

《数据结构》实验



实验三 图型结构及其应用

主讲教师: 王玮

实验教师:杨扬

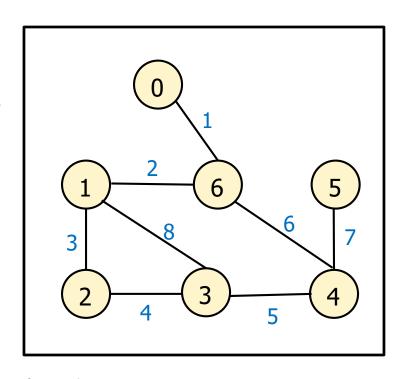
计算机学院 哈尔滨工业大学(深圳)

3001 计算图节点的度以及聚类系数

(1) 使用邻接矩阵或邻接表构建给定无向图, 计算每个节点的度。

输入示例

```
7 // 节点数
8 // 边数
0 6 1 //节点0到节点6有一条长度为1的边
1 6 2
1 2 3
2 3 4
3 4 5
4 6 6
4 5 7
1 3 8
```



说明: 节点的度 (Degree) 是指和该节点相连的边的条数。

(2) 计算该无向图的聚类系数 (Clustering coefficient)

说明:

- ① 单个节点的聚类系数 (Local Cluster Coefficient) 是所有与它相连的节点之间所连的边数,除以这些节点之间可以连出的最大边数。图的聚类系数是其所有节点聚类系数的均值。
- ② 对于度0或者1的节点,聚类系数为0

Compute the local clustering coefficient of node C:

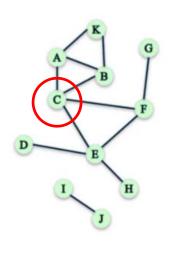
of pairs of C's friends who are friends

of pairs of C's friends

of C's friends =
$$d_c$$
 = 4 (the "degree" of C)

of pairs of C's friends =
$$\frac{d_c(d_c-1)}{2} = \frac{12}{2} = 6$$

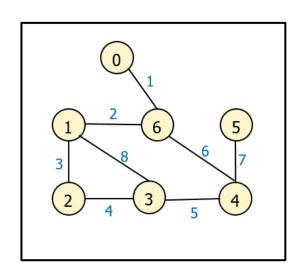
of pairs of C's friends who are friends = 2
Local clustering coefficent of C = $\frac{2}{6} = \frac{1}{3}$



• 输出示例

degree distribution:

node0:1, node1:3, node2:2, node3:3, node4:3, node5:1, node6:3, clustering coefficient:0.238095



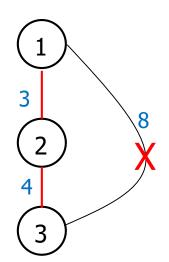
3002 图最短路径问题

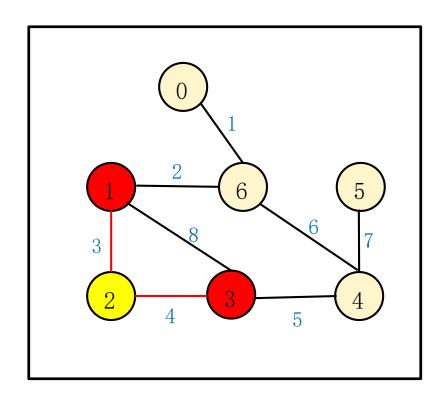
- (1)判断图是否连通。
- (2)若图连通,使用Dijkstra算法计算节点1到节点3的单源最短路径。
- (3)若图连通,使用Floyd算法计算该图的直径和半径。

说明: 节点1到3的单源最短路径

长度: 7

• 路径: 1->2->3





概念:

节点距离: 两个节点间的最短路径长度

节点离心率 (Eccentricity): 该点到其他节点距离的最大值

图直径 (Diameter): 图中距离最远的两个节点间的距离。

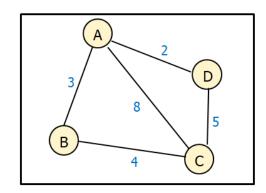
图半径 (Radius): 图中所有节点的最小离心率。

提示:先计算每个节点的离心率,再计算图的半径。

图直径: 7

图半径: 5

	Α	В	С	D
Α	0	3	7	2
В	3	0	4	5
С	7	4	0	5
D	2	5	5	0



3002

■ 输出示例:

connected: 1

the minimum fare between 1 and 3: 7

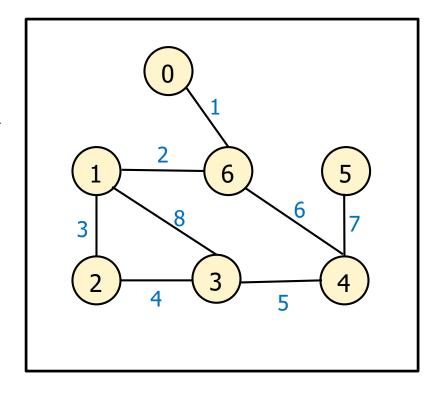
Path: 1->2->3

diameter:16

radius:9

3003 最小生成树问题

有n个城市需要建立货运路线, 每个城市之间的距离都已经确定,你 需要选择一些城市之间建立道路,必 须确保能够通过这些道路到达任意一 个城市。现在你需要找到最小的建设 成本,并且保证任意两个城市之间都 能通过这些道路到达。



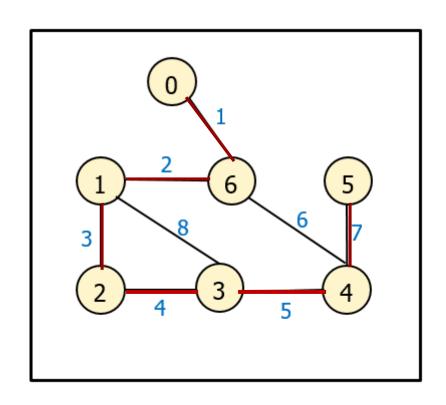
使用Kruskal算法或Prime算法解决最小生成树问题。

■ 输入示例

```
7 // 节点数
8 // 边数
0 6 1 //节点0到节点6有一条权重为1的边
1 6 2
1 2 3
2 3 4
3 4 5
4 6 6
4 5 7
1 3 8
```

输出示例

22



注:最小生成树各边权重和为:

1+2+3+4+5+7=22

实验要求

- 请运用图论相关方法完成任务。
- 3001与3002已提供模板代码,请完成空缺的函数。也可以自己编写程序,但务必保证程序输入输出和示例一致。
- 3003无模板代码,请选择任意算法完成。注意代码规范,并编写必要的注释。
- 已给部分测试样例,请自行设计其它测试样例保证程序的正确性和健壮性。

实验三评分标准

■ 总分100分

■ 3001: 计算图节点的度和聚类系数 (30分)

3002: 连通图最短路径问题(40分)

■ 3003: 最小生成树问题 (30分)

请同学们开始实验