北京建筑大学

理学院 信息与计算科学专业 实验报告

课程名称 <u>《数据分析》</u> 实验名称 <u>方差分析与非参数检验</u> 日 期 <u>2020. 4. 24</u> 班级 <u>信171</u> 姓名 <u>李金哲</u> 学号 <u>201707010119</u> 指导教师 <u>王恒友</u> 成绩 __

【实验目的】

- (1) 熟悉数据的基本统计与非参数检验分析方法;
- (2) 熟悉撰写数据分析报告的方法:
- (3) 熟悉常用的数据分析软件SPSS。

【实验要求】

根据各个题目的具体要求,完成实验报告。

【实验任务及结果与分析】

1、附件给出某年房屋价格的相关数据,请选用恰当的分析方法, 对影响房屋价格的因素进行分析。(注意数据要调整成标准的格式, 变量值、组别(字符变量转换成数值变量))(单因素方差分析选择其 中两个因素分别进行分析、双因素方差分析选择其中任一对因素即可)

● 实验操作

- (1) 选择菜单: "分析"->"比较均值"->"单因素 ANOVA";
- (2) 选择观测变量"均价"到"因变量列表"框中;
- (3)选择控制变量"环线位置"和"装修状况"先后添加到"因子"框中。



图1.1 "单因素方差分析"操作界面

分析结果如表1-1(a)和1-1(b)所示。

表1-1(a) 环线位置对均价影响的单因素方差分析结果

| ANOVA | | | | | | | | |
|-------|------------------|-----|---------|---------|-------|--|--|--|
| | 均价 | | | | | | | |
| | 平方和 自由度 均方 F 显著性 | | | | | | | |
| 组间 | 112. 120 | 4 | 28. 030 | 25. 344 | . 000 | | | |
| 组内 | 197. 974 | 179 | 1. 106 | | | | | |
| 总计 | | | | | | | | |

表1-1(b) 装修状况对均价影响的单因素方差分析结果

| ANOVA | | | | | | | |
|-------|------------------|-----|---------|---------|-------|--|--|
| 均价 | | | | | | | |
| | 平方和 自由度 均方 F 显著性 | | | | | | |
| 组间 | 79. 180 | 1 | 79. 180 | 62. 408 | . 000 | | |
| 组内 | 230. 914 | 182 | 1. 269 | | | | |
| 总计 | 总计 310.094 183 | | | | | | |

表1-1(a)是环线位置对均价影响单因素方差分析结果。可以看到:如果仅考虑环线位置单个因素的影响,则均价总变差310.094中环线位置可解释的变差为112.120,抽样误差引起的变差为197.974,它们的方差分别为28.030和1.106,相除所得的F统计量的观测值为25.34,对应的概率P值近似为0。如果显著性水平 a 为0.05,由于概率P值小于显著性水平 a ,应拒绝原假设,认为环线位置对均价的平均值产生了显著影响,不同环线位置对均价的影响效应不全为0。

表1-1(b)是装修状况对均价影响的单因素方差分析结果。可以看到:观测变量均价的离差平方总和为310.094;如果仅考虑装修状况单个因素的影响,则均价总变差中,装修状况可解释的变差为79.180,抽样误差引起的变差为230.914,它们的方差分别为79.180和1.269,相除所得的F统计量的观测值为62.408,对应的概率P值近似为0。如果显著性水平 a 为0.05,由于概率P值小于显著性水平 a ,应拒绝原假设,认为装修状况对均价的平均值产生了显著影响,不同装修状况对均价的影响效应不全为0。

对以上两个单因素进行进一步分析:

• 具体操作:

- (1) 在图1.1所示窗口中点击"选项"按钮,结果如图1.2所示。
- (2) 在图1.2所示的窗口中,选择"描述性"、"方差同质性检验"和"平均值图"选项,"缺失值"选择"按分析顺序排除个案"。

