

信号与系统第七章

2022年10月25日 星期二 14:34

S 7.1 采样定理

① $p(t)$: 采样函数; T : 采样周期; $\omega_s = 2\pi/T$: 采样频率

时域中有: $x_p(t) = x(t) p(t)$ 该方法被称作冲激串采样

$$x(t) \xrightarrow{p(t)} x_p(t) \quad x_p(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} x(nT) \delta(t - nT)$$
$$X_p(j\omega) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} X(j\omega) P(j(\omega - \theta)) d\theta$$

$$② P(j\omega) = \frac{2\pi}{T} \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \delta(\omega - k\omega_s)$$

③ 采样定理: 在 $|\omega| > \omega_m$ 时, $X(j\omega) = 0$, 如果 $\omega_s > 2\omega_m$, 其中 $\omega_s = 2\pi/T$, 那么 $x(t)$ 可以唯一地由其样本 $x(nT)$, $n = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$ 确定

• 采样定理中, 采样频率必须大于 $2\omega_m$, 一般被称为“奈奎斯特速率”

④ 零阶保持采样: 一个给定的瞬时对 $x(t)$ 采样并保持这一样本值, 直到下一个样本被采样

$$H_o(j\omega) = e^{-j\omega T/2} \left[\frac{2\sin(\omega T/2)}{\omega} \right] \quad H_r(j\omega) = \frac{e^{j\omega T/2} H(j\omega)}{2\sin(\omega T/2)}$$

S 7.2 利用内插样本重建信号.

$$① x_r(t) = x_p(t) * h(t) \Rightarrow x_r(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} x(nT) h(t - nT)$$

$$② H(j\omega) = \frac{1}{T} \left[\frac{\sin(\omega T/2)}{\omega/2} \right]^2$$

S 7.3 欠采样的效果: 混叠现象

$\omega_s > 2\omega_m$ 时, 采样信号的频谱由 $x(t)$ 的频谱重复组成.

$\omega_s < 2\omega_m$ 时, $x(t)$ 的频谱 $X(j\omega)$ 不再在 $X_p(j\omega)$ 中重复, 应一波叠被称为混叠, (混叠出一个较低的频率 $(\omega_s - \omega_m)$)

S 7.4 连续时间信号的离散时间处理

① $x_d[n] = x_c(nT)$ (连续 \rightarrow 离散时间的转换)

② $y_d[n] = y_c(nT)$

• 模数转换器 (analog-to-digital, A/D)

• 数模转换器 (digital-to-analog, D/A)

③ 数字微分器: $H_c(j\omega) = j\omega \quad H_d(j\omega) = \begin{cases} j\omega & |\omega| < \omega_c \\ 0 & |\omega| > \omega_c \end{cases}$

对应的离散时间频率响应 $H_d(e^{j\Omega}) = j(\frac{\Omega}{T}), |\Omega| < \pi$.

④ 半采样间隔延迟: $y_c(t) = x_c(t - \Delta)$ ΔT 表延迟时间

$$\text{而 } Y_c(j\omega) = e^{-j\omega\Delta} X_c(j\omega)$$

$$\text{造 } H_c(j\omega) = \begin{cases} e^{-j\omega\Delta}, & |\omega| < \omega_c \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$$

$$H_d(e^{j\Omega}) = e^{-j\Omega\Delta/T}, |\Omega| < \pi.$$

S 7.5 离散时间信号采样