

Only-label 成员推理复现

目标数据集: CIFAR10

代码理解

主要有模型代码 model.py、训练代码 training.py、攻击代码 attacks.py 组成。

1. 模型代码 model.py

(1) CNN make-conv()函数

创建一个卷积神经网络模型 CNN。

a.

```
if len(input_shape) == 2:
    data_format = 'channels_first'
elif len(input_shape) == 3 and (input_shape[0] == 1 or input_shape[0] == 3):
    data_format = 'channels_first'
else:
    data_format = 'channels_last'
conv_model = tf.keras.models.Sequential()
conv_model.add(tf.keras.Input(input_shape))
```

根据输入的张量类型，选择图像数据格式。channel_first 表示将通道数放在了第一个位置，channel_last 就表示将通道数放在了最后位置。

b.

```
for _ in range(depth):
    conv_model.add(tf.keras.layers.Conv2D(32, (3, 3), padding='same',
                                           data_format=data_format))
    conv_model.add(tf.keras.layers.Activation('relu'))
    conv_model.add(tf.keras.layers.Conv2D(32, (3, 3), data_format=data_format))
    conv_model.add(tf.keras.layers.Activation('relu'))
conv_model.add(tf.keras.layers.MaxPooling2D(pool_size=(2, 2)))
for _ in range(depth):
    conv_model.add(tf.keras.layers.Conv2D(64, (3, 3), padding='same',
                                           data_format=data_format))
    conv_model.add(tf.keras.layers.Activation('relu'))
    conv_model.add(tf.keras.layers.Conv2D(64, (3, 3), data_format=data_format))
    conv_model.add(tf.keras.layers.Activation('relu'))
conv_model.add(tf.keras.layers.MaxPooling2D(pool_size=(2, 2)))
```

创建模型，共 8 个卷积层、2 个池化层，分为两部分。

c.

```

if regularization == 'l1':
    k_reg = tf.keras.regularizers.L1L2(l1=reg_constant)
elif regularization == 'l2':
    k_reg = tf.keras.regularizers.L1L2(l2=reg_constant)
else:
    k_reg = None

```

正则化处理，有 l1、l2 或无范数。

d.

```

if regularization == 'dropout':
    conv_model.add(tf.keras.layers.Dropout(reg_constant))
else:
    conv_model.add(tf.keras.layers.Dropout(0.0))

```

Dropout 层，是用来防止过拟合的。通过随机丢弃一些神经元（将输出设置为 0）来减少对模型过分的依赖。Else 部分表示丢弃率为 0，即无该层。

e

```

conv_model.add(tf.keras.layers.Flatten())
conv_model.add(tf.keras.layers.Dense(512, kernel_regularizer=k_reg))
conv_model.add(tf.keras.layers.Activation('relu'))

```

全连接层。Flatten（）将卷积层的多维输出转换成一维。后添加一个有 512 个神经元的全连接层，并应用正则化，类型就是 k_reg，激活函数还是常见的 relu。

（2）make_fc()

该部分和上面函数的功能差不多，只是神经元数量和激活函数（用的 tanh）略微不同。

2. 训练代码 training.py

（1）train_step() 每一步的训练过程。

a.

```

with backprop.GradientTape(persistent=True) as tape:
    tape.watch(x)
    y_pred = self(x, training=True)
    loss = self.compiled_loss(
        y, y_pred, sample_weight, regularization_losses=self.losses)
    if self.optimizer._num_microbatches is None:
        self.optimizer._num_microbatches = tf.shape(input=loss)[0]
    losses = [tf.reduce_mean(input_tensor=tf.gather(loss, [idx])) for idx in range(self.optimizer
final_grads = [tape.gradient(losses[i], self.trainable_variables) for i in range(self.optimizer
sample_params = (
    self.optimizer._dp_sum_query.derive_sample_params(self.optimizer._global_state))

```

计算训练过程中的 loss。使用 GradientTape 来计算梯度，结合了微批次（microbatch）的处理方式。y_pred 这一部分应该是在前向传播处理，得到预测值。后面就可以根据这个预测值和实际值进行 loss 的计算。