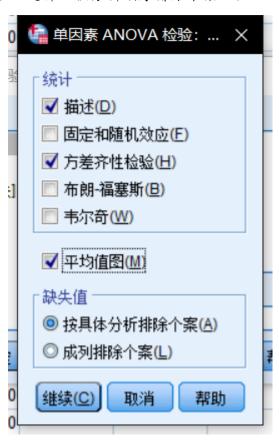


图1.2 "单因素方差分析:选项"操作界面

分析结果如表1-2(a)、1-2(b)、1-2(c)和1-2(d)所示。

表1-2(a) 环线位置对均价的基本描述统计量及95%置信区间

| 描述 |
|----|
| 均价 |

| | | | | | 平均值的 95% 置信区间 | | | |
|-------|-----|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|
| | 个案数 | 平均值 | 标准差 | 标准误差 | 下限 | 上限 | 最小值 | 最大值 |
| 1.00 | 26 | 4. 338461538000 | . 9924019040000 | . 1946260260000 | 3. 937621735000 | 4. 739301342000 | 2. 500000000000 | 6. 300000000000 |
| | | 001 | 00 | 00 | 001 | 000 | 000 | 001 |
| 2. 00 | 60 | 3. 686833333000 | 1. 549060395000 | . 1999828370000 | 3. 286668601000 | 4. 086998066000 | 1. 800000000000 | 8. 600000000000 |
| | | 000 | 000 | 00 | 000 | 001 | 000 | 001 |
| 3. 00 | 30 | 3. 194333333000 | . 6638429570000 | . 1212005870000 | 2. 946450299000 | 3. 442216367000 | 2. 200000000000 | 4. 400000000000 |
| | | 000 | 00 | 00 | 000 | 000 | 000 | 000 |
| 4. 00 | 60 | 2. 416833333000 | . 5473216500000 | . 0706589212000 | 2. 275445159000 | 2. 558221508000 | 1. 600000000000 | 3. 900000000000 |
| | | 000 | 00 | 00 | 000 | 000 | 000 | 000 |
| 5. 00 | 8 | 1. 347500000000 | . 4346344930000 | . 1536664990000 | . 9841364700000 | 1. 710863530000 | . 8000000000000 | 1. 800000000000 |
| | | 000 | 00 | 00 | 00 | 000 | 00 | 000 |
| 总计 | 184 | 3. 182771739000 | 1. 301730430000 | . 0959648405000 | 2. 993431965000 | 3. 372111513000 | . 8000000000000 | 8. 600000000000 |
| | | 000 | 000 | 00 | 000 | 000 | 00 | 001 |

表1-2(a)中, "1" "2" "3" "4" "5"分别对应环线 "2至3环" "3至4环" "4至5环" "5至6环" "6环以外"在5个环线中各有26、60、30、60、8个样本。2至3环的均价最高,3至4环与4至5环居中,5至6环其次,6环以外最低。这些结论同样可在图1.3中印证。

表1-2(b) 不同环线位置的方差齐性检验结果

| 方差齐性检验 | | | | | | | |
|--------|-------|-------|-------|--|--|--|--|
| 均价 | 均价 | | | | | | |
| 莱文统计 | 自由度 1 | 自由度 2 | 显著性 | | | | |
| 7. 970 | 4 | 179 | . 000 | | | | |

