### 基礎情報処理 第2回目ディジタル情報の世界

2004年10月14日

高等教育研究開発推進センター 小山田耕二

### **Outline**

- 1. コンピュータとはなにか
- 2. ディジタル情報の世界
- 3. 論理回路からコンピュータまで1
- 4. 論理回路からコンピュータまで2
- 5. プログラム基礎1
- 6. プログラム基礎 2
- 7. データ構造とアルゴリズム1
- 8. データ構造とアルゴリズム2
- 9. コンピュータネットワーク
- 10.情報倫理
- 11.さまざまな情報処理
- 12.コンピュータ科学の諸問題

### 2. ディジタル情報の世界

コンピュータ内部でデータを表現する方法としてビットという概念を説明する。 データ圧縮の基本的考えも紹介する。

#### Digital information world

- 2.1 ビットと情報量
  - 2.1.1 ビット
  - 2.1.2 情報量
  - 2.1.3 データ圧縮
- 2.2 2進法
  - 2.2.1 2進法の数値
  - 2.2.2 なぜ2進法か?
  - 2.2.3 整数演算
  - 2.2.4 補数表現
  - 2.2.5 少数点数表現
- 2.3 信頼性向上
  - 2.3.1 信頼性
  - 2.3.2 エラー検出
  - 2.3.3 エラー訂正

## 2.1 ビットと情報量

Bit & information amount

- 2.1.1 ビット
- 2.1.2 ビットとバイト
- 2.1.3 情報量
- 2.1.4 デジタル化
- 2.1.5 データ圧縮

# 2.1.1 ビット

Bit

#### binary digit

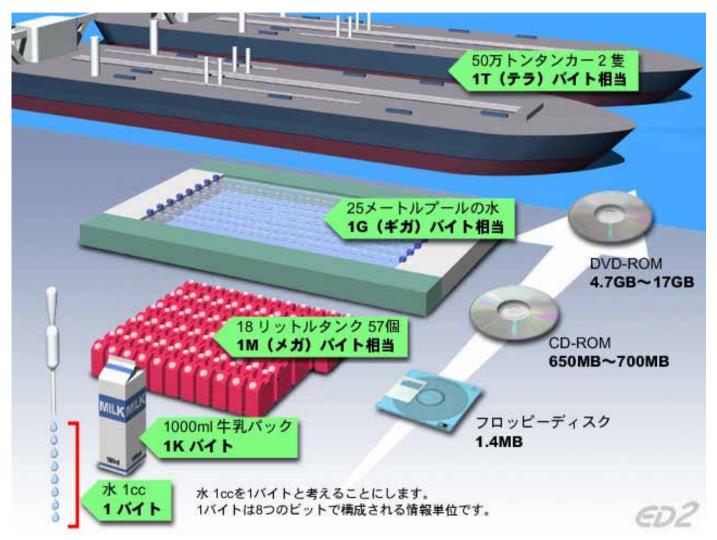
<u>コンピュータ</u>が扱う情報の最小単位

2つの選択肢から1つを特定するのに必要な情報量が1ビット 例) 0 と 1

一般に、nビットの情報量では2のn乗個までの選択肢からなる情報を表現することができる。

例)アルファベット26文字を表現するのに必要な情報量は 5ビット(16<26<32)である

## 2.1.2 ビットとバイト



http://kyoiku-gakka.u-sacred-heart.ac.jp/jyouhou-kiki/2102/2102-A.jpg

## 2.1.2 ビットパターン

10進数の数え方	2進数の数え方	8ビットの2進数	ランプの点灯で示すと
0	0	00000000	0000000
1	1	00000001	0000000
2	10	00000010	0000000
3	11	00000011	0000000
4	100	00000100	0000000
5	101	00000101	0000000
6	110	00000110	0000000
7	111	00000111	00000000
8	1000	00001000	0000000
9	1001	00001001	0000000
10	1010	00001010	000000
11	1011	00001011	0000000
12	1100	00001100	0000000
99	01100011	00001111	0000000
100	01100100	00010000	0000000
101	01100101	00010001	0000000
254	11111110	11111110	000000
255	11111111	11111111	0000000
256	100000000		
257	100000001	T	
			数では11111111 数えられません。
		(255)までしか	数えられません。

http://kyoiku-gakka.u-sacred-heart.ac.jp/jyouhou-kiki/2104/2104-A.jpg

## 2.1.3 情報量

Information amount

#### 情報理論(Information theory)の始まり

1948年

"A mathematical theory of communication"

