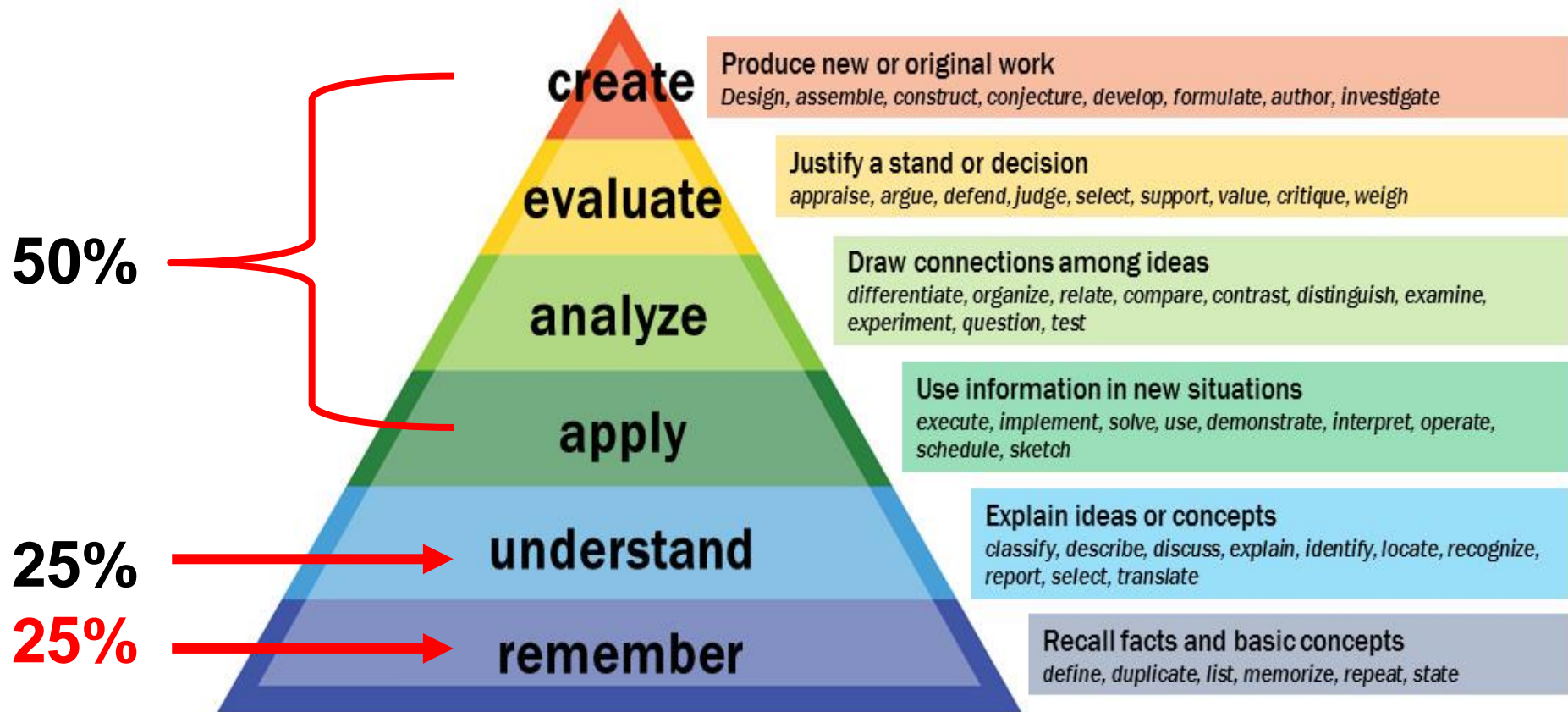
- 探索计算能力的**基本极限**；
- 关注与人类**智能**相关的复杂的、分析

图灵机不可计算问题
哥德尔不完备定理

当代教育学理论指导： 布鲁姆教学目标分类法（2001修订版）

- 2021年状况

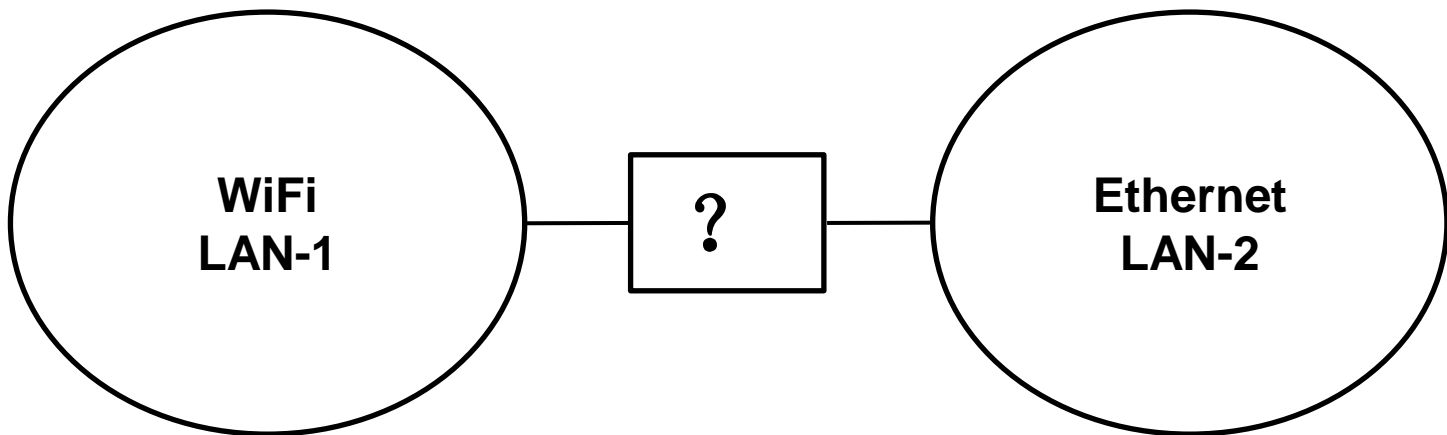
Bloom's Taxonomy



Vanderbilt University Center for Teaching

例子 (Understand, Apply, Analyze)

- 给定两个局域网LAN-1和LAN-2
 - LAN-1是WiFi无线局域网，LAN-2是有线以太网
- 假如要将这两个局域网连起来形成一个更大的局域网，应该使用什么组网设备？为什么？
 - a) 路由器，因为连接两个异构网络涉及IP层
 - b) 交换机，因为大网仍然是局域网，不是全球互联网，不需要涉及IP (Internet Protocol) 【Internet = 全球互联网】
- 假如没有交换机，会怎样？没有路由器，会怎样？



国科大同学很棒！



● 前四次作业情况

- 172位同学均分在95分以上（48.3%）
- 254位同学均分在90分以上（71.3%）
- 297位同学均分在85分以上（83.4%）
- < 20位同学均分在60分以下（8%）

● 前三次实验情况

- 绝大部分同学都按时提交了实验报告
- 大部分同学都做得不错

● 个人作品实验（92%同学已提交网页代码）

- 不少同学很走心
- 有些作品很有价值潜力，**建议完善后开源贡献给世界**（夏季科研实习题目？）
 - 女同学作品例子：**绮** 色彩辨别游戏
 - 男同学作品例子：欧式空间标准正交基的计算



github.com
githubs.cn

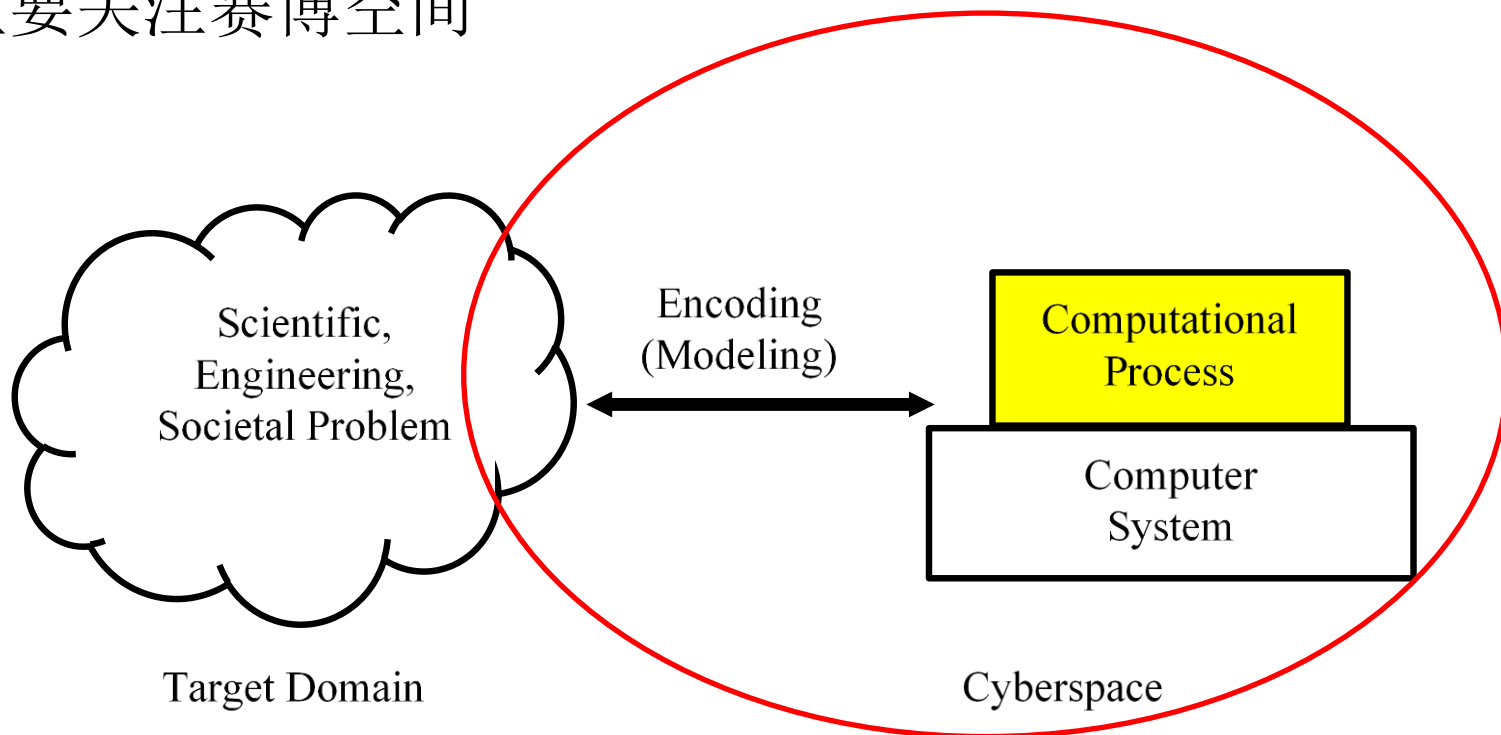
mulanos.oschina.net/

绮：简洁、自包含、有趣、有温度

- 简洁：172行代码，包括必要的重复代码
- 自包含：全都是自己写的，有一定深度（与自然契合？）
- 有趣的小游戏
 - 可在手机上玩，可能需调整下风格
- 温暖的用户交互
 - ...小鼯鼠...别气馁，再玩一次吧~
 - 时间到啦！60秒内您共通过15关，您的色彩辨别力大约相当于一只西伯利亚哈士奇...别气馁，再玩一次吧~
 - ...您的色彩辨别力和小海豹一样优秀！再玩一次吧~
 - ...您的色彩辨别力和小蜻蜓一样敏锐~棒棒哒~再玩一次吧~
 - ...您的色彩辨别力如猫头鹰一样敏锐！再玩一次吧~
 - ...明察秋毫！您就是苍鹰本鹰！再玩一次吧~
- 有记录：《个人网页日记》

1. 计算机科学的基本方法

- 什么是计算机科学？
 - 计算机科学是研究**计算过程**，**有效解决问题**的科学
 - 计算过程是**信息变换**过程
 - 即**通过操作数字符号变换信息的过程**
- 主要关注赛博空间

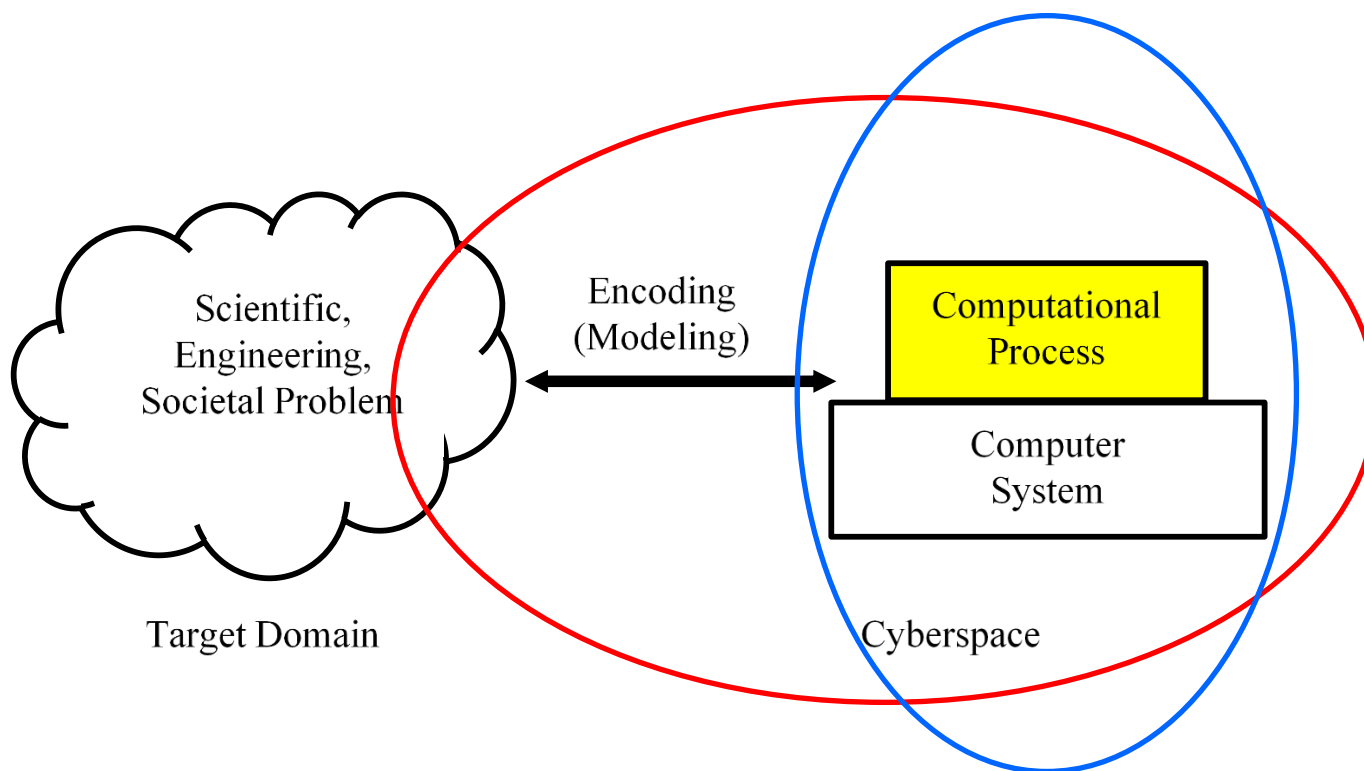


1.1 PECS: 问题-建模-计算过程-系统

● PECS:

