

对于一个完整的 S 型加减速曲线,整个运动过程被分为七个阶段,即:

加加速段。(0-t<sub>1</sub>)

加加速度为 j<sub>max</sub>, 加速度线性增加至设定速度或最大速度 a<sub>max</sub>。

公式: 
$$a = jt$$
。  $v = v_0 + 0.5jt^2$ .  $s = s_0 + v_0t + \frac{1}{6}jt^3$ 

匀加速段。(t<sub>1</sub>-t<sub>2</sub>)

加加速度为零,加速度恒定。

公式: 
$$a = jT_1$$
。  $v = v_0 + 0.5jT_1^2 + a(t - T_1)$ 

减加速段。(t<sub>2</sub>-t<sub>3</sub>)

当速度接近设定的值或最大值  $v_{max}$ 时,加加速度突然变为反向  $j_{max}$ ,进入加速度线性减小的变减速运动阶段。

公式: 在此处键入公式。

匀速段。(t<sub>3</sub>-t<sub>4</sub>)

当速度增至 v<sub>max</sub> 时,加加速度和加速度均变为 0,进入匀速运动阶段。

加减速阶段。(t<sub>4</sub>-t<sub>5</sub>)

加加速度突变为反向的 jmax, 加速度反向线性增加至-amax。

匀减速段。(t₅-t₀)

加加速度为 0. 减加速度恒定。

减减速段。(t<sub>6</sub>-t<sub>7</sub>)

加速度突变为 jmax, 加速度由负向的 amax 线性减小至 0.

加加速度、加速度、速度、位移随时间的变化函数。

 $t_k(k=0, 1, 2 \cdots 7)$ . 表示各个阶段的过度坐标点。

 $\tau_k(k=0,1,2\cdots 7)$ : 局部时间坐标。表示以各个阶段的起始点作为时间零点的时间表示。  $\tau_k=t_k-t_{k-1}$ .

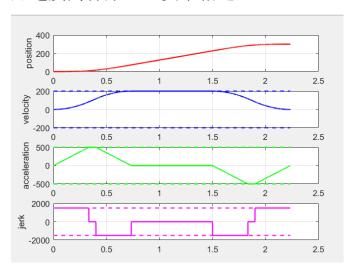
T<sub>k</sub>: 各个阶段的持续运行时间。

公式:

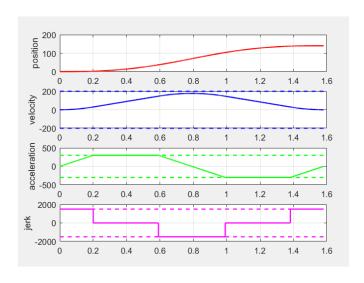
$$j(t) = \begin{cases} j_{max} & 0 \le t \le t_1 \\ 0 & t_1 \le t \le t_2 \\ -j_{max} & t_2 \le t \le t_3 \\ 0 & t_3 \le t \le t_4 \\ -j_{max} & t_4 \le t \le t_5 \\ 0 & t_5 \le t \le t_6 \\ j_{max} & t_6 \le t \le t_7 \end{cases}$$

S型曲线加减速根据轨迹,大致可分为四种情况:

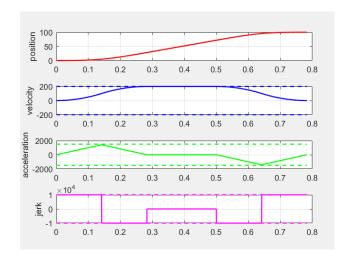
1) 加速度为梯形且正负不相连。



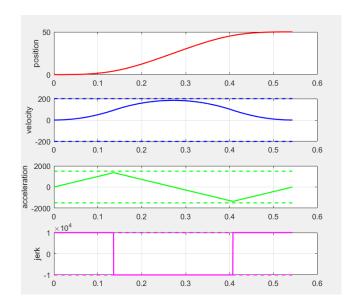
2) 加速度为梯形正负相连。



3) 加速度为三角形正负不相连。



## 4) 加速度为三角形正负相连。



完整的 S 型曲线,可分为 7 个阶段。分别为加加速,匀加速,减加速,匀速,加减速,匀减速,减减速。但是根据边界条件,可能会出现 3-7 个阶段。

梯形速度运动轨迹具有不连续的加速度,由于这个原因,可能会对机械系统产生不可知的残余震动,对系统产生损伤。因此,一个平滑的运动轨迹是必要的。

## 我们假设:

$$j_{min} = -j_{max}$$
  $a_{min} = -a_{max}$   $v_{min} = -v_{max}$  边界条件:

初速度和末速度 v0, v1;

初始和终止加速度 a0=a1=0;

我们分为三个阶段:

1)加速段,  $t \in [0, T_a]$ . 在这个阶段,加速度从零增加到最大值然后再回到零。

- 2) 匀速段, $t \in [T_a, T_a + T_v]$ 。有恒定的速度。
- 3) 减速段, $t \in [T_a + T_v, T]$ .  $T = T_a + T_v + T_d$ 。这个阶段加速度轨迹和加速段方向相反。

给定 jerk, acc, vel 的最大值约束条件和位移 h=q1-q0. 我们必须先验证能否完成这个轨迹。因为有的时候给定的位移并不能使速度从零增加到最大值。这个时候就得减小速度的最大值来完成整个轨迹。加速度同理。

当位移太小是,速度无法从初速度增加到(减小)末速度,或者只有加速度(v0>v1)或者减速度(v0<v1)。

我们定义:

$$T_j^* = \min\{\sqrt{\frac{|v_1 - v_0|}{j_{max}}}, \frac{a_{max}}{j_{max}}\}$$
 (1-1)

如果 $T_j^* = \frac{a_{max}}{j_{max}}$ 。则加速度能达到最大值,可能存在一个 jerk 为零的阶段。

如果轨迹符合以下条件,则这段轨迹是可以完成的

$$q_{1} - q_{0} > \begin{cases} T_{j}^{*}(v_{1} + v_{0}) & T_{j}^{*} < \frac{a_{max}}{j_{max}} \\ \frac{1}{2}(v_{1} + v_{0}) \left[T_{j}^{*} + \frac{|v_{1} - v_{0}|}{a_{max}}\right] & T_{j}^{*} = \frac{a_{max}}{j_{max}} \end{cases}$$
(1-2)

若是不能符合上面这个条件,则说明位移太小以至于在现有约束 条件下初速度无法达到末速度。符合则可以继续进行下面的计算。

我们定义运动过程中速度的最大值 $v_{lim} = \max(\dot{q}(t))$ ,那可能存在两种情况。

Case 1:  $v_{lim} = v_{max}$ 

Case 2:  $v_{lim} < v_{max}$ .

在 case 1 和 case 2 中,可能存在最大加速度(减速度)没有达到。也可能由于初始速度或者末速度接近速度最大值,导致加速段或减速段只有其中一个到达加速度最大值,另一个没有。

## 我们定义:

Tjl:加速段中的 jerk 持续时间 (jmax 或者 jmin)。

Tj2: 减速段中 jerk 的持续时间 (jmax 或者 jmin)。

Ta: 加速时间段。

Tv: 匀速时间段。

Td: 减速时间段。

T: 总行程时间。

Case 1:  $v_{lim} = v_{max}$ 

在这种情况,我们可以通过以下公式来验证能否达到最大加速度 (amax 或者 amin)。

如果 $(v_{max} - v_0)j_{max} < a_{max}^2$  amax 没有达到 (1-3)

如果 $(v_{max} - v_1)j_{max} < a_{max}^2$  amin 没有达到 (1-4)