- (1) 情報の量的表示(エントロピー)
- (2) 情報符号化の概念とその限界
- (3) 通信路符号化の概念とその限界



クロード E. シャノン (Claude Elwood Shannon)

http://www.cahners-japan.com/news/200102/20010228belllab\_shannon.html

### 2.1.3 情報量

Information amount

エントロピー(entropy) H

$$H = -\sum_{i=1}^{n} p_i \log_2 p_i$$

例1)確率1/2の事柄(コインの表裏)

$$H = -\frac{1}{2}\log_2\frac{1}{2} - \frac{1}{2}\log_2\frac{1}{2} = -\frac{1}{2}\times(-1) - \frac{1}{2}\times(-1) = 1$$

例2)確率1/6の事柄Aと確率5/6の事柄B(1つのAと5つのBのサイコロ)

$$H = -\frac{1}{6}\log_2\frac{1}{6} - \frac{5}{6}\log_2\frac{5}{6} = -\frac{1}{6}\times(-2.58) - \frac{5}{6}\times(-0.26) = 0.65$$

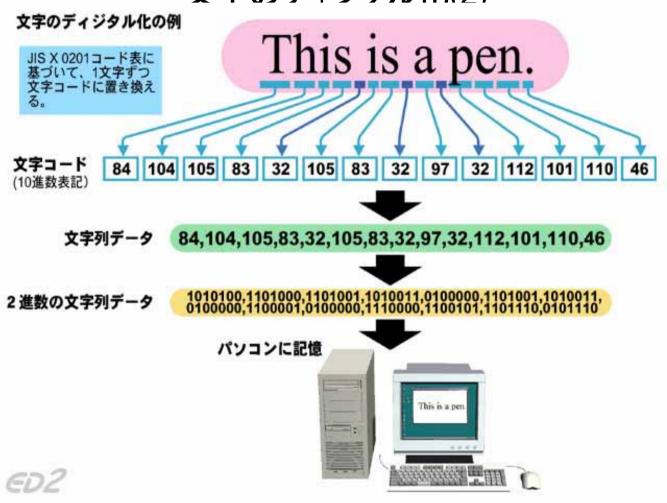
小さいほど「あいまいさ」が少ない 確実性が大きい

2.1.4 デジタル化(1) 文字のディジタル化(1)



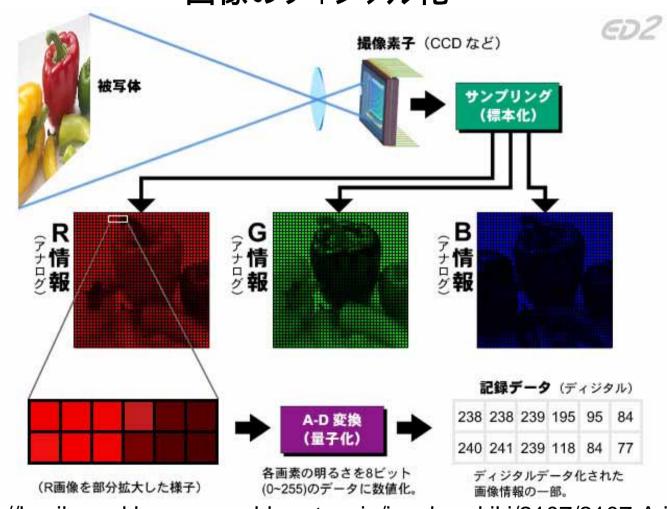
http://kyoiku-gakka.u-sacred-heart.ac.jp/jyouhou-kiki/2106/2106-1-A.jpg

文字のディジタル化(2)