- **P**roblem, 目标领域中的待解问题
- **E**ncoding, 建模
- **C**omputational Process, 计算过程
- Computing **S**ystem, 计算系统

| 精力占比 | P | E | C | S |
|------|-----|-----|-----|-----|
| 斐波那契 | 1% | 1% | 78% | 20% |
| 个人作品 | 40% | 15% | 35% | 10% |



例子：建模（经常出现在应用题中）

- 给定下列两个论据，能推出结论是成立的吗？

- 论据1：上过计科导课的同学都精通Go语言。

$$\forall x \text{ MasterGo}(x)$$

- 论据2：某些精通Go语言的同学可成为下一年计科导课助教。

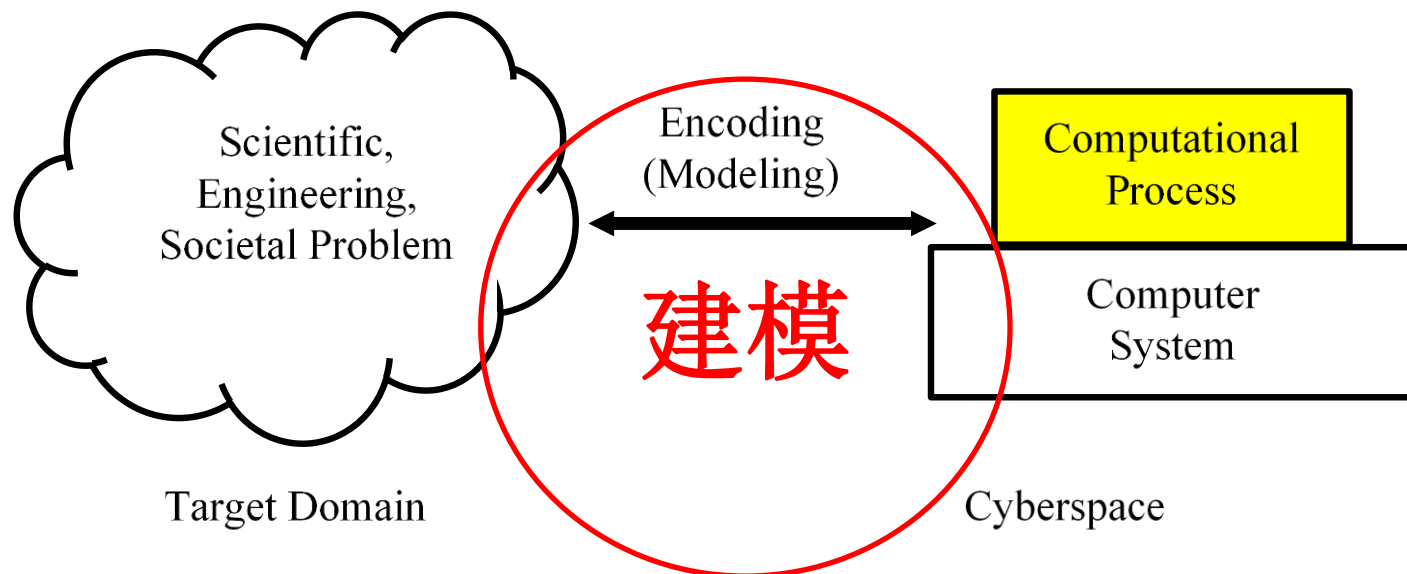
$$\exists x [\text{MasterGo}(x) \rightarrow \text{TA}(x)]$$

- 结论：有些上过计科导的同学可成为下一年计科导课助教。

$$\exists x \text{ TA}(x)$$

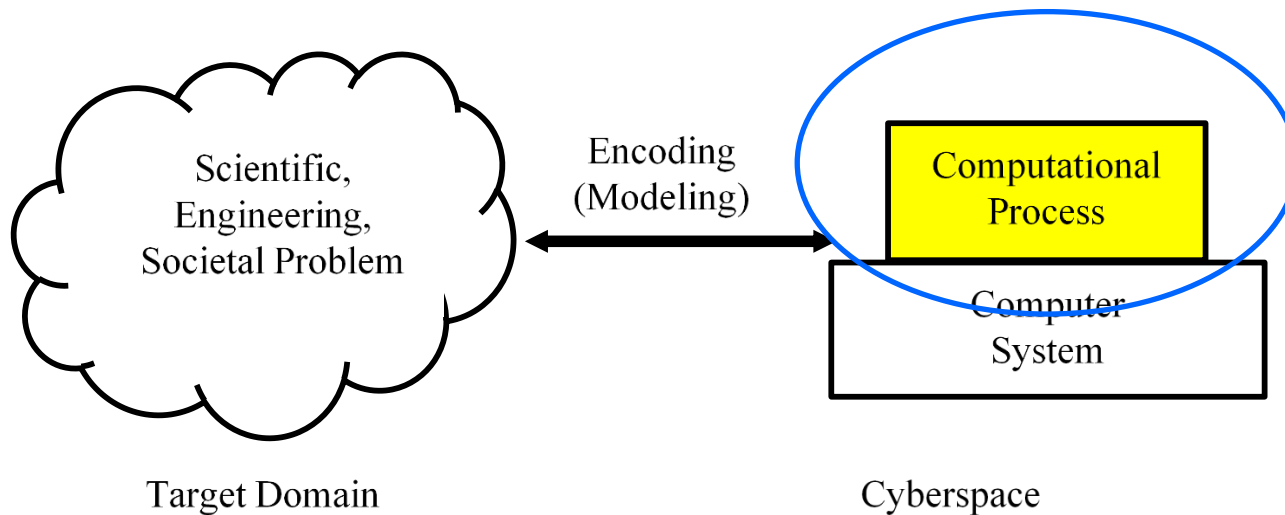
- 两个要点

- 建模：使用谓词逻辑入门知识构造出谓词逻辑表达式。此后，使用推理规则得出结论
- 谓词逻辑不关心原初论据本身的正确性



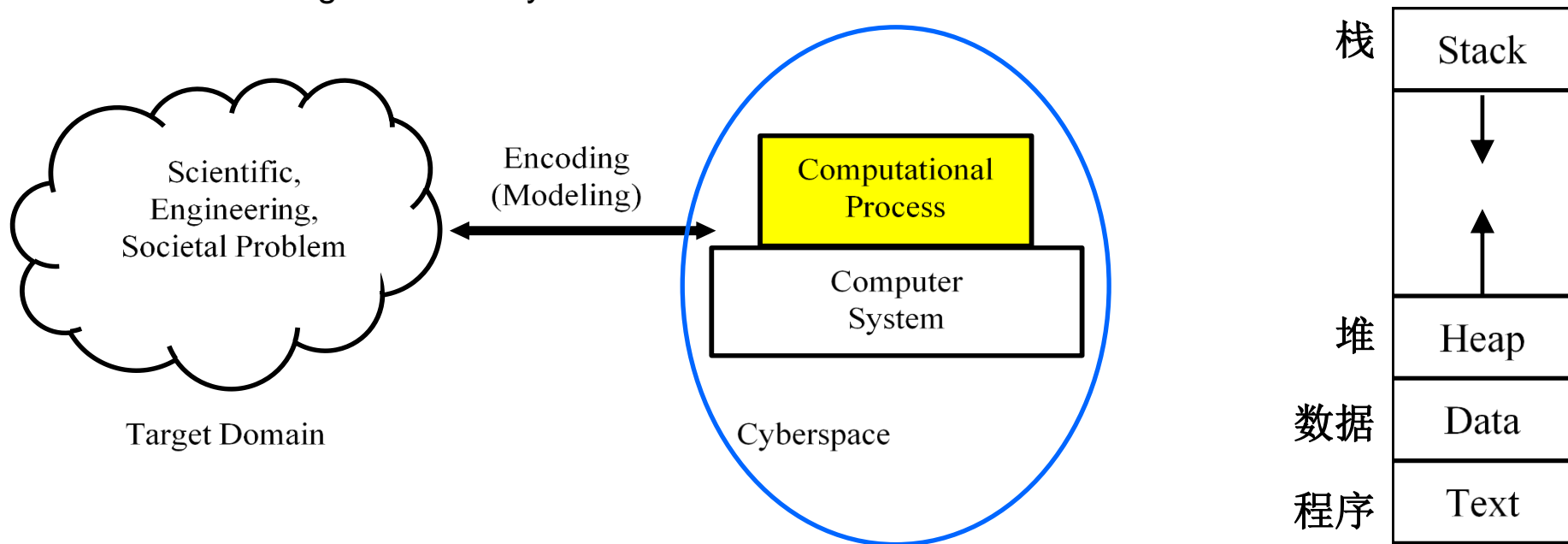
例子：如何表示计算过程

- 算法：伪代码
- 程序：
 - 高级语言程序（Go、网页），需要编译或解释成二进制代码
 - 汇编语言程序，直接对应指令，但需要翻译成二进制代码
 - 机器语言程序（二进制代码）计算机能够直接执行
 - 图灵机上的程序是什么？状态转移表（不是顺序执行，而是查表执行）



例子：计算过程 + 计算系统

- 四个实验的**分工配合**与关键难点
 - **图灵机**加法器, 如何用**抽象计算机**（图灵机）的“汇编语言”实现**循环**
 - **班级排序**计算机, 如何设计**真实计算机**（班级排序计算机）的指令集, 实现**递归**
 - 【笔记本电脑系统在内存地址空间中提供“栈”抽象, 支持函数调用（包括递归）】
 - **信息隐藏**, 单机**应用**程序如何**定位**到某个数据的位置, 并操作该数据
 - $\text{base} + \text{index} * 8 + \text{offset}$ 寻址模式
- **个人作品**, 网络**应用**程序如何**定位**到某个网页元素, 并操作该元素
 - 超链接, getElementById



1.2 计算思维的外部特征和内部特征

- 外部特征：强调比特精准、抽象构造、自动执行
 - ABC特征：Automatic Execution, Bit Accuracy, Constructive Abstraction
- 内部特征：Acu-Exams-CP

| | |
|------------------------------|------------------------------|
| (A): Automatically execution | 自动执行。计算机能够自动执行由离散步骤组成的计算过程。 |
| (C): Correctness | 正确性。计算机求解问题的正确性往往可以精确地定义并分析。 |
| (U): Universality | 通用性。计算机能够求解任意可计算问题。 |
| (E): Effectiveness | 构造性。人们能够构造出聪明的方法让计算机有效地解决问题。 |
| (X): Complexity | 复杂度。这些聪明的方法（算法）具备时间/空间复杂度。 |
| (A): Abstraction | 抽象化。少数精心构造的计算抽象可产生万千应用系统。 |
| (M): Modularity | 模块化。多个模块有规律地组合成为计算系统。 |
| (S): Seamless Transition | 无缝衔接。计算过程在计算系统中流畅地执行。 |
| (C): Connectivity | 连接性。很多问题涉及用户/数据/算法的连接体，而非单体。 |
| (P): Protocol Stack | 协议栈。连接体的节点之间通过协议栈交互。 |

计算思维的外部特征和内部特征

逻辑思维：正确

Logic thinking makes computational processes **correct**

算法思维：巧妙

Algorithmic thinking makes computational processes **smart**

系统思维：实用

Systems thinking makes computational processes **practical**

回顾班级排序实验：用班级计算机指令集支持递归与循环

They are a symphony

五个斐波那契算法与程序的比较

- $T(n)$ 是计算 $F(n)$ 程序的执行时间in seconds

- 注意:

- 头三个程序并不实用，只能计算到 $F(92)$
- 第四个程序计算第十亿个斐波那契数时耗时太长
 - 为什么这么长？48小时 >> $102 \times 200 = 20400$ 秒（不到7小时）
- 第四、五个程序需要系统提供更多支持

Big-O忽略了常数。

复杂度分析忽略了大数。

$F(1\text{亿}+1)+F(1\text{亿}+2)$ 远比

$F(1)+F(2)$ 耗时

不能忽略字长

不能忽略整数-字符转换时间

- 系统思维使得计算过程实用（practical）！

| 算法与程序 | 普通递归 fibonacci_recursive.go | 动态规划-递归 fibonacci_recursive_dp.go | 动态规划-迭代 fibonacci_dp.go | 大数动态规划 fib_dp.go | 最优化版本 fib.go |
|-----------------|--------------------------------|--------------------------------------|----------------------------|---------------------|-----------------|
| 时间复杂度 | $O(2^n)$ | $O(n)$ | $O(n)$ | $O(n)$ | $O(\log n)$ |
| 空间复杂度 | $O(n)$ | $O(n)$ | $O(n)$ | $O(1)$ | $O(1)$ |
| $T(50)$ | 725s | 0.059s | 0.057s | 0.019s | 0.000012s |
| $T(500)$ | 出错 | 出错 | 出错 | 0.026 | 0.000022s |
| $T(5000000)$ | | | | 102 | 4.129663s |
| $T(1000000000)$ | | | | 两天后中断 | 187160.0s |