公式 (1-3), 可以理解为: 在加加速段 $v_1 - v_0 = \frac{1}{2} j_{max} t^2$ 

对于加速段,存在加加速和减加速,我们假设,当速度达到最大值时,加速度也刚好达到最大值,根据轮廓的对称型可以有:

$$v_{max} - v_0 = 2 * \frac{1}{2} j_{max} t^2$$

所以:  $(v_{max} - v_0)j_{max} = j_{max}t^2 * j_{max} = a_{max}^2$ 

这时候速度和加速度都刚好达到最大值,没有匀加速阶段。减速段同理。

如果(1-3)成立,那加加速段时间和加速段时间可分别为:

$$T_{j1} = \sqrt{\frac{v_{max} - v_0}{j_{max}}}, \qquad T_a = 2T_{j1}$$
 (1-5)

否则;

$$T_{j1} = \frac{a_{max}}{j_{max}}, \quad T_a = T_{j1} + \frac{v_{max} - v_0}{a_{max}}$$
 (1-6)

(1-6)公式中 Ta 可以通过图形面积分割来理解。加速度对时间的积分为速度,在加速段,加速是一个梯形,加加速和减加速对称,可以将梯形变换为长方形,面积就是 vmax,可以求出匀加速和减加速时间和。只需加上加加速短时间即为加速段时间。减速段同理

如果(1-4)成立,那减加速和减速段时间为:

$$T_{j2} = \sqrt{\frac{v_{max} - v_1}{j_{max}}}$$
,  $T_a = 2T_{j2}$  (1-7)

否则;

$$T_{j2} = \frac{a_{max}}{j_{max}}, \quad T_d = T_{j2} + \frac{v_{max} - v_1}{a_{max}}$$
 (1-8)

最后,匀速段时间为:

$$T_v = \frac{q_1 - q_0}{v_{max}} - \frac{T_a}{2} \left( 1 + \frac{v_0}{v_{max}} \right) - \frac{T_d}{2} \left( 1 + \frac{v_1}{v_{max}} \right)$$
 (1-9)

公式 (1-9) 也可以通过图形分割的办法来进行推导。速度对时间的积分为位移。加速段的位移 $L_a = \frac{T_a}{2}*(v_{max}-v_0)+T_a*v_0$ ,减速段同理。 $L_d = \frac{T_a}{2}*(v_{max}-v_1)+T_d*v_1$ 

则
$$T_v = \frac{q_1 - q_0 - L_a - L_d}{v_{max}}$$
,化简可得公式(1-9).

如果 Tv>=0,则可以运动可以达到最大速度限定值 $v_{max}$ ,整个轨迹可以通过公式(1-5)至(1-9)来得到所有阶段的轨迹参数。否则,运动过程中的最大值 vlim $\langle v_{max}, \dot{z}$ 时,考虑 case 2.

Case 2: 
$$v_{lim} < v_{max}$$
.

在这种情况下,没有匀速阶段,如果最大(最小)加速度可以达到,则加速段和减速段的时间很容易求出来。

$$T_{j1} = T_{j2} = T_j = \frac{a_{max}}{j_{max}}$$

$$T_a = \frac{\frac{a_{max}^2}{j_{max}} - 2v_0 + \sqrt{\Delta}}{2a_{max}} \tag{1-10}$$

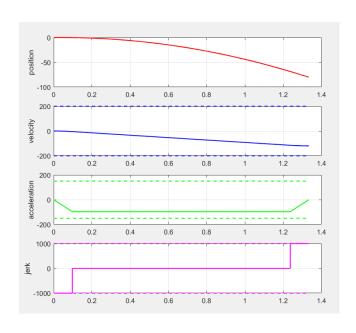
$$T_a = \frac{\frac{a_{max}^2 - 2v_0 + \sqrt{\Delta}}{j_{max}}}{2a_{max}} \tag{1-11}$$

$$\sqrt{\Delta} = \frac{a_{max}^4}{j_{max}^2} + 2(v_0^2 + v_1^2) + a_{max}(4(q_1 - q_0) - 2\frac{a_{max}}{j_{max}}(v_0 + v_1)) \quad (1-12)$$

