

# Trabalho Prático 2 - Algoritmos em Grafos

Aluno: João Victor Borges Carvalho

## 1. Introdução

Este projeto implementa um programa em Java capaz de carregar grafos (orientados ou não-orientados, ponderados ou não) a partir de arquivos de texto. O programa foi desenvolvido em conformidade com a arquitetura-base fornecida, utilizando Programação Orientada a Objetos para encapsular a lógica dos grafos e dos algoritmos.

O usuário pode escolher carregar o grafo em memória usando uma das três estruturas de dados clássicas:

- Lista de Adjacência
- Matriz de Adjacência
- Matriz de Incidência

Uma vez carregado, o programa oferece uma interface (tanto via console quanto via interface gráfica - GUI) para a execução de sete algoritmos fundamentais da Teoria dos Grafos, cujos resultados são exibidos ao usuário.

## 2. Arquitetura do Projeto

O código-fonte foi estruturado de forma modular, respeitando os princípios de POO e a separação de responsabilidades.

- **Interfaces:**
  - Grafo.java: Define o contrato que todas as estruturas de dados de grafo devem seguir (ex: adicionarAresta, adjacentesDe, criarGrafoTransposto).
  - AlgoritmosEmGrafos.java: Define o contrato para a classe de lógica principal.
- **Classes de Dados (Base):**
  - Vertice.java: Representa um vértice, contendo seu id.
  - Aresta.java: Representa uma aresta, contendo origem, destino e peso.
- **Implementações de Estrutura:**
  - GrafoListaAdjacencia.java: Implementa Grafo usando um ArrayList de ArrayLists de Arestas.
  - GrafoMatrizAdjacencia.java: Implementa Grafo usando uma matriz  $V \times V$  de Doubles, onde null representa a ausência de aresta.
  - GrafoMatrizIncidencia.java: Implementa Grafo usando uma matriz  $V \times A$ , onde os valores -1, 1 e 2 indicam a incidência (saída, entrada ou loop).
- **Lógica Principal:**

- MeusAlgoritmosEmGrafos.java: Classe principal que implementa a interface AlgoritmosEmGrafos e contém a lógica para todos os 7 algoritmos solicitados.
- **Interfaces de Usuário (Drivers):**
  - Main.java: Ponto de entrada para a versão em modo console (menu de texto).
  - MainFrame.java: Ponto de entrada para a versão com Interface Gráfica (GUI) feita em Java Swing.
- **Utilitários:**
  - FileManager.java: Classe auxiliar para leitura de arquivos de texto.
  - TipoDeRepresentacao.java: Enum para a seleção da estrutura de dados.

### 3. Descrição das Soluções Implementadas

A seguir, descreve-se a lógica de implementação de cada um dos 7 algoritmos presentes na classe MeusAlgoritmosEmGrafos.

#### 3.1. Carregamento do Grafo (carregarGrafo)

O método utiliza o FileManager para ler as linhas do arquivo. A primeira linha é lida para determinar o número  $V$  de vértices, que são instanciados. Um switch-case com base no TipoDeRepresentacao escolhido pelo usuário instancia a implementação correta do Grafo. As linhas restantes são processadas, usando split() para extrair a origem, o destino e o peso de cada aresta, que é então adicionada ao grafo.

#### 3.2. Busca em Profundidade (DFS)

A DFS foi implementada de forma recursiva (método dfsVisit). Um "relógio" (tempo) global é usado para calcular os tempos de descoberta  $d[v]$  e finalização  $f[v]$  de cada vértice. A classificação das arestas (Árvore, Retorno, Avanço, Cruzamento) é realizada durante a busca, com base nas cores (BRANCO, CINZA, PRETO) e nos tempos  $d$  dos vértices  $u$  (origem) e  $v$  (destino) da aresta.

#### 3.3. Busca em Largura (BFS)

A BFS foi implementada de forma iterativa, utilizando um ArrayList como Fila (FIFO). A busca parte de um vértice  $s$  e explora os vizinhos por níveis, utilizando o sistema de cores para controle. O algoritmo preenche os arrays de distância  $d[v]$  (número de arestas de  $s$  até  $v$ ) e de pais  $pai[v]$  (paiBFS).

