2021년도 2학기 바이오빅데이터와데이터마이닝 중간고사 보고서



이화여자대학교 컴퓨터공학과 1871056 한지수

1번 a) 문제 풀이

Apriori 원리에 따라 k=1 조건부터 시작하여 1-itemset → 2-itemset → 3-itemset 순으로 빈발항목집합을 구한다.

k=1	Count	Support(%)
{a}	4	<u>66</u>
{b}	5	<u>83</u>
{c}	4	<u>66</u>
{d}	3	<u>50</u>
{e}	2	33

k=2	Count	Support(%)
{a,b}	4	<u>66</u>
{a,c}	3	<u>50</u>
{a,d}	2	<u>33</u>
{b,c}	4	<u>66</u>
{b,d}	2	33
{c,d}	2	33

k=3	Count	Support(%)
{a,b,c}	3	<u>50</u>
{b,c,d}	2	33
{a,c,d}	1	16

(가지치기 끝 설명)

Support threshold 를 고려하여 이를 만족하는 상위 빈발항목집합은 {b,c}, {a,b,c}이다.

1번 b) 문제 풀이

빈발항목집합 {b,c}, {a,b,c}를 바탕으로 연관규칙을 구합니다.

연관규칙	Confidence
$b \rightarrow c$	$c(b \to c) = \frac{\sigma(\{b, c\})}{\sigma(\{b\})} = \frac{4}{5} = 0.8$
$a \rightarrow bc$	$c(a \to bc) = \frac{\sigma(\{a, b, c\})}{\sigma(\{a\})} = \frac{3}{4} = 0.75$
ab → c	$c(ab \to c) = \frac{\sigma(\{a,b,c\})}{\sigma(\{a,b\})} = \frac{3}{4} = 0.75$
ac → b	$c(ac \to b) = \frac{\sigma(\{a, b, c\})}{\sigma(\{a, b\})} = \frac{3}{4} = 0.75$
b → ac	$c(b \to ac) = \frac{\sigma(\{a, b, c\})}{\sigma(\{b\})} = \frac{3}{5} = 0.6$
bc → a	$c(bc \to a) = \frac{\sigma(\{a, b, c\})}{\sigma(\{b, c\})} = \frac{3}{4} = 0.75$
$c \longrightarrow ab$	$c(c \to ab) = \frac{\sigma(\{a, b, c\})}{\sigma(\{c\})} = \frac{3}{4} = 0.75$

minconf인 60를 만족하는 연관규칙은 다음과 같다.

- $b \rightarrow c$
- a → bc
- $ab \rightarrow c$
- $ac \rightarrow b$
- $b \rightarrow ac$
- bc \rightarrow a
- $c \rightarrow ab$

문제 풀이 방향

Tid	Refund	Marital Status	Taxable Income	Cheat		
1	Yes	Single	125K	No		
2	No	Married	100K	No		
3	No	Single	70K	No		
4	Yes	Married	120K	No		
5	No	Divorced	95K	Yes		
6	No	Married	60K	No		
7	Yes	Divorced	220K	No		
8	No	Single	85K	Yes		
9	No	Married 75K		No		
10	No	Single	90K	Yes		

Cheat 클라스를 예측하기 위한 결정트리를 위해 분기에 사용할 3가지 속성은 다음과 같습니다.

- Refund 명목형 (이진: Yes, No) 속성
- Material Status 명목형 (다중: Single, Married, Divorced) 속성
- Taxable Income (60K~220K) 연속형 속성

이 때 최선의 분할이 되도록 최선의 속성을 고르기 위해서는 셋 중에서 가장 최선의 information gain을 주는 것을 골라야 하며, Material Status는 속성 특성 덕분에 다중 분할이 가능한 점을 고려하면 다음과 같이 6가지 비교가 필요합니다.

- Refund의 이진 분할 속성에서 나오는 Glni(Children) 속성
- Material Status의 Multi-way split({Single},{Married}, {Divorced})의 Gini
- Material Status의 Two-way split의 GINI (3가지 경우)
 - {Single, Married}, {Divorced}
 - {Single, Divorced}, {Married}
 - {Married, Divorced}, {Single}
- •Taxable Income의 GINI 중 split position을 고려한) 가장 낮은 Gini값

즉, 본 문제를 해결하기 위해 위 6가지 경우의 수 GINI 값 구하여 분기마다 최선의 속성을 구하고자 합니다. (Gini값은 소수점 셋째자리에서 버림하여 표현됩니다.)

