

# PYTHON

## 编程基础

# 递归函数

## 概述

- ▶ 递归函数是指在一个函数内部通过调用自己来完成一个问题的求解。

当我们在进行问题分解时，发现分解之后待解决的子问题与原问题有着相同的特性和解法，只是在问题规模上与原问题相比有所减小，此时，就可以设计递归函数进行求解。

- 比如，对于计算 $n!$ 的问题，可以将其分解为： $n! = n * (n-1)!$ 。可见，分解后的子问题 $(n-1)!$ 与原问题 $n!$ 的计算方法完全一样，只是规模有所减小。
- ▶ 同样， $(n-1)!$ 这个子问题又可以进一步分解为 $(n-1) * (n-2)!$ ， $(n-2)!$ 可以进一步分解为 $(n-2) * (n-3)!$ ...，直到要计算 $1!$ 时，直接返回1。

# 递归函数



例：编写递归函数计算n的阶乘。

```
1 def fac(n): #定义函数fac
2     if n==1: #如果要计算1的阶乘，则直接返回1（结束递归调用的条件）
3         return 1
4     return n*fac(n-1) #将计算n!分解为n*(n-1)!
5 print(fac(5)) #调用fac函数计算5的阶乘并将结果输出到屏幕
```

$$\begin{aligned} \text{fac}(5) &\Rightarrow 5 * \text{fac}(4) \Rightarrow 5 * (4 * \text{fac}(3)) \Rightarrow 5 * (4 * (3 * \text{fac}(2))) \Rightarrow 5 * (4 * (3 * (2 * \text{fac}(1)))) \\ &\Rightarrow 5 * (4 * (3 * (2 * 1))) \Rightarrow 5 * (4 * (3 * 2)) \Rightarrow 5 * (4 * 6) \Rightarrow 5 * 24 \Rightarrow 120 \end{aligned}$$

注意：

当问题规模较大时，递归调用会涉及到很多层的函数调用，一方面会由于栈操作影响程序运行速度，另一方面在Python中有栈的限制、太多层的函数调用会引起栈溢出问题（如将第5行的`fac(5)`改为`fac(1000)`则会报错）。

# 递归函数



例：使用非递归方式计算n的阶乘。

```
1 def fac(n): #定义函数fac
2     f=1 #保存阶乘结果
3     for i in range(2,n+1): #i依次取值为2至n
4         f*=i #将i乘到f上
5     return f #将计算结果返回
6 print(fac(5)) #调用fac函数计算5的阶乘并将结果输出到屏幕
```