Lesson3

双指针算法

- 两类
 - 。 两个指针指向两个序列
 - 。 两个指针指向一个序列
- 一般写法

```
1 for (i=0, j=0; i<n; i++) {
2    while (j < i && check(i, j)) j++;
3    //每道题目具体逻辑
4 }</pre>
```

• 核心思想

对朴素算法进行优化(单调性),时间复杂度优化为O(n),常数为2,最坏情况下O(2n) 先想暴力算法,再通过单调性进行优化,O(n^2)->O(n)

• e1: 输出字符串中每个单词

```
#include <iostream>
2  #include <cstring>
3
4  using namespace std;
5
6  int main(void) {
7     char str[1000];
8     cin.getline(str, 1010);
9
10     for (int i=0; str[i]; i++) {
11         if (str[i] == ' ') continue;
12
13         int j = i;
14         while (j<strlen(str) && str[j]!=' ') j++;
15
16         for (int k=i; k<j; k++) cout << str[k];
17         puts("");
18         i = j;
19         }
20
21         return 0;
22    }</pre>
```

• e2: 最长不重复子序列

```
#include <iostream>
2
3 using namespace std;
```

```
focust int N = le5+10;
fint a[N], s[N], n;
int res;

int main(void) {
    scanf("%d", &n);

for (int i=0; i<n; i++) scanf("%d", &a[i]);

for (int i=0, j=0; i<n; i++) {
    s[a[i]]++;

    while (j<=i && s[a[i]]>1) {
        s[a[j]]--;
        j++;
    }

res = max(res, i-j+1);
}

cout << res;
return 0;
}
</pre>
```

位运算

- n的二进制表示中第k位是什么: n>>k&1
- 个位 (最后一位) 是第0位, 从个位开始
- 先把第k位移至最后一位(个位) (右移运算 n>>k)
- 求个位的值
- 结合1,2步,得公式n>>k&1

```
#include <iostream>

using namespace std;

int main(void) {
    int a = 10;

for (int i=31; i>=0; i--) cout << (a>>i&1);

return 0;

11 }
```

• lowbit (x) 返回x的最后一位 (最右边) 1的位置, 主要用于树状数组

```
o x=1010, lowbit (x) =10
o x=101000, lowbit (x) =101000
o lowbit (x) = x_{-x} = x_{-x} = x_{-x}
```

。 应用: 统计x中1的个数

```
#include <iostream>

using namespace std;

int lowbit(int x) {
    return x & -x;

}

int main(void) {
    int n;
    scanf("%d", &n);

while (n--) {
    int x;
    scanf("%d", &x);

int res = 0;
    while (x) x -= lowbit(x), res++;

printf("%d", res);
}

return 0;

return 0;
```

离散化 (整数离散化)

- 适用于值域大,个数少的序列,如值域0~10^9,个数10^5
- 重复元素的处理: **去重,库函数**all.erase(unique(all.begin(), all.end()), all.end())
- 如何算出a[i]中i离散化后的值是多少(二分)
- 对数组下标进行映射

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <algorithm>

using namespace std;

typedef pair<int, int> PII;

const int N = 300010;

int n, m;
int a[N], s[N];

vector<int> all;
vector<PII> add, query;

//去重函数
vector<int>::iterator unique(vector<int> &a) {
```

```
int j = 0;
    for (int i=0; i<a.size(); i++)</pre>
        if (!i \mid | a[i]!=a[i-1])
            a[j++] = a[i];
    return a.begin()+j;
int find(int x) {
    int l = 0, r = all.size()-1;
    while (1 < r) {
        if (all[mid] >= x) r = mid;
int main(void) {
    scanf("%d%d", &n, &m);
    while (n--) {
        int x, c;
        scanf("%d%d", &x, &c);
        add.push_back({x, c});
        all.push_back(x);
    while (m--) {
        scanf("%d%d", &1, &r);
        query.push_back({1, r});
        all.push_back(1), all.push_back(r);
    sort(all.begin(), all.end());
    all.erase(unique(all), all.end());
    for (auto item: add) {
        int x = find(item.first);
        a[x] += item.second;
    for (int i=1; i<=all.size(); i++) s[i] = s[i-1]+a[i];
    for (auto item: query) {
        int 1 = find(item.first), r = find(item.second);
        printf("%d\n", s[r]-s[1-1]);
```

区间 (大多数贪心) 合并

- 按区间左端点排序
- 扫描所有区间, 把所有可能有交集的区间进行合并
 - 维护两个端点st (start) , ed(end)
 - 。 3种情况
 - 包含
 - st, ed不变
 - 有交

更新ed

■ 不包含

更新st, ed (新区间)

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <algorithm>
using namespace std;
typedef pair<int, int> PII;
const int N = 100010;
vector<PII> segs;
void merge(vector<PII> &segs) {
    vector<PII> res;
    sort(segs.begin(), segs.end());
    int st = -2e9, ed = -2e9;
    for (auto seg: segs)
        if (ed < seg.first) {</pre>
            if (ed != -2e9) res.push_back({st, ed});
        else ed = max(ed, seg.second);
    if (st != -2e9) res.push_back({st, ed});
int main(void) {
    scanf("%d", &n);
    for (int i=0; i<n; i++) {
        int 1, r;
```