

Př: 86/69:

69. Určete odchylku  $\alpha$  přímek

a)  $2x + y - 5 = 0$  a  $6x - 2y + 7 = 0$ ;

b)  $x_1 = 2 + t, x_2 = 3 - t$  a  $2x + 4y - 1 = 0$ .

a)  $\vec{n}_p = (2; 1); \vec{n}_q = (6; -2)$

$$|\angle p, q| = \arccos \frac{|12 - 2|}{\sqrt{5} \cdot \sqrt{40}} = \arccos \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{\pi}{4}$$

b)  $\vec{u} = (1; -1); \vec{n}_q = (2; 4) \sim (1; 2)$

$$|\angle p, q| = \arcsin \frac{|1 - 2|}{\sqrt{2} \cdot \sqrt{5}} = \arcsin \frac{\sqrt{10}}{10}$$

Př: 86/70:

70. Určete rovnici přímky, která má od přímky  $x - 2y + 3 = 0$  odchylku  $30^\circ$  a prochází jejím průsečíkem s osou  $y$ .

$$\vec{n} = (1; -2)$$

$$\text{Otočím o } +30^\circ: \vec{n}_1 = \vec{n} \cdot e^{i\frac{\pi}{6}} = (1 - 2i) \cdot \left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \left(\frac{\sqrt{3}}{2} + 1\right) + \left(\frac{1}{2} - \sqrt{3}\right)i$$

$$p_1: (\sqrt{3} + 2)x + (1 - 2\sqrt{3})y + c_1 = 0$$

$$A[0; \frac{3}{2}] \in p_1 \Rightarrow -\frac{3}{2}(-2\sqrt{3} + 1) = c_1$$

$$p_1: (2\sqrt{3} + 4)x + (-4\sqrt{3} + 2) + (6\sqrt{3} - 3) = 0$$

$$\text{Otočím o } -30^\circ: \vec{n}_1 = \vec{n} \cdot e^{-i\frac{\pi}{6}} = (1 - 2i) \cdot \left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = \left(\frac{\sqrt{3}}{2} - 1\right) + \left(-\frac{1}{2} - \sqrt{3}\right)i$$

$$p_1: (\sqrt{3} - 2)x + (-1 - 2\sqrt{3})y + c_2 = 0$$

$$A[0; \frac{3}{2}] \in p_1 \Rightarrow -\frac{3}{2}(-2\sqrt{3} - 1) = c_1$$

$$p_2: (2\sqrt{3} - 4)x + (-4\sqrt{3} - 2)y + (6\sqrt{3} + 3) = 0$$

Př: 86/71:

71. V rovnoramenném pravouhlém trojúhelníku je dán vrchol ostrého úhlu  $A = (5, 7)$  a přímka  $6x + 4y - 9 = 0$ , ve které leží jedna z odvěsen. Určete rovnice přímek, ve kterých leží zbývající strany trojúhelníku.

$$p: 6x + 4y + 9$$

$$\vec{n}_p = (6; 4) \sim (3; 2)$$

$$6 \cdot 5 + 7 \cdot 4 - 9 \neq 0 \Rightarrow A \notin p \Rightarrow \overleftrightarrow{BC} = p$$

Najdu  $\overleftrightarrow{AC} \perp BC$ :  $\overleftrightarrow{AC} : 2x - 3y + c = 0$   
 $A \in \overleftrightarrow{AC} \Rightarrow 10 - 21 + c = 0 \Rightarrow c = 11$

$$\overleftrightarrow{AC} : 2x - 3y + 11 = 0$$

Najdu  $\overleftrightarrow{AB}$ :

Otočím  $p$  o  $+45^\circ$ :

$$\vec{n}_1 = \vec{n}_p \cdot e^{i\frac{\pi}{4}} = (3 + 2i)\left(\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2}i\right) = \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{5\sqrt{2}}{2}i$$

$$\overleftrightarrow{BC}_1 : x + 5y + d = 0$$

$$A \in \overleftrightarrow{AB}_1 \Rightarrow 5 + 5 \cdot 7 + d = 0 \Rightarrow d = -40$$

$$\overleftrightarrow{BC}_1 : x + 5y - 40 = 0$$

Otočím  $p$  o  $-45^\circ$ :

$$\vec{n}_2 = \vec{n}_p \cdot e^{-i\frac{\pi}{4}} = (3 + 2i)\left(\frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2}i\right) = \frac{5\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2}i$$

$$\overleftrightarrow{BC}_2 : 5x - y + e = 0$$

$$A \in \overleftrightarrow{AB}_2 \Rightarrow 5 \cdot 5 - 7 + e = 0 \Rightarrow e = -18$$

$$\overleftrightarrow{BC}_2 : 5x - y - 18 = 0$$

Př: 86/73:

**73. Určete kosiny vnitřních úhlů trojúhelníku o vrcholech**  
 **$A = (1, 1)$ ,  $B = (-1, 3)$ ,  $C = (3, 1)$ .**

$$\overrightarrow{AB} = (-2, 2) \sin(-1; 1)$$

$$\overrightarrow{BC} = (4, -2) \sin(2; -1)$$

$$\overrightarrow{AC} = (2, 0) \sin(1; 0)$$

$$\cos \alpha = \frac{-1}{\sqrt{2} \cdot \sqrt{1}} = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cos \beta = \frac{2 + 1}{\sqrt{2} \cdot \sqrt{5}} = \frac{3\sqrt{10}}{10}$$

$$\cos \gamma = \frac{2}{\sqrt{5} \cdot \sqrt{1}} = \frac{2\sqrt{5}}{5}$$