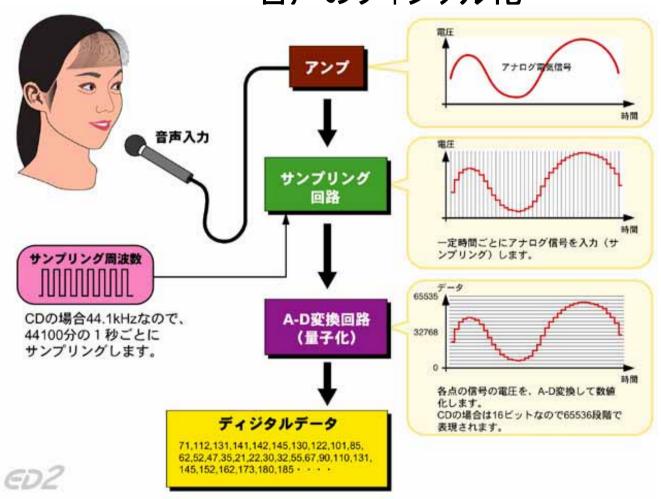
http://kyoiku-gakka.u-sacred-heart.ac.jp/jyouhou-kiki/2106/2106-1-A.jpg

画像のディジタル化



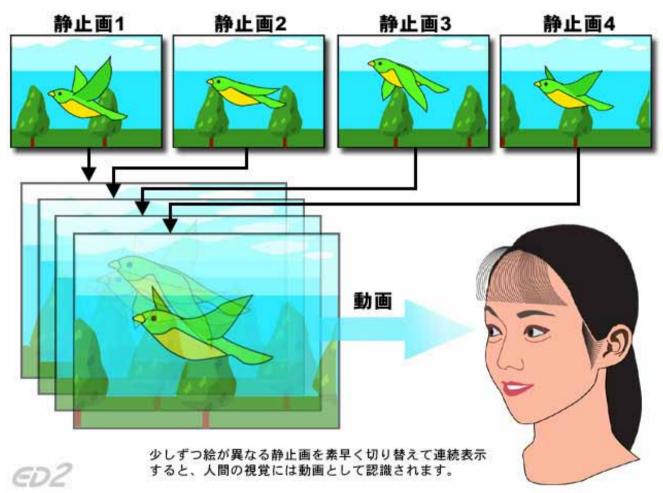
http://kyoiku-gakka.u-sacred-heart.ac.jp/jyouhou-kiki/2107/2107-A.jpg

音声のディジタル化



http://kyoiku-gakka.u-sacred-heart.ac.jp/jyouhou-kiki/2108/2108-A.jpg

アニメーションのしくみ

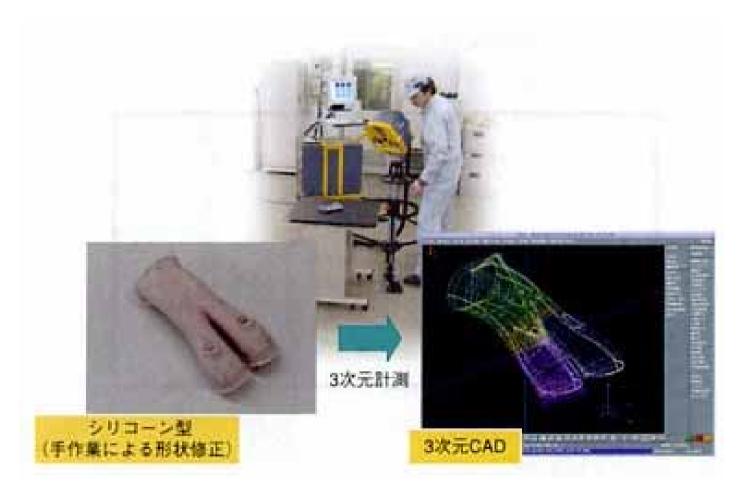


http://kyoiku-gakka.u-sacred-heart.ac.jp/jyouhou-kiki/2109/2109-A.jpg

産業への応用(1)



産業への応用(2)



compression



データ圧縮とは、あるデータをそのデータの実質的な性質を保ったまま、データ量を減らした別のデータに変換すること。高効率符号化ともいう。主な目的は、データ転送における通信帯域やトラフィックの減少や、データ蓄積に必要な記憶容量の削減といった、資源の節約である。なお、アナログ技術を用いた通信技術においては通信路の帯域を削減する効果を得るための圧縮ということで帯域圧縮ともいわれた。データ圧縮には大きく分けて可逆圧縮と非可逆圧縮がある。またバイナリデータを対象としたデータ圧縮方式の中には、複数のファイルを一つにまとめて扱えるようにするアーカイブ機能を兼ね備えるものもある。