采用微批次的处理方式。将整体的 loss 分解成微批次的 losses，由其计算微批次梯度，再来优化。这样可以有利于梯度稳定性和优化。

b.

```
var_list = self.trainable_variables
sample_state = self.optimizer._dp_sum_query.initial_sample_state(var_list)
for grads in final_grads:
    grads_list = [g if g is not None else tf.zeros_like(v) for (g, v) in zip(list(grads), var_list)]
    sample_state = self.optimizer._dp_sum_query.accumulate_record(
        sample_params, sample_state, grads_list)

grad_sums, self.optimizer._global_state = (
    self.optimizer._dp_sum_query.get_noised_result(
        sample_state, self.optimizer._global_state))
```

引入差分隐私，用于在梯度更新前对梯度进行噪声注入，起到数据保护的作用。

Var_list 包含模型中所有可训练的变量，即需要在反向传播中更新的权重和偏置等参数。根据这个，可以初始化模型的样本状态。

在 for 循环里，处理每个微批次的梯度，并将相关数据、信息保存。

最后，根据刚刚算出来的梯度，添加噪声。这样就可以保护训练时的相关数据。

C.

```
def normalize(v):
    return tf.truediv(v, tf.cast(self.optimizer._num_microbatches, tf.float32))

final_grads = tf.nest.map_structure(normalize, grad_sums)

self.optimizer._was_compute_gradients_called = True
self.optimizer.apply_gradients(zip(final_grads, self.trainable_variables))
self.compiled_metrics.update_state(y, y_pred, sample_weight)
del tape # since persistent, we need to garbage collect.
return {m.name: m.result() for m in self.metrics}
```

标准化操作。return 部分是将输入 v 除以微批次数量，得到一个平均梯度。

tf.nest.map_structure 用于对 grad_sums 中的每个元素应用 normalize 函数。所以 final_grads 就是每个变量对应的平均梯度。

后面就是 trian_step()的关键点，根据梯度来启用梯度，更新模型权重。

(2) trian_model (对一组模型训练的过程)

训练 models 列表里面的所有模型，但如果没有对应的训练样本就跳过。

A.

```

history = models[i].fit(train_set[0][train_lbl_sel],
                        train_set[2][train_lbl_sel],
                        batch_size=kwargs.get('batch_size', 1),
                        callbacks=[tf.keras.callbacks.EarlyStopping(
                            monitor='val_loss', mode='min', patience=20)],
                        # validation_data=(val_set[0][val_lbl_sel],
                        #                  val_set[2][val_lbl_sel]),
                        epochs=kwargs.get('epochs', 1),
                        shuffle=True, verbose=0,
                        )

```

用 `fit()` 进行训练。`train_lbl_sel` 是用来提供样本的特征 label 的，`EarlyStopping` 是用来监控模型 loss，当 loss 不再减少（有预期减少值），就直接停止训练。

B.

```

hist = history.history
keys = hist.keys()
hist = {key: hist[key][-1] for key in keys if key == 'loss' or key == 'sparse_categorical_acc'}
epochs.append(len(history.history['loss']))
losses.append(hist['loss'])
# print(f"label: '{i}' has {hist}")
return models, np.mean(losses)

```

这部分就是保存相关模型数据了，如 loss、epoch 等。

(3) EpsilonTracker ()

```

class EpsilonTracker(tf.keras.callbacks.Callback):
    def __init__(self, noise_multiplier, *args, **kwargs):
        super().__init__(*args, **kwargs)
        self.eps = []
        self.noise_multiplier = noise_multiplier

    def on_epoch_end(self, epoch, logs={}):
        # eps, _ = compute_eps_poisson(flags_obj.class_size*data.N_CLASSES,
        #                               flags_obj.train_batch_size,
        #                               self.noise_multiplier, epoch,
        #                               (1./flags_obj.class_size*data.N_CLASSES)/10)
        eps = compute_eps_poisson(epoch, self.noise_multiplier,
                                   args.ndata,
                                   args.batch_size,
                                   1. / args.ndata)

        logs['eps'] = eps
        # if epoch % 10 == 0:
        #     print(f"current eps value is: {eps}")
        self.eps.append(eps)

```

跟踪并记录每个训练轮次结束时的隐私损失参数，并更新相关数据。

(4) EarlyStopping ()