첫 번째 분기 속성 고르기

1. Refund의 Gini(Children) 속성

		Ch	Gini(t)				
		Yes No					
Refund	Yes	0	3	0			
Refulid	No	3	4	0.489			
Gini = 0.342							

2. Material Status의 ({Single},{Married}, {Divorced})의 Gini

		Ch	Cheat				
		Yes	No	Gini(t)			
	{Single}	2	2	0.5			
Material Statue	{Married}	0	4	0			
	{Divorced}	1	1	0.5			
Gini = <u>0.3</u>							

3. Material Status의 ({Single, Married}, {Divorced})의 Gini

		Ch	Gini(t)				
		Yes	No	Girii(t)			
Material Statue	{S, M}	2	6	0.375			
	{D}	1	1	0.5			
Gini = 0.4							

4. Material Status의 ({Single, Divorced}, {Married}) 의 Gini

		Ch	Gini(t)					
		Yes	No	dirii(t)				
Material	{S, D}	3	3	0.5				
Statue	{M}	0	4	0				
Gini = <u>0.3</u>	Gini = <u>0.3</u>							

5. Material Status의 ({Married, Divorced}, {Single}) 의 Gini

		Ch	Gini(t)		
		Yes	No	Girii(t)	
Material Statue	{M, D}	1	5	0.277	
	{S}	2	2	0.5	
Gini = 0.3	66				

6. Taxable Income의 Gini 중 split position을 고려한) 가장 낮은 Gini

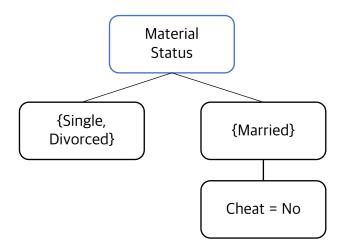
Sorted Value		60		7	0	7	5	8	5	9	0	9	5	1(00	12	20	12	25		220	
Conlid	5	5	6	5	7	2	8	0	8	7	9	2	9	7	11	10	12	22	17	72	23	30
Split Position	<=	>	<=	>	<=	^	\=	>	<=	>	\=	>	\=	>	\=	>	<=	>	\=	^	<=	>
Yes	0	3	0	3	0	3	1	2	2	1	3	0	3	0	3	0	3	0	3	0	3	0
No	0	7	1	6	2	5	3	4	3	4	3	4	3	4	4	3	5	2	6	1	7	0
GINI	0.4	20	0.4	100	0.3	375	0.3	43	0.4	17	0.4	00	0.3	800	0.3	43	0.3	375	0.4	00	0.4	20

Tid	Refund	Marital Status	Taxable Income	Cheat
1	Yes	Single	125K	No
2	No	Married	100K	No
3	No	Single	70K	No
4	Yes	Married	120K	No
5	No	Divorced	95K	Yes
6	No	Married	60K	No
7	Yes	Divorced	220K	No
8	No Single		Single 85K	
9	No	Married 75K		No
10	No	Single	90K	Yes

두 번째 분기 속성 고르기

- ⇒ 결론. 가장 낮은 Gini Index를 가지는 경우의 수는 다음과 같다.
- 2. Material Status♀ ({Single},{Married}, {Divorced})
- 4. Material Status♀ ({Single, Divorced}, {Married})
- 6. Taxable Income ({≤97},{>97})

본 문제에서는 4번을 고르기로 결정하였으며, 이에 따라 만들어지는 결정트리는 다음과 같다.



두 번째 분기 속성 고르기 Marital Status의 {Single, Divorced}인 해당되는 instance인 1,3,5,7,8,10에 대하여 속성을 고르고자 한다.