1.3 在冯诺依曼机上操作数字符号

涉及软件和硬件

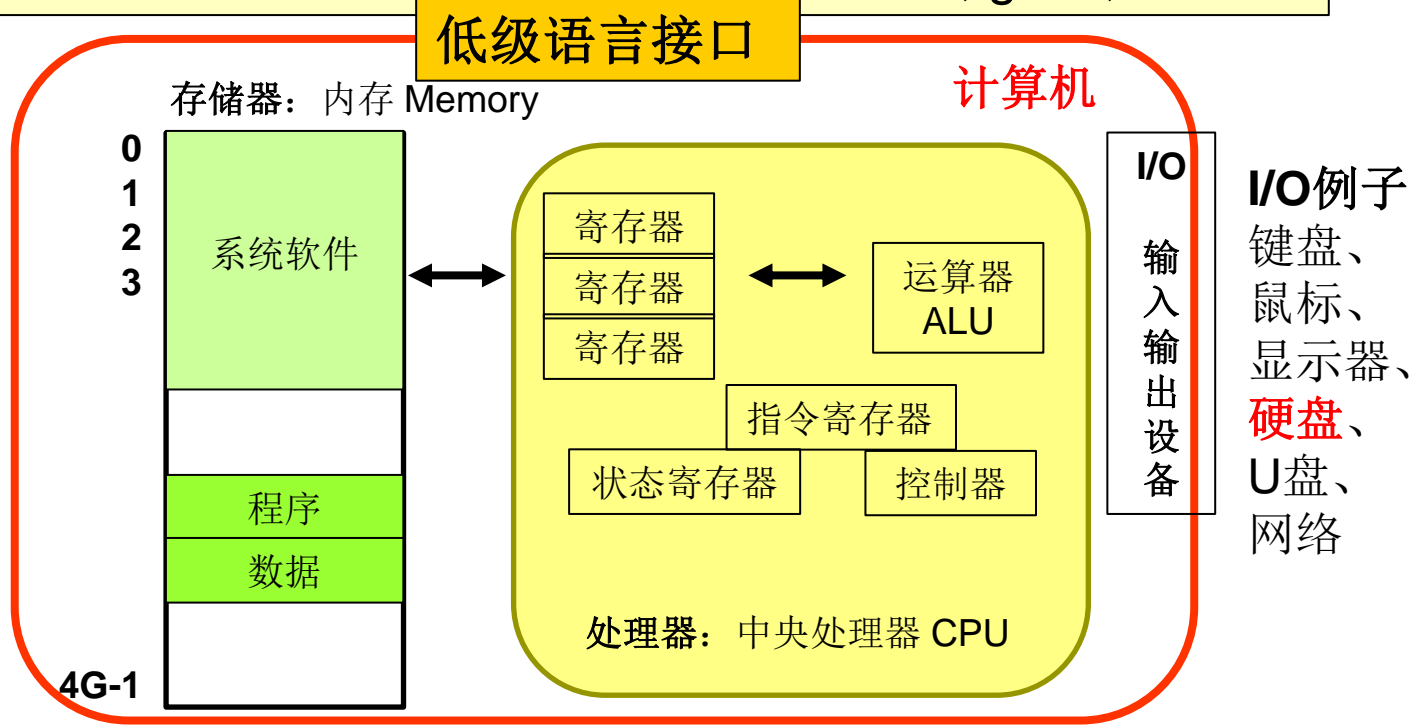
软件

应用算法: hello, fibonacci, 姓名编码, 测量快速排序的时间
空间复杂度, 网络取文件, 信息加密

GO编程环境: go build编译命令, Go编程语言入门

Linux操作系统 (通过shell命令操作), 如ls, gedit, ./hide

硬件



当代计算机基本组成: 冯诺依曼模型简介

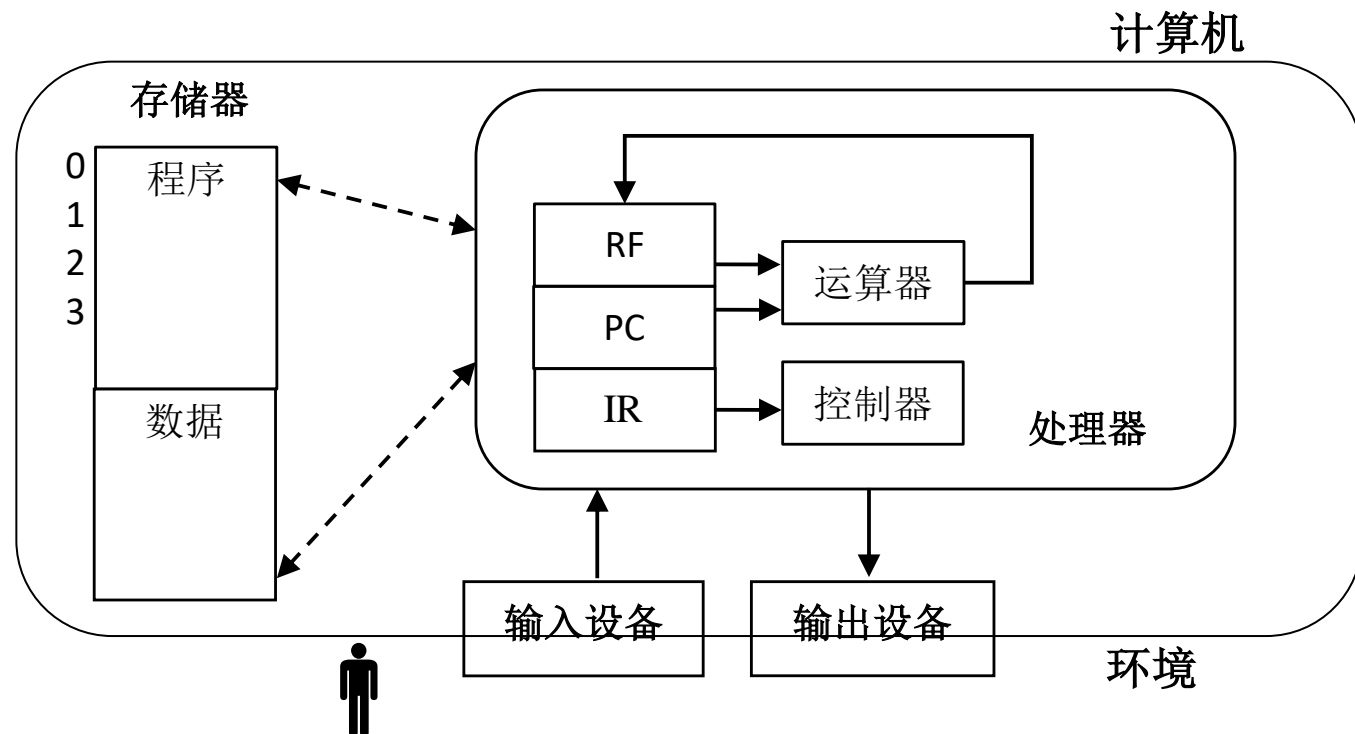
存储程序计算机（冯诺依曼模型）

- 二进制数据及其算术逻辑操作
- 计算机 = 处理器 + 存储器 + 输入输出设备
 - 处理器 = 运算器+控制器+寄存器
 - 【当代处理器的核心是指令流水线】
- 存储程序计算机（stored program computer）
- 指令驱动
- 串行执行

RF: register file
存放运算数

PC: program counter
存放下一条指令地址

IR: instruction register
存放正在执行的指令



1.4 数字符号：二进制表示的通用性

- $(110.101)_2 = 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-3} = (6.625)_{10}$
- 6.625的二进制表示是什么？
- 课程讨论了如下数据类型的二进制表示和操作
 - 同学们通过GO编程练习动手掌握
 - 比特
 - ASCII字符
 - 自然数
 - 整数
 -
 - 数组、切片
 - bmp图像文件

位值表示的重要性

- Find a person's age using Roman numerals and decimal numerals
 - A person was born in year MCMLIV. What's his age in year MMXXI?
 - MMXXI – MCMLIV = ? 2021 – 1954 = 67
 - Value of MCMLIV is the sum of digit values. E.g., MCMLIV=M+CM+L+IV=1000+900+50+4=1954

| Roman | M | D | C | L | X | V | I | IV | IX | XL | XC | CD | CM |
|---------|------|-----|-----|----|----|---|---|----|----|----|----|-----|-----|
| Decimal | 1000 | 500 | 100 | 50 | 10 | 5 | 1 | 4 | 9 | 40 | 90 | 400 | 900 |

罗马表示

VS.

十进制位值表示

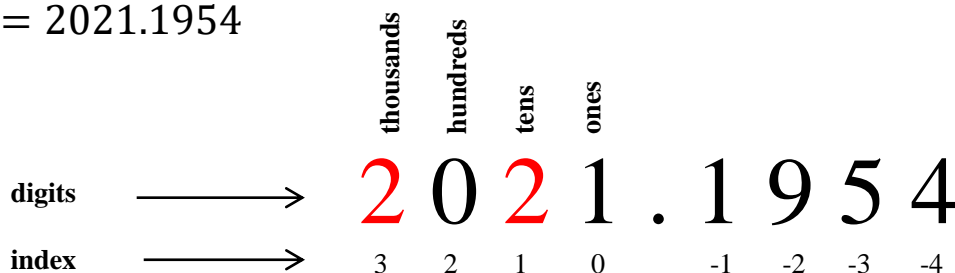
- Decimal number system uses a **positional notation**.

- Consider both digit values and positional weights

- Example: $a = a_3a_2a_1a_0.a_{-1}a_{-2}a_{-3}a_{-4} = 2021.1954$

- The number a has eight digits

- Two digits have identical symbol 2.
- But represent different values:
 - two thousands and two tens.
- Value of $a = \sum_{i=-4}^3 a_i \times 10^i$.



- 可以用无理数为底吗?

用有限位表示无理数： 100= 4 $\tau = (1.618 \dots)^2 = 2.618 \dots$ 3

$\tau = (1 + \sqrt{5})/2 = 1.618 \dots$ F(6)F(5)F(4)F(3)F(2)

| Decimal | Hexadecimal | Binary | The τ Number System | FNS |
|-------------|-------------|-------------------|---|-----------|
| $10^1 10^0$ | 16^0 | $2^3 2^2 2^1 2^0$ | $\tau^5 \tau^4 \tau^3 \tau^2 \tau^1 \tau^0 \tau^{-1} \tau^{-2} \tau^{-3} \tau^{-4} \tau^{-5} \tau^{-6}$ | 8 5 3 2 1 |
| 0 | 0 | 0000 | 0 | 00000 |
| 1 | 1 | 0001 | 1 | 00001 |
| 2 | 2 | 0010 | 10.01 | 00010 |
| 3 | 3 | 0011 | 100.01 | 00100 |
| 4 | 4 | 0100 | 101.01 | 00101 |
| 5 | 5 | 0101 | 1000.1001 | 01000 |
| 6 | 6 | 0110 | 1010.0001 | 01001 |
| 7 | 7 | 0111 | 10000.0001 | 01010 |
| 8 | 8 | 1000 | 10001.0001 | 10000 |
| 9 | 9 | 0001 | 10010.0101 | 10001 |
| 10 | A | 1010 | 10100.0101 | 10010 |
| 11 | B | 1011 | 10101.0101 | 10100 |
| 12 | C | 1100 | 100000. 101001 | 10101 |
| 13 | D | 1101 | 100010.001001 | 11000 |
| 14 | E | 1110 | 100100.110110 | 11001 |
| 15 | F | 1111 | 100101.001001 | 11010 |

表示数字符号有窍门

二进制补码例子：-127到127的整数加法

● 直截了当的表示

- 需要8比特， $2^7=128$ ，以及1比特表示正负
- $63 = 00111111$, $64 = 01000000$, $-63=11000001$, $-64=11000000$
- $(-63) = 10111111$, $(-64) = 11000000$
- $63 + 64 = 00111111 + 01000000 = 01111111 = 127$
- $(-63) + (-64) = 10111111 + 11000000 = 11111111 = (-127)$
- $63 + (-63) = 00111111 + 10111111 = 11111110 = (-126)$ 错!

● 补码表示

- 负数：绝对值的逐位取反，然后加00000001，即从最低一位加1
- $(-63) = 00111111$ 逐位取反 + 00000001 = $11000000 + 00000001 = 11000001$
- $63 + (-63) = 00111111 + 11000001 = 00000000 = 0$ 正确!

如何表示实数：浮点数概念

- 特定的有穷数字符号组合不能精确表达无穷数
- 办法：近似表达，一个浮点数可由两个整数（定点数）表示
 - 例如，圆周率 $\pi=3.14159265\dots$ ，假设6位十进制精度

正负位 有效数（尾数） 幂数



- $3.14159 = + 314159 \times 10^{-5}$
- 因为近似表示，不应该用双等号 `==` 测试两个浮点数是否相等
 - `X==Y` 意味着X和Y每一个比特都一样（**比特精准**）
- 而应该测试 $(X-Y)$ 的绝对值是否小于一个很小的数

ASCII字符

ASCII码=0D₆D₅D₄D₃D₂D₁D₀

ASCII字符编码 “Xu Zhi Wei” = [88,117,32,90,104,105,32,87,101,105]

SP=
00100000₂
=32₁₀

空格，即SP
是ASCII字符

对应的数值
00100000
或
32
称为ASCII码

最高位可假
定是0
有时用来作
奇偶校验位

| <div>D₆D₅D₄ D₃D₂D₁D₀</div> | 000 | 001 | 010 | 011 | 100 | 101 | 110 | 111 |
|---|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| 0000 | NUL | DLE | SP | 0 | @ | P | ` | p |
| 0001 | SOH | DC1 | ! | 1 | A | Q | a | q |
| 0010 | STX | DC2 | " | 2 | B | R | b | r |
| 0011 | ETX | DC3 | # | 3 | C | S | c | s |
| 0100 | EOT | DC4 | \$ | 4 | D | T | d | t |
| 0101 | ENQ | NAK | % | 5 | E | U | e | u |
| 0110 | ACK | SYN | & | 6 | F | V | f | v |
| 0111 | BEL | ETB | ' | 7 | G | W | g | w |
| 1000 | BS | CAN | (| 8 | H | X | h | x |
| 1001 | HT | EM |) | 9 | I | Y | i | y |
| 1010 | LF | SUB | * | : | J | Z | j | z |
| 1011 | VT | ESC | + | ; | K | [| k | { |
| 1100 | FF | FS | , | < | L | \ | l | |
| 1101 | CR | GS | - | = | M |] | m | } |
| 1110 | SO | RS | . | > | N | ^ | n | ~ |
| 1111 | SI | US | / | ? | O | _ | o | DEL |

加号+的
ASCII码?

00101011₂
43₁₀

Esc
00011011₂
27₁₀

空字符
00000000₂
0₁₀

字符 '0'
00110000₂
48₁₀

name_to_number-0.go

vs. name_to_number.go

● 占位符%d

```
package main
import "fmt"
func main() {
    var name string = "Xu Zhi Wei"
    sum := 0
    for i := 0; i < len(name); i++ {
        sum = sum + int(name[i])
    }
    fmt.Printf("%d\n", sum)
}
```

```
> ./name_to_number-0
> 861
>
```

难点：用低级抽象支持高级抽象
用**%c**占位符 实现 **%d**占位符

```
1 package main
2 import "fmt"
3 func main() {
4     var name string = "Xu Zhi Wei"
5     var sum int = 0
6     var i int
7     for i = 0; i < len(name); i++ {
8         sum = sum + int(name[i])
9     }
10    var sum_bytes [5]byte
11    var j int
12    for j = len(sum_bytes) - 1; sum != 0; j-- {
13        sum_bytes[j] = byte(sum % 10) + '0'
14        sum = sum / 10
15    }
16    var k int
17    for k = j + 1; k < len(sum_bytes); k++ {
18        fmt.Printf("%c", sum_bytes[k])
19    }
20    fmt.Printf(\n)
21 }
```

```
> ./name_to_number
> 861
>
```


2. 逻辑思维

- 比特精准的最基本体现
- 关注计算过程的比特精准的正确性与通用性
- 课程讨论了
 - 布尔逻辑
 - 图灵机
 - 图灵机的通用性与局限
 - 哥德尔不完备定理
- 说明每个概念，并给出具体例子

2.1 布尔逻辑

- 比特精准的最基本体现
- 命题逻辑、布尔函数、组合电路
 - 公理系统（从代数角度理解）
 - 元素：常数（0,1）、变量；布尔表达式
 - 算子：基本操作（与、或、非）
 - 公理（与性质）
 - 推理规则
 - 用真值表辅助
- 谓词逻辑
 - 多了断言和量词（全称量词 \forall 和存在量词 \exists ）
 - 断言是会传回“真”或“假”的函数
 - 任何自然数，要么它是偶数，要么它加1后为偶数。
 - $\forall n [\text{Even}(n) \vee \text{Even}(n + 1)]$

布尔函数

- 系统思维：组合电路能实现任意布尔函数吗？
 - 组合电路：由与、或、非门电路组合而成的逻辑电路
- n -输入-1输出的布尔函数是数学函数 $f: \{0,1\}^n \rightarrow \{0,1\}$
 - 如， $f(x_1, x_2, \dots, x_n) = (\bigvee_{i=1}^{n-1} x_i) \oplus x_n$
- 两个布尔函数相同：有相同的真值表
 - 类似： $f(x, y) = x^2 - y^2$ 和 $g(x, y) = (x + y)(x - y)$ 是相同的多项式
- 一个变量 x 的布尔函数
 - 一共四个

| x | y |
|-----|-----|
| 0 | 0 |
| 1 | 0 |

$$y = 0$$

| x | y |
|-----|-----|
| 0 | 1 |
| 1 | 1 |

$$y = 1$$

| x | y |
|-----|-----|
| 0 | 0 |
| 1 | 1 |

$$y = x$$

| x | y |
|-----|-----|
| 0 | 1 |
| 1 | 0 |

$$y = \bar{x}$$

任意布尔函数有范式（唯一性）

- 合取范式(conjunctive normal form, CNF)

- $f(x_1, \dots, x_n) = Q_1 \wedge Q_2 \wedge Q_3 \dots \wedge Q_m$
- 其中: $Q_i = l_1 \vee l_2 \vee \dots \vee l_n$, $l_j = x_j$ 或 $\neg x_j$

- 析取范式(disjunctive normal form, DNF)

- $f(x_1, \dots, x_n) = Q_1 \vee Q_2 \vee Q_3 \dots \vee Q_m$
- 其中: $Q_i = l_1 \wedge l_2 \wedge \dots \wedge l_n$, $l_j = x_j$ 或 $\neg x_j$

- 写出2个变量的全部函数的析取范式（一共有 $2^{2^n} = 2^4 = 16$ 个）

- 【注意：另一套等价的与、或、非记号；计算系统思维常用】

- $y = 0$ 【注】 $y = \overline{x_1} \cdot \overline{x_2} + \overline{x_1} \cdot x_2 + x_1 \cdot \overline{x_2} + x_1 \cdot x_2 = 1$

- $y = x_1 \cdot \overline{x_2} + x_1 \cdot x_2 = x_1$ $y = \overline{x_1} \cdot x_2 + x_1 \cdot \overline{x_2} + x_1 \cdot x_2 = x_1 + x_2$

| x_1 | x_2 | y |
|-------|-------|-----|
| 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 0 |

| x_1 | x_2 | y |
|-------|-------|-----|
| 0 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 1 |

| x_1 | x_2 | y |
|-------|-------|-----|
| 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 1 |

| x_1 | x_2 | y |
|-------|-------|-----|
| 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 1 |

Boolean Algebra

● 另一种枚举布尔函数的方法：

- 从布尔代数 $(L, +, \cdot, \neg, 0, 1)$ 获得**布尔表达式**

- L is the set of all Boolean expressions.