提前停止训练的监控函数，当满足 loss 的降低已经到了一定标准后，就停止训练。

A

```

self.monitor = monitor
self.patience = patience
self.verbose = verbose
self.baseline = baseline
self.min_delta = abs(min_delta)
self.wait = 0
self.stopped_epoch = 0
self.restore_best_weights = restore_best_weights
self.best_weights = None

```

定义这个监控过程的系列参数。**Monitor** 表示要监控的指标，本项目在默认下的监控量就是 **loss**，如果想引进差分隐私保护的话，通过更改命令可以改变监控量为 **eps**；**patience** 表示耐心值，即如果在 **patience** 轮数下，监控量的改变值一直小于 **<min_delta**（规定的最小改变值），就会停止训练；**baseline** 表示基线值，**monitor** 的值大于这个值，符合其他条件就可以停止训练；**wait** 作为变量，用于记录已经有多少轮 **monitor** 变化 **<min_delta**；**restore_best_weights** 表示是否更新该轮的权重为最好权重，这得根据 **best_weights** 和 **loss** 来看。

B

```

if mode == 'min':
    self.monitor_op = np.less
elif mode == 'max':
    self.monitor_op = np.greater
else:
    if 'acc' in self.monitor:
        self.monitor_op = np.greater
    else:
        self.monitor_op = np.less

if self.monitor_op == np.greater:
    self.min_delta *= 1
else:
    self.min_delta *= -1

```

根据不同的任务需要，选择不同 **min_delta**。如果涉及到差分隐私，那么其 **eps** 在训练过程中肯定是组件增大的，所以 **min_delta** 就要是正值。**Loss** 同理。

C


```

def on_train_begin(self, logs=None):
    # Allow instances to be re-used
    self.wait = 0
    self.stopped_epoch = 0
    if self.baseline is not None:
        self.best = self.baseline
    else:
        self.best = np.Inf if self.monitor_op == np.less else -np.Inf

```

初始化。在训练开始前，将各种变量的值进行初始化，选择相应的 min_delta 等。

D

```

def on_epoch_end(self, epoch, logs=None):
    current = self.get_monitor_value(logs)
    if current is None:
        return
    if self.monitor_op(current - self.min_delta, self.best):
        self.wait = 0
        if self.restore_best_weights:
            self.best_weights = self.model.get_weights()
    else:
        print(f"stopping eps of: {current}")
        self.wait += 1
        if self.wait >= self.patience:
            self.stopped_epoch = epoch
            self.model.stop_training = True
            if self.restore_best_weights:
                if self.verbose > 0:
                    print('Restoring model weights from the end of the best epoch.')
                self.model.set_weights(self.best_weights)

```

在每一 epoch 结束后，都要进行检查，判断是否需要立即停止训练，判断思路就是 A 中所说的。这个就是根据思路的代码思想，计算出各种变量的值，然后进行比较。如果符合，就把 stop_training 定义为 True，停止训练。最后就是是否需要保存本轮的结果为最好结果以及对应的权重。

E

```

def on_train_end(self, logs=None):
    if self.stopped_epoch > 0 and self.verbose > 0:
        print('Epoch %05d: early stopping' % (self.stopped_epoch + 1))

```

训练结束时，进行打印。但是在默认代码进行下，verbose 的值是不会大于 0 的，本行不会输出。

F

```
def get_monitor_value(self, logs):
    logs = logs or {}
    monitor_value = logs.get(self.monitor)
    return monitor_value
```

从日志中获取 monitor 的值。

(5) main () 函数

A

```
model = getattr(models, args.model) # get model_fn

# get datasets for target / source models
target_train_set, target_test_set, source_train_set, source_test_set, input_dim, n_classes = utils.get_data_loader(
    regularization = "none"
if args.defense in ['l1', 'l2', 'dropout']:
    regularization == args.regularization
elif args.defense in ['', 'dp', 'advreg', 'fine-tune', 'whole']: # last two are transfer learning
    regularization = 'none' # these train the model differently, which we will do at training time below.
else:
    raise ValueError(f"Defense: {args.defense} not valid")
```

