### Probabilistic Tracking of Multiple Whiskers

Jim Holmström, Emil Lundberg

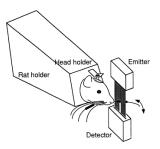
CSC,KTH

14 maj 2012



# Bakgrund

- Neurofysiologer vill studera rörelser hos morrhår
- Befintliga kommersiella lösningar är dyra eller kräver inskränkningar



#### Bakgrund

#### Probabilistisk metod

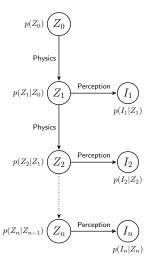
Dold Markovmodell

Partikelfiltret

Morrhårens Matematiska Modell

Maskininlärning: Databas med Träningsdata

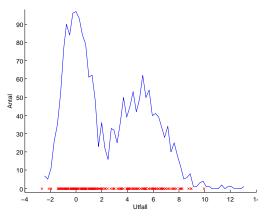
#### Dold Markovmodell

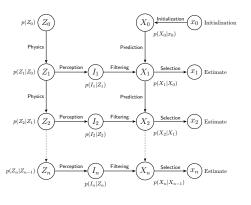


- System övergår mellan tillstånd med sannolikheter  $p(Z_{n+1}|Z_n)$
- ► Tillståndet kan ej mätas direkt
- ► Får istället en *observation*  $I_n$  av tillståndet  $Z_n$  med sannolikhet  $p(I_n|Z_n)$

#### Partikelfiltret

#### Approximerar sannolikhetsfördelning med diskreta mängder





Fyra steg:

Prediktion Skapa hypoteser om nästa tidssteg

Perception Läs in och tolka bild

Filtrering Välj ut de hypoteser för vilka bilden är trolig

Urval Konstruera en uppskattning av systemet utifrån de filtrerade hypoteserna

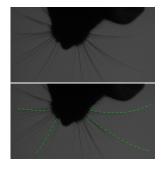
Dold Markovmodell Partikelfiltret Morrhärens Matematiska Modell Maskininlärning: Databas med Träningsdata

- Före filtrering
- Efter filtrering
- Slutlig uppskattning



### Morrhårens Matematiska Modell

- Mycket enkel modell:  $a_1x + a_2x^2 + a_3x^3$ 
  - Approximerar morrhårens form inom felmarginal för blotta ögat
  - Kan missa lite i sällsynta extrema fall
- Andra kandidater t.ex.  $\sum_{k} a_k \sin(kx)$



# Maskininlärning: Databas med Träningsdata

- ▶ Implementerar sannolikhetsfunktionen  $p(X_{n+1}|X_n)$  som en sökning i databas
- ▶ Databasen innehåller tillståndsövergångar T = (f, t) som består av en från-del f och en till-del t
- ▶ Givet en hypotes  $x_n$  uppskattas  $x_{n+1}$  som ett medelvärde över t, viktat mot skillnaden mellan  $x_n$  och f
- ▶ Viktfunktion  $w(x_n, f)$

$$x_{n+1} = \frac{\sum\limits_{(f,t) \in \mathrm{DB}} t \cdot w(x_n,f)}{\sum\limits_{f} w(x_n,f)}$$

▶ T.ex.  $w(x_n, f) = \|x_n - f\|_{\mathrm{L}^p}^a$  för något  $a \in \mathbb{R}^+$ 



# Exempelövergång



Gul: Från-tillstånd

$$f = \frac{x^3 + 100x^2 - 2000x}{10000}$$

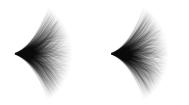
Röd: Till-tillstånd

$$t = \frac{x^3 + 150x^2 - 2000x}{10000}$$

▶ 
$$(f, t) \in DB$$

Dold Markovmodell Partikelfiltret Morrhårens Matematiska Modell Maskininlärning: Databas med Träningsdata

### Exempel: Genererad databas



 Genererad databas av tillståndsövergångar

Vänster: Från-tillstånd

► Höger: Till-tillstånd