Le Proporzioni - Introduzione

Definizione: La proporzione è una uguaglianza tra due rapporti

I quattro numeri di una proporzione si chiamano **termini della proporzione** e possono essere chiamati in 2 modi diversi:

in un caso il primo e il terzo si dicono **antecedenti**, il secondo e il quarto **conseguenti**.

In un altro caso i primo e il quarto si chiamano **estremi**, il secondo e terzo si chiamano **medi**.

$$a:b=c:d$$

$$a:b=c:d$$

a e c sono gli antecedenti mentre b e d sono i conseguenti.

$$a:b=c:d$$

In questo caso invece a e d sono gli estremi e b e c sono i medi.

Questo diverso modo di chiamare gli stessi numeri è utile nella applicazione delle diverse proprietà delle proporzioni.

La proporzione

$$a:b=c:d$$

si legge:

Quindi 2:4=5:10 si legge "2 sta a 4 come 5 sta a 10".

Le proporzioni, per essere scritte correttamente (da un punto di vista matematico), devono essere **realmente** una uguaglianza tra due rapporti, ovvero i due rapporti devono essere dello **stesso valore**. Per esempio tra le due proporzioni

$$3:6=7:14$$

$$3:6=5:15$$

solo una è corretta.

Osservando la prima si nota che i due rapporti 3 : 6 (o anche $\frac{3}{6}$) e 7 : 14 (o $\frac{7}{14}$) hanno lo **stesso valore**, ovvero 0, 5 (o $\frac{1}{2}$). Nella seconda proporzione invece i due

rapporti hanno valori diversi: $3:6=\frac{1}{2},\ 5:15=\frac{1}{3}.$ Solo la prima proporzione è corretta!

ATTENZIONE: facendo gli esercizi può capitare di dover fare più passaggi e quindi scrivere più volte di seguito la stessa proporzione, è **estremamente sbagliato** scrivere i diversi passaggi di una proporzione con il simbolo = tra un passaggio e l'altro.

Esercizi:

1)Per ogni proporzione indica quali numeri sono i medi, gli stremi, gli antecedenti e i conseguenti.

$$25:8=21:3$$

$$8:32=25:1000$$

$$3:4=24:32$$

$$10:5=24:12$$

2) Verifica se le seguenti uguaglianze sono proporzioni.

$$3:6=7:14$$

$$6:3=7:14$$

$$8:2=16:4$$

$$19:8=5:2$$

$$19:95=7:35$$

$$\frac{7}{4}:\frac{2}{5}=\frac{10}{3}:\frac{16}{21}$$

$$\frac{11}{6}:\frac{5}{12}=\frac{8}{15}:\frac{4}{33}$$

$$\frac{16}{15}: \frac{4}{9} = \frac{12}{5}: 1$$