Lesson3

哈希表

作用

- 把一个较大的数据空间映射到较小的数据空间(例如: 0~10^9 -> 0~10^5)。
- 离散化是特殊的哈希方式。
- 平均时间复杂为O(1)

哈希函数的写法

• 取模: x mod b (b一般取为质数, 且里2的整次幂尽可能远) 导致冲突的存在

存储结构(处理冲突方式的不同)

• 开放寻址法

- 一维数组存储,不使用链表,经验上开到题目数据范围的2-3倍且为质数,从而降低冲 突概率
- 操作:添加,查找,删除

```
#include <iostream>
 2 #include <cstring>
4 using namespace std;
6 const int N = 200003, null = 0x3f3f3f3f;
8 int h[N];
11 int find(int x) {
       int k = (x\%N+N)\%N;
    while (h[k]!=null && h[k]!=x) {
          if (k == N) k = 0;
22 int main(void) {
                  break;
```

```
33  // }
34  // }
35
36  int n;
37  scanf("%d", &n);
38
39  memset(h, 0x3f, sizeof h);
40
41  while (n--) {
    int x;
    char op[2];
    scanf("%s%d", op, &x);
45
46   if (*op == 'I') h[find(x)] = x;
    else {
        if (h[find(x)] == null) puts("No");
        else puts("Yes");
50    }
51  }
52
53  return 0;
54 }
```

- 拉链 (单链表) 法
 - 。 期望算法,平均情况下链的长度为1,所以时间复杂度为O(1)
 - 操作:添加,查找(算法题意义下),删除(通过bool数组打删除标记,不是真正删除)

```
#include <iostream>
#include <cstring>

using namespace std;

const int N = 100003;

int h[N], e[N], ne[N], idx;

void insert(int x) {
    int k = (x%N+N)%N; //哈希函数, 使x映射到[0, N-1]的位置

e[idx] = x, ne[idx] = h[k], h[k] = idx++;

}

bool find(int x) {
    int k = (x%N+N)%N;

for (int i=h[k]; i!=-1; i=ne[i])
    if (e[i] == x)
        return true;

return false;

return false;
```

```
int main(void) {
// int i=100000; ;

// bool flag = true;

// for (int j=2; j*j</ri>
// if (i % j == 0)

//
                     break;
  scanf("%d", &n);
    memset(h, -1, sizeof h);
  while (n--) {
        int x;
       char op[2];
        scanf("%s%d", op, &x);
       if (*op == 'I') insert(x);
       else {
             if (find(x)) puts("Yes");
              else puts("No");
```

字符串哈希 (字符串前缀哈希法)

字符串看成是P进制数, "ABCD" = (1234) c = (1[实际使用ASCII码] * p^3 + 2 * p^2 + 3 * p^1 + 4 * p^0) mod Q (取模映射到0~Q-1)

注意事项

- 不能映射到0,例如A->0,则AA->0,AA...->0,一般情况下映射空间从1开始
- 字符串哈希,假定不存在冲突,当p=131或者13331,Q=2^64时,在一般情况下(99.99%)不会出现冲突
- 左边是高位,右边是低位
- 使用unsigned long long 存储所有哈希值, 溢出则相当于 mod 2^64。

用处:

- 利用前缀哈希算出任意一个子串的哈希值
 例如:通过 h[R] h[L-1] * p^((R-1)-(L-2)) = h[R] h[L-1] * p^(R-L+1) = h[L-R]
- 快速判断两个字符串是否相等

预处理: h[i] = h[i-1]*p + str[i] (**下标需从1开始**)

```
#include <iostream>
   using namespace std;
5 typedef unsigned long long ULL;
10 char str[N];
11 ULL h[N], p[N];
13 ULL get(int 1, int r) {
      return h[r]-h[l-1]*p[r-l+1];
   int main(void) {
       scanf("%d%d%s", &n, &m, str+1);
       p[0] = 1;
       for (int i=1; i<=n; i++) {
           p[i] = p[i-1]*P;
           h[i] = h[i-1]*P + str[i];
           scanf("%d%d%d%d", &l1, &r1, &l2, &r2);
           if (get(11, r1) == get(12, r2)) puts("Yes");
           else puts("No");
```