根据预先定义的参数，获取模型、数据集、测试集、正则化形式。

B

```
target_model = model(input_dim, args.model_depth, regularization, args.reg_constant, n_classes)
source_model = model(input_dim, args.model_depth, regularization, args.reg_constant, n_classes)
t_optim = tf.keras.optimizers.Adam()
t_loss = tf.keras.losses.SparseCategoricalCrossentropy(from_logits=True)
t_metrics = [tf.keras.metrics.SparseCategoricalAccuracy()]
s_optim = tf.keras.optimizers.Adam()
s_loss = tf.keras.losses.SparseCategoricalCrossentropy(from_logits=True)
s_metrics = [tf.keras.metrics.SparseCategoricalAccuracy()]
t_cbs = []
s_cbs = []
```

定义模型的各种变量和参数，包括 loss、范数、优化等，后续要进行处理。

C

```

if args.defense == 'dp':
    target_model.train_step = MethodType(train_step, target_model)
    source_model.train_step = MethodType(train_step, source_model)
    t_optim = DPAdamGaussianOptimizer(learning_rate=0.0001,
                                      num_microbatches=args.batch_size,
                                      noise_multiplier=args.noise,
                                      l2_norm_clip=2.)
    s_optim = DPAdamGaussianOptimizer(learning_rate=0.0001,
                                      num_microbatches=args.batch_size,
                                      noise_multiplier=args.noise,
                                      l2_norm_clip=2.)

    t_cbs.extend([EpsilonTracker(args.noise),
                  EarlyStopping(mode='min', patience=0,
                                min_delta=0,
                                monitor='eps',
                                baseline=args.reg_constant),
                  ])
    s_cbs.extend([EpsilonTracker(args.noise),
                  EarlyStopping(mode='min', patience=0,
                                min_delta=0,
                                monitor='eps',
                                baseline=args.reg_constant),
                  ])

```

如果防御机制是 **dp**（事先已经规定好的），就根据 **dp** 来设置特定的学习率、微批次大小、噪声和范数。

该部分剩下的两个 **if** 也一样，都是根据不同的防御机制来选择不同的指标数值和相应的 **EarlyStopping** 机制。

D

```

target_model.compile(optimizer=t_optim, loss=t_loss, metrics=t_metrics)
source_model.compile(optimizer=s_optim, loss=s_loss, metrics=s_metrics)

target_model.fit(*target_train_set, epochs=1000, callbacks=t_cbs, batch_size=args.batch_size, verbose=2)
source_model.fit(*source_train_set, epochs=1000, callbacks=s_cbs, batch_size=args.batch_size, verbose=2)

target_model.save(args.target_model_path)
source_model.save(args.source_model_path)

```

编译模型、训练模型、保存模型。有一个源模型和目标模型，现在源模型上进行相关推断分析，再到目标模型上。

3.攻击代码 attack.py

（1）**get_max_accuracy()**函数


```

if thresholds is None:
    fpr, tpr, thresholds = roc_curve(y_true, probs)

accuracy_scores = []
precision_scores = []
for thresh in thresholds:
    accuracy_scores.append(accuracy_score(y_true,
                                          [1 if m > thresh else 0 for m in probs]))
    precision_scores.append(precision_score(y_true, [1 if m > thresh else 0 for m in probs]))

accuracies = np.array(accuracy_scores)
precisions = np.array(precision_scores)
max_accuracy = accuracies.max()
max_precision = precisions.max()
max_accuracy_threshold = thresholds[accuracies.argmax()]
max_precision_threshold = thresholds[precisions.argmax()]
return max_accuracy, max_accuracy_threshold, max_precision, max_precision_threshold

```

如果没有提前设定阈值 `thresholds`（即用来进行判定的临界值），就通过计算 `roc_curve` 曲线来收拢阈值。

精精度 `precision_scores` 是根据 `accuracy` 和阈值之间的比较得出的。
最后返回最大准确率、精精度。

（2）`get_thresholds()` 函数

```

acc_source, t, prec_source, tprec = get_max_accuracy(source_m, source_stats)

# find best accuracy on test data (just to check how much we overfit)
acc_test, _, prec_test, _ = get_max_accuracy(target_m, target_stats)

# get the test accuracy at the threshold selected on the source data
acc_test_t, _, _ = get_max_accuracy(target_m, target_stats, thresholds=[t])
_, _, prec_test_t, _ = get_max_accuracy(target_m, target_stats, thresholds=[tprec])
print("acc src: {}, acc test (best thresh): {}, acc test (src thresh): {}, thresh: {}".format(acc_source, acc_test,
                                                                                          acc_test_t, t))

print(
    "prec src: {}, prec test (best thresh): {}, prec test (src thresh): {}, thresh: {}".format(prec_source, prec_test,
                                                                                          prec_test_t, tprec))

return acc_test_t, prec_test_t, t, tprec