1. Refund의 Gini(Children) 속성

		Ch	eat	Gini(t)
		Yes	No	Girii(t)
Refund	Yes	0	2	0
Refulid	No	3	1	0.375
Gini = 0.2	5			

2. Material Status의 ({Single}, {Divorced})의 Gini

		Ch	eat	Gini(t)		
		Yes	No	Girii(t)		
Material	{Single}	2	2	0.5		
Statue	{Divorced}	1	1	0.5		
Gini = 0.5						

3. Taxable Income의 Gini 중 split position을 고려한) 가장 낮은 Gini

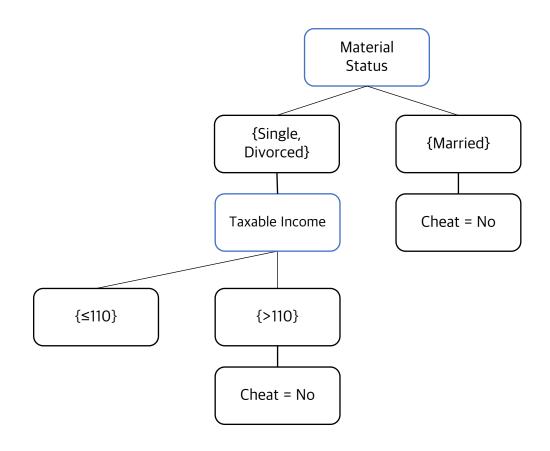
Sorted Value		70		85			0	9	95 12			25 220		
Split Position	6	5	7	77 87		7	92		110		172		230	
Split Position	<=	>	<=	>	<=	>	<=	>	<=	^	\=	>	<=	>
Yes	0	3	0	3	1	2	2	1	3	0	3	0	3	0
No	0	3	1	2	1 2		1	2	1	2	2	1	2	1
GINI(t)	1	0.5	0	0 0.48		0.5 0.5		0.444	0.375	0	0.48	0	0.48	0
GINI	0	0.5 0.		.4 0.5			0.4	44	<u>0.25</u>		0.4		0.4	

Tid	Refund	Marital Status	Taxable Income	Cheat
1	Yes	Single	125K	No
3	No	Single	70K	No
5	No	Divorced	95K	Yes
7	Yes	Divorced	220K	No
8	No	Single	85K	Yes
100		lax .		les
10	No	Single	90K	Yes

두 번째 분기 속성 고르기

- ⇒ 결론. 가장 낮은 Gini Index 0.25를 가지는 경우의 수는 다음과 같다.
- 1. Refund의 Gini(Children)
- 3. Taxable Income ({≤110},{>110})

본 문제에서는 3번 조건을 고르기로 결정하였으며, 이에 따라 만들어지는 결정트리는 다음과 같다.



세 번째 분기 속성 고르기 Marital Status의 {Single, Divorced}인 해당되는 instance인 1,3,5,7,8,10에 대하여 속성을 고르고자 한다.

1. Refund의 Gini(Children) 속성

		Ch	eat	Gini(t)		
		Yes	No	Girii(t)		
Refund	Yes	0	0	1		
Returna	No	1	3	0.375		
Gini = 0.3	75					

2. Material Status의 ({Single}, {Divorced})의 Gini

		Ch	eat	Gini(t)		
		Yes	No	Girii(t)		
Material	{Single}	2	1	0.444		
Statue	{Divorced}	1	0	0		
Gini = 0.3	33					

3. Taxable Income의 Gini 중 split position을 고려한) 가장 낮은 Gini

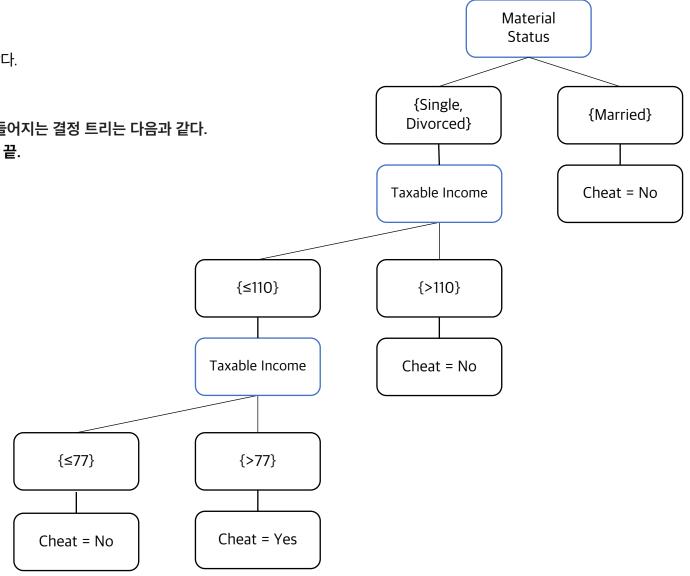
Sorted Value		70		8	5	9	0		95				
Split Position	6	65 7		65 77		8	7	9	2	100			
Spiit Fosition	<=	<= >		>	> <=		<= >		<=	>			
Yes	0	2	0	3	1	2	2	1	3	0			
No	0	2	1 0		1	0	1	0	1	0			
GINI(t)	1	1 0.5		0	0.5	0	0.444	0	0.375	0			
GINI	0	.5	<u>(</u>	<u>)</u>	0.2	25	0.3	333	0/3	375			