STL

系统为某一程序分配空间时,所需时间与空间大小无关,与申请次数有关

- pair<int, int> 存储一个二元组
 - o first:第一个元素
 - o second: 第二个元素
 - 。 支持比较运算,以first为第一关键字,以second为第二关键字 (字典序)
- vector
 - 。 变长数组, 倍增的思想,
 - o size() 返回元素个数
 - o clea() 清空

- o empty()返回是否为空 (queue无清空函数)
- o front() / back()
- push_back() / pop_back()
- o begin() / end() 迭代器
- 0 []
- o erase ()
- 。 支持比较运算,按字典序
- string
 - o 字符串, substr(), c_str()
 - o size()/length() 字符串长度
 - o empty ()
 - o clear ()
- queue
 - 。 队列
 - o push(), 队尾插入一个元素
 - o front(), 返回队头元素
 - o pop(), 弹出队头元素
 - o back () 返回队尾元素
 - o size ()
 - o empty ()
 - o 没有clear () 函数
- priority_queue
 - 。 优先队列(堆), 默认是大根堆
 - push () 向堆中插入一个元素
 - 。 top () 返回堆顶元素
 - 。 pop () 弹出堆顶元素
 - 小根堆: priority_queue<int, vector, greater> p;
- stack
 - 0 栈
 - o push () 向栈顶插入一个元素
 - o top ()返回栈顶元素
 - o pop () 弹出栈顶元素
 - 。 无clear ()
- deque (效率较低,比一般数组满上几倍)
 - o 双端队列 (加强版vector)
 - o size, empty (), clear
 - o front, back,
 - o push_back, pop_back,
 - o push_front, pop_front
 - 。 [] 随机寻址
 - o begin/end
- set, map, multiset, multimap, 基于平衡二叉树实现(红黑树), 动态维护有序序列
 - set/multiset
 - insert() 插入一个数 O (1)
 - size () , empty () , clear ()
 - begin() / end() ++, 返回前驱和后继 , 时间复杂度是O(logn)
 - find () 查找一个数,不存在返回end迭代器
 - count ()返回某一个数的个数 (set0或者1, multiset有几个返回几个)

- erase ()
 - (1) 输入一个数x,删除所有x O (k+logn) k是x的个数
 - (2) 输入一个迭代器, 删除这个迭代器
- lower_bound() / upper_bound()
 - lower_bound(x) 返回大于等于x的最小的数的迭代器,不存在返回end()
 - upper_bound(x) 返回大于x的最小的数的迭代器
- map/multimap
 - insert() 插入的数是一个pair
 - erase() 输入的参数是pair或者迭代器
 - find ()
 - [] 随机索引 (时间复杂度是O(logn))
 - lower_bound() / upper_bound()
- unordered_set, unordered_map, unordered_multiset, unordered_multimap 哈希表
 - 。 和上面类似,增删改查的时间复杂度是O(1),
 - 缺点:不支持lower_bound() / upper_bound(),不支持迭代器的 ++, —
- bitset 压位
 - o bitset<100000> bs;
 - o ~, &, | , ^, >>, <<, ==, !=, [], count()返回有多少个1, any/none()
 - o any () 判断是否至少有一个1
 - o none () 判断是否全为0
 - o set()把所有位置成1
 - o set(k, v) 把第k位变成v
 - o reset () 把所有位变成0
 - o flip () 等价于~
 - o flip (k) 把第k位取反
- list

```
#include <iostream>
#include <cstring>
#include <algorithm>
#include <cstdio>
#include <vector>

using namespace std;

int main(void) {
vector<int> a(10, 3); //长度为10的vector,每个数都是3
}
```