## Probabilistisk följning av multipla morrhår i monokulär video

Jim Holmström, Emil Lundberg

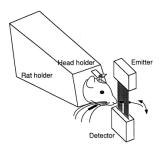
CSC,KTH

15 maj 2012



# Bakgrund

- Neurofysiologer vill studera rörelser hos morrhår
- Befintliga kommersiella lösningar är dyra eller kräver inskränkningar
- Hedvig Sidenbladh, 2001: probabilistisk metod för följning av mänskliga rörelser



## Mål med projektet

- Undersöka om Sidenbladhs metod går att applicera här
- Testa några olika varianter
- Identifiera problem och svårigheter

#### Introduktion

Bakgrund

Mål med projektet

#### Probabilistisk metod

Dold Markovmodell

Partikelfiltret

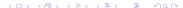
Morrhårens Matematiska Modell

Prediktion: Sökning i databas med träningsdata

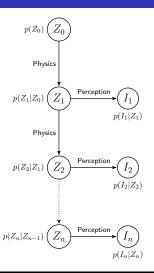
Filtrering: Jämförelse av bilder

#### Resultat

Nästa steg



#### Dold Markovmodell

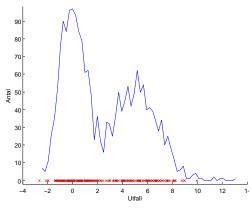


- System övergår mellan tillstånd med sannolikheter  $p(Z_{n+1}|Z_n)$
- ► Tillståndet kan ej mätas direkt
- ► Får istället en *observation*  $I_n$  av tillståndet  $Z_n$  med sannolikhet  $p(I_n|Z_n)$

Dold Markovmodell Partikelfiltret Morrhärens Matematiska Modell Prediktion: Sökning i databas med träningsdata Filtrering: Jämförelse av bilder

#### Partikelfiltret

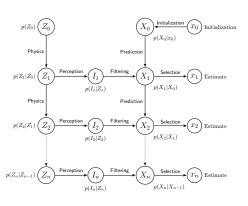
#### Approximerar sannolikhetsfördelning med diskreta mängder



Dold Markovmodell
Partikelfiltret
Morrhärens Matematiska Modell
Prediktion: Sökning i databas med träningsdata

Filtrering: Jämförelse av bilder

### Partikelfiltrets fyra steg



Prediktion Skapa hypoteser om nästa tidssteg
Perception Läs in och tolka bild

Filtrering Välj ut de hypoteser för vilka bilden är trolig

Urval Konstruera en uppskattning av systemet utifrån de filtrerade hypoteserna

Dold Markovmodell Partikelfiltret

Morrhårens Matematiska Modell

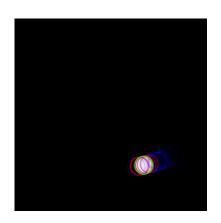
Prediktion: Sökning i databas med träningsdata Filtrering: Jämförelse av bilder

## Illustration av stegen

Före filtrering

Efter filtrering

Slutlig uppskattning



Dold Markovmodell Partikelfiltret

Morrhårens Matematiska Modell

Prediktion: Sökning i databas med träningsdata Filtrering: Jämförelse av bilder

#### Illustration av stegen

Före filtrering

Efter filtrering

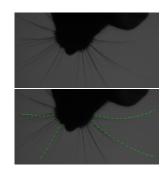
— Slutlig uppskattning



Dold Markovmodell Partikelfiltret Morrhårens Matematiska Modell Prediktion: Sökning i databas med träningsdata Filtrering: Jämförelse av bilder

#### Morrhårens Matematiska Modell

- Mycket enkel modell:  $a_1x + a_2x^2 + a_3x^3$ 
  - Approximerar morrhårens form inom felmarginal för blotta ögat
  - ► Kan avvika lite i sällsynta extrema fall
- Andra kandidater t.ex.  $\sum_{k} a_k \sin(kx)$



## Prediktion: Sökning i databas med träningsdata

- ▶ Implementerar  $p(X_{n+1}|X_n)$  som en sökning i databas
- lacktriangle Databas av tillståndsövergångar T=(f,t)
- ▶ Givet en hypotes  $x_n$  uppskattas  $x_{n+1}$  som ett medelvärde över t, viktat mot skillnaden mellan  $x_n$  och f
- ▶ Viktfunktion  $w(x_n, f)$

$$x_{n+1} = \frac{\sum\limits_{(f,t) \in \text{DB}} t \cdot w(x_n,f)}{\sum\limits_{f} w(x_n,f)} + \mathcal{N}\left(0,\sigma\right)$$

▶ T.ex.  $w(x_n, f) = \|x_n - f\|_{\operatorname{L}^p}^{-a}$  för något  $a \in \mathbb{R}^+$ 



Dold Markovmodell

### Exempelövergång



Gul: Från-tillstånd

$$f = \frac{x^3 + 100x^2 - 2000x}{10000}$$

▶ Röd: Till-tillstånd

$$t = \frac{x^3 + 150x^2 - 2000x}{10000}$$

▶ 
$$(f, t) \in DB$$

Dold Markovmodell Partikelfiltret

Morrhårens Matematiska Modell

Prediktion: Sökning i databas med träningsdata Filtrering: Jämförelse av bilder

#### Exempel: Genererad databas

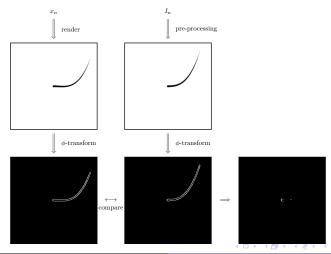


- Genererad databas av tillståndsövergångar
- ► Vänster: Från-tillstånd
- ► Höger: Till-tillstånd

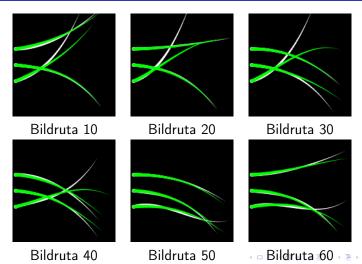
Partikelfiltret Morrhärens Matematiska Modell Prediktion: Sökning i databas med träningsdata Filtrering: Jämförelse av bilder

**Dold Markovmodell** 

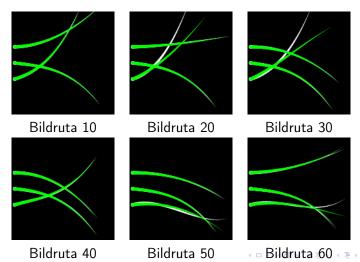
# Filtrering: Jämförelse av bilder



### Resultat: 32 partiklar, databas med 10000 övergångar



### Resultat: 256 partiklar, databas med 10000 övergångar



- Resultaten på genererade morrhår verkar lovande
  - Förvånansvårt bra resultat med endast 32 partiklar
  - Mycket litet fel med 256 partiklar
- Återstår att göra:
  - Testa på riktiga morrhår
  - ▶ Optimera parametrar (bl.a. a och val av  $L^p$ )

# Nästa steg