这几个公式暂时还不知道如何推出来。。。

如果 $T_a < 2T_{j1}$ 或者 $T_a < 2T_{j2}$ ,说明最大(最小)加速度在两个阶段里没有达到,这样就不能用(1-9)到(1-10)的公式去推导。解决这种情况的唯一方法就是减小 amax(假设 amax=ramax,0<r<1),一直计算直到满足 $T_a > 2T_{j1}$ 或者 $T_d > 2T_{j2}$ ,然后就可以用公式(1-9)到(1-11)来计算。

在轨迹的计算过程中,还可能出现 Ta 或者 Td 为负的情况,这种情况下只有加速段或者减速段。取决于初速度和末速度的值。如果 Ta<0,加速段是不存在的,只有减速段,如下图:



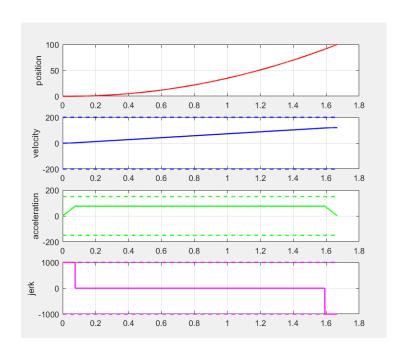
这种情况下,可以用以下公式来计算时间段:

$$T_d = 2\frac{q_1 - q_0}{v_1 + v_0} \tag{1-12}$$

$$T_{j2} = \frac{j_{max}(q_1 - q_0) - \sqrt{j_{max}(j_{max}(q_1 - q_0)^2 + (v_1 + v_0)^2(v_1 - v_0))}}{j_{max}(v_1 + v_0)}$$
(1-13)

这两个公式暂时没推导出来。。。。

如果 Td<0,则没有减速段,只有加速段



此时加速段和 jerk 持续段的计算公式为:

$$T_d = 2\frac{q_1 - q_0}{v_1 + v_0} \tag{1-14}$$

$$T_{j2} = \frac{j_{max}(q_1 - q_0) - \sqrt{j_{max}(j_{max}(q_1 - q_0)^2 + (v_1 + v_0)^2(v_1 - v_0))}}{j_{max}(v_1 + v_0)}$$
(1-15)

计算出各个阶段的持续时间后,我们就能计算出最大(最小)加速度和最大速度:

$$a_{lima} = j_{max}T_{j1} a_{limd} = -j_{max}T_{j2}$$

$$v_{lim} = v_0 + (T_a - T_{j1})a_{lima} = v_1 - (T_d - T_{j2})a_{limd}$$

计算出各个阶段的持续时间和约束条件后,我们可以跟据以下公式:

加速段:

1)  $t \in [0, T_{j1}]$ 

$$\begin{cases} q(t) = q_0 + v_0 t + j_{max} \frac{t^3}{6} \\ \dot{q}(t) = v_0 + j_{max} \frac{t^2}{2} \\ \ddot{q}(t) = j_{max} t \\ \ddot{q}(t) = j_{max} \end{cases}$$
 (1-16)

2)  $t \in [T_{j1}, T_a - T_{j1}]$ 

$$\begin{cases} q(t) = q_0 + v_0 t + \frac{a_{lima}}{6} (3t^2 - 3T_{j1}t + T_{j1}^2) \\ \dot{q}(t) = v_0 + a_{lima} (t - \frac{T_{j1}}{2}) \\ \ddot{q}(t) = j_{max} T_{j1} = a_{lima} \\ \ddot{q}(t) = 0 \end{cases}$$
(1-17)

 $(3) \quad \mathsf{t} \in [T_a - T_{j1}, T_a]$ 

$$\begin{cases} q(t) = q_0 + (v_{lim} + v_0) \frac{T_a}{2} - v_{lim} (T_a - t) - j_{min} \frac{(T_a - t)^3}{6} \\ \dot{q}(t) = v_{lim} + j_{min} \frac{(T_a - t)^2}{2} \\ \ddot{q}(t) = -j_{min} (T_a - t) \\ \ddot{q}(t) = -j_{max} \end{cases}$$
(1-18)