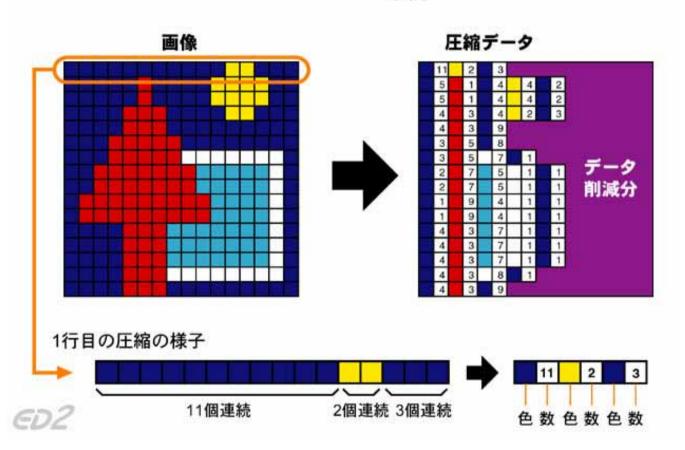
http://ja.wikipedia.org/wiki/%E3%83%87%E3%83%BC%E3%82%BF%E5%9C%A7%E7%B8%AE



http://kyoiku-gakka.u-sacred-heart.ac.jp/jyouhou-kiki/2110/2110-A.jpg

データ圧縮のしくみ(1) ラン・レングス法

同じ要素が何個続いているかを数えて、 その数をデータ化することで圧縮を行い ます。



http://kyoiku-gakka.u-sacred-heart.ac.jp/jyouhou-kiki/2111/2111-1-A.jpg

#### データ圧縮のしくみ(2) ハフマン法

出現頻度の高い要素に短いコードを、出 現頻度の低い要素に長いコードを対応さ せることで、圧縮を行います。



テキストデータ

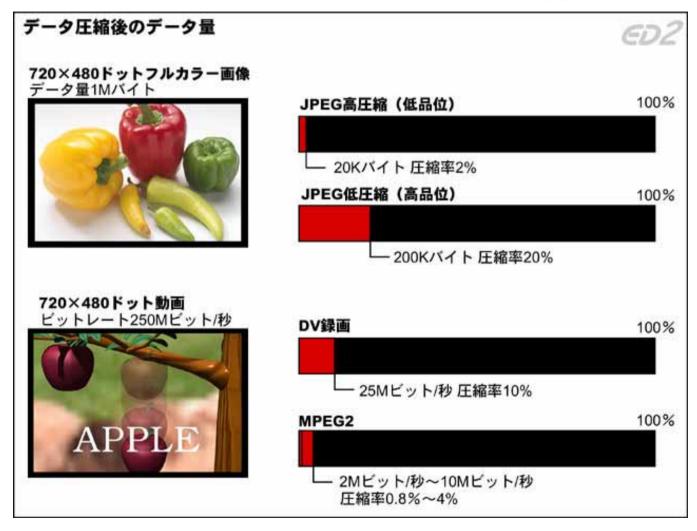
The Mississippi is the longest river in the United States.

圧縮前のデータ量:57文字×8ビット=456ビット

文字	出現數	対応コード
スペース	9	0
i	8	100
е	7	101
S	7	1100
t	6	1101
n	3	11100
h	3	11101
р	2	111100
ŗ	2 2 1	111101
- 1		1111100
0	1	1111101
g	1	11111100
V	1	11111101
d	1	111111100
а	1	111111101
T	1	1111111100
T M	1	1111111101
U	1	1111111110
S	1	1111111111