表1-2(b)表明,如果显著性水平α为0.05,由于概率P值小于显著性水平α, 因此应拒绝原假设,认为不同环线下对均价的总体方差有显著差异。

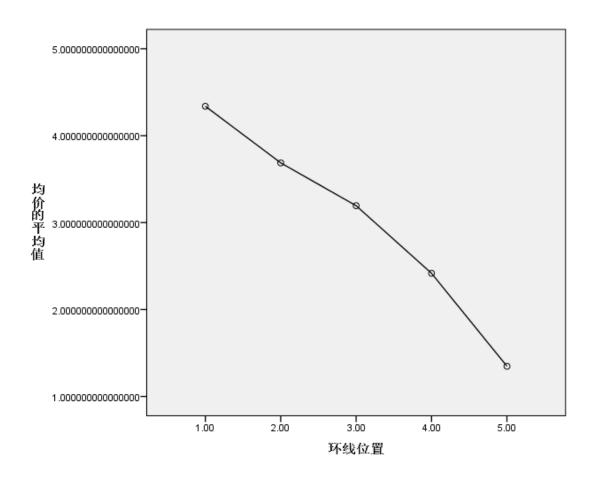


图1.3(a) 不同环线位置均价的均值折线图

表1-2(c) 装修状况对均价的基本描述统计量及95%置信区间

| | 描述 | | | | | | | | | |
|-------|-----|-------------|-------------|-------------|---------------|-------------|-------------|-------------|--|--|
| 均价 | 9价 | | | | | | | | | |
| | | | | | 平均值的 95% 置信区间 | | | | | |
| | 个案数 | 平均值 | 标准差 | 标准误差 | 下限 | 上限 | 最小值 | 最大值 | | |
| 1.00 | 84 | 2. 46702381 | . 579667083 | . 063246863 | 2. 34122834 | 2. 59281927 | . 800000000 | 3. 90000000 | | |
| | | 0000000 | 000000 | 900000 | 1000000 | 8000000 | 000000 | 0000000 | | |
| 2. 00 | 100 | 3. 78400000 | 1. 43204452 | . 143204452 | 3. 49985129 | 4. 06814870 | 1. 00000000 | 8. 60000000 | | |
| | | 0000000 | 3000000 | 000000 | 8000000 | 2000000 | 0000000 | 0000001 | | |
| 总计 | 184 | 3. 18277173 | 1. 30173043 | . 095964840 | 2. 99343196 | 3. 37211151 | . 800000000 | 8. 60000000 | | |
| | | 9000000 | 0000000 | 500000 | 5000000 | 3000000 | 000000 | 0000001 | | |

表1-2(c)表明,在2个装修状况下下分别有84、100两个样本。"2"即"精装修"的平均均价高于"1"即"毛胚"可在图1-3(b)中得到印证。

表1-2(d) 装修状况方差齐性检验结果

| 方差齐性检验 | | | | | |
|---------|-------|-------|-------|--|--|
| 均价 | | | | | |
| 莱文统计 | 自由度 1 | 自由度 2 | 显著性 | | |
| 28. 807 | 1 | 182 | . 000 | | |

表1-2(d)表明,如果显著性水平 a 为0.05,由于概率P值大于显著性水平 a, 因此应拒绝原假设,认为装修状况对均价的总体方差有显著差异。

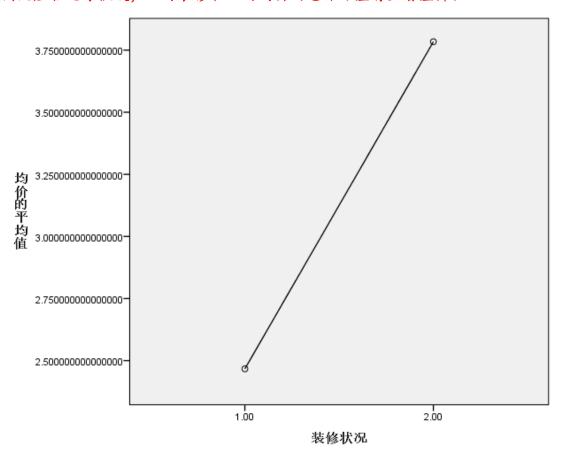


图1.3(b) 装修状况的均价的均值折线图

将以上两个单因素配对进行多因素分析:

• 具体操作:

- (1) 选择菜单: "分析"->"一般线性模型"->"单变量";
- (2) 将"均价"添加到"因变量"框中;
- (3) 将"环线位置"和"装修状况"添加到"固定因子"框中。