Tid	Refund	Marital Status	Taxable Income	Cheat
3	No	Single	70K	No
5	No	Divorced	95K	Yes
8	No	Single	85K	Yes
10	No	Single	90K	Yes

세 번째 분기 속성 고르기

- ⇒ 결론. 가장 낮은 Gini Index 0을 가지는 경우의 수는 다음과 같다.
- 3. Taxable Income ({≤77},{>77})

본 문제에서는 3번 조건을 고르기로 결정하였으며, 이에 따라 만들어지는 결정 트리는 다음과 같다. 3번 조건을 적용하면서 모든 데이터가 분류 완료되었으므로 분할 끝.



breast-cancer-wisconsin.data 데이터셋 소개 (breast-cancer-wisconsin.names 설명 참조)

5. Number of Instances: 699 (as of 15 July 1992)

6. Number of Attributes: 10 plus the class attribute

7. Attribute Information: (class attribute has been moved to last column)

# Attribute		Domain
1. Sample code numbe	 ar	id number
2. Clump Thickness	·1	1 - 10
3. Uniformity of Cell Siz	œ	1 - 10
4. Uniformity of Cell Sh	ape	1 - 10
5. Marginal Adhesion		1 - 10
6. Single Epithelial Cell	Size	1 - 10
7. Bare Nuclei		1 - 10
8. Bland Chromatin		1 - 10
9. Normal Nucleoli		1 - 10
10. Mitoses		1 - 10
11. Class:	(2 for benign	, 4 for malignant)

8. Missing attribute values: 17

There are 16 instances in Groups 1 to 6 that contain a single missing (i.e., unavailable) attribute value, now denoted by "?".

9. Class distribution:

Benign: 458 (65.5%) Malignant: 241 (34.5%)

- 699 instance (단, 결측치는 17개 객체에 존재하며 "?"로 명시되어있다. 모든 속성 데이터를 가지고 있는 객체는 682개이다.)
- 10개 속성과 class attribute로 구성되어있다.
 - 1. Sample code number (단순 id 숫자이므로 결정트리 속성에 제외하였다.)

2. Clump Thickness	1-10 연속형 속성
3. Uniformity of Cell Size	1-10 연속형 속성
4. Uniformity of Cell Shape	1-10 연속형 속성
5. Marginal Adhesion	1-10 연속형 속성
6. Single Epithelial Cell Size	1-10 연속형 속성
7. Bare Nuclei	1-10 연속형 속성
8. Bland Chromatin	1-10 연속형 속성
9. Normal Nucleoli	1-10 연속형 속성
10. Mitoses	1-10 연속형 속성
11. Class	(2는 양성, 4는 음성으로 표기)

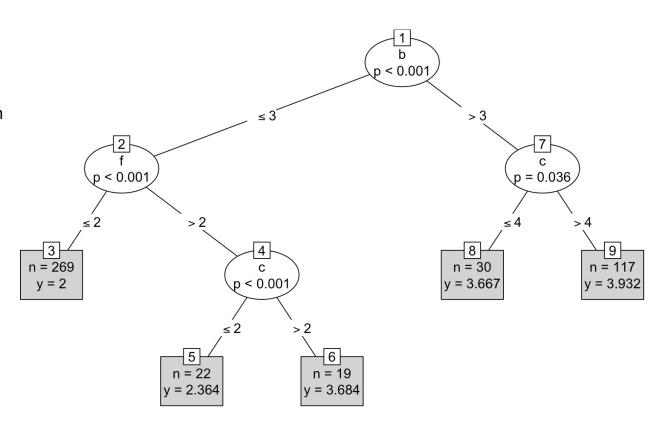
⇒ 결정트리를 통해 breast-cancer-wisconsine.data 의 2-10번 <mark>속성 (중 고른다는거 표현)</mark>을 통해 Class(11번째 속성)을 분류하고자 한다.