http://kyoiku-gakka.u-sacred-heart.ac.jp/jyouhou-kiki/2111/2111-2-A.jpg



http://kyoiku-gakka.u-sacred-heart.ac.jp/jyouhou-kiki/2112/2112-A.jpg

#### XVLによる情報統合とCAEへの応用

#### XVLとは

eXtensible
Virtual world description
Language

3D データを最大数 百分の一以下に軽量化 インターネット環境で 活用することを目的として開発



http://www.xvl3d.com/ja/whatsxvl/index.htm

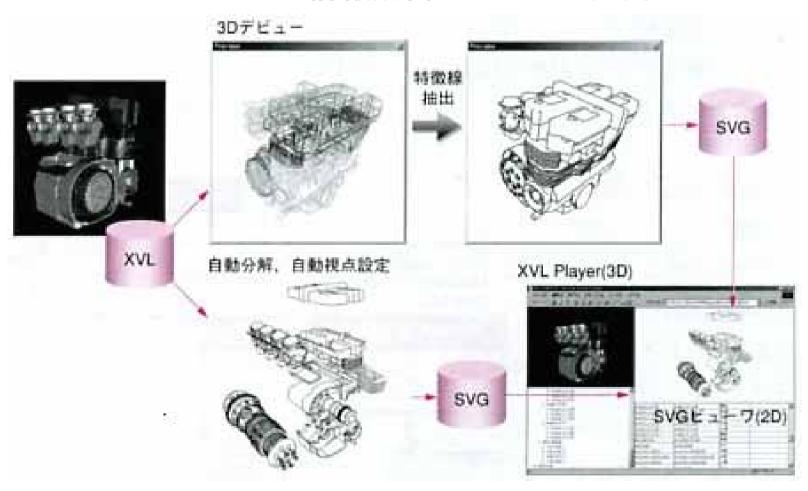
http://www.xvl3d.com/ja/demo/engineering.htm

#### XVLによる情報統合とCAEへの応用



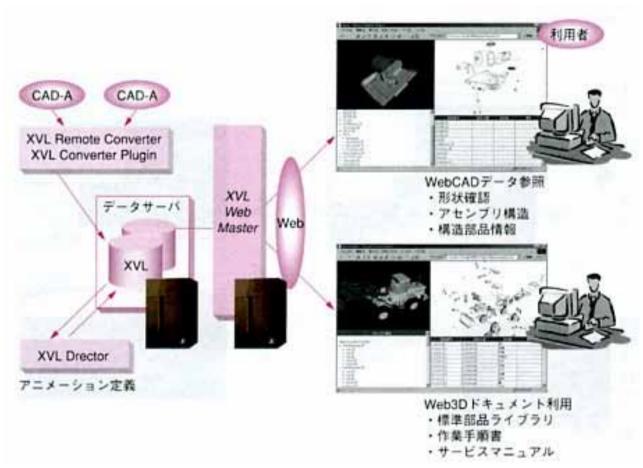
XVLからWeb3Dとして情報統合データを生成するXVL Web Master

XVLによる情報統合とCAEへの応用



XVLからXML形式である2Dベクタフォーマット: SVGを自動出力する

#### XVLによる情報統合とCAEへの応用



XVL Web Masterの活用例

## 2.2 2進法

- 2.2.1 2進法の数値
- 2.2.2 なぜ2進法か?
- 2.2.3 整数演算
- 2.2.4 補数表現
- 2.2.5 少数点数表現

### 2.2.1 2進法の数値

2進法(binary system)

10進法(decimal system)

16進法(hexadecimal system)

2進法	10進法	16進法
0000	0	0
0001	1	1
0010	2	2
0011	3	3
0100	4	4
0101	5	5
0110	6	6
0111	7	7
1000	8	8
1001	9	9
1010	10	Α
1011	11	В
1100	12	С
1101	13	D
1110	14	Е
1111	15	F

### 2.2.2 なぜ2進法か?

2進数は、コンピュータで数値を正確に表現するのに適している

#### 理由

- 1)信頼性
- 2) 論理回路は2進数(yes or no)
- 3)演算回路の簡潔さ(10進法より少ない)

(問) 2進数がコンピュータの演算に適している上記以外の理由を考えよ

## 2.2.3 整数演算

4通り

加算	減算	乗算	除算
0+0=0	0-0=0	$0 \times 0 = 0$	0 ÷ 0=invalidity
0+1=1	0-1=-1	$0 \times 1 = 0$	0 ÷ 1=0
1+0=1	1-0=1	$1 \times 0 = 0$	1 ÷ 0=invalidity
1+1=10	1-1=0	1 × 1=1	1 ÷ 1=1