- $0, 1, x_1, \dots, x_n \in L$;

- If $x, y \in L$, then $\neg x, x \cdot y, x + y \in L$.

- 且满足如下公理（用下列公理消除等价表达式）

初始假定

递归直至达到闭包

| | | | | |
|-------------------------------|------------------|---|---|---------------|
| 1. | Associativity: | $(x \cdot y) \cdot z = x \cdot (y \cdot z),$ $(x + y) + z = x + (y + z)$ | $= 2 \cdot 3 \cdot 5$ $= 2 + 3 + 5$ | 结合律 |
| 2. | Commutativity: | $x \cdot y = y \cdot x,$ $x + y = y + x$ | $= 2 \cdot 3$ $= 2 + 3$ | 交换律 |
| 3. | Distributivity: | $(x + y) \cdot z = (x \cdot z) + (y \cdot z),$ $(x \cdot y) + z = (x + z) \cdot (y + z)$ | $(2 + 3) \cdot 5 = 2 \cdot 5 + 3 \cdot 5$ $(2 \cdot 3) + 5 \neq (2 + 5) \cdot (3 + 5)$ | 分配率 |
| 4. | Identity: | $x + 0 = x, x \cdot 1 = x$ | $2 + 0 = 2, 2 \cdot 1 = 2$ | 有界律 |
| | Annihilator: | $x \cdot 0 = 0, x + 1 = 1$ | $2 \cdot 0 = 0, 2 + 1 \neq 1$ | |
| 5. | Idempotence: | $x \cdot x = x, x + x = x$ | $2 \cdot 2 \neq 2, 2 + 2 \neq 2$ | 幂等律 |
| 6. | Absorption: | $(x \cdot y) + x = x, (x + y) \cdot x = x$ | $(2 \cdot 3) + 2 \neq 2, (2 + 3) \cdot 2 \neq 2$ | 吸收律 |
| 7. | Complementation: | $x + \neg x = 1, x \cdot \neg x = 0$ | | 互补律 |
| 中学代数，设 $x, y, z = 2, 3, 5$ | | | | (排中律) 非真既假 |

2个变量的布尔表达式

- 第一轮。常数和变量及其非，共6个表达式：

$$0, 1, x_1, x_2, \overline{x_1}, \overline{x_2}$$

- 第二轮。应用与或非到第一轮结果，使用公理整理，共8个新表达式：

$$\begin{array}{cccc} \overline{x_1} + \overline{x_2}, & \overline{x_1} + x_2, & x_1 + \overline{x_2}, & x_1 + x_2 \\ \overline{x_1} \cdot \overline{x_2}, & \overline{x_1} \cdot x_2, & x_1 \cdot \overline{x_2}, & x_1 \cdot x_2 \end{array}$$

- 第三轮。应用与或非到第二轮表达式，使用公理整理，共2个新表达式：

$$\overline{x_1} \cdot \overline{x_2} + x_1 \cdot x_2, \quad \overline{x_1} \cdot x_2 + x_1 \cdot \overline{x_2}$$

- 第四轮。应用与或非到第三轮表达式，使用公理整理，共0个新表达式。达到闭包。

计算机科学很幸运地选择了布尔逻辑

- n 个变量的布尔函数（布尔表达式）有多少个？

- $n=0$: 2个 (0和1)
- $n=1$: 4个 (1, 0, x 和 $\neg x$)
- ?
- $n=n$: 2^{2^n} 。所有布尔函数都是布尔表达式。

不存在真值表
无对应表达式

- n 个变量的克莱因表达式有多少个？

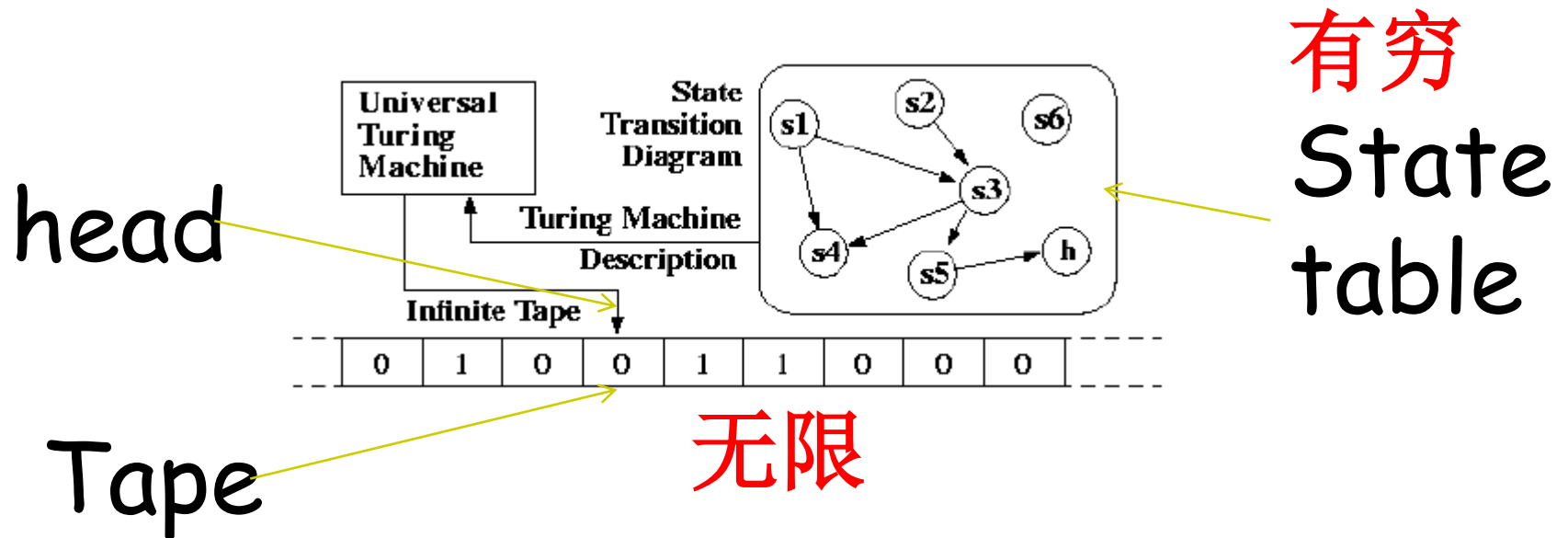
- 不是 3^{3^n} ；尚未找到闭合公式，但知道 $< 2^{3^n}$

存在真值表
无对应表达式

| n | 布尔函数个数 2^{2^n} | 布尔表达式个数 2^{2^n} | 克莱因表达式个数 | 克莱因函数个数 3^{3^n} |
|-----|------------------|-------------------|--------------|-------------------|
| 1 | $2^{2^1}=4$ | $2^{2^1}=4$ | 6 | $3^{3^1}=27$ |
| 2 | $2^{2^2}=16$ | $2^{2^2}=16$ | 84 | $3^{3^2}=3^9$ |
| 3 | $2^{2^3}=256$ | $2^{2^3}=256$ | 43918 | $3^{3^3}=3^{27}$ |
| 4 | $2^{2^4}=65536$ | $2^{2^4}=65536$ | 160297985276 | $3^{3^4}=3^{81}$ |

2.2 图灵机(Turing Machine)

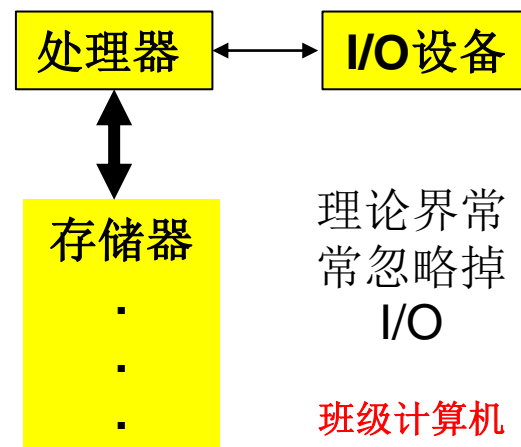
中文教科书234-235页还有一个例子



...an unlimited memory capacity obtained in the form of an infinite tape marked out into squares, on each of which a symbol could be printed. At any moment there is one symbol in the machine; it is called the scanned symbol. The machine can alter the scanned symbol and its behavior is in part determined by that symbol, but the symbols on the tape elsewhere do not affect the behavior of the machine. However, the tape can be moved back and forth through the machine, this being one of the elementary operations of the machine. Any symbol on the tape may therefore eventually have an innings. (by Turing 1948)

2.3 图灵机的通用性和局限性

- 计算机能够求解任意可计算问题（称为**功能**）
 - **有限性**：真实计算机只有有限精度和有限存储
 - 科学计算、企业计算、消费者计算
- 丘奇-图灵论题（**Church-Turing Hypothesis**）
 - 人用纸和笔所能做的计算 与 图灵机能自动执行的计算 等价
 - （无限存储器）冯诺依曼模型计算机与图灵机等价
- 存在不可计算问题
 - 例如：
 - 停机问题



2.4 Godel不完备性定理

- 定理一：任意一个包含一阶谓词逻辑与初等数论的形式系统，都不可能同时拥有完备性和一致性。即存在一个真命题，它在这个系统中不能被证明。
- 定理二：任意一个包含初等数论的系统 S ，当 S 无矛盾时，它的无矛盾性不可能在 S 内证明。

真和可以被证明是两件事情!!



Kurt Godel

1906-1978

Godel不完备性定理的实例：戈德斯坦定理

3. 算法思维

- **高德纳的算法定义：** 一个算法是一组有穷的规则，给出求解特定类型问题的运算序列，并具备下列五个特征：
 - (1) 有穷性：一个算法在有限步骤之后必然要终止。
 - (2) 确定性：一个算法的每个步骤都必须精确地（严格地和无歧义地）定义。
 - (3) 输入：一个算法有零个或多个输入。
 - (4) 输出：一个算法有一个或多个输出。
 - (5) 能行性：一个算法的所有运算必须是充分基本的，原则上人们用笔和纸可以在有限时间内精确地完成它们。

算法思维成功例子

- 分治思想

- 各种排序算法
- 单因素优选法，好于二分法
- 大整数乘法
- 矩阵乘法

- 其他方法：贪心、穷举、动态规划

- 快速排序

算法的复杂度分析

- 求解斐波那契数列的递归算法GO代码耗时多少？

```
func fibonacci(n int) int {  
    if n == 0 || n == 1 {  
        return n  
    }  
    return fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2)  
}
```

- 复杂度分析（常用求解递推式的分析方法）

- $T(n) = T(n-1) + T(n-2) = T(n-2) + T(n-3) + T(n-3) + T(n-4)$
- $2 * T(n-2) < T(n) < 2 * T(n-1)$
- $T(n) < 2 * T(n-1) < 4 * T(n-2) < 8 * T(n-3) \dots < 2^n$
- $T(n) > 2 * T(n-2) > 4 * T(n-4) > 8 * T(n-6) \dots > 2^{n/2}$
- **$T(n) = O(2^n)$, $T(n) = \Omega(2^{n/2})$** **指数复杂度！**

- 动态规划算法：复杂度 $O(n)$

小o, 大O, Ω , Θ 记号

等号是单向的, 不同于数学等号

$n^{1.58} = O(n^2)$, $n^{1.58} = O(n^3)$, 但 $O(n^2) \neq O(n^3)$

假设: 当 n 足够大

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = 0$$

- $f(n) = o(g(n))$

- $n^{1.58} = o(n^2)$, $n^{1.58} \neq o(n^{1.58})$, $n^2 \neq o(n^{1.58})$

- $f(n) = O(g(n))$

\exists 常数 $c > 0$, $f(n) \leq cg(n)$

- $n^{1.58} = O(n^2)$, $n^{1.58} = O(n^{1.58})$, $n^2 \neq O(n^{1.58})$

- $f(n) = \Omega(g(n))$

\exists 常数 $c > 0$, $f(n) \geq cg(n)$

- $n^{1.58} \neq \Omega(n^2)$, $n^{1.58} = \Omega(n^{1.58})$, $n^2 = \Omega(n^{1.58})$

- $f(n) = \Theta(g(n))$

$f(n) = O(g(n))$ 并且 $f(n) = \Omega(g(n))$

- $n^{1.58} \neq \Theta(n^2)$, $n^{1.58} = \Theta(n^{1.58})$, $n^2 \neq \Theta(n^{1.58})$

小o, 大O, Ω , Θ 记号

共同假设: 当 n 足够大。 g 是 f 的严格上阶、上阶、下阶、等阶

● $f(n) = o(g(n))$ g 是 f 的严格上界 (阶)

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = 0$$

● $n^{1.58} = o(n^2)$, $n^{1.58} ? o(n^{1.58})$, $n^2 \neq o(n^{1.58})$

● $f(n) = O(g(n))$ 上界

$$\exists \text{常数 } c > 0, f(n) \leq cg(n)$$

● $n^{1.58} ? O(n^2)$, $n^{1.58} = O(n^{1.58})$, $n^2 \neq O(n^{1.58})$

● $f(n) = \Omega(g(n))$ 下界

$$\exists \text{常数 } c > 0, f(n) \geq cg(n)$$

● $n^{1.58} ? \Omega(n^2)$, $n^{1.58} = \Omega(n^{1.58})$, $n^2 = \Omega(n^{1.58})$

● $f(n) = \Theta(g(n))$ 等阶

$$f(n) = O(g(n)) \text{ 并且 } f(n) = \Omega(g(n))$$

● $n^{1.58} ? \Theta(n^2)$, $n^{1.58} = \Theta(n^{1.58})$, $n^2 \neq \Theta(n^{1.58})$

NP vs P

- 输入 $2n$ 个数，判断是否可以把这些数等分成两组（每组 n 个数），使得两组的和相同。
- 是否是NP的？
 - 是！
 - 为什么？
 - 给定结果，即满足题意的分组方式
 - 验证算法：验证每组都是 n 个数，且两组数的和相等
 - **验证算法是多项式的**（事实上验证算法的复杂度是 $O(n)$ ）！
- 是否是P的？
 - 目前不知道。如果找到多项式时间算法，则 $NP=P$ 。