midterm.R 코드 파이프라인 및 결정트리 결과

- 1. prepare dataset
 - a. 데이터 셋의 column name 수정
 - b. "?"와 같은 데이터 값 수정
- 2. Split training set and test set
 - 1. Column b,c,d,f
- 3. Training set의 Decision Tree: ctree() "conditional inference tree", Decision Tree인 bio_ctree 생성
- 4. Classification with test set
- 5. Check accuracy

⇒ bio_ctree: 노드 1,2,4,7에서 4개의 분할 생성

Test set accuracy: 60.4444%



생성된 bio_ctree 결정트리

첫 번째 분기 속성 고르기

1. Column b의 Gini 중 split position을 고려한) 가장 낮은 Gini

Split Position	1 2		2	3	3	4	1	5	5	6	5	7	7	8	3	9)	1	0	
Split Position	<=	>	<=	>	<=	>	<=	>	<=	>	<=	>	<=	>	<=	>	<=	>	<=	>
Class 2																				
Class 4																				
GINI(t)																				
GINI																				

2. Column c의 Gini 중 split position을 고려한) 가장 낮은 Gini

Split Position	1	1	1 2		3	3	4	1	5	5	6	6	7	7	8	3	g)	1	0
Split Position	<=	^	<=	>	=	>	\=	^	\=	>	<=	>	<=	>	<=	>	\=	>	<=	>
Class 2																				
Class 4																				
GINI(t)					,		•		•											
GINI																				

첫 번째 분기 속성 고르기

3. Column e의 Gini 중 split position을 고려한) 가장 낮은 Gini

Split Position	1	I	2	2	3	3	2	1	5	5	6	6	-	7	8	3	Q)	1	0
Split Position	\=	>	\=	>	\=	^	<=	^	\=	>	\=	>	<=	^	<=	>	<=	>	<=	>
Class 2																				
Class 4																				
GINI(t)																				
GINI																				

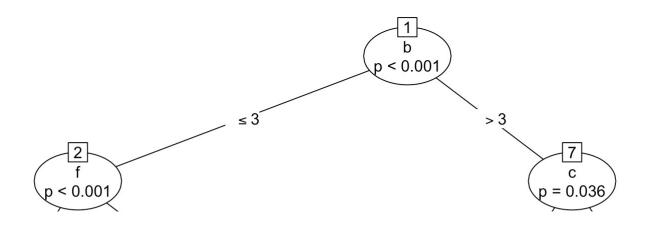
4. Column f의 Gini 중 split position을 고려한) 가장 낮은 Gini

Split Position	-	1	4	2	3	3	4	1	5	Ö	6	6	7	7	8	3	g	9	1	0
Split Position	<=	^	<=	^	=	^	<=	^	=>	^	=	>	<=	>	<=	>	\=	>	<=	>
Class 2																				
Class 4																				
GINI(t)																				
GINI																				

첫 번째 분기 속성 고르기

 \Rightarrow 결론. 가장 낮은 Gini Index 0을 가지는 경우의 수는 다음과 같다.

본 문제에서는 3번 조건을 고르기로 결정하였으며, 이에 따라 만들어지는 결정 트리는 다음과 같다.



두 번째 분기 속성 고르기

1. Column b의 Gini 중 split position을 고려한) 가장 낮은 Gini

Split Position	_	1	2	2	3	3	4	1	5	5	6	6	7	7	8	3	9)	1	0
Split Position	<=	^	<=	>	<=	>	<=	^	\=	^	\=	>	<=	^	=>	>	\=	>	<=	>
Class 2																				
Class 4																				
GINI(t)																				
GINI												·								

2. Column c의 Gini 중 split position을 고려한) 가장 낮은 Gini

Split Position	1		4	2	3	3	4	1	Ę	Ō	6	6	7	7	8	3	g	9	1	0
Split Position	\=	^	\ =	^	\=	۸	\ =	^	\ \	^	\=	>	\ \	>	\ \	^	<=	^	\ \	>
Class 2																				
Class 4																				
GINI(t)			'																	
GINI																				

두 번째 분기 속성 고르기

3. Column d의 Gini 중 split position을 고려한) 가장 낮은 Gini

Split Position	1	ļ	2	2	3	3	2	1	5	5	6	6	-	7	8	3	Q)	1	0
Split Position	\=	>	\=	>	\=	^	<=	^	\=	>	\=	>	<=	^	<=	>	<=	>	<=	>
Class 2																				
Class 4																				
GINI(t)																				
GINI																				