### 2.2.4 補数表現

complement

「1の補数」と「2の補数」

「1の補数」・・・正の数の2進数表現の0と1をすべて反転「2の補数」・・・1の補数にさらに1を加えたもの

負の数の表現

例) - 3の「2の補数」表現 0011 (反転) 1100 (1加える) 1101

### 2.2.5 少数点数表現

浮動小数点(floating point)方式

$$a = m \times 2^{e^{\frac{\mathrm{i} \pm \mathrm{i} \pm \mathrm{i}$$

数

仮数部 (mantissa) (base)

基底

## 2.3 信頼性向上

- 2.3.1 信頼性
- 2.3.2 エラー検出
- 2.3.3 エラー訂正

### 2.3.1 信頼性

reliability

#### デジタル技術 > アナログ技術

例)完璧に近い信頼性が要求される 銀行の預金管理 新幹線の運行管理·座席指定管理 発電所·電力網の管理

シャノンの情報理論における信頼性

### 2.3.2 エラー検出

#### パリティ検査(parity check)

1バイトあたりの信号に誤りが含まれているか否かを調べる方法

#### 奇数パリティチェック (1の個数が奇数個)

#### 偶数パリティチェック (1の個数が偶数個)

```
      0 1 0 0 0 0 1
      0

      ↑
      ↑

      データ
      パリティビット

      (2個)
      (0 にすると合計 2 個になり, 偶数個になる。)
```

### 2.3.2 エラー検出

パリティ検査(parity check)

例1) 奇数パリティチェックを採用 送信側で次のデータ送信した

01000001 1

受信側で次のデータ受信した

01000000 1

1の個数が2個 途中でビットが反転



受信側はどのビットが反転したかまでは判定できない。誤り訂正は出来ない

## 2.3.2 エラー検出

パリティ検査(parity check)

例2)奇数パリティチェックを採用 送信側で次のデータ送信した

(問) 10進数でこの 検査を行うことを 考えて見なさい

<sup>|</sup>01000001 |<mark>|</mark>1

検査を行うことを 側で次のデータ受信した

01001000 1

1の個数が3個 途中で2つのビットが反転

誤り検出出来ない

ビット反転確率pならば、2つの反転が起こる確率はp2と小さい

Error correction

#### ハミング符号(Hamming code)

<u>コンピュータ</u>内部の回路間や、通信回線を使ったコンピュータ同士のデータ通信において、データの誤り(エラー)を検出する手法の一つ。誤りを検出するだけでなく、正しい値に訂正することもできる。

1950年にアメリカのベル研究所のHamming氏によって考案された。 本来のデータに、データから演算によって割り出したチェック用のデータ(ハミングコード) を付加して転送する。

広〈普及している<u>パリティチェック</u>は、ハミングコードチェックの特殊な場合にあたる。 RAID-2の<u>誤り訂正符号</u>に採用されている。

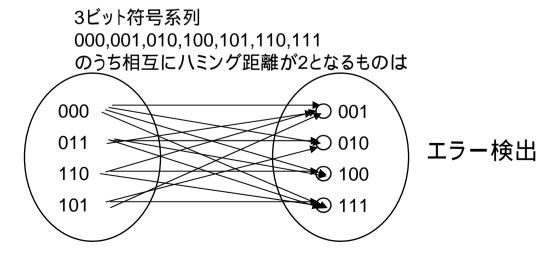
#### ハミング距離 (Hamming distance)

長さnビットの2元(0,1)の符号系列X,Yに対して 次式でハミング距離が定義される

$$\begin{cases} d(X,Y) = (x_i \oplus y_i) \\ X = x_1 x_2 \cdots x_n (x_i=0,1) \\ Y = y_1 y_2 \cdots y_n (y_i=0,1) \end{cases}$$

#### ここで、演算子 🕀 は排他的論理和であり、次のような演算を表す

$$\begin{cases}
0 \oplus 0 = 0 \\
0 \oplus 1 = 1 \\
1 \oplus 0 = 1 \\
1 \oplus 1 = 0
\end{cases}$$