NP vs P

- 输入 $2n$ 个数，判断是否可以把这些数等分成两组（每组 n 个数），使得两组的和不相同。
- 是否是NP的？
 - 是！方法类似之前。
- 是否是P的？
 - 是！
 - 只要这 $2n$ 个数不全相同，则答案为是。为什么？
 - $O(n)$

5. 计算系统思维

- 通过抽象，将模块组合成为系统，无缝执行计算过程
 - 抽象化：一个通用抽象代表多个具体需求
 - 模块化：系统由多个模块组合而成
 - 计算机 = 硬件 + 系统软件 + 应用软件
 - 全系统一致性；信息隐藏原理，接口概念
 - 无缝衔接
 - 避免缝隙：
 - 扬雄周期原理、波斯特尔鲁棒性原理、冯诺依曼穷举原理
 - 重视瓶颈：阿姆达尔定律
 - 系统性能改进受限于系统瓶颈（针对某任务）
 - 加速比 = $1 / ((1-f)/p + f) \rightarrow 1/f$ 当 $p \rightarrow \infty$

本课程学到的一些基本抽象

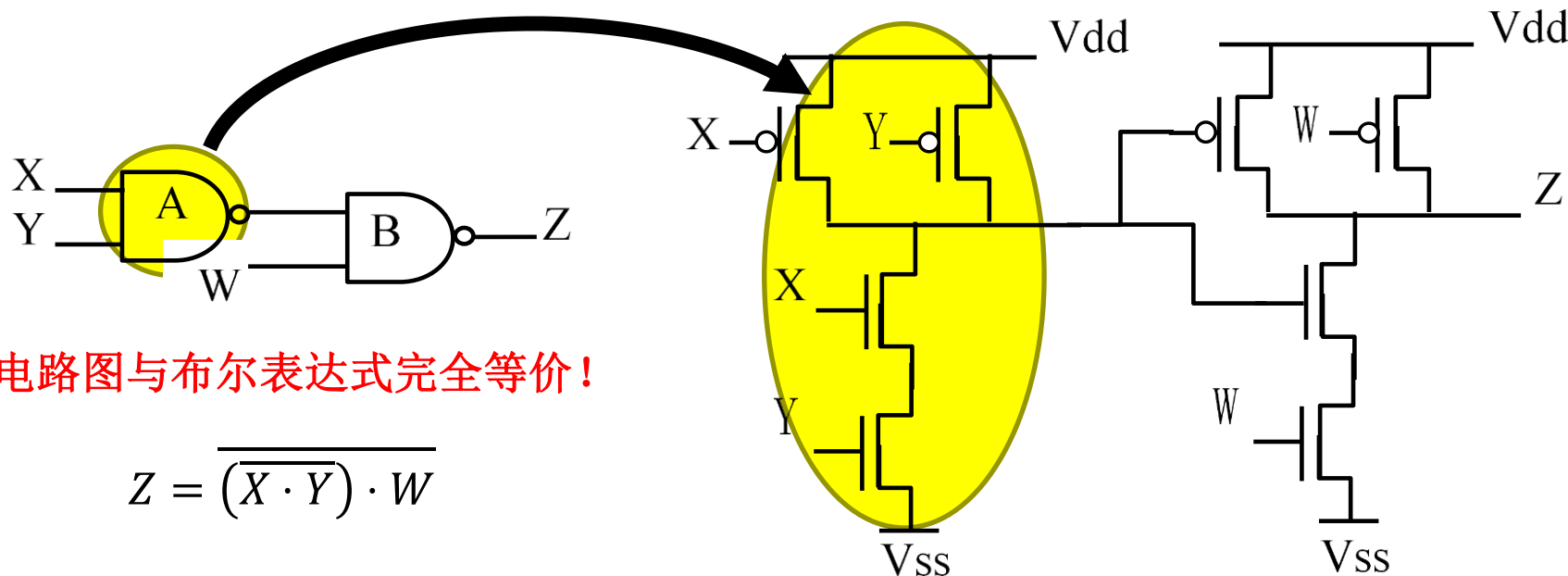
- 是什么、通过实例解释、能够举一反三

| | | |
|--|---|--|
| Data Type 数据类型 | bit (1 bit), hexadecimal number (4 bits), byte (8 bits), uint8 (8-bit unsigned integer), integer (64 bits); array (n elements of the same type), slice (a descriptor pointing to an array); text file, BMP image file; hypertext and hyperlink 比特、字节、整数、数组、切片、文本文件、图像文件、超链接 | |
| Software 软件 | Algorithm 算法 | Smart method of information transformation, such as quicksort, hiding text in a BMP file, etc. 快排算法 |
| | Program 程序 | Code realizing algorithms in computer language, such as hide.go in the Text Hider project 信息隐藏程序 hide.go |
| | Process 进程 | 操作系统抽象, 用于管理任何一个应用程序 (一个抽象支持万千应用) 程序跑起来是进程 > ./WebServer & 系统显示 PID=79 |
| | Instruction 指令 | The smallest unit of software, directly executable by computer hardware 班级快排指令集 |
| von Neumann Architecture: a computer model bridging software and hardware 冯诺依曼计算机模型 | | |
| Hardware 硬件 | Instruction Pipeline 指令流水线 | The basic hardware mechanism to automatically execute any instruction “取指-译码-执行” 三级流水线 |
| | Sequential Circuit 时序电路 | More precisely, only consider Synchronous Sequential Circuit comprised of combinational circuits and state circuits and driven by a clock signal; equivalent to the automata concept 串行加法器 |
| | Combinational Circuit 组合电路 | Also known as Boolean circuit, realizing a Boolean function 使用全加器的波纹进位加法器 |

信息隐藏原理 实例

- 图中三者表达同样的逻辑电路
- 但抽象不同，暴露的信息不同

| W | X | Y | Z |
|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 | 1 |
| 0 | 0 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 1 |



接口：逻辑值+逻辑操作

电压值+晶体管操作

D-触发器

- Delay Flip-Flop

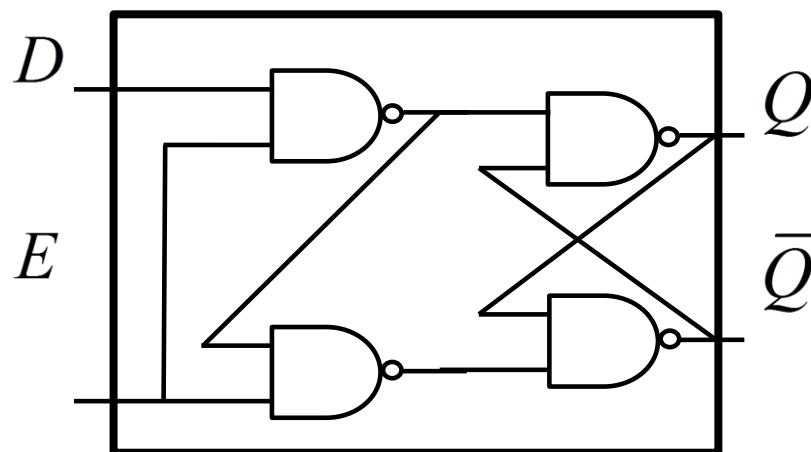
- Enable往往用时钟信号CLK

- 一拍时钟后， $Q=D$

| E | D | Q | Q_{next} |
|-----|-----|-----|------------|
| 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 1 | 1 |



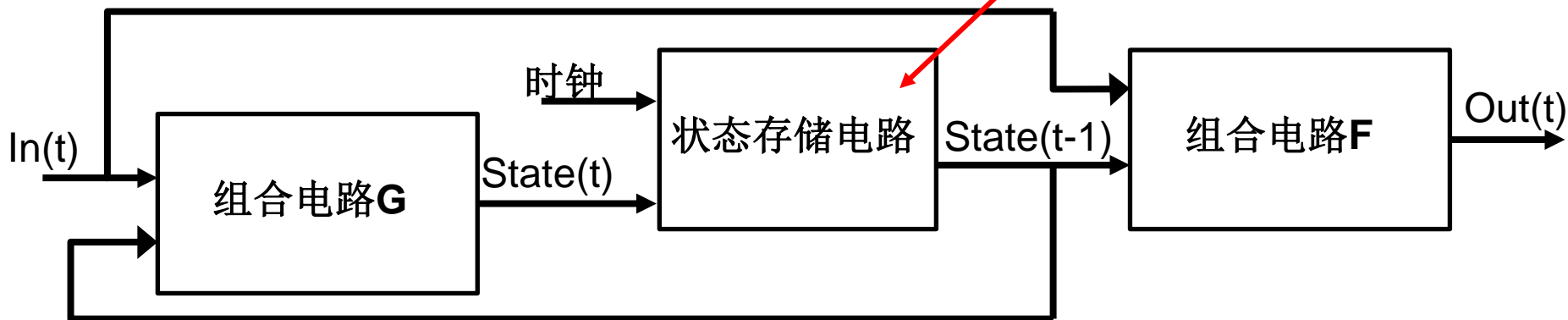
抽象化
隐藏内部细节



组合电路与状态电路产生自动机 即时钟同步的时序电路

- 第 t 时刻的输出是 t 时刻输入与 $t-1$ 时刻状态的函数
- 第 t 时刻的状态是 t 时刻输入与 $t-1$ 时刻状态的函数
 - $\text{Out}(t) = F(\text{In}(t), \text{State}(t-1))$
 - $\text{State}(t) = G(\text{In}(t), \text{State}(t-1))$

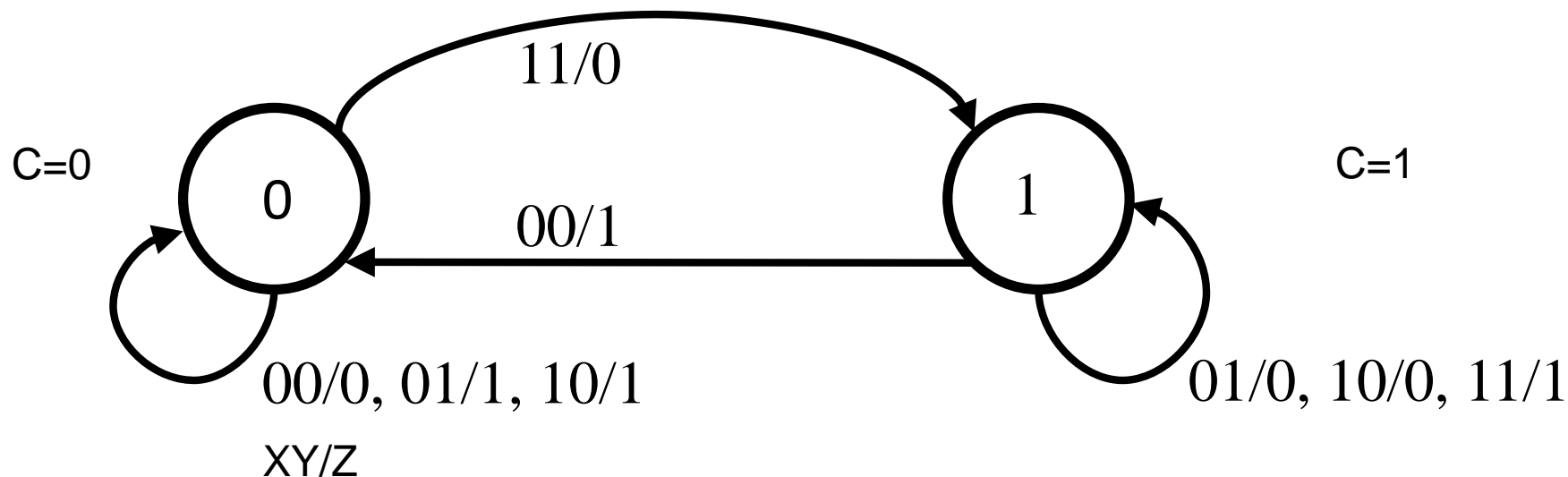
往往用**D-触发器**实现



自动机实现4位串行加法过程

● $1011+1001 = 10100$

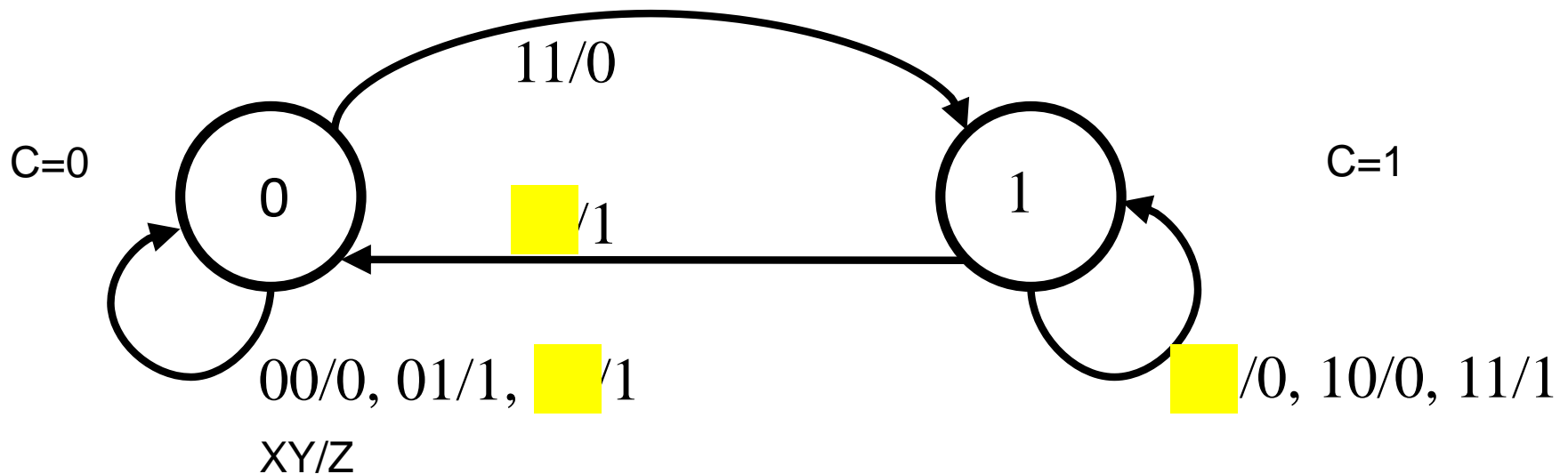
- $t=0$ 的初始状态: $C=0$ 。自动机处于左边状态。
- $t=1$: $X=1, Y=1$; 有向边11/0适用, 自动机转移到右边状态, 输出 $Z=0$ 。
- $t=2$: $X=1, Y=0$; 有向边10/0适用, 自动机保持在右边状态, 输出 $Z=0$ 。
- $t=3$: $X=0, Y=0$; 有向边00/1适用, 自动机转移到左边状态, 输出 $Z=1$ 。
- $t=4$: $X=1, Y=1$; 有向边11/0适用, 自动机转移到右边状态, 输出 $Z=0$ 。