```

使用源模型的输出确定最佳决策阈值，然后在目标模型上评估该阈值的有效性。利用 `get_max_accuracy()` 函数完成下述三个任务：

在源数据上找到最佳阈值。

在目标数据上找到最佳准确率。

在源数据上选择的阈值下评估目标模型。

（3）`trian_model()` 函数

这个和 `training.py` 里面的 `train_model()` 是一样的。

（4）`calc_confuse()` 函数

```
def calc_confuse(preds, labels):
    labels = labels.astype(np.bool).squeeze()
    preds = np.argmax(preds, axis=1).astype(np.bool)
    tp = np.logical_and(np.equal(labels, True), np.equal(preds, True)).astype(
        np.int).sum()
    fp = np.logical_and(np.equal(labels, False), np.equal(preds, True)).astype(
        np.int).sum()
    tn = np.logical_and(np.equal(labels, False), np.equal(preds, False)).astype(
        np.int).sum()
    fn = np.logical_and(np.equal(labels, True), np.equal(preds, False)).astype(
        np.int).sum()
    return tp, fp, tn, fn
```

计算分类模型的混淆矩阵（Confusion Matrix）中的四个核心指标：真阳数（TP）、假阳数（FP）、真阴数（TN）和假阴例（FN）。可以帮助揭示模型是否倾向于某一类别。（限于二分类任务，或者把 n 分类等效转化成二分类再来用）。

（5）test_model() 函数

```
lbl_sel = test_set[1].flatten() == i
features = test_set[0][lbl_sel]
membership_labels = test_set[2][lbl_sel]
lens.append(len(membership_labels))
loss, acc = models[i].evaluate(features,
                                membership_labels,
                                batch_size=1000,
                                verbose=0)

pred = models[i].predict(features)
tp, fp, tn, fn = calc_confuse(pred, membership_labels)
# calcacc = (tp + tn) / (tp + tn + fp + fn)
accs.append(acc)
tps.append(tp)
fps.append(fp)
tns.append(tn)
fns.append(fn)
preds.extend(pred)

accuracy = (np.sum(tps) + np.sum(tns)) / (
    np.sum(tps) + np.sum(tns) + np.sum(fps) + np.sum(fns))
r = np.sum(tps) / (np.sum(tps) + np.sum(fns))
p = np.sum(tps) / (np.sum(tps) + np.sum(fps))
f1 = (2 * (r * p)) / (r + p)
```

核心部分如上，就是进一步计算并保存一些列评估指标，这些指标数值的初始值在其他函数里算出来了，这里只是用公式算比率之类的。

（6）assign_best() 函数

```
def assign_best(best, testbest, metric, val, other_vals, old_models, new_models, testval, testothers):
    if val > best[metric]:
        best[metric] = val
        testbest[metric] = testval
        for (key, v) in other_vals:
            best[key] = v
        for (key, v) in testothers:
            testbest[key] = v
        return new_models
    return old_models
```

根据给定的性能指标 `metric` 来决定是否更新模型和对应的性能记录。比较当前模型在某个指标上的表现（`val`）与之前记录的最佳表现值（`best[metric]`），如果当前模型的表现更好，就会更新相关的记录，并返回新的模型。否则，保留旧模型不变。相关值也是在其他部分已经算出来了。