匀速段

4) 
$$t \in [T_a, T_a + T_v]$$

$$\begin{cases} q(t) = q_0 + (v_{lim} + v_0) \frac{T_d}{2} - v_{lim} (T_a - t) \\ \dot{q}(t) = v_{lim} \\ \ddot{q}(t) = 0 \\ \ddot{q}(t) = 0 \end{cases}$$
 (1-19)

减速段

5) 
$$t \in [T - T_d, T - T_d + T_{i2}]$$

$$\begin{cases} q(t) = q_1 - (v_{lim} + v_1) \frac{T_d}{2} + v_{lim} (T_d + t - T) \\ -j_{max} \frac{(T_d + t - T)^3}{6} \\ \dot{q}(t) = v_{lim} - j_{max} \frac{(T_d + t - T)^2}{2} \\ \ddot{q}(t) = -j_{max} (T_d + t - T) \\ \ddot{q}(t) = -j_{max} \end{cases}$$
(1-20)

6) 
$$t \in [T - T_d + T_{j2}, T - T_{j2}]$$

$$\begin{cases} q(t) = q_{1} - (v_{lim} + v_{1}) \frac{T_{d}}{2} + v_{lim}(T_{d} + t - T) + \\ \frac{a_{limd}}{6} (3(T_{d} + t - T)^{2} - 3T_{j2}(T_{d} + t - T) + T_{j1}^{2}) \\ \dot{q}(t) = v_{lim} + a_{limd}(T_{d} + t - T - \frac{T_{j2}}{2}) \\ \ddot{q}(t) = -j_{max}T_{j2} = a_{limd} \\ \ddot{q}(t) = 0 \end{cases}$$

$$(1-21)$$

7) 
$$t \in [T - T_{i2}, T]$$

$$\begin{cases} q(t) = q_1 - v_1(T - t) - j_{max} \frac{(T - t)^3}{6} \\ \dot{q}(t) = v_1 + j_{max} \frac{(T - t)^2}{2} \\ \ddot{q}(t) = -j_{max}(T - t) \\ \ddot{q}(t) = j_{max} \end{cases}$$
(1-22)

以上的方法都是在 q1>q0 的情况下计算的, 当 q1<q0 时,必须要考虑相反符号的速度 加速度等。

一般情况下,我们给定初始和终止位置,初速度和末速度  $(\hat{q}_0, \hat{q}_1, \hat{v}_0, \hat{v}_1)$ ,我们必须在计算前把这些参数做一些整理:

$$q_0=\sigma\hat{q}_0$$
 ,  $q_1=\sigma\hat{q}_1$  ,  $v_0=\sigma\hat{v}_0$  ,  $v_1=\sigma\hat{v}_1$  
$$\sigma=\mathrm{sign}(\hat{q}_0-\hat{q}_1)$$

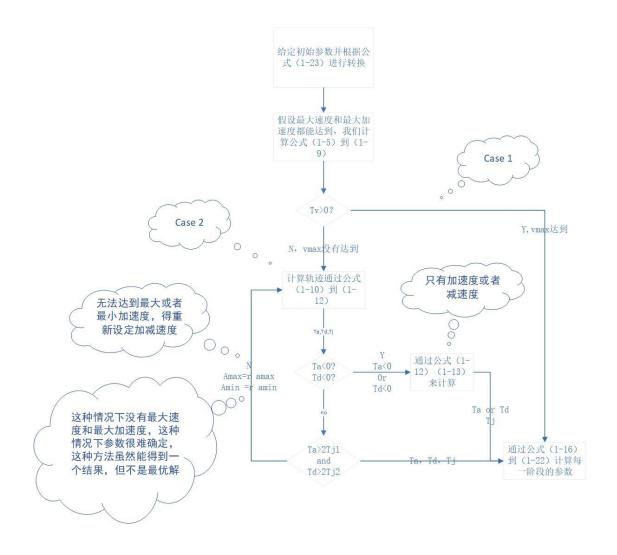
同样,速度和加速度以及加加速度的最大值和最小值都得改变:

$$\begin{cases} v_{max} = \frac{(\sigma+1)}{2} \, \hat{v}_{max} + \frac{(\sigma-1)}{2} \, \hat{v}_{min} \\ v_{min} = \frac{(\sigma+1)}{2} \, \hat{v}_{min} + \frac{(\sigma-1)}{2} \, \hat{v}_{max} \\ a_{max} = \frac{(\sigma+1)}{2} \, \hat{a}_{max} + \frac{(\sigma-1)}{2} \, \hat{a}_{min} \\ a_{min} = \frac{(\sigma+1)}{2} \, \hat{a}_{min} + \frac{(\sigma-1)}{2} \, \hat{a}_{max} \\ j_{max} = \frac{(\sigma+1)}{2} \, \hat{j}_{max} + \frac{(\sigma-1)}{2} \, \hat{j}_{min} \\ j_{min} = \frac{(\sigma+1)}{2} \, \hat{j}_{min} + \frac{(\sigma-1)}{2} \, \hat{j}_{max} \end{cases}$$
(1-24)

同样计算结果也得变化一下:

$$\begin{cases} q(t) = \sigma q(t) \\ \dot{q}(t) = \sigma \dot{\hat{q}}(t) \\ \ddot{q}(t) = \sigma \ddot{\hat{q}}(t) \\ \ddot{q}(t) = \sigma \ddot{\hat{q}}(t) \end{cases}$$

