

## 作業二：使用二維矩陣儲存遠期利率

相關公式：

一，遠期利率  $f(i, j)$

$$f(i, j) \triangleq \left[ \frac{(1 + S(j))^j}{(1 + S(i))^i} \right]^{1/(j-i)} - 1$$

二，即期利率  $S(i)$

$$P = \sum_{i=1}^n \frac{C}{[1 + S(i)]^i} + \frac{F}{[1 + S(n)]^n}$$

其中  $P$  是債券在二級市場中被交易出來的價格（已知）， $C$  是債券每期固定的票面利息， $F$  是債券的到期償還之本金。由上述公式可知，即期利率  $i$  等同是時間  $0 \sim i$  的零息債券之實質利率。

在無套利的假設裡，當我們今天有一支債券的現價（交易出來的）、票面利息（契約上的）和本金（契約上的），就可以計算出他的 **YTM**。換個角度出發，若是想將債券的現金流用一個零息債券的組合表示，那每一期的現金流都可以利用相對應到期數的零息債券做替換，而這些各自的現金流就有他們的即期利率，推算回去的理論價格就會等於那支債券的價格。

遠期利率呢？遠期利率可以說是一個隱含的利率，當時間零觀察到這麼多個債券的價格，其中不同到期日的零息債券的價格也代表各期的即期利率，那時間  $i$  到時間  $j$  遠期利率是什麼呢？其實就可以用上述的公式一捕捉。