(6) AttackModel() 类

A

```
def __init__(self, aug_type='n'):
    """ Sample Attack Model.

    :param aug_type:
    """
    super().__init__()
    if aug_type == 'n':
        self.x1 = tf.keras.layers.Dense(64, activation=tf.keras.layers.ReLU(
            negative_slope=1e-2), kernel_initializer='glorot_normal')
        self.x_out = tf.keras.layers.Dense(2, kernel_initializer='glorot_normal')

    elif aug_type == 'r' or aug_type == 'd':
        self.x1 = tf.keras.layers.Dense(10, activation=tf.keras.layers.ReLU(
            negative_slope=1e-2), kernel_initializer='glorot_normal')
        self.x2 = tf.keras.layers.Dense(10, activation=tf.keras.layers.ReLU(
            negative_slope=1e-2), kernel_initializer='glorot_normal')
        self.x_out = tf.keras.layers.Dense(2, kernel_initializer='glorot_normal')
    else:
        raise ValueError(f"aug_type={aug_type} is not valid.")

    self.x_activation = tf.keras.layers.Softmax()
```

根据预先的设定（可在命令中修改，否则就是默认值）确定攻击模型的网络结构。定义两个全连接层：`self.out` 用于最后分类，`self.x1` 根据 `relu` 函数对输出进行相应的处理。

B

```
def call(self, inputs, training=False):
    x = inputs
    for layer in self.layers:
        x = layer(x)
    return x
```

Inputs 就是一个批次的样本，放入模型后， 以此进入每一层对输入样本进行相应的处理。

(7) train_best_attack_model () 函数

```
def train_best_attack_model(train_set, test_set, type_, n_classes=10):
    val_best = {'acc': -1, 'f1': -1, 'prec': -1}
    test_best = {'acc': -1, 'f1': -1, 'prec': -1}

    l = np.array(
        [1 * 10 ** i for i in range(-3, -1)] + [5 * 10 ** i for i in range(-3, -1)])
    best_models = None
    for i in range(len(l)):
        K.clear_session()
        learning_rate = l[i]
        models, epochs = train_model(train_set, learning_rate=learning_rate, type_=type_, n_classes=n_classes)
        acc, _, f1, _, _, _, p = test_model(models, train_set, 'source')
        testacc, _, testf1, _, _, _, testp = test_model(models, test_set, 'target')

        best_models = assign_best(val_best, test_best, 'acc', acc, [('f1', f1), ('prec', p)], best_models, models, testacc,
                                   [('f1', testf1), ('prec', testp)])

    return test_best
```

这个函数就是用来寻找最好的模型，在指定训练集、测试集下对一组模型进行训练、评估，最后返回测试结果最好的模型的 acc、f1、precision。其中涉及到的函数都是前面的，该函数本身没有什么处理重点。

复现过程：

运行如下命令

```
# root @ d7d149c7484f in ~/jxd/membership-inference on git:main x [2:14:42]
$ python training.py
```

发现：

```
25/25 - 0s - loss: 2.3195e-04 - sparse_categorical_accuracy: 1.0000 - 196ms/epoch - 8ms/step
Epoch 43/1000
25/25 - 0s - loss: 2.1915e-04 - sparse_categorical_accuracy: 1.0000 - 193ms/epoch - 8ms/step
Epoch 44/1000
25/25 - 0s - loss: 2.0721e-04 - sparse_categorical_accuracy: 1.0000 - 188ms/epoch - 8ms/step
Epoch 45/1000
25/25 - 0s - loss: 1.9607e-04 - sparse_categorical_accuracy: 1.0000 - 199ms/epoch - 8ms/step
Epoch 46/1000
25/25 - 0s - loss: 1.8629e-04 - sparse_categorical_accuracy: 1.0000 - 190ms/epoch - 8ms/step
Epoch 47/1000
25/25 - 0s - loss: 1.7670e-04 - sparse_categorical_accuracy: 1.0000 - 194ms/epoch - 8ms/step
Epoch 48/1000
25/25 - 0s - loss: 1.6841e-04 - sparse_categorical_accuracy: 1.0000 - 189ms/epoch - 8ms/step
Epoch 1/1000
25/25 - 4s - loss: 2.1958 - sparse_categorical_accuracy: 0.1916 - 4s/epoch - 146ms/step
```