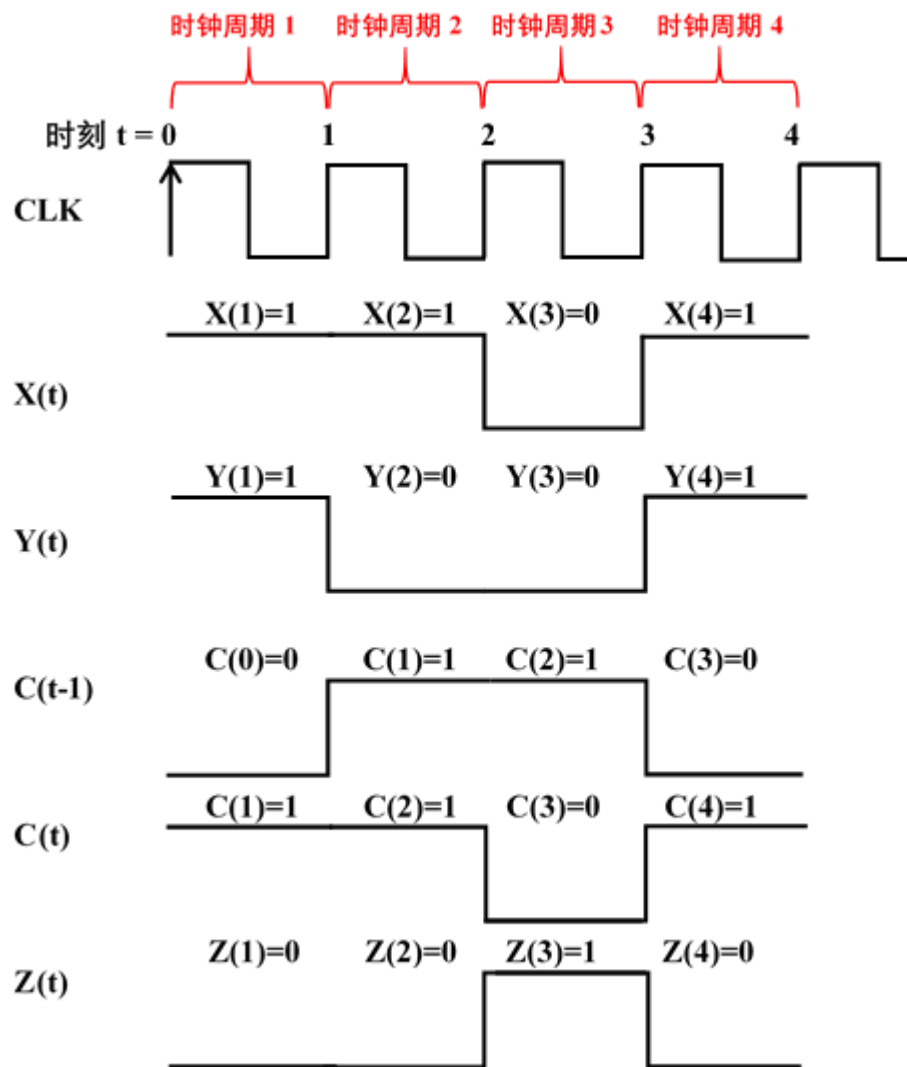
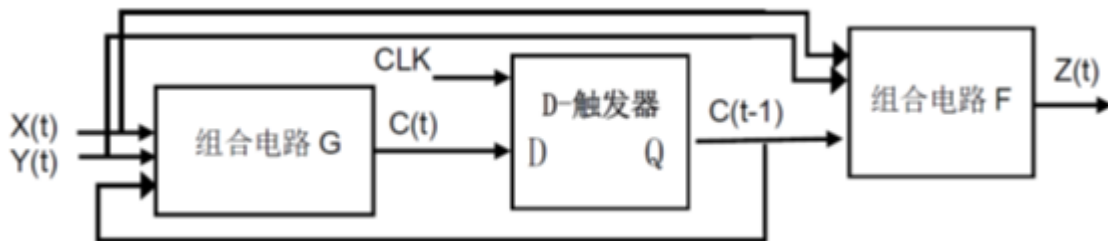
自动机实现4位串行加法过程

● $1011 + 1001 = 10100$

- $t=0$ 的初始状态: $C=0$ 。自动机处于左边状态。
- $t=1$: $X=1, Y=1$; 有向边11/0适用, 自动机转移到右边状态, 输出 $Z=0$ 。
- $t=2$: $X=1, Y=0$; 有向边10/0适用, 自动机保持在右边状态, 输出 $Z=0$ 。
- $t=3$: $X=0, Y=0$; 有向边00/1适用, 自动机转移到左边状态, 输出 $Z=1$ 。
- $t=4$: $X=1, Y=1$; 有向边11/0适用, 自动机转移到右边状态, 输出 $Z=0$ 。



| C | X | Y | C_{next} | Z |
|-----|-----|-----|------------|-----|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |



$$Z = X \oplus Y \oplus C$$

$$C_{next} = (X \cdot Y) + (X \oplus Y) \cdot C$$

1011+1001 = 10100的4位加法过程如下:

● $t=0$ 的初始状态: $C=0$ 。

● $t=1$: $X=1$, $Y=1$;

$Z = 1 \oplus 1 \oplus 0 = \text{红}, C = (1 \cdot 1) + (1 \oplus 1) \cdot 0 = 1$

● $t=2$: $X=1$, $Y=0$;

$Z = 1 \oplus 0 \oplus 1 = \text{红}, C = (1 \cdot 0) + (1 \oplus 0) \cdot 1 = 1$

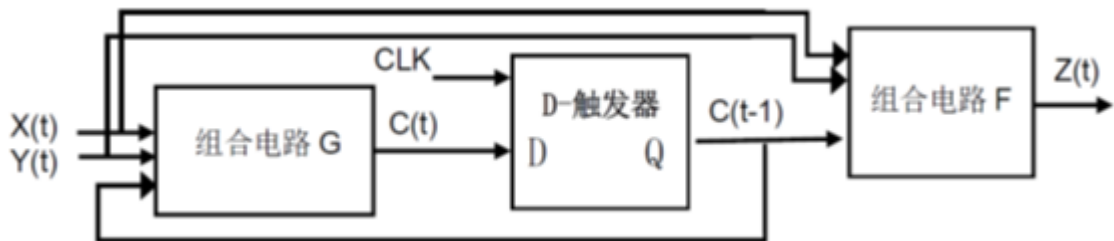
● $t=3$: $X=0$, $Y=0$;

$Z = 0 \oplus 0 \oplus 1 = \text{红}, C = (0 \cdot 0) + (0 \oplus 0) \cdot 1 = 0$

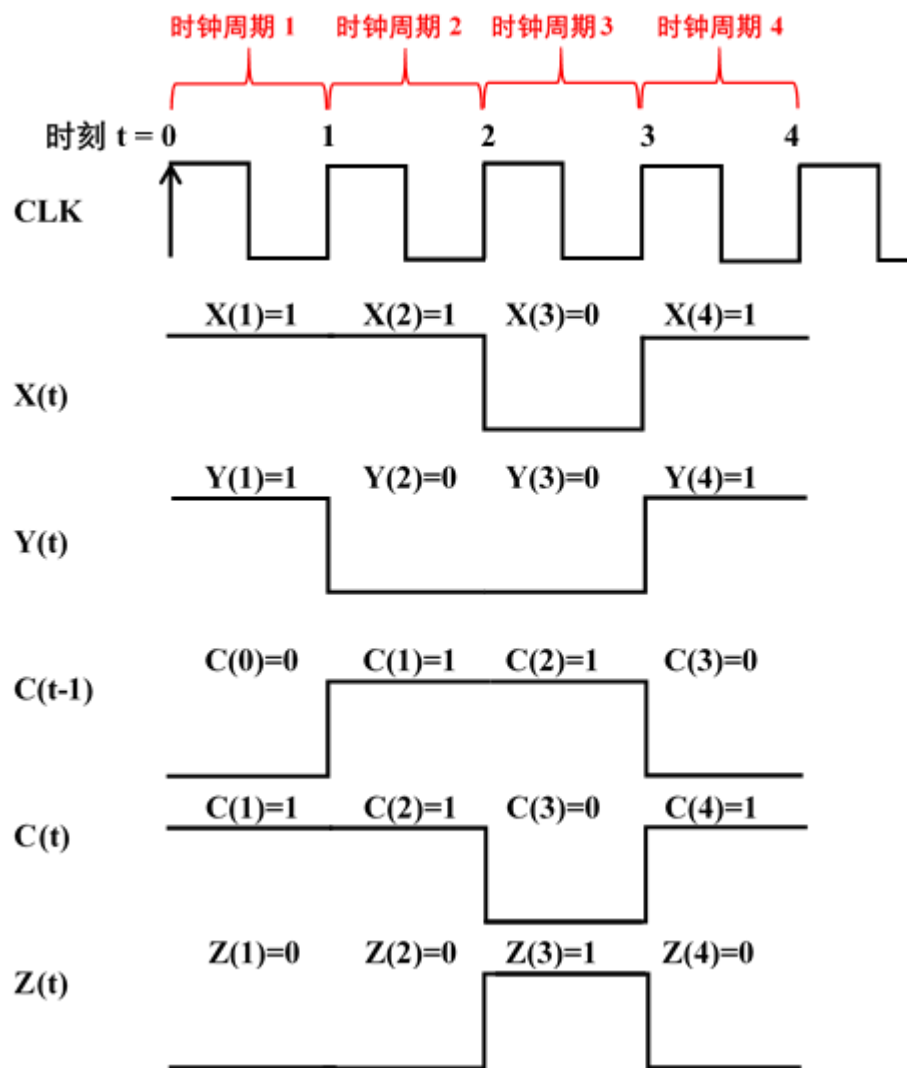
● $t=4$: $X=1$, $Y=1$;

$Z = 1 \oplus 1 \oplus 0 = \text{红}, C = (1 \cdot 1) + (1 \oplus 1) \cdot 0 = \text{红}$

| C | X | Y | C_{next} | Z |
|-----|-----|-----|------------|-----|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |



减法如何做？



$$Z = X \oplus Y \oplus C$$

$$C_{next} = (X \cdot Y) + (X \oplus Y) \cdot C$$

1011+1001 = 10100的4位加法过程如下：

● $t=0$ 的初始状态： $C=0$ 。

● $t=1$ ： $X=1, Y=1$ ；

$Z = 1 \oplus 1 \oplus 0 = \text{红}, C = (1 \cdot 1) + (1 \oplus 1) \cdot 0 = 1$

● $t=2$ ： $X=1, Y=0$ ；

$Z = 1 \oplus 0 \oplus 1 = \text{红}, C = (1 \cdot 0) + (1 \oplus 0) \cdot 1 = 1$

● $t=3$ ： $X=0, Y=0$ ；

$Z = 0 \oplus 0 \oplus 1 = \text{红}, C = (0 \cdot 0) + (0 \oplus 0) \cdot 1 = 0$

● $t=4$ ： $X=1, Y=1$ ；

$Z = 1 \oplus 1 \oplus 0 = \text{红}, C = (1 \cdot 1) + (1 \oplus 1) \cdot 0 = \text{红}$

正常执行与异常处理

- 正常执行

- 第一条指令在哪里？
- 当前指令如何执行？
- 下一条指令在哪里？ **PC保存下一条指令地址**

- 异常处理

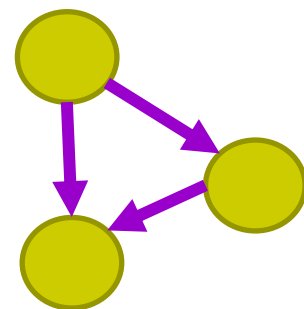
- 中断
 - 执行完毕当前指令，然后执行异常处理程序
- 硬件出错
 - 立即执行一个事先设计好的异常处理程序
- 保底异常
 - 为了做到穷举，保底异常（通常被称为machine check）覆盖其他异常没有覆盖的情况

重视瓶颈：阿姆达尔定律

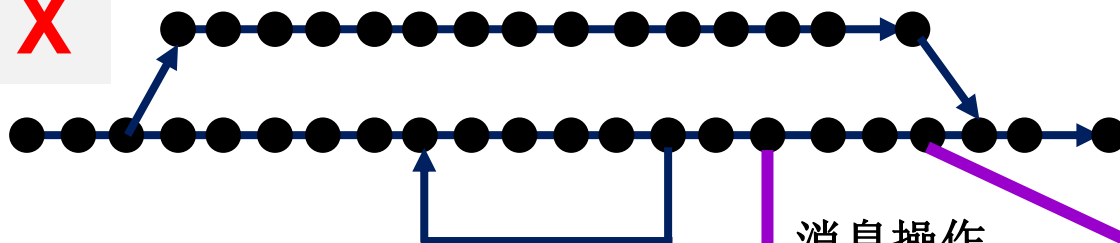
- 系统性能改进受限于系统瓶颈
 - 加速比 = $1 / ((1-f)/p + f) \rightarrow 1/f$ 当 $p \rightarrow \infty$
 - “假如一个系统可以分成两部分X和Y, $X+Y=1$, $0 \leq X \leq 1$, $0 \leq Y \leq 1$ 。Y能够改善（即缩小它的数值），X不能被改善（即X是瓶颈）。那么，系统最多能被改善到 $1/X$ 。”
 - 一台电脑使用了**500 MHz**主频的处理器芯片，假设 **$X=Y=0.5$** ，即程序代码只有一半可以随处理器速度的增加而改善
 - 那么，我们将处理器的速度提高**1000倍**（提到**500 GHz**），整个电脑的速度提高多少？
 - 加速比只能变到 $1/0.5=2$ ，即提高一倍

6. 网络思维

- 计算过程涉及（由多个节点连接而成的）网络
 - 网络成为计算过程的对象、执行系统
- 核心概念：连通性、消息传递、协议
 - 名字空间、拓扑、协议栈



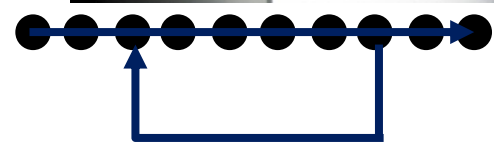
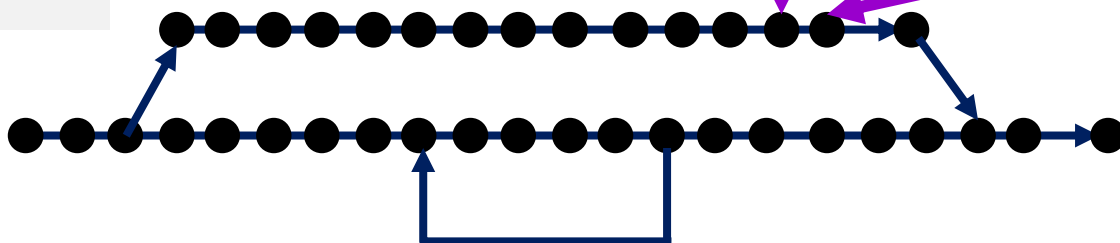
X