图1.5 "多因素"操作界面

分析结果如表1-3所示。

表1-3 均价多因素方差分析结果

| 主体间效应检验 | | | | | | | | | | |
|-------------------|--------------|----------|-----------|----------|-------|--|--|--|--|--|
| | 因变量: 均价 | | | | | | | | | |
| 源 | 类平方和 | 自由度 | 均方 | F | 显著性 | | | | | |
| 修正模型 | 146. 478° | 9 | 16. 275 | 17. 308 | . 000 | | | | | |
| 截距 | 590. 549 | 1 | 590. 549 | 628. 029 | . 000 | | | | | |
| 环线位置 | 47. 605 | 4 | 11. 901 | 12. 657 | . 000 | | | | | |
| 装修状况 | 15. 435 | 1 | 15. 435 | 16. 414 | . 000 | | | | | |
| 环线位置 * 装修状况 | 6. 849 | 4 | 1. 712 | 1. 821 | . 127 | | | | | |
| 误差 | 163. 616 | 174 | . 940 | | | | | | | |
| 总计 | 2174. 021 | 184 | | | | | | | | |
| 修正后总计 310.094 183 | | | | | | | | | | |
| | a. R 方 = .47 | 72(调整后 R | 方 = .445) | | | | | | | |

表1-3中,可以看到:观测变量的总变差SST为310.094,它被分解为三个部分,分别是:由有环线位置引起的变差47.605,由装修状况引起的变差15.435,由有环线位置和装修状况交互作用引起的变差6.849,由随机因素引起的变差163.616。这些变差除以各自的自由度后,得到各自的方差,并可计算出各F检验统计量的观测值和一定自由度下的概率P值,均为0。如果显著性水平 a 为0.05,对于环线位置而言,由于其概率P值小于显著性水平 a ,所以应拒绝原假设,可以认为不同环线位置的均价总体均值存在显著差异,对于装修状况而言,由于其概率P值小于显著性水平 a ,所以应拒绝原假设,可以认为表修状况的均价总体均值存在显著差异。该结论与单因素方差分析是一致的。但由于环线位置和

装修状况交互作用的概率P值大于显著性水平α,因此不应拒绝原假设,可以认为环线位置和装修状况没有对均价产生显著的交互作用,不同装修状况的房屋周边的环线位置都不会对均价产生显著影响。

2、附件给出管理才能评分的相关数据,请选用恰当的分析方 法,分析该评分数据是否服从正态分布。

• 具体操作:

- (1) 选择菜单: "分析"→"非参数检验"→"旧对话框"→"单样本K-S";
- (2) 选择"管理才能评分"到"检验变量列表"框中;
- (3) 在"检验分布"选择"正态"。



图2.1 "单样本K-S"操作界面

分析结果如表2-1所示

表2-1 管理才能评分总体分布的K-S检验结果

| 单样本柯尔 | 单样本柯尔莫戈洛夫-斯米诺夫检验 | | | | | |
|---------------------|------------------|-----------|--|--|--|--|
| | | 管理才能评分 | | | | |
| 个案数 | | 90 | | | | |
| 正态参数 ^{a,b} | 平均值 | 487. 6778 | | | | |
| | 标准差 | 88. 28005 | | | | |
| 最极端差值 | 绝对 | . 066 | | | | |
| | 正 | . 066 | | | | |
| | 负 | 041 | | | | |
| 检验统计 | | . 066 | | | | |
| 渐近显著性 (对 | 又尾) | . 200°, d | | | | |
| a. 检验分布为 | | | | | | |
| b. 根据数据计 | | | | | | |
| c. 里利氏显著 | | | | | | |
| d. 这是真显著 | 性的下限。 | | | | | |

表2-1表明,数据的均值为487.6778,标准差为88.28005。最大绝对差值为0.066,最大正差为0.066,最小负差为-0.041,概率P值为0.200。如果显著性

水平 α 为0.05,由于其概率P值大于显著性水平 α,所以**不应拒绝原假设,认为** 该评分数据的总体分布为正态分布的假设。

3、附件给出了某体育比赛的两位裁判打分数据,请选用恰当的分析 方法,检验该两组评分分布是否有显著差异。(注意数据要调整成标 准的格式,变量值、组别)