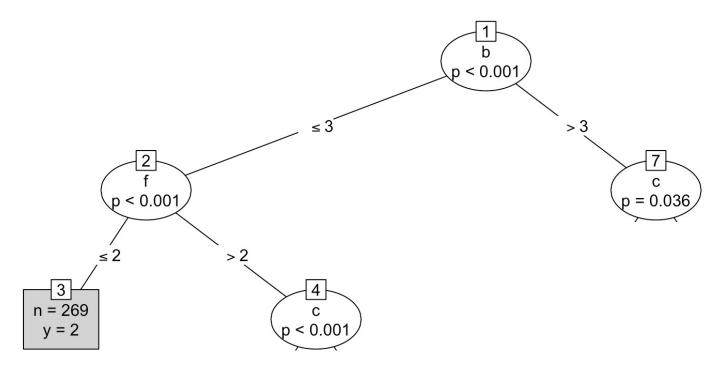
4. Column f의 Gini 중 split position을 고려한) 가장 낮은 Gini

Split Position	-	1	4	2	3	3	4	1	5	Ö	6	6	7	7	8	3	g	9	1	0
Split Position	<=	^	<=	^	=	^	<=	^	=>	^	=	>	<=	>	<=	>	\=	>	<=	>
Class 2																				
Class 4																				
GINI(t)																				
GINI																				

두 번째 분기 속성 고르기

⇒ 결론. 가장 낮은 Gini Index 0을 가지는 경우의 수는 다음과 같다.

본 문제에서는 3번 조건을 고르기로 결정하였으며, 이에 따라 만들어지는 결정 트리는 다음과 같다.



세 번째 분기 속성 고르기

1. Column b의 Gini 중 split position을 고려한) 가장 낮은 Gini

Split Position	_	l		2	3	3	4	1	5	5	6	6	7	7	8	3	9)	1	0
Split Position	<= > <= >		>	\=	>	<=	^	\=	>	\= =	^	\= =	>	\= =	>	=>	^	<=	>	
Class 2																				
Class 4																				
GINI(t)																				
GINI																				

2. Column c의 Gini 중 split position을 고려한) 가장 낮은 Gini

Split Position	1		2	2	3	3	4	1	Ę	Ō	6	6	7	7	W	3	g	9	1	0
Split Position	<=	>	<=	^	\=	^	\ =	^	\ \	^	\=	>	<=	^	\=	^	<=	>	<=	>
Class 2																				
Class 4																				
GINI(t)																				
GINI					-													_		

세 번째 분기 속성 고르기

3. Column d의 Gini 중 split position을 고려한) 가장 낮은 Gini

Split Position	1		2	2	3	3	2	1	5	5	6	3	7	7	8	3	9)	1	0
Split Position	<= > <= >		>	<=	^	\=	^	\=	>	\=	>	\=	^	<=	^	\=	>	\=	>	
Class 2																				
Class 4																				
GINI(t)																				
GINI																				

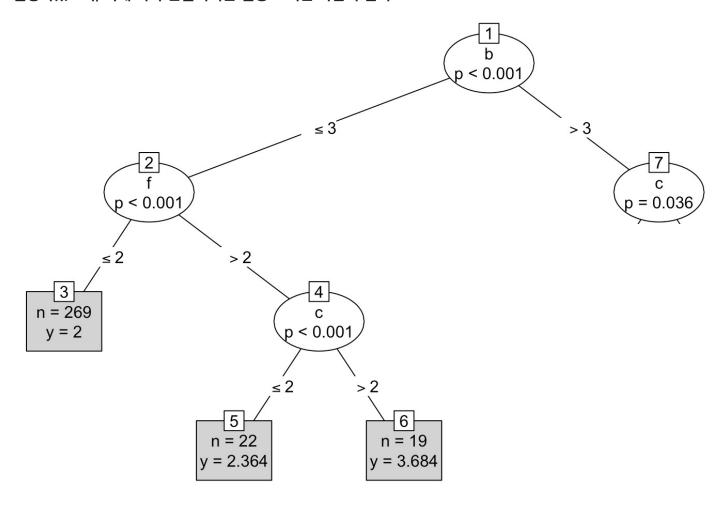
4. Column f의 Gini 중 split position을 고려한) 가장 낮은 Gini

Split Position	1		2	2	3	3	4	1	Ę	Ō	6	6	7	7	W	3	g	9	1	0
Split Position	<=	>	<=	^	\=	^	\ =	^	\ \	^	\=	>	<=	^	\=	^	<=	>	<=	>
Class 2																				
Class 4																				
GINI(t)																				
GINI					-													_		

세 번째 분기 속성 고르기

⇒ 결론. 가장 낮은 Gini Index 0을 가지는 경우의 수는 다음과 같다.