## 3 阶轨迹流程图



这种 3 阶轨迹求解方法公式推导比较麻烦,但是在求各个采样时间的参数时,加速度,速度,位移等参数不需要全部求出也能计算,每个时间点内这几个参数在求解时没有必要的联系,所以计算时比较简单。并且在 Case2 中,当无法达到最大加速度时,通过降低最大加速度来得到一个解,这使得所得到的轨迹规划时间通常不是最优解

```
代码
%%
%计算(1-1)(1-2)
T1=sqrt(abs(InParam.v1-InParam.v0)/InParam.jmax);
T2=InParam.amax/InParam.jmax;
Tjs=min(T1,T2);
if(T1<=T2)
   Dq=InParam.q1-InParam.q0;
   if(Dq<Tjs*(InParam.v0+InParam.v1))</pre>
disp('λÒÆ¹ýĐ¡f¬²» ´æÔÚÂú×ã'ÄΘËÙ¶ÈμĹì¼£f;³ÌĐòÍ˳ö¡f');
       return;
   end
else
   Dq=InParam.q1-InParam.q0;
   if(Dq<0.5*(InParam.v0+InParam.v1)*(Tjs+abs(InParam.v1-</pre>
InParam.v0)/InParam.amax))
disp('î»ÒƹýÐ;£¬²» ´æÔÚÂú×ã'Ä©ËٶȵĹì¼££;³ÌĐòÍ˳Ö;£');
       return;
   end
end
%%
%判断轨迹参数,分类讨论
if((InParam.vmax-InParam.v0)*InParam.jmax<InParam.amax^2)</pre>
   %(1-5)无法达到最大加速度
   Tj1=sqrt((InParam.vmax-InParam.v0)/InParam.jmax);
   Ta=2*Ti1;
   Param.alima=InParam.jmax*Tj1;
else
   %(1-6)能达到最大加速度
   Tj1=InParam.amax/InParam.jmax;
   Ta=Tj1+(InParam.vmax-InParam.v0)/InParam.amax;
   Param.alima=InParam.amax;
end
if((InParam.vmax-InParam.v1)*InParam.jmax<InParam.amax^2)</pre>
   %(1-7)
   Tj2=sqrt((InParam.vmax-InParam.v1)/InParam.jmax);
```

```
Td=2*Tj2;
   Param.alimd=-InParam.jmax*Tj2;
else
    %(1-8)
   Tj2=InParam.amax/InParam.jmax;
   Td=Tj2+(InParam.vmax-InParam.v1)/InParam.amax;
   Param.alimd=-InParam.amax;
end
% (1-9) 计算Tv
Tv=(InParam.q1-InParam.q0)/InParam.vmax-
Ta/2*(1+InParam.v0/InParam.vmax)-...
   Td/2*(1+InParam.v1/InParam.vmax);
if(Tv>0)
   %case1,能达到最大速度
%
   %{
   Tj1=ceil(Tj1/0.0002)*0.0002;
   Tj2=ceil(Tj2/0.0002)*0.0002;
   Ta=ceil(Ta/0.0002)*0.0002;
   Tv=ceil(Tv/0.0002)*0.0002;
   Td=ceil(Td/0.0002)*0.0002;
%
    %}
   Param.vlim=InParam.vmax;
   Param.jmax=InParam.jmax;
   Param.jmin=InParam.jmin;
   Param.Tj1=Tj1;
   Param. Ta=Ta;
   Param.Tj2=Tj2;
   Param.Td=Td;
   Param.T=Ta+Tv+Td;
   Param.Tv=Tv;
Param.La=Param.v0*Ta+0.5*Param.jmax*Tj1*(2*Tj1^2+3*Tj1*(Ta
-2*Tj1)+(Ta-2*Tj1)^2);
   Param.Lv=Param.vlim*Param.Tv;
   Param.Ld=Param.vlim*Td-
0.5*Param.jmax*Tj2*(2*Tj2^2+3*Tj2*(Td-2*Tj2)+(Td-
2*Tj2)^2);
   return;
else
  % case2,无法达到最大速度
  Tv=0;
```

```
Param.Tv=Tv;
  %计算(1-10) - (1-12)
  Tj=InParam.amax/InParam.jmax;
  Tj1=Tj;
  Tj2=Tj;
Delta=InParam.amax^4/InParam.jmax^2+2*(InParam.v0^2+InPara
m.v1^2)+InParam.amax*...
      (4*(InParam.q1-InParam.q0)-
2*InParam.amax/InParam.jmax*(InParam.v0+InParam.v1));
  Ta=(InParam.amax^2/InParam.jmax-
2*InParam.v0+sqrt(Delta))/(2*InParam.amax);
  Td=(InParam.amax^2/InParam.jmax-
2*InParam.v1+sqrt(Delta))/(2*InParam.amax);
  if(Ta>2*Tj && Td>2*Tj)
      %能达到最大加速度
      Tj1=ceil(Tj1/0.0002)*0.0002;
      Tj2=ceil(Tj2/0.0002)*0.0002;
      Ta=ceil(Ta/0.0002)*0.0002;
      Td=ceil(Td/0.0002)*0.0002;
      Param.Tj1=Tj1;
      Param.Tj2=Tj2;
      Param.Ta=Ta;
      Param.Td=Td;
      Param.T=Ta+Tv+Td;
      Param.alima=InParam.amax;
      Param.alimd=-InParam.amax;
      Param.vlim=InParam.v0+(Ta-Tj1)*Param.alima;
Param.La=Param.v0*Ta+0.5*Param.jmax*Tj1*(2*Tj1^2+3*Tj1*(Ta
-2*Tj1)+(Ta-2*Tj1)^2);