这里从 epoch=48 之间到 epoch=1，表明前面的 target_model 训练结束，并 EarlyStopping。

后面的就是 source_model 了。

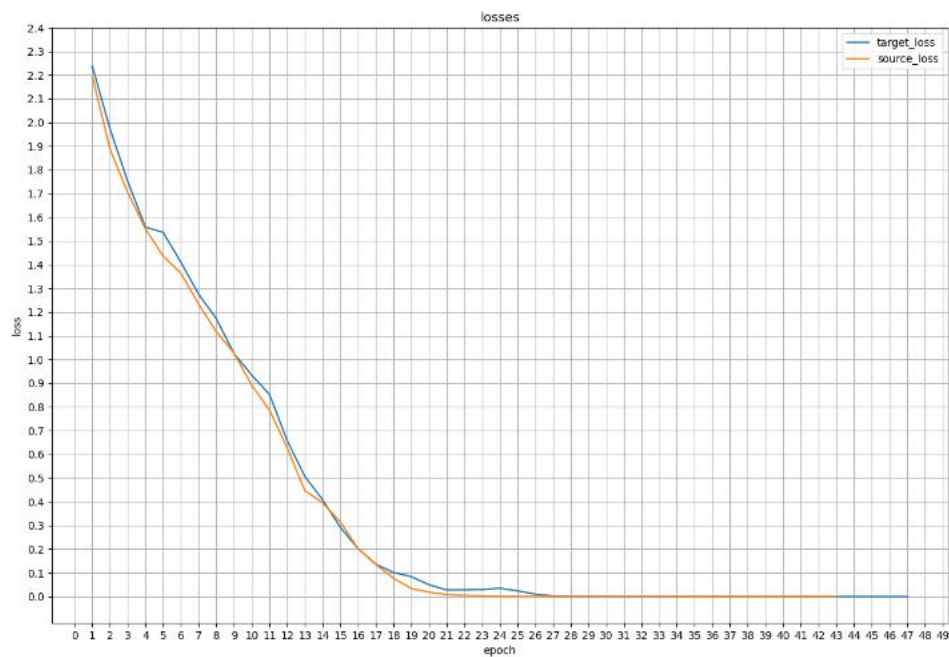
```

25/25 - 0s - loss: 4.8720e-04 - sparse_categorical_accuracy: 1.0000 - 192ms/epoch - 8ms/step
Epoch 33/1000
25/25 - 0s - loss: 4.4384e-04 - sparse_categorical_accuracy: 1.0000 - 240ms/epoch - 10ms/step
Epoch 34/1000
25/25 - 0s - loss: 4.1618e-04 - sparse_categorical_accuracy: 1.0000 - 255ms/epoch - 10ms/step
Epoch 35/1000
25/25 - 0s - loss: 3.7751e-04 - sparse_categorical_accuracy: 1.0000 - 199ms/epoch - 8ms/step
Epoch 36/1000
25/25 - 0s - loss: 3.4684e-04 - sparse_categorical_accuracy: 1.0000 - 207ms/epoch - 8ms/step
Epoch 37/1000
25/25 - 0s - loss: 3.2243e-04 - sparse_categorical_accuracy: 1.0000 - 193ms/epoch - 8ms/step
Epoch 38/1000
25/25 - 0s - loss: 2.9868e-04 - sparse_categorical_accuracy: 1.0000 - 196ms/epoch - 8ms/step
Epoch 39/1000
25/25 - 0s - loss: 2.7799e-04 - sparse_categorical_accuracy: 1.0000 - 194ms/epoch - 8ms/step
Epoch 40/1000
25/25 - 0s - loss: 2.6197e-04 - sparse_categorical_accuracy: 1.0000 - 192ms/epoch - 8ms/step
Epoch 41/1000
25/25 - 0s - loss: 2.4530e-04 - sparse_categorical_accuracy: 1.0000 - 192ms/epoch - 8ms/step
Epoch 42/1000
25/25 - 0s - loss: 2.2945e-04 - sparse_categorical_accuracy: 1.0000 - 191ms/epoch - 8ms/step
Epoch 43/1000
25/25 - 0s - loss: 2.1533e-04 - sparse_categorical_accuracy: 1.0000 - 185ms/epoch - 7ms/step
end

```

这个“end”是我自己加上的，用于表示训练阶段的完成。

两个模型的训练 loss 变化曲线如下：



准确率变化如下：