본 문제에서는 3번 조건을 고르기로 결정하였으며, 이에 따라 만들어지는 결정 트리는 다음과 같다.



네 번째 분기 속성 고르기

1. Column b의 Gini 중 split position을 고려한) 가장 낮은 Gini

Split Position	1	1	2	2	3	3	4	1	5	5	6	6	7	7	8	3	9)	1	0
Split Position	\=	>	<=	>	<=	>	<=	>	\=	>	\=	>	\=	>	<=	>	<=	>	<=	>
Class 2																				
Class 4																				
GINI(t)																				
GINI																				

2. Column c의 Gini 중 split position을 고려한) 가장 낮은 Gini

Split Position	1		2	2	3	3	4	1	Ę	Ō	6	6	7	7	W	3	g	9	1	0
Split Position	<=	>	<=	^	\=	^	\ =	^	\ \	^	\=	>	<=	^	\=	^	<=	>	<=	>
Class 2																				
Class 4																				
GINI(t)																				
GINI					-													_		

네 번째 분기 속성 고르기

3. Column d의 Gini 중 split position을 고려한) 가장 낮은 Gini

Split Position	1	1	2	2	3	3	2	1	5	5	6	5	7	7	8	3	9)	1	0
Split Position	<=	>	<=	>	<=	>	<=	>	<=	>	<=	>	<=	>	<=	>	<=	>	<=	>
Class 2																				
Class 4																				
GINI(t)																				
GINI																				

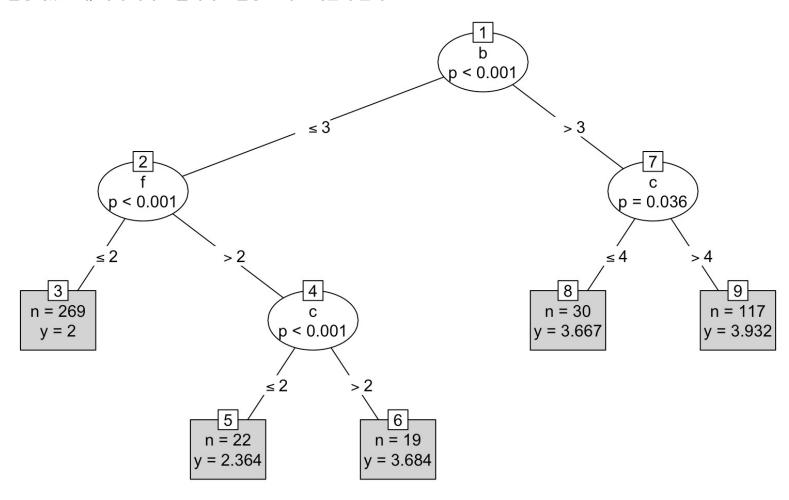
4. Column f의 Gini 중 split position을 고려한) 가장 낮은 Gini

Split Position	1		2		3		4		5		6		7		8		9		10	
Split Position	\=	^	\ =	^	\=	۸	\ =	^	\ \	^	\=	>	\ \	>	\=	^	<=	^	\ \	>
Class 2																				
Class 4																				
GINI(t)																				
GINI																				

네 번째 분기 속성 고르기

⇒ 결론. 가장 낮은 Gini Index 0을 가지는 경우의 수는 다음과 같다.

본 문제에서는 3번 조건을 고르기로 결정하였으며, 이에 따라 만들어지는 결정 트리는 다음과 같다.



최선의 분할 결정

노드 1,2,3,4,9,11,12에서 7개의 분할 생성

- 노드1
- 노드 2
- 노드4
- 노드 7

Sorted Value								
	\ =	>	<=	^	"	^	<=	>
GINI								