   Param.Lv=Param.vlim*Param.Tv;
   Param.Ld=Param.vlim*Td-
0.5*Param.jmax*Tj2*(2*Tj2^2+3*Tj2*(Td-2*Tj2)+(Td-
2*Tj2)^2);
      return;
  else
      %达不到最大加速度,通过减小最大加速度来达到要求
      gamma=0.99;
```

```
amax=InParam.amax;
      %不断循环以达到要求
      while(Ta<2*Tj || Td<2*Tj)</pre>
          if(Ta>0 && Td>0)
              amax=gamma*amax;
              %计算(1-10)- (1-12)
              Tj=amax/InParam.jmax;
              Tj1=Tj;
              Tj2=Tj;
Delta=amax^4/InParam.jmax^2+2*(InParam.v0^2+InParam.v1^2)+
amax*...
                  (4*(InParam.q1-InParam.q0)-
2*amax/InParam.jmax*(InParam.v0+InParam.v1));
              Ta=(amax^2/InParam.jmax-
2*InParam.v0+sqrt(Delta))/(2*amax);
              Td=(amax^2/InParam.jmax-
2*InParam.v1+sqrt(Delta))/(2*amax);
          else
              %没有加速度
              if(Ta<=0)
                 Ta=0;
                 Tj1=0;
                 %计算(1-12)- (1-13)
                 Td=2*(InParam.q1-
InParam.q0)/(InParam.v0+InParam.v1);
                 num=InParam.jmax*(InParam.q1-
InParam.q0)-...
sqrt(InParam.jmax*(InParam.jmax*(InParam.q1-
InParam.q0)^2+...
(InParam.v1+InParam.v0)^2*(InParam.v1-InParam.v0)));
den=InParam.jmax*(InParam.v1+InParam.v0);
                 Tj2=num/den;
              elseif(Td<=0)</pre>
                 Td=0;
```

```
Tj2=0;
                 %计算(1-14)(1-15)
                 Ta=2*(InParam.q1-
InParam.q0)/(InParam.v0+InParam.v1);
                  num=InParam.jmax*(InParam.q1-
InParam.q0)-...
sqrt(InParam.jmax*(InParam.jmax*(InParam.q1-
InParam.q0)^2-...
(InParam.v1+InParam.v0)^2*(InParam.v1-InParam.v0)));
den=InParam.jmax*(InParam.v1+InParam.v0);
                 Tj1=num/den;
              end
              Tj1=ceil(Tj1/0.0002)*0.0002;
              Tj2=ceil(Tj2/0.0002)*0.0002;
              Ta=ceil(Ta/0.0002)*0.0002;
              Td=ceil(Td/0.0002)*0.0002;
              Param.Tj1=Tj1;
              Param.Tj2=Tj2;
              Param.Ta=Ta;
              Param.Td=Td;
              Param.T=Ta+Tv+Td;
              Param.alima=InParam.jmax*Tj1;
              Param.alimd=-InParam.jmax*Tj2;
              Param.vlim=InParam.v0+(Ta-Tj1)* Param.alima;
Param.La=Param.v0*Ta+0.5*Param.jmax*Tj1*(2*Tj1^2+3*Tj1*(Ta
-2*Tj1)+(Ta-2*Tj1)^2);
   Param.Lv=Param.vlim*Param.Tv;
   Param.Ld=Param.vlim*Td-
0.5*Param.jmax*Tj2*(2*Tj2^2+3*Tj2*(Td-2*Tj2)+(Td-
2*Tj2)^2);
              return;
          end
      end
      Tj1=ceil(Tj1/0.0002)*0.0002;
      Tj2=ceil(Tj2/0.0002)*0.0002;
```

```
Ta=ceil(Ta/0.0002)*0.0002;
      Td=ceil(Td/0.0002)*0.0002;
      Param.Tj1=Tj1;
      Param.Tj2=Tj2;
      Param.Ta=Ta;
      Param.Td=Td;
      Param.T=Ta+Tv+Td;
      Param.alima=InParam.jmax*Tj1;
      Param.alimd=-InParam.jmax*Tj2;
      Param.vlim=InParam.v0+(Ta-Tj1)* Param.alima;
Param.La=Param.v0*Ta+0.5*Param.jmax*Tj1*(2*Tj1^2+3*Tj1*(Ta
-2*Tj1)+(Ta-2*Tj1)^2);
   Param.Lv=Param.vlim*Param.Tv;
   Param.Ld=Param.vlim*Td-
0.5*Param.jmax*Tj2*(2*Tj2^2+3*Tj2*(Td-2*Tj2)+(Td-
2*Tj2)^2);
   return;
  end
end
end
```