Bakgrund Agenda Probabilistisk metod Resultat Nästa steg

# Probabilistic Tracking of Multiple Whiskers

Jim Holmström, Emil Lundberg

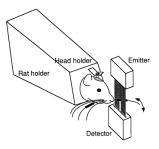
CSC,KTH

14 maj 2012



# Bakgrund

- Neurofysiologer vill studera rörelser hos morrhår
- Befintliga kommersiella lösningar är dyra eller kräver inskränkningar



#### Bakgrund

#### Probabilistisk metod

Dold Markovmodell

Partikelfiltret

Morrhårens Matematiska Modell

Prediktion: Sökning i Databas med Träningsdata

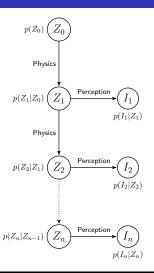
Filtrering: Jämförelse av bilder

#### Resultat

Nästa steg



## Dold Markovmodell



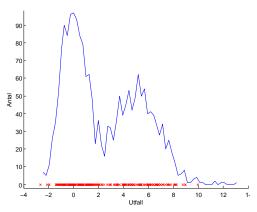
- System övergår mellan tillstånd med sannolikheter  $p(Z_{n+1}|Z_n)$
- ► Tillståndet kan ej mätas direkt
- ► Får istället en *observation*  $I_n$  av tillståndet  $Z_n$  med sannolikhet  $p(I_n|Z_n)$

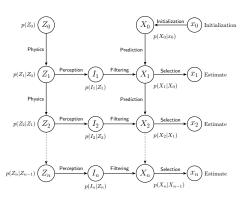


Dold Markovmodell
Partikelfiltret
Morrhårens Matematiska Modell
Prediktion: Sökning i Databas med Träningsdata
Filtrering: Jämförelse av bilder

### Partikelfiltret

### Approximerar sannolikhetsfördelning med diskreta mängder





► Fyra steg:

Prediktion Skapa hypoteser om nästa tidssteg

Perception Läs in och tolka bild

Filtrering Välj ut de hypoteser för vilka bilden är trolig

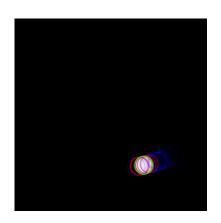
Urval Konstruera en uppskattning av systemet utifrån de filtrerade hypoteserna

Partikelfiltret Morrhärens Matematiska Modell Prediktion: Sökning i Databas med Träningsdata Filtrering: Jämförelse av bilder

Dold Markovmodell

# Illustration av stegen

- Före filtrering
- Efter filtrering
- Slutlig uppskattning



Dold Markovmodell Partikelfiltret

Morrhårens Matematiska Modell Prediktion: Sökning i Databas med Träningsdata

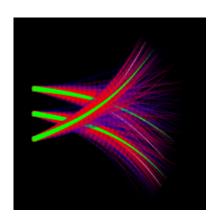
Filtrering: Jämförelse av bilder

## Illustration av stegen

Före filtrering

Efter filtrering

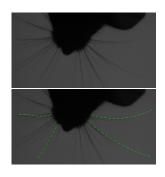
Slutlig uppskattning



Dold Markovmodell Partikelfiltret Morrhårens Matematiska Modell Prediktion: Sökning i Databas med Träningsdata Filtrering: Jämförelse av bilder

### Morrhårens Matematiska Modell

- Mycket enkel modell:  $a_1x + a_2x^2 + a_3x^3$ 
  - Approximerar morrhårens form inom felmarginal för blotta ögat
  - Kan missa lite i sällsynta extrema fall
- Andra kandidater t.ex.  $\sum_{k} a_k \sin(kx)$



# Prediktion: Sökning i Databas med Träningsdata

- ▶ Implementerar sannolikhetsfunktionen  $p(X_{n+1}|X_n)$  som en sökning i databas
- ▶ Databasen innehåller tillståndsövergångar T = (f, t) som består av en från-del f och en till-del t
- Givet en hypotes x<sub>n</sub> uppskattas x<sub>n+1</sub> som ett medelvärde över t, viktat mot skillnaden mellan x<sub>n</sub> och f
- ▶ Viktfunktion  $w(x_n, f)$

$$x_{n+1} = \frac{\sum\limits_{(f,t) \in \mathrm{DB}} t \cdot w(x_n,f)}{\sum\limits_{f} w(x_n,f)}$$

▶ T.ex.  $w(x_n, f) = \|x_n - f\|_{\mathrm{L}^p}^a$  för något  $a \in \mathbb{R}^+$ 



## Exempelövergång



Gul: Från-tillstånd

$$f = \frac{x^3 + 100x^2 - 2000x}{10000}$$

► Röd: Till-tillstånd

$$t = \frac{x^3 + 150x^2 - 2000x}{10000}$$

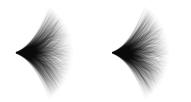
▶ 
$$(f, t) \in DB$$

Partikelfiltret Morrhårens Matematiska Modell Prediktion: Sökning i Databas med Träningsdata

Dold Markovmodell

Filtrering: Jämförelse av bilder

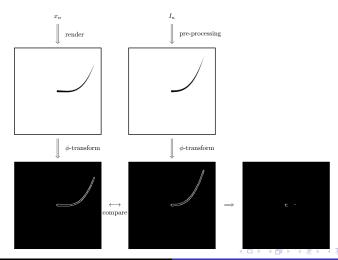
## Exempel: Generarad databas



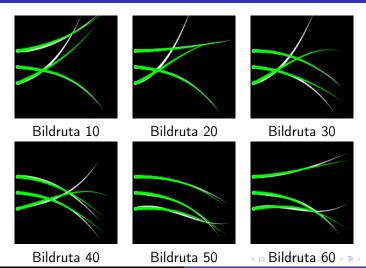
- Genererad databas av tillståndsövergångar
- Vänster: Från-tillstånd
- ► Höger: Till-tillstånd

Dold Markovmodell Partikelfiltret Morrhärens Matematiska Modell Prediktion: Sökning i Databas med Träningsdata Filtrering: Jämförelse av bilder

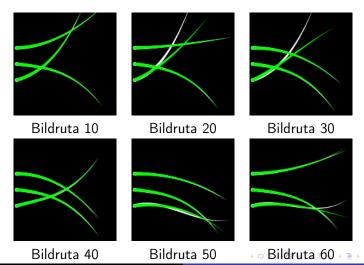
# Filtrering: Jämförelse av bilder



## Resultat: 32 partiklar, databas med 10000 övergångar



## Resultat: 256 partiklar, databas med 10000 övergångar



- Resultaten på genererade morrhår verkar lovande
  - Förvånansvårt bra resultat med endast 32 partiklar
  - Mycket litet fel med 256 partiklar
- Återstår att göra:
  - Testa på riktiga morrhår
  - Optimera parametrar

# Nästa steg