#### 3.4. Detecção de Ciclo (existeCiclo)

Esta solução reutiliza o resultado da DFS. Em um grafo orientado, a existência de um ciclo é confirmada se, e somente se, a DFS encontra uma **Aresta de Retorno** (uma aresta que aponta de um vértice para um de seus ancestrais na árvore de busca, que ainda está na pilha de recursão - cor CINZA). O método simplesmente checa se a lista de arestas de retorno está vazia.

### 3.5. Componentes Fortemente Conexos (SCC)

Foi implementado o **Algoritmo de Kosaraju**, que possui quatro passos:

1. Executa a DFS no grafo original  $G$  para obter os tempos de finalização  $f[v]$ .
2. Calcula o grafo transposto,  $G^T$ , chamando o método `criarGrafoTransposto()` (que cada estrutura de grafo implementa).
3. Executa uma segunda DFS, desta vez em  $G^T$ , processando os vértices em ordem decrescente de  $f[v]$ .
4. Cada árvore gerada na DFS de  $G^T$  é um Componente Fortemente Conexo. O método então constrói e retorna o **Grafo Reduzido**, onde cada vértice representa um componente.

### 3.6. Árvore Geradora Mínima (AGM)

Foi implementado o **Algoritmo de Kruskal**.

1. Todas as arestas do grafo são extraídas e ordenadas em ordem crescente de peso.
2. Uma estrutura de Conjuntos Disjuntos (Disjoint-Set) foi criada (usando um ArrayList de ArrayLists) para armazenar os componentes conexos.
3. O algoritmo itera pelas arestas ordenadas. Se uma aresta  $(u, v)$  conecta dois componentes diferentes (verificado pela estrutura de Disjoint-Set), ela é adicionada à AGM e os componentes de  $u$  e  $v$  são unidos.
4. O processo termina quando a AGM possui  $V-1$  arestas.

### 3.7. Caminho Mínimo

Foi implementado o **Algoritmo de Dijkstra**.

1. O algoritmo utiliza um ArrayList ( $Q$ ) como fila de prioridade (implementação  $O(V^2)$ ), onde a extração do vértice com menor distância (`extrairMinimo`) é feita por busca linear  $O(V)$ .
2. Os arrays de distância  $d[v]$  e pais  $pai[v]$  ( $dC$  e  $paiC$ ) são inicializados (distância `Integer.MAX_VALUE`, pai null, e origem  $s$  com  $d[s] = 0$ ).
3. O algoritmo itera, extraindo o vértice  $u$  de menor distância de  $Q$ , e executa o **relaxamento** para todos os seus vizinhos  $v$ , atualizando  $d[v]$  e  $pai[v]$  se um caminho mais curto for encontrado.
4. Ao final, o caminho de  $s$  até  $t$  é reconstruído de trás para frente, seguindo o array de pais  $pi[v]$  a partir de  $t$ .

### 3.8. Fluxo Máximo

Foi implementado o **Algoritmo de Edmonds-Karp** (uma especialização de Ford-Fulkerson).

1. Um grafo residual é criado (como uma matriz de capacidade).

2. O algoritmo entra em um loop, procurando repetidamente por caminhos aumentantes da origem  $s$  ao sorvedouro  $t$  no grafo residual.
3. Esta busca por caminhos é feita usando BFS (método `bfsFluxo`).
4. Se um caminho é encontrado, o gargalo (menor capacidade no caminho) é calculado.
5. O fluxo é atualizado: o valor do gargalo é subtraído da capacidade das arestas diretas e somado à capacidade das arestas reversas no grafo residual.
6. O loop termina quando a BFS não consegue mais encontrar um caminho de  $s$  a  $t$ , e o fluxo máximo total acumulado é retornado.

## 4. Como Executar

O projeto inclui duas formas de execução:

1. **Versão Gráfica (Recomendada):** Executar o arquivo `MainFrame.java`. Isso abrirá uma janela onde o usuário pode carregar o grafo através do menu "Arquivo" e, em seguida, selecionar o algoritmo e clicar em "Executar". Os resultados são impressos na área de texto.
2. **Versão Console:** Executar o arquivo `Main.java`. O programa solicitará o caminho do arquivo, o tipo de estrutura e, em seguida, exibirá um menu de opções no console.