• 具体操作:

- (1) 选择"分析"->"非参数检验"->"旧对话框"->"2个独立样本"来对数据进行分析。
 - (2) 选择"得分"到"检验变量列表"框中:
- (3) 选择选择"组别"到"分组变量"框中并给定义组中的两个组标记"1"和"2";
 - (4) 在"检验类型"中选择"曼-惠特尼U检验"。



图3.1 "U检验"操作界面

| 秩 | | | | | | | |
|----|----|-----|--------|---------|--|--|--|
| | 组别 | 个案数 | 秩平均值 | 秩的总和 | | | |
| 得分 | 中国 | 31 | 27. 77 | 861. 00 | | | |
| | 美国 | 29 | 33. 41 | 969. 00 | | | |
| | 总计 | 60 | | | | | |

表3-1(a) 裁判打分的U检验结果

表3-1(a)中,可以看到:从1、2两组中,即中美裁判中分别抽取了31和29个样本两个秩和分别为861和969:W统计量应采取美国裁判的秩和Wx:

表3-1 (b) 裁判打分的U检验结果

| 检验统计° | | | | |
|-------------|----------|--|--|--|
| | 得分 | | | |
| 曼-惠特尼 U | 365. 000 | | | |
| 威尔科克森 W | 861. 000 | | | |
| Z | -1. 253 | | | |
| 渐近显著性(双尾) | . 210 | | | |
| a. 分组变量: 组别 | | | | |

表3-1(b)中,U,Z统计量分别为365和-1.253。由于是小样本,因此采用U统计量的精确概率。如果显著性水平 a 为0.05,由于其概率P-值大于显著性水平 a,所以不拒绝原假设,认为中美裁判打分不存在显著差异。

4、附件给出了减肥茶数据,请选用恰当方法分析,检验该减肥茶是 否对减肥有显著效果。(注意数据要调整成标准的格式,变量值、组 别)

• 具体操作:

- (1) 选择"分析"->"非参数检验"->"旧对话框"->"2个相关样本"来对数据进行分析。
 - (2) 选择"喝茶前体重"和"喝茶后体重"到"检验对"框中:
 - (3) 在"检验类型"中选择"威尔科克森"。



图4.1 "两个关联样本检验"操作界面

分析结果如表4-1(a)、4-1(b)所示。

表4-1(a) 喝茶前后体重两配对样本威尔克特森检验结果

| 秩 | | | | | | | | |
|-----------------|-----|----------------|--------|----------|--|--|--|--|
| | | 个案数 | 秩平均值 | 秩的总和 | | | | |
| 喝后体重 - 喝茶前体重 | 负秩 | 44ª | 23. 38 | 1028. 50 | | | | |
| | 正秩 | 1 ^b | 6. 50 | 6. 50 | | | | |
| | 绑定值 | 0° | | | | | | |
| | 总计 | 45 | | | | | | |
| a. 喝后体重 < 喝茶前体重 | | | | | | | | |
| b. 喝后体重 > 喝茶前体重 | | | | | | | | |
| c. 喝后体重 = 喝茶前体 | 重 | | | | | | | |

由表4-1(a) 可知, 负号秩总和为44, 意味着喝茶后体重低于喝茶前体重的有44人, 正号秩总和为1, 表明体重远高于喝茶前的有1人。

表4-1(b) 喝茶前后体重两配对样本威尔克特森检验结果

| 检验统计 ^a | |
|-------------------|----------------------|
| | 喝后体重 - 喝茶前体重 |
| Z | −5. 771 ^b |
| 渐近显著性 (双尾) | . 000 |
| a. 威尔科克森符号秩检验 | |
| b. 基于正秩。 | |

由表4-1(b)可知,双侧的二项分布累计概率为0。如果显著性水平α为 0.05,由于其概率P-值小于显著性水平α,所以**拒绝原假设,认为喝减肥茶前** 后的体重分布有显著差异,喝减肥茶有显著效果。