

report

psuedo code

let $M[i][j]$ denotes the number of chords in the maximum planar subset form by chord ij
let $R[i][j]$ denotes the case of operation on $M[i][j]$ (see more explanation below)

```
trace_back_M(i, j) {
    if  $M[i][j]$  is not empty, return
    if  $(i \geq j)$   $M[i][j] = 0$ , return
     $k$  = endpoints connect to  $j$  //  $kj$  is in  $C$ 
    if  $k < i$  or  $k > j$  // CASE 1
        trace_back_M(i, j-1)
         $M[i][j] = M[i][j-1]$ 
    else if  $k == i$  // CASE 2
        trace_back_M(i, j-1)
         $M[i][j] = M[i][j-1] + 1$ 
         $R[i][j] = 1$ 
    else // CASE 3
        trace_back_M(i, j-1)
        trace_back_M(i, k-1)
        trace_back_M(k+1, j-1)
        if  $M[i][k-1] + M[k+1][j-1] + 1 > M[i][j]$ 
             $M[i][j] = M[i][k-1] + M[k+1][j-1] + 1$ 
             $R[i][j] = 2$ 
        else  $M[i][j] = M[i][j-1]$ 
}
```

```
trace_back_R(i, j, list) {
    if  $(i \geq j)$  return
     $k$  = endpoints connect to  $j$  //  $kj$  is in  $C$ 
    switch( $R[i][j]$ )
        case 0: trace_back_R(i, j-1) // default case
        case 1:
            list.push(i)
            trace_back_R(i, j-1)
        case 2:
            list.push(k)
            trace_back_R(i, k-1)
            trace_back_R(k+1, j-1)
}
```

解題concept

使用top-down的方式 解題分成step1 找出最大弦數並紀錄case，以及step2 根據case找出在最大弦數中弦的集合

- 找出最大弦數 定義 $M[i][j]$ 為在 ij 區間中最大弦數(定義 $i < j$)。透過DP substructure分成三個case (k 為 j 對應的點)。
 - CASE 1: k 不在 ij 區間, $M[i][j] = M[i][j-1]$
 - CASE 2: k 等於 i , $M[i][j] = M[i][j-1] + 1$
 - CASE 3: k 在 ij 區間內且不等於 i , $M[i][j] = \max((M[i][k-1] + M[k+1][j-1] + 1), M[i][j-1])$

試求 $M[0][N-1]$ 。利用top-down與memory的方式，若會使用到 $M[i][j-1]$ ，則先call $\text{trace_back_M}(i, j-1)$ 已確保 $M[i][j-1]$ 已經被計算，就算曾經計算過也可以透過 M 的取值來避免重複計算，接著就可以透過遞迴的方式來快速得到 $M[0][N-1]$ 。

- 找出在最大弦數中弦的集合 定義 $R[i][j]$ 為 ij 區間在對 $M[i][j]$ 操作的類別。透過trace back的方式，從 $R[0][N-1]$ 開始
 - case 0: k 不在 ij 區間，沒有增加弦，繼續trace back $R[i][j-1]$
 - case 1: $k = i$ ，在list中增加chord ij ，並繼續trace back $R[i][j-1]$
 - case 2: 是step 1中case 3的其中一個可能， $M[i][k-1] + M[k+1][j-1] + 1 > M[i][j-1]$ ，在list中增加chord kj ，並trace back $R[i][k-1]$ 以及 $R[k+1][j-1]$

整體來說很像是step 1的三個case，只差在step 1 case 3可能會對應到step 2 case 1或是case 3。P.S. implement時我只會紀錄小的點，接著在輸出前將list排序，印出時才找出其對應的點。

資料結構

- 由於每個點都是數字，利用陣列的index與value兩兩對應的關係來儲存chord。例如 $\text{chord}(1, 10)$ ， $\text{chord_set}[1] = 10$, $\text{chord_set}[10] = 1$ ，這樣就可以在 $O(1)$ 的時

間找到對應點。

- M與R使用new來宣告動態array，會比使用vector快，因為會直接allocate適當大小給process，若使用vector則會慢慢double capacity直到夠用。由於已知最大的case是100000，M使用short，R使用u_int8