

Lesson3

哈希表

作用

- 把一个较大的数据空间映射到较小的数据空间（例如：0~10^9 -> 0~10^5）。
- 离散化是特殊的哈希方式。
- 平均时间复杂为O(1)

哈希函数的写法

- 取模：x mod b（b一般取为质数，且是2的整次幂尽可能远）

导致冲突的存在

存储结构（处理冲突方式的不同）

- **开放寻址法**
 - 一维数组存储，不使用链表，经验上开到题目数据范围的2-3倍且为质数，从而降低冲突概率
 - 操作：添加，查找，删除

```
1 static int N = 200003, nul = 0x3f3f3f3f;
2
3 static int n;
4 static int[] h = new int[N];
5
6
7 //当x存在时返回x存储的位置，不存在时返回应该存储的位置
8 static int find(int x) {
9     int k = (x % N+N) % N;
10
11     while (h[k] != nul && h[k] != x) {
12         k++;
13         if (k == N) k = 0;
14     }
15
16     return k;
17 }
18
19
20 public static void main(String[] args) throws Exception {
21     // for (int i=200000; true; i++) {
22     //     int flag = 1;
23     //     for (int j=2; j<=i/j; j++)
24     //         if (i % j == 0) {
25     //             flag = 0;
26     //             break;
27     //         }
28     //     if (flag == 1) {
29     //         out.println(i);
30     //         break;
31     //     }
32     // }
33     Arrays.fill(h, nul);
34     ins.nextToken(); n = (int)ins.nval;
35
36     while (n-- > 0) {
37         ins.nextToken(); String op = (String)ins.sval;
38         ins.nextToken(); int x = (int)ins.nval;
39
40         if (op.equals("I")) h[find(x)] = x;
41         else
42             if (h[find(x)] == x) out.println("Yes");
43         else out.println("No");
44     }
45
46     out.flush();
47 }
```

- 拉链（单链表）法
 - 期望算法，平均情况下链的长度为1，所以时间复杂度为O(1)
 - 操作：添加，查找（算法题意义下），删除（通过bool数组打删除标记，不是真正删除）

```
1 static int N = 100003;
2
3 static int n;
```

```

4  static int[] h = new int[N], e = new int[N], ne = new int[N];
5  static int idx;
6
7  static void insert(int x) {
8      int k = (x % N+N) % N;
9
10     e[idx] = x; ne[idx] = h[k]; h[k] = idx++;
11 }
12
13 static boolean find(int x) {
14     int k = (x % N+N) % N;
15
16     for (int i=h[k]; i!=-1; i=ne[i])
17         if (e[i] == x) return true;
18     return false;
19 }
20
21 public static void main(String[] args) throws Exception {
22     // for (int i=100000; true; i++) {
23     //     int flag = 1;
24     //     for (int j=2; j<=i/j; j++) {
25     //         if (i % j == 0) {
26     //             flag = 0;
27     //             break;
28     //         }
29     //     }
30
31     //     if (flag == 1) {
32     //         out.println(i);
33     //         break;
34     //     }
35     // }
36     Arrays.fill(h, -1);
37     ins.nextToken(); n = (int)ins.nval;
38
39     while (n-- > 0) {
40         ins.nextToken(); String op = (String)ins.sval;
41         ins.nextToken(); int x = (int)ins.nval;
42
43         if (op.equals("I")) insert(x);
44         else
45             if (find(x)) out.println("Yes");
46             else out.println("No");
47     }
48
49     out.flush();
50 }

```

字符串哈希 (字符串前缀哈希法)

字符串看成是P进制数, “ABCD” = (1234)_c = (1[实际使用ASCII码] * p³ + 2 * p² + 3 * p¹ + 4 * p⁰) mod Q (取模映射到0~Q-1)

注意事项

- 不能映射到0, 例如A->0, 则AA->0, AA...->0, 一般情况下映射空间从1开始
- 字符串哈希, 假定不存在冲突, 当p=131或者13331, Q=2⁶⁴时, 在一般情况下(99.99%)不会出现冲突
- 左边是高位, 右边是低位
- 使用unsigned long long 存储所有哈希值, 溢出则相当于 mod 2⁶⁴。

用处:

- 利用前缀哈希算出任意一个子串的哈希值
例如: 通过 $h[R] - h[L-1] * p^{(R-1)-(L-2)} = h[R] - h[L-1] * p^{(R-L+1)} = h[L-R]$
- 快速判断两个字符串是否相等

预处理: $h[i] = h[i-1]*p + str[i]$ (下标需从1开始)

```

1  static int N = 100010, P = 131;
2
3  static int n, m;
4  //Java中无unsigned long long类型, 此处用long类型替代, 范围是-2^63-2^63-1, 即Q从2^64变为2^63。
5  static long[] h = new long[N], p = new long[N];
6
7  static long get(int l, int r) {
8      return h[r]-h[l-1]*p[r-l+1];
9  }
10
11 public static void main(String[] args) throws Exception {