Z

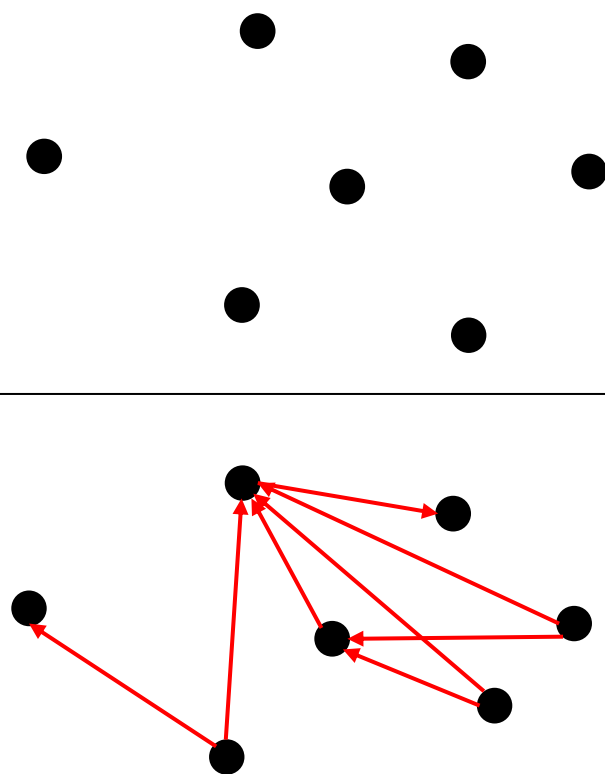


Y



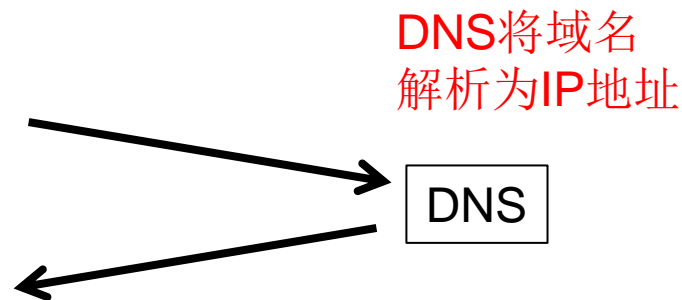
连通性与消息传递是松耦合关系

- 网络思维并不必涉及消息传递（或通信协议）
- 此时，重点是**连通性**（connectivity）
 - 即：有什么节点？节点之间如何连接？
- 拓扑本身就有价值
- 搜索引擎实例
 - 第一代：无网络思维
 - 只关心节点的内容
 - 第二代：有网络思维
 - Page、Kleinberg、李彦宏
 - 关心节点内容
 - 还关心网络拓扑（pagerank）



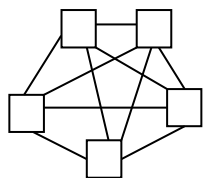
名字空间设计的两个问题

- 设计与理解名字空间的基本考虑
 - 唯一性: `z xu@ict.ac.cn` vs. 中关村民
 - 重用性: 手机号码 vs. 万维网资源的URI
 - 自主性: 一台计算机的网卡可以插到另一台计算机上吗?
 - 固定IP地址 vs. 动态生成IP地址
 - 友好性: 网站的互联网域名 vs. 网站的IP地址
- 不同层次间的名字如何解析
 - `http://www.ict.ac.cn/cs101`
 - `http://159.226.97.84/cs101`

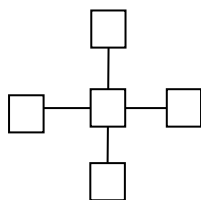


按动态性划分的三类网络拓扑

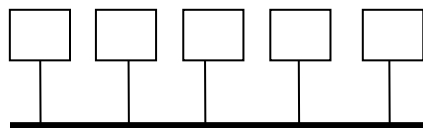
- 静态网络：节点完全确定、连接完全确定
- 动态网络：节点完全确定、连接部分确定
- 演化网络：节点部分确定、连接部分确定
- 你的微信朋友圈是什么网络？



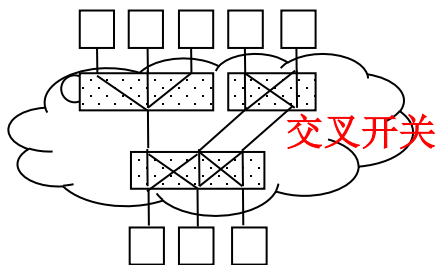
(a) 全连通图



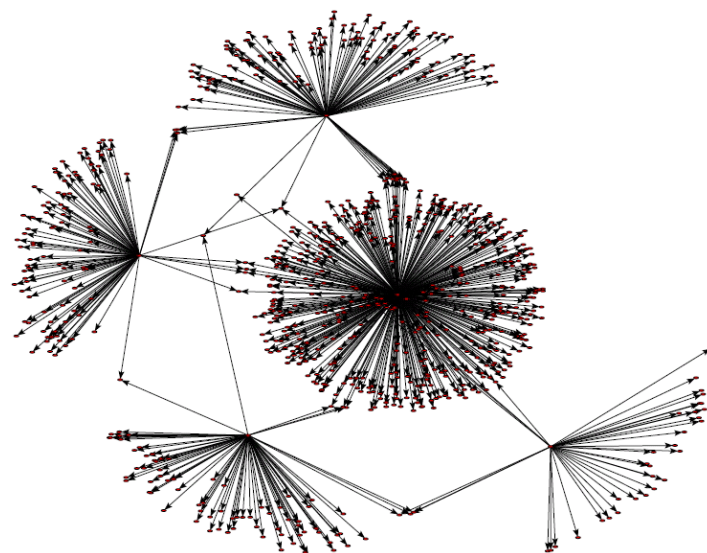
(b) 星型网络



(c) 总线



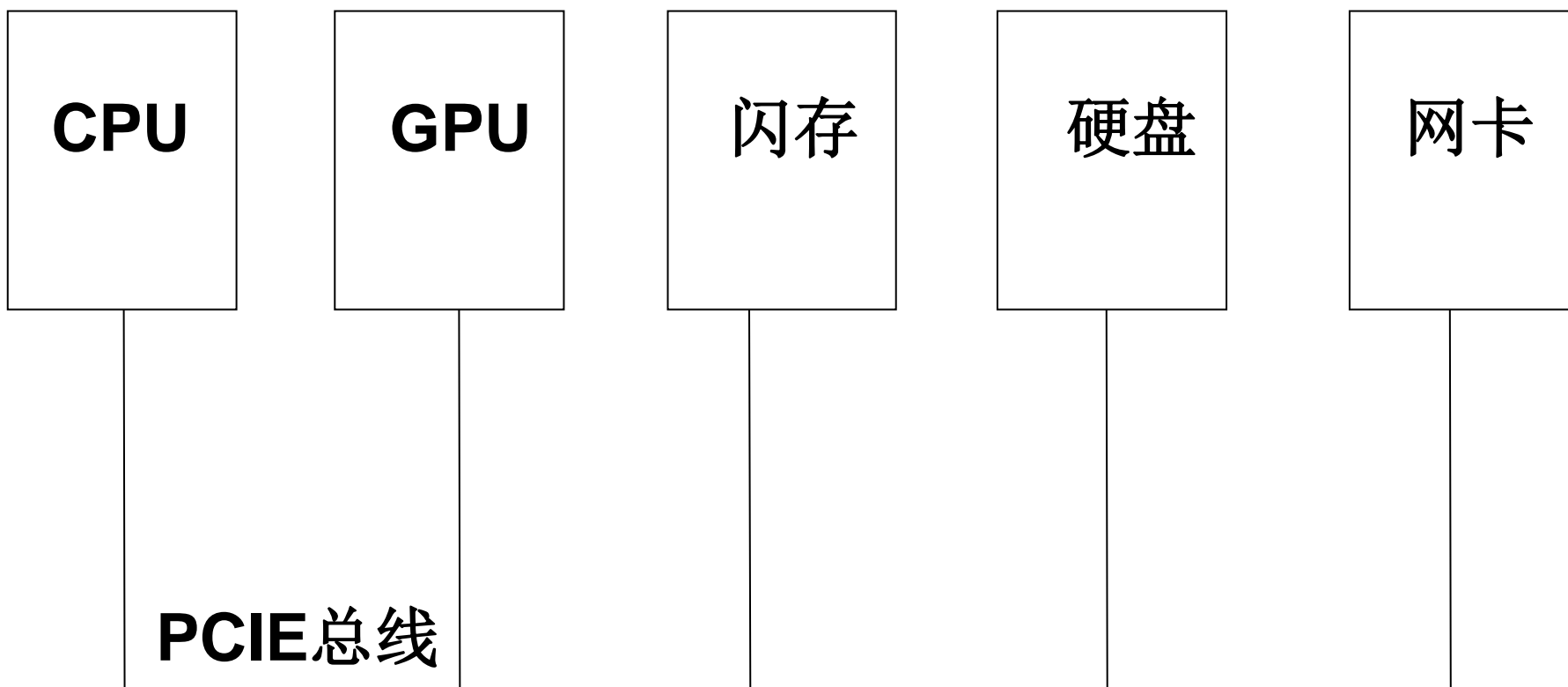
(d) 交换网络



(e) 演化网络

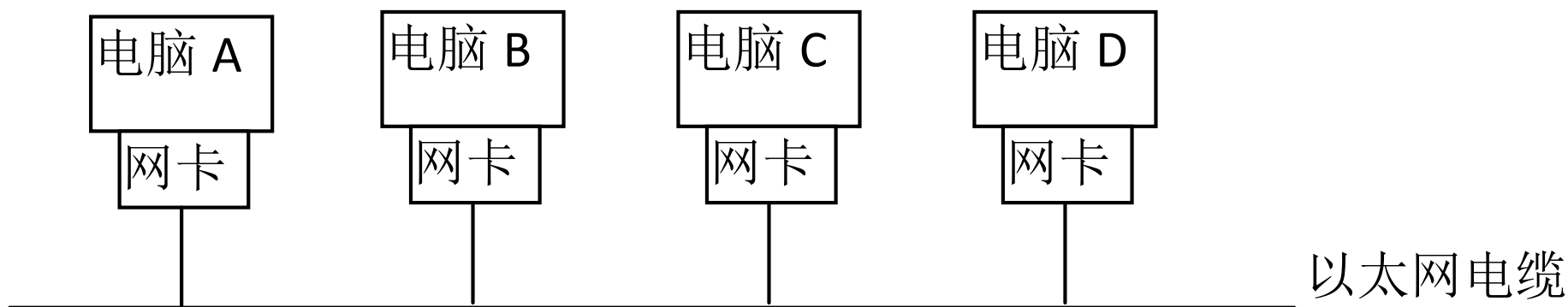
在一个主板上的总线仲裁实例

- 总线仲裁机制决定：特定时刻哪两个设备联通
- 适用于距离短、设备少的情况



局域网与以太网

- 不能使用集中式的总线仲裁方式
- 1973年，麦特考夫发明以太网
 - 解决冲突的指数退避方法
 - 第一次传输试图失败后，等候 $[0, T]$ 中间的一个随机值
 - 第二次重试失败后，等候 $[0, 2T]$ 中间的一个随机值
 - 第三次重试失败后，等候 $[0, 4T]$ 中间的一个随机值

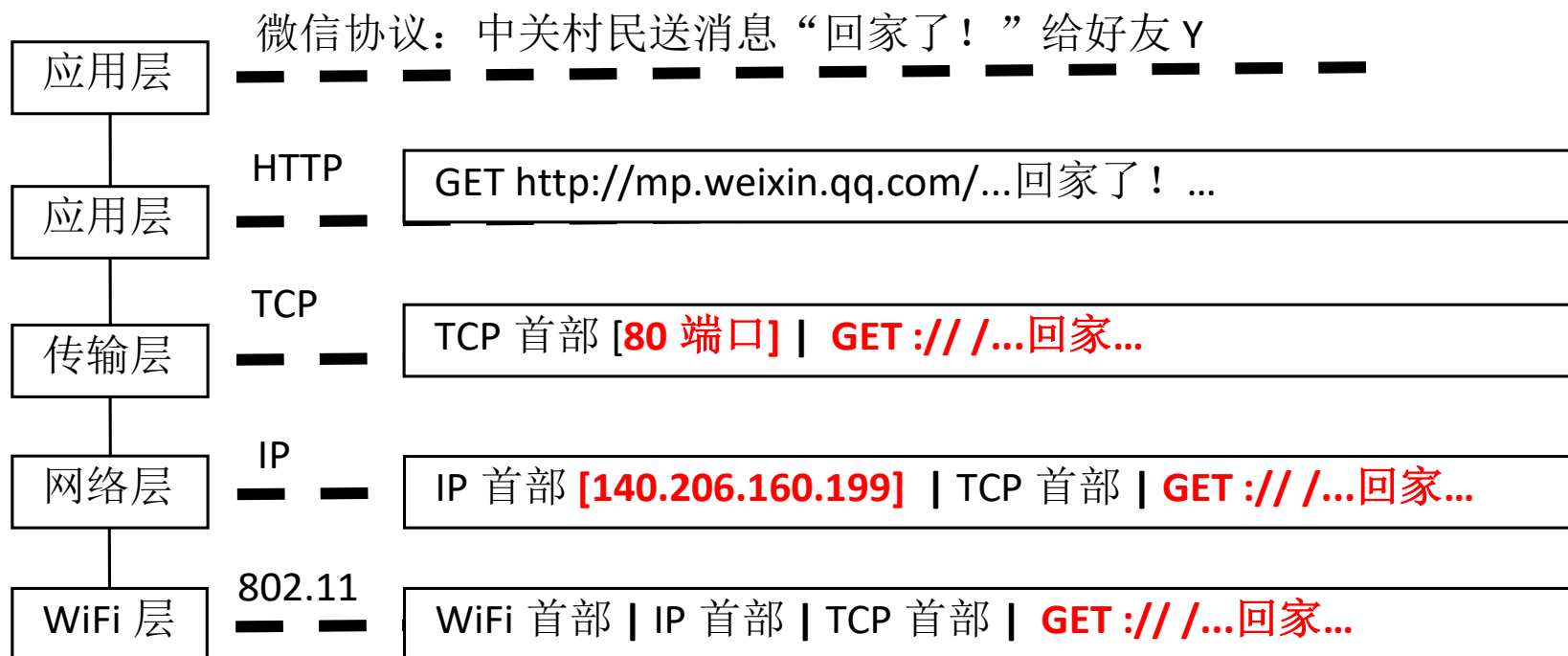
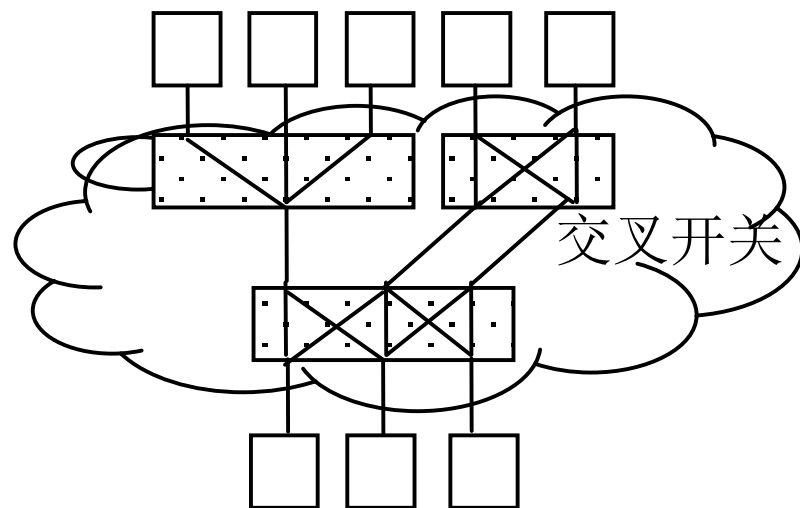


