

## Tarea 2

**a)  $x(n) = x(n-1) = x(n-2)+5$**

sustituir  $x(n-1) = x(n-2)+5$

$$x(n) = [x(n-2)+5]+5$$

$$= x(n-2)+10 \text{ sustituir } x(n-2) = x(n-3)+5$$

$$= [x(n-3)+5]+10$$

$$= x(n-3)+15$$

$$x(n) = x(n-i)+5i$$

condición inicial  $x(1)=0$ ,  $i=n-i$

$$x(n) = x(n-(n-1)) + 5n$$

$$= x(1)+5n$$

$$= 0+5n$$

$$= 5n \rightarrow n$$

Es de orden lineal

**b)  $x(n) = 3x(n-1)$  para  $n > 1$ ,  $x(1)=4$**

sustituir  $x(n-1) = 3x(n-2)$

$$x(n) = 3[3x(n-2)]$$

$$= 9x(n-2) \text{ sustituir } x(n-2) = 3x(n-3)$$

$$= 9[3x(n-3)]$$

$$= 27x(n-3)$$

$$x(n) = 3^i x(n-1)$$

condición inicial  $x(1) = 4$ ,  $i=n-1$

$$x(n) = 3^n x(n-(n-1))$$

$$x(n) = 3^n x(1)$$

$$x(n) = 3^n (4)$$

$$x(n) = 3^n \rightarrow \text{Es de orden exponencial}$$

**c)  $x(n) = x(n-1) + n$  para  $n > 0$ ,  $x(0) = 0$**

sustituir  $x(n-1) = x(n-2) + n$

$$x(n) = [x(n-2) + n] + n$$

$$= x(n-2) + 2n$$

$$x(n) = x(n-i) + in$$

condición inicial  $x(0) = 0$ ,  $i=n$

$$x(n) = x(0) + n^2$$

$x(n) = n^2 \rightarrow$  Es de orden cuadrático

**d)  $x(n) = x(n/2) + n$  para  $n > 1$ ,  $x(1) = 1$  (resolver para  $n = 2^k$ )**

sustituir  $x(n/2) = x(n/2/2) + n/2 = x(n/4) + n/2$

$$x(n) = [x(n/4) + n/2] + n$$

$$= x(n/4) + 3n/2 + n$$

$$= [x(n/8) + n/4] + 3n/2$$

$$= x(n/8) + 7n/4$$

$$x(n) = x(n/2^i) + n[(2^i - 1) / \{(2^i) - [2^{(i-1)}]\}]$$

condición inicial  $x(1) = 1$ ,  $n = 2^k$ ,  $i = \log_2(n)$

$$x(n) = x(n/2^{\log_2(n)}) + n[(2^{\log_2(n)} - 1) / \{(2^{\log_2(n)}) - [2^{\log_2(n)-1}]\}]$$

$$x(n) = x(1) + 2n - 2/n$$

$x(n) = 1 + 2n - 2/n \rightarrow$  orden inicial

$$x(2^k) = 1 + 2^{k+1} - 2^{1-k}$$

***Algoritmo misterioso (n):***

s<-0

para i<- 1 hasta n hacer

    s<- s + i\*i

Fin para

Devolver s

Fin

*¿Que calcula el algoritmo?*

La suma de los cuadrados de los números, desde 0 hasta n

*¿Cuál es la operación básica?*

Suma

*¿Cuántas veces se ejecuta la operación básica?*

N veces

*¿Cuál es la eficiencia del algoritmo?*

Es de orden lineal

Martínez Salgado Elean Jim