# 1. 什么是激活函数?

在多层神经网络中,上层节点的输出和下层节点的输入之间具有一个函数关系,这个函数称为激活函数。

# 2. 激活函数作用?

若没有激活函数,无论多少层神经网络,输出与输入都是线性关系。加入非线性的激活函数后,神经网络的表达能力更加强大,理论上能逼近任意函数。

# 3. 饱和激活函数 / 非饱和激活函数

#### 饱和激活函数

x趋紧于无穷时,激活函数导数趋紧于0。

常见: sigmoid / tanh

#### 非饱和激活函数

常见: ReLU

优势:能解决梯度消失问题/能加快收敛速度

# 4. 什么是梯度爆炸/消失?

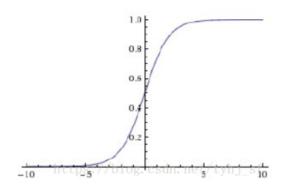
在梯度下降的过程中,如果某一层对激活函数求导>1,那么随着层数的增多,最终的求出的梯度更新将以指数形式增加,即发生**梯度爆炸**,如果此部分小于1,那么随着层数增多,求出的梯度更新信息将会以指数形式衰减,即发生了**梯度消失**。

# 5. 常用激活函数总结

#### sigmoid

公式: 
$$f(x) = \frac{1}{1+e^{-x}}$$

导数: 
$$f(x)' = rac{e^{-x}}{(1+e^{-x})^2}$$



#### 缺点:

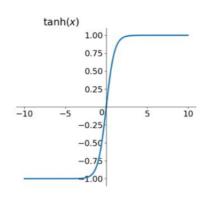
1. 存在梯度爆炸和梯度消失问题,梯度爆炸可能性较小,梯度消失可能性很大。

- 2. 指数函数运算消耗资源
- 3. 中心点非0 (容易导致zigzag现象)

## tanh

公式:  $f(x)=rac{e^x-e^{-x}}{e^x+e^{-x}}$ 

导数:  $f(x)' = \frac{4}{(e^x + e^{-x})^2}$ 

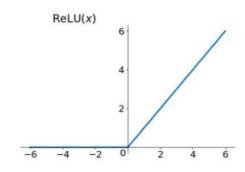


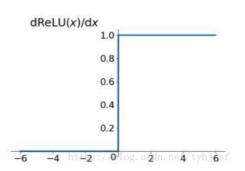
## 缺点:

- 1. 存在梯度爆炸和梯度消失问题,梯度爆炸可能性较小,梯度消失可能性很大。
- 2. 包含幂运算,运算代价较大

#### ReLU

公式: f(x) = max(0, x)





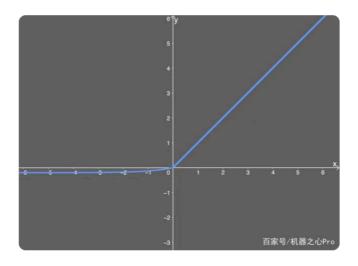
## 优点:

- 1. 解决梯度消失问题(非饱和函数)
- 2. 计算效率高,只需做max运算
- 3. 收敛速度快(梯度=1)

## 缺点:

1. 小于0的神经元会被永久置为0, 导致部分神经元坏死

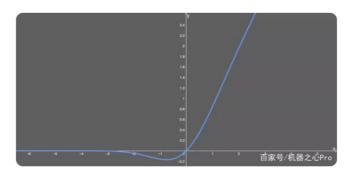
**ELU** 



解决了Relu节点置0死亡问题

## Gelu (Gaussian error linear units, 高斯误差线性单元)

公式:  $Gelu(x) = x\phi(x)$ ,其中,  $\phi$ 是正态分布



加入随机正则的思想,有点类似于dropout, $\phi(x)$ 决定x中有多少信息被保留, $\phi(x)$ 越大,x越有可能保留,反之,越有可能置0

## softmax

把输入映射为0-1之间的实数,并且归一化保证和为1

公式: 
$$S_i = rac{e^i}{\sum_j e^j}$$

## 带有温控系数的softmax

公式: 
$$S_i = rac{e^{x_i/T}}{\sum_j e^{x_j/T}}$$

若温控系数T越大,元素之间的差距会变小。

若温控系数T越小,元素之间差距会越大,结果越趋向于one-hot向量。