以太网和四台电脑构成的局域网

“到家了！” 如何解析成底层的消息包？

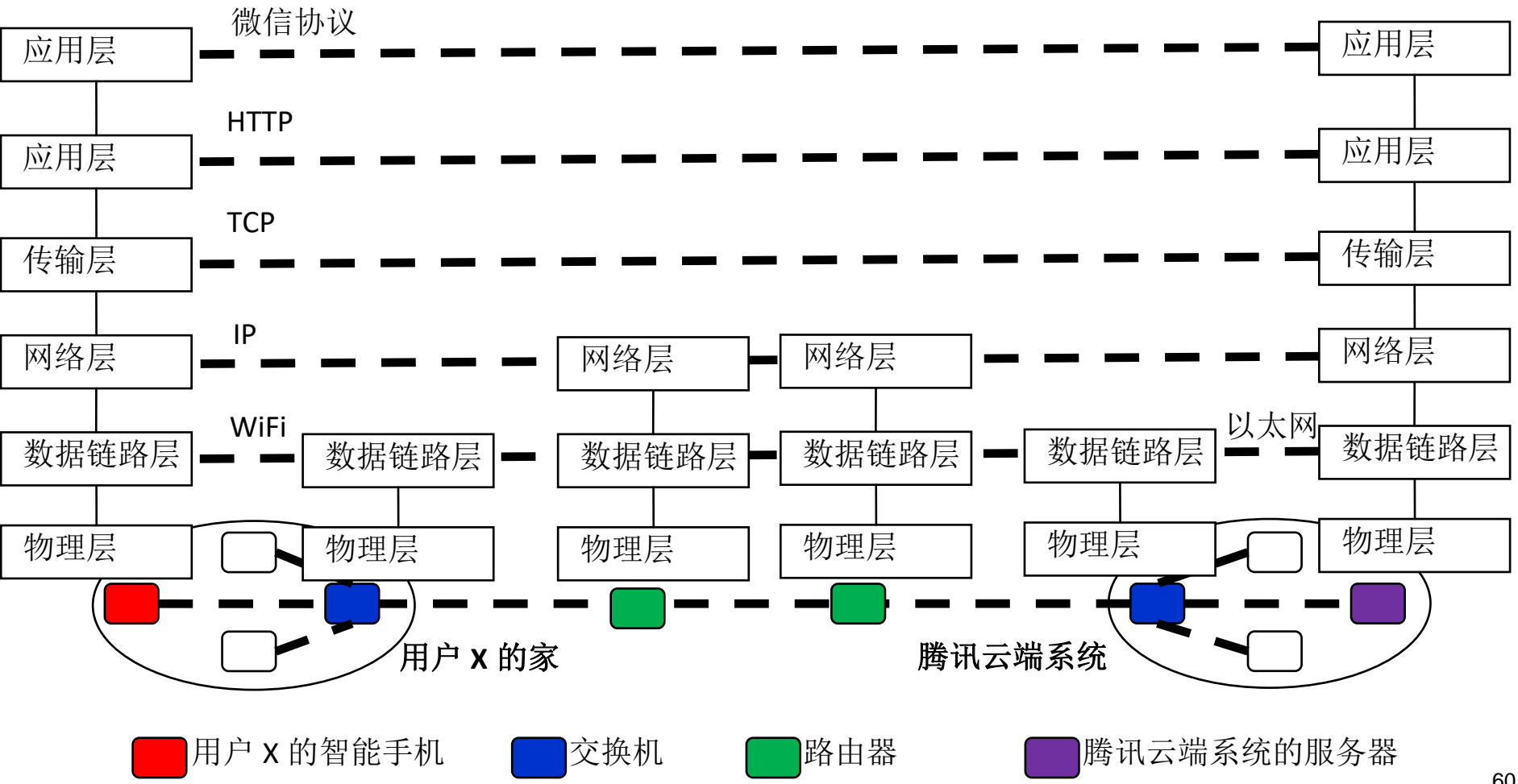
● 关键技术点

- 分组交换
- 包：首部+数据
- 逐层解析并传输



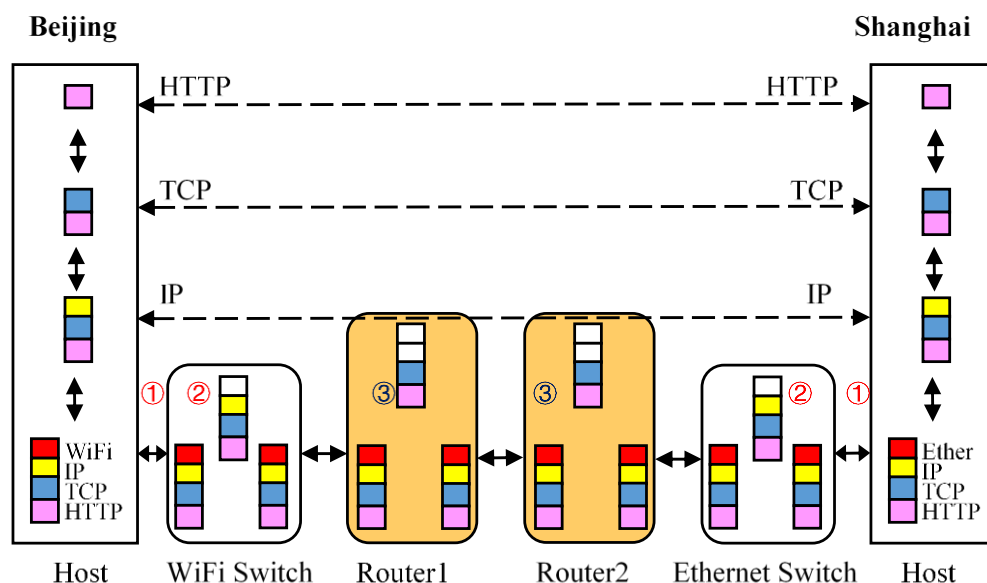
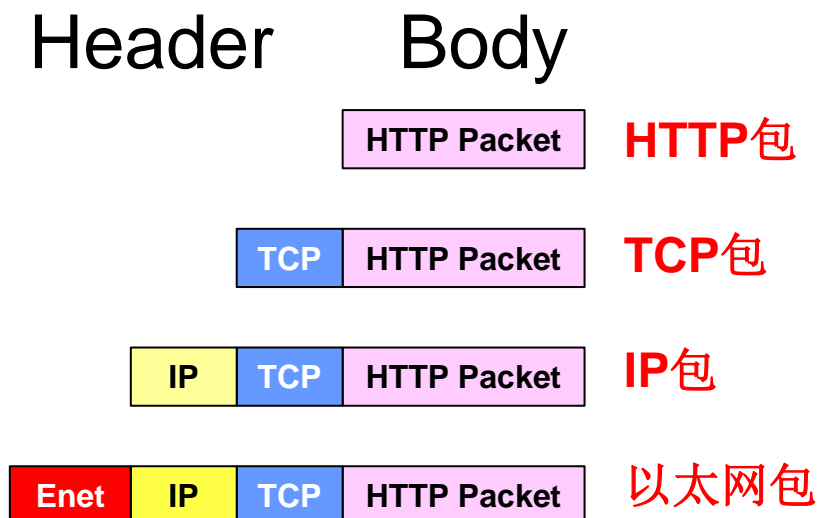
通信过程涉及互联网协议栈的哪些接口？

- 对等接口、层间接口



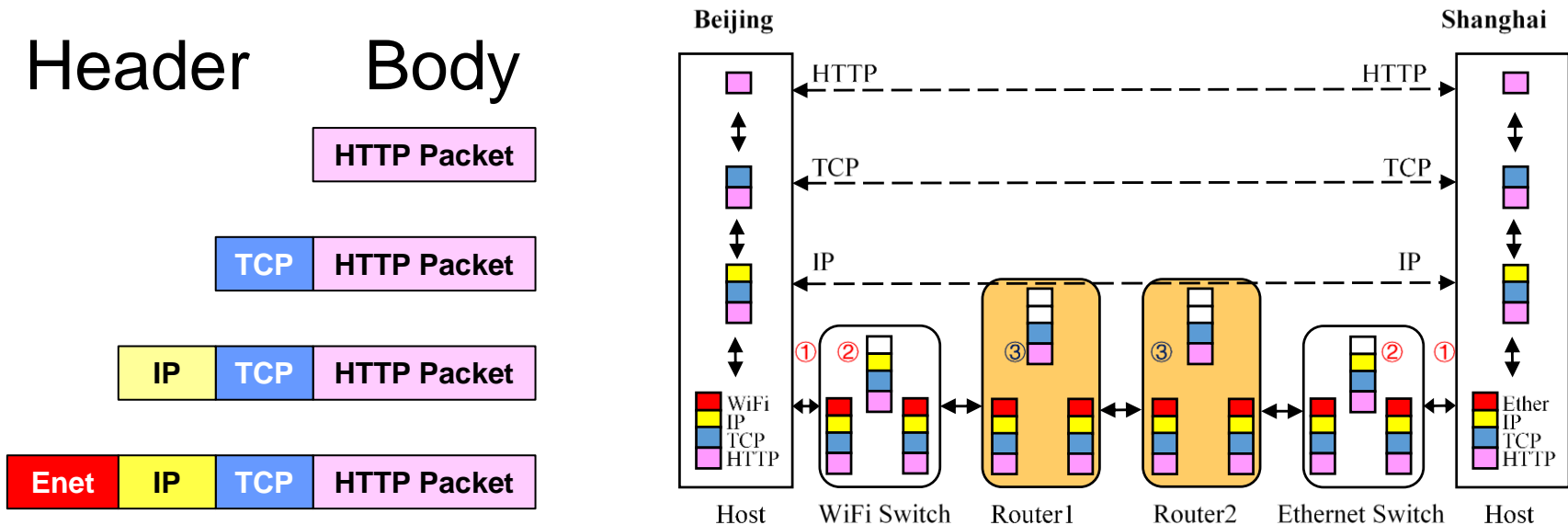
Can one send an upper layer packet without also sending a lower layer packet?

- Can the Web server in Shanghai send an HTTP packet to Zhang's Web browser in Beijing, without also sending a data link layer packet, e.g., an Ethernet frame?
- No! 不能只传上层数据包(如TCP包), 而不传下层包(IP包、以太网包)
 - Any information at the HTTP layer is wrapped in a data link layer packet, and eventually wrapped in a physical layer packet
 - One cannot send a high layer packet without also sending a packet of every layer below
 - When a packet enters a network, it is in a data link layer format and travels as wired and/or wireless signals



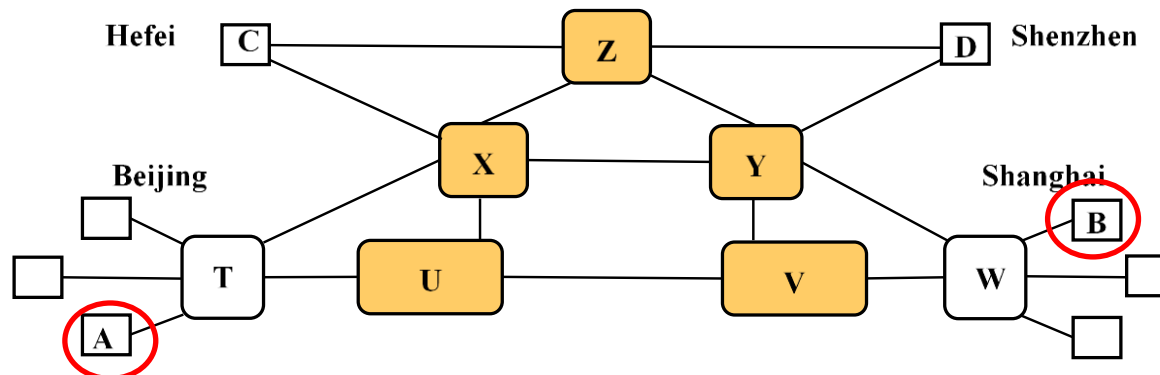
What is actually sent over the network hardware?

- Bit string of 0's and 1's
任何数据包最终在物理层作为比特传递，即一串**0**或**1**信号
- Any packet is eventually encapsulated as one or more physical layer packets, which travel as wired or wireless signals
 - A physical layer packet is sent through electrical cables, electromagnetic waveforms or optical fibers, in a bit string of 0's and 1's
 - A 0 may be represented as a LOW voltage pulse or a LIGHTOFF state, while a 1 may be represented as a HIGH voltage pulse or a LIGHTON state



Do all packets travel through the same physical path?

- A message is sent from host A to host B
 - Do all packets of the message travel through the same physical path from host A to host B?
 - 从A到B的一条消息的数据包必然通过同一条通路吗?
 - Not necessarily. Internet has built-in redundancy 不一定。互联网有冗余通路
 - Possible physical paths for a 99-packet message from A to B
 - 1st packet of the message travels along the physical path **A-T-X-Y-W-B**
 - 49th packet traverses path **A-T-U-V-W-B**
 - Arriving at B before 1st packet
 - 99th packet traverses path **A-T-X-Z-Y-W-B**
 - Complete message is reassembled from the packets by their numbers

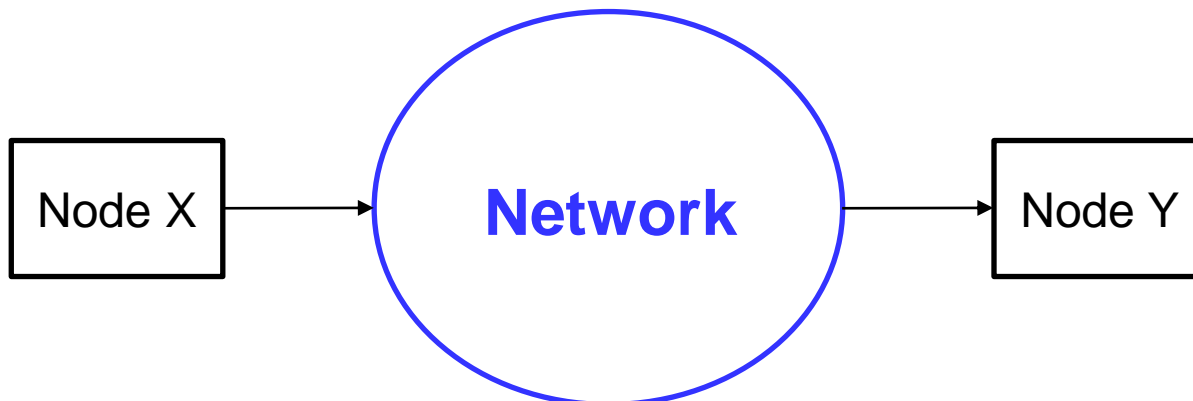


互联网有
冗余通路

可以容错!

Latency and bandwidth

- We focus on one node sending a message to another node over a network 考虑最简单的网络
 - Node X sends a message of m bytes to node Y
 - What is the total time t to transmit the message?
- **Hockney's formula:** $t = t_0 + m / r_\infty$
 - Extreme values 极端值
 - 最小延迟 Minimal latency: t_0 ; 最大带宽 maximal bandwidth: r_∞
 - User experienced values 用户体验值
 - User experienced **latency**: t ; User experienced **bandwidth** m/t



Compression 数据压缩

- Data compression: Technique to reduce file size
 - To save storage space and transmission time
- Lossless compression 无损压缩
 - Reduce file size without losing information
 - > gzip fib-10 (2011793 bytes)
 - To obtain a compressed file fib-10.gz (709090 bytes)
 - > gzip Autumn.bmp (9144630 bytes)
 - The compressed file is Autumn.bmp.gz (8224455 bytes)
 - Original file can be recovered from compressed file
 - > gzip -d Autumn.bmp.gz
- Lossy compression 有损压缩
 - Reduce file size while losing information
 - Original file cannot be recovered from compressed file

谢谢 Thank You

Q&A

zxu@ict.ac.cn



中国科学院
INSTITUTE OF COMPUTING TECHNOLOGY