Probabilistisk följning av multipla morrhår i monokulär video

Jim Holmström, Emil Lundberg

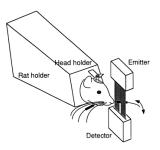
CSC,KTH

15 maj 2012



Bakgrund

- Neurofysiologer vill studera rörelser hos morrhår
- Befintliga kommersiella lösningar är dyra eller kräver inskränkningar



Bakgrund

Probabilistisk metod

Dold Markovmodell

Partikelfiltret

Morrhårens Matematiska Modell

Prediktion: Sökning i databas med träningsdata

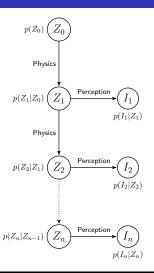
Filtrering: Jämförelse av bilder

Resultat

Nästa steg



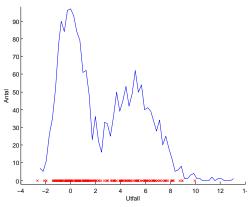
Dold Markovmodell



- System övergår mellan tillstånd med sannolikheter $p(Z_{n+1}|Z_n)$
- ► Tillståndet kan ej mätas direkt
- ► Får istället en *observation* I_n av tillståndet Z_n med sannolikhet $p(I_n|Z_n)$

Partikelfiltret

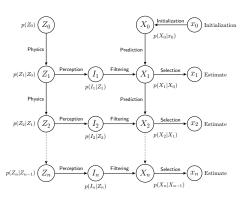
Approximerar sannolikhetsfördelning med diskreta mängder



Prediktion: Sökning i databas med träningsdata

Filtrering: Jämförelse av bilder

Partikelfiltrets fyra steg



Prediktion Skapa hypoteser om nästa tidssteg

Perception Läs in och tolka bild

Filtrering Välj ut de hypoteser för vilka bilden är trolig

Urval Konstruera en uppskattning av systemet utifrån de filtrerade hypoteserna

Dold Markovmodell Partikelfiltret

Morrhårens Matematiska Modell

Prediktion: Sökning i databas med träningsdata Filtrering: Jämförelse av bilder

Illustration av stegen

Före filtrering

Efter filtrering

Slutlig uppskattning



Dold Markovmodell Partikelfiltret

Morrhårens Matematiska Modell

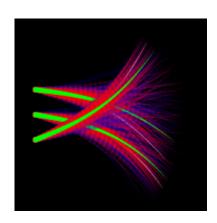
Prediktion: Sökning i databas med träningsdata Filtrering: Jämförelse av bilder

Illustration av stegen

Före filtrering

Efter filtrering

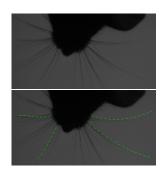
— Slutlig uppskattning



Dold Markovmodell Partikelfiltret Morrhårens Matematiska Modell Prediktion: Sökning i databas med träningsdata Filtrering: Jämförelse av bilder

Morrhårens Matematiska Modell

- Mycket enkel modell: $a_1x + a_2x^2 + a_3x^3$
 - Approximerar morrhårens form inom felmarginal för blotta ögat
 - ► Kan avvika lite i sällsynta extrema fall
- Andra kandidater t.ex. $\sum_{k} a_k \sin(kx)$



Prediktion: Sökning i databas med träningsdata

- ▶ Implementerar sannolikhetsfunktionen $p(X_{n+1}|X_n)$ som en sökning i databas
- ▶ Databasen innehåller tillståndsövergångar T = (f, t) som består av en från-del f och en till-del t
- ▶ Givet en hypotes x_n uppskattas x_{n+1} som ett medelvärde över t, viktat mot skillnaden mellan x_n och f
- ▶ Viktfunktion $w(x_n, f)$

$$x_{n+1} = \frac{\sum\limits_{(f,t) \in \mathrm{DB}} t \cdot w(x_n,f)}{\sum\limits_{f} w(x_n,f)}$$

▶ T.ex. $w(x_n,f) = \|x_n - f\|_{\mathrm{L}^p}^a$ för något $a \in \mathbb{R}^+$



Dold Markovmodell

Exempelövergång



Gul: Från-tillstånd

$$f = \frac{x^3 + 100x^2 - 2000x}{10000}$$

► Röd: Till-tillstånd

$$t = \frac{x^3 + 150x^2 - 2000x}{10000}$$

▶
$$(f, t) \in DB$$

Partikelfiltret Morrhårens Matematiska Modell Prediktion: Sökning i databas med träningsdata

Dold Markovmodell

Filtrering: Jämförelse av bilder

Exempel: Genererad databas

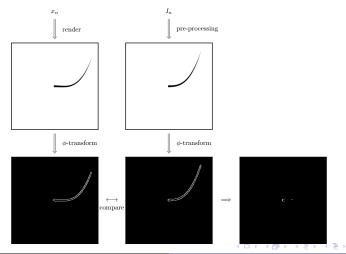


- Genererad databas av tillståndsövergångar
- ► Vänster: Från-tillstånd
- ► Höger: Till-tillstånd

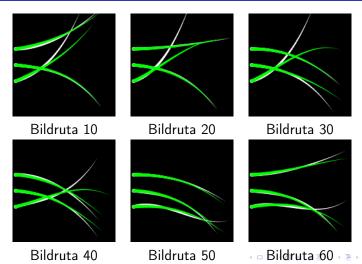
Partikelfiltret Morrhärens Matematiska Modell Prediktion: Sökning i databas med träningsdata Filtrering: Jämförelse av bilder

Dold Markovmodell

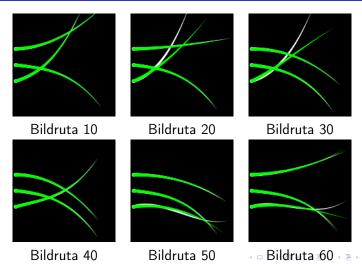
Filtrering: Jämförelse av bilder



Resultat: 32 partiklar, databas med 10000 övergångar



Resultat: 256 partiklar, databas med 10000 övergångar



- ► Resultaten på genererade morrhår verkar lovande
 - Förvånansvårt bra resultat med endast 32 partiklar
 - Mycket litet fel med 256 partiklar
- Återstår att göra:
 - Testa på riktiga morrhår
 - Optimera parametrar

Nästa steg