#### ハミング符号(Hamming code)

4個の情報ビット(a, b, c, d) 検査ビット(e, f, g)をつくる

$$\begin{cases} e = b \oplus c \oplus d \\ f = a \oplus c \oplus d \\ g = a \oplus b \oplus d \end{cases}$$
 (1)

という符号語に符号化

= (a, b, c, d, e, f, g)

単一の誤りを訂正することができる

#### ハミング符号語

abcd	e f g
0000	000
0001	111
0010	110
0011	001
0100	101
0101	010
0110	011
0111	100
1000	011
1001	100
1010	101
1011	010
1100	110
1101	001
1110	000
1111	111

#### ハミング符号(Hamming code)

#### 検査ビット

快省にット	$= 1 = d \oplus e \oplus f \oplus g$
s1 s2 s3 誤りの位	
000誤りなし	$s2 = b \oplus c \oplus f \oplus g$
0 0 1 a	$s3 = a \oplus c \oplus e \oplus g$
0 1 0 b	$0 = d \oplus f \oplus g \qquad (2)$
0  1   1   c	
1 0 0 d	$0 = b \oplus c \oplus f \oplus g  (3)$
4 6 4	$0 = a \oplus c \oplus g  (4)$
1  0   1   e	検査ビットe,f,gに関する連立方程式とみなし、e,f,gについて解く
1  1   0   f	大旦しり「で」,gに戻する足型力を上びしかるし、で」,gにフバーに所て
1 1 1 g	$(2)+(3) \sharp i) \qquad 0=d+e+f+g+b+c+f+g \qquad \star e = b \oplus c \oplus d$
	順序を入れ替えて 0=b+c+d+e+f+f+g+g $f = a \oplus c \oplus d$
	f+f=0, g+g=0なので0=b+c+d+e $g = a \oplus b \oplus d$
	両辺にeを加えて e=b+c+d

ハミング符号(Hamming code)

受信語yは とn(誤りまたはノイズ)の和である

$$y = + n$$
  
= (a+ n1, b+ n2, · · · · g+ n7)

$$s1 = (d+n4)+(e+n5)+(f+n6)+(g+n7) = (d+e+f+g)+(n4+n5+n6+n7) = n4+n5+n6+n7$$
  
 $s2 = (b+n2)+(c+n3)+(f+n6)+(g+n7) = (b+c+f+g)+(n2+n3+n6+n7) = n2+n3+n6+n7$   
 $s3 = (a+n1)+(c+n3)+(e+n5)+(g+n7) = (a+c+e+g)+(n1+n3+n5+n7) = n1+n3+n5+n7$ 

ハミング符号(Hamming code)

単一誤りに対するシンドローム

	誤りパターン						シンドローム
n1	n2	n3	n4	n5	n6	n7	s1 s2 s3
1	0	0	0	0	0	0	0 0 1
0	1	0	0	0	0	0	0 1 0
0	0	1	0	0	0	0	0 1 1
0	0	0	1	0	0	0	1 0 0
0	0	0	0	1	0	0	1 0 1
0	0	0	0	0	1	0	1 1 0
0	0	0	0	0	0	1	1 1 1

すべての単一誤りに対して、シンドロームパターンが異なる シンドロームパターンから、単一誤り位置が判る 誤り訂正可能

#### ハミング符号(Hamming code)

あ~た までの16個のひらがなを用いてデータを送信する。このとき、 1010110 という符号系列を受け取ったとき

S1=0	$s1 = d \oplus e \oplus f \oplus g$
S2=0	$s2 = b \oplus c \oplus f \oplus g$
S3=1	$s3 = a \oplus c \oplus e \oplus g$

となり、左から1ビット目に誤りがあることが判明 0010110 と訂正され、"う"であることがわかる

#### ハミング符号語

abcd efg				
あ	0000	000		
11	0001	111		
う	0010	110		
え	0011	001		
お	0100	101		
か	0101	010		
き	0110	011		
<	0111	100		
け	1000	011		
Z	1001	100		
さ	1010	101		
b	1011	010		
す	1100	110		
せ	1101	001		
そ	1110	000		
た	1111	111		

## 小テスト(氏名:

- 前述のひらがなデータを用いるとき、次の符号系列を受信したとする。こ のとき送信された元データを示せ。
- 000111101110101010101010011010