```

```

12     String[] ss = inb.readLine().split(" ");
13     n = Integer.parseInt(ss[0]); m = Integer.parseInt(ss[1]);
14     String str = ""+inb.readLine();    //不能用ins.sval, 字符串长度超过缓存
15
16     //预处理h和p数组
17     p[0] = 1;
18     for (int i=1; i<=n; i++) {
19         p[i] = p[i-1]*P;
20         h[i] = h[i-1]*P+str.charAt(i);
21     }
22
23     while (m-- > 0) {
24         String[] tp = inb.readLine().split(" ");
25         int l1 = Integer.parseInt(tp[0]);
26         int r1 = Integer.parseInt(tp[1]);
27         int l2 = Integer.parseInt(tp[2]);
28         int r2 = Integer.parseInt(tp[3]);
29
30         if (get(l1, r1) == get(l2, r2)) out.println("Yes");
31         else out.println("No");
32     }
33
34     out.flush();
35 }

```

STL

系统为某一程序分配空间时，所需时间与空间大小无关，与申请次数有关

- pair<int, int> 存储一个二元组
 - first: 第一个元素
 - second: 第二个元素
 - 支持比较运算，以first为第一关键字，以second为第二关键字（字典序）
- vector
 - 变长数组，倍增的思想，
 - size() 返回元素个数
 - clear() 清空
 - empty() 返回是否为空（queue无清空函数）
 - front() / back()
 - push_back() / pop_back()
 - begin() / end() 迭代器
 - []
 - erase ()
 - 支持比较运算，按字典序
- string
 - 字符串， substr(), c_str()
 - size()/length() 字符串长度
 - empty ()
 - clear ()
- queue
 - 队列
 - push(), 队尾插入一个元素
 - front(), 返回队头元素
 - pop(), 弹出队头元素
 - back () 返回队尾元素
 - size ()
 - empty ()
 - 没有clear () 函数
- priority_queue
 - 优先队列（堆），默认是大根堆
 - push () 向堆中插入一个元素
 - top () 返回堆顶元素
 - pop () 弹出堆顶元素
 - 小根堆：priority_queue<int, vector, greater> p;
- stack
 - 栈
 - push () 向栈顶插入一个元素
 - top () 返回栈顶元素
 - pop () 弹出栈顶元素
 - 无clear ()
- deque（效率较低，比一般数组满上几倍）

- 双端队列（加强版vector）
- size, empty () , clear
- front, back,
- push_back, pop_back,
- push_front, pop_front
- [] 随机寻址
- begin/end
- set, map, multiset, multimap, 基于平衡二叉树实现（红黑树）, 动态维护有序序列
 - set/multiset
 - insert() 插入一个数 O (1)
 - size () , empty () , clear ()
 - begin() / end() ++, -- 返回前驱和后继, 时间复杂度是O(logn)
 - find () 查找一个数, 不存在返回end迭代器
 - count () 返回某一个数的个数 (set0或者1, multiset有几个返回几个)
 - erase ()
 - (1) 输入一个数x, 删除所有x O (k+logn) k是x的个数
 - (2) 输入一个迭代器, 删除这个迭代器
 - lower_bound() / upper_bound()
 - lower_bound(x) 返回大于等于x的最小的数的迭代器, 不存在返回end()
 - upper_bound(x) 返回大于x的最小的数的迭代器
 - map/multimap
 - insert() 插入的数是一个pair
 - erase() 输入的参数是pair或者迭代器
 - find ()
 - [] 随机索引 (时间复杂度是O(logn))
 - lower_bound() / upper_bound()
- unordered_set, unordered_map, unordered_multiset, unordered_multimap 哈希表
 - 和上面类似, 增删改查的时间复杂度是O(1),
 - 缺点: 不支持lower_bound() / upper_bound(), 不支持迭代器的 ++, --
- bitset 压位
 - bitset<100000> bs;
 - ~, &, |, ^, >>, <<, ==, !=, [], count()返回有多少个1, any()/none()
 - any () 判断是否至少有一个1
 - none () 判断是否全为0
 - set() 把所有位置成1
 - set(k, v) 把第k位变成v
 - reset () 把所有位变成0
 - flip () 等价于~
 - flip (k) 把第k位取反
- list

```
1  #include <iostream>
2  #include <cstring>
3  #include <algorithm>
4  #include <cstdio>
5  #include <vector>
6
7  using namespace std;
8
9  int main(void) {
10     vector<int> a(10, 3);    //长度为10的vector,每个数都是3
11 }
```