

## Semaine n° 6 : du 9 octobre au 13 octobre

### Lundi 9 octobre

- **Cours à préparer : Chapitre VI - Equations différentielles linéaires**
  - *Partie 1.1* : Continuité et dérivabilité d'une fonction à valeurs complexes ; dérivation et opérations ; dérivée de  $x \mapsto \exp(u(x))$  où  $u$  est une fonction dérivable à valeurs complexes ; dérivées successives, fonctions de classe  $\mathcal{C}^1$ , de classe  $\mathcal{C}^n$ , de classe  $\mathcal{C}^\infty$ .
  - *Partie 1.2* : Primitives.
  - *Partie 1.3* : Intégration des fonctions complexes.
  - *Partie 1.4* : Intégration par parties, changement de variable.
- **Exercices à corriger en classe**
  - **Feuille d'exercices n° 5** : exercices 3 et 19.

### Mardi 10 octobre

- **Cours à préparer : Chapitre VI - Equations différentielles linéaires**
  - *Partie 1.5* : Primitives des fonctions de la forme  $x \mapsto \frac{1}{ax^2+bx+c}$ .  
*Il est conseillé de retravailler la mise sous forme canonique si cette technique n'est pas maîtrisée.*
  - *Partie 2* : Généralités sur les équations différentielles linéaires ; problème de Cauchy ; structure de l'ensemble des solutions ; principe de superposition.
- **Exercices à corriger en classe**
  - **Feuille d'exercices n° 5** : exercices 2 et 5.

### Jeudi 12 octobre

- **Cours à préparer : Chapitre VI - Equations différentielles linéaires**
  - *Partie 3* : Equations différentielles linéaires du premier ordre ; résolution de l'équation homogène, d'une équation avec second membre, méthode de variation de la constante ; problème de Cauchy.
- **Exercices à corriger en classe**
  - **Feuille d'exercices n° 5** : exercices 14, 16, 17

### Vendredi 13 octobre

- **Cours à préparer : Chapitre VI - Equations différentielles linéaires**
  - *Partie 4* : Equations différentielles linéaires du second ordre à coefficients constants ; résolution de l'équation homogène : cas complexe, cas réel ; seconds membres particuliers ; problème de Cauchy.
- **Exercices à corriger en classe**
  - **Feuille d'exercices n° 5** : exercices 15 et 18.

# Échauffements

## Mardi 10 octobre

- Résoudre  $z^2 + 2z - 2 - 4i = 0$
- Cocher toutes les assertions vraies : Soit  $(z_{ij})_{(i,j) \in \mathbb{N}^2}$  une famille de complexes et  $n$  un entier naturel.

$$\begin{aligned} \square \sum_{i=0}^n \sum_{j=0}^n z_{ij} &= \sum_{j=0}^n \sum_{i=0}^n z_{ij} \\ \square \sum_{i=0}^n \sum_{j=i}^n z_{ij} &= \sum_{j=i}^n \sum_{i=0}^n z_{ij} \\ \square \sum_{i=0}^n \sum_{j=i}^n z_{ij} &= \sum_{j=0}^n \sum_{i=j}^n z_{ij} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \square \sum_{i=0}^n \sum_{j=i}^n z_{ij} &= \sum_{j=0}^n \sum_{i=0}^j z_{ij} \\ \square \sum_{i=1}^n \sum_{j=0}^{i-1} z_{ij} &= \sum_{j=1}^n \sum_{i=0}^{j-1} z_{ij} \\ \square \sum_{i=1}^n \sum_{j=0}^{i-1} z_{ij} &= \sum_{j=1}^n \sum_{i=0}^{j-1} z_{ji} \end{aligned}$$

## Jeudi 12 octobre

- Cocher toutes les assertions vraies : L'homothétie de centre  $(1+i)$  et de rapport  $-2$  a pour expression
- Cocher toutes les assertions vraies : Soit  $n, a, b$  des entiers naturels, avec  $a \leq b$ .

$$\begin{aligned} \square f : \mathbb{C} \rightarrow \mathbb{C}, z &\mapsto -2z. \\ \square f : \mathbb{C} \rightarrow \mathbb{C}, z &\mapsto -2z + 1 + i. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \square f : \mathbb{C} \rightarrow \mathbb{C}, z &\mapsto -2(z - 1 - i). \\ \square f : \mathbb{C} \rightarrow \mathbb{C}, z &\mapsto 1 + i - 2(z - 1 - i). \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \square \sum_{k=0}^n 1 &= n + 1 \\ \square \sum_{k=a}^b 1 &= b - a \\ \square \sum_{k=a}^b k &= \frac{(b-a+1)(a+b)}{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \square \prod_{k=1}^n k &= n! \\ \square \prod_{k=1}^{2n} k &= 2n! \\ \square \prod_{k=0}^n k &= n! \\ \square (n+1)! &= (n+1)n! \\ \square b! &= a! \times \prod_{k=1}^{a-1} k \end{aligned}$$

## Vendredi 13 octobre

- Cocher toutes les assertions vraies : Soit  $n \in \mathbb{N}^*$ .
  - ☐ Tous les complexes ont  $n$  racines  $n$ -èmes.
  - ☐ Tous les réels non nuls ont  $n$  racines  $n$ -èmes complexes.
  - ☐ Tous les réels non nuls ont  $n$  racines  $n$ -èmes réelles.
  - ☐ Les racines  $n$ -èmes d'un complexe  $z$  non nul sont sur un même cercle de centre 0.
- Cocher toutes les assertions vraies : Soit  $f : \mathbb{C} \rightarrow \mathbb{C}, z \mapsto iz + 1$ .

$$\begin{aligned} \square f &\text{ est une similitude directe.} \\ \square f &\text{ est une translation.} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \square f &\text{ est une rotation.} \\ \square f &\text{ est une similitude à centre, de centre } \frac{1+i}{2}. \end{aligned}$$