Elección Discreta: Teoría, estimación y métodos númericos Tarea 2\*

Germán Augusto Campos Ortíz\*\* Juan José Merino Zarco\*\*\*

28 de febrero de 2022

## 1. Pregunta 1: Nested Logit

## 1.1. Inciso 1)

**Descripción:** Extiende la implementación del logit condicional en la Tarea 1 para implementar el nested logit usando los datos de la base de datos "yougurt.csv". Normaliza la utilidad de la alternativa 4, seleccionando  $\alpha_4 = 0$ . Tu modelo debe tener dos nidos y debes estimarlo usando todas las combinaciones posibles de nidos, i.e., todas las combinaciones (3,1) y (2,2) con los números indicando la cantidad de alternativas en cada nido. Con una estructura (3,1), establece  $\lambda_1 = 1$  para el nido unitario. Con una estructura de nidos (2,2) permita correlaciones especificas diferentes, esto es  $\lambda_1 \neq \lambda_2$ .

**Solución:** Se establecen 7 combinaciones en total de los nidos, 4 correspondientes a la estructura del nido (3,1) y los 3 restantes que pertenecen al nido (2,2). Las combinaciones del nido (3,1) son: (Bien 1-2-3; Bien 4), (Bien 1-2-4, Bien 3), (Bien 1-3-4, Bien 2), y (Bien 2-3-4, Bien 1). Por su parte, el nido (2,2) presenta las siguientes combinaciones: (Bien 1-2, Bien 3-4), (Bien 1-3, Bien 2-4), y (Bien 1-4, Bien 2-3).

En el código en Python, se crearon 7 funciones distintas para cada una de las combinaciones, con un sistema de código aplicando vectorización con el fin de promover la eficiencia computacional. A partir de estas funciones se puede realizar la optimización con la paqueteria

<sup>\*</sup>El Colegio de México 2020-2022. Profesor: Edwin Muñoz Rodríguez

<sup>\*\*</sup>El Colegio de México, gacampos@colmex.mx

<sup>\*\*\*</sup>El Colegio de México, jmerino@colmex.mx

scipy.optimize para así obtener las estimaciones de los parametros.

La estructura del código de las funciones se presentan en el anexo del presente documento y también se envían en formato adjunto tipo .py.

Es importante mencionar que para la estructura del nido (3,1) fijamos  $\lambda_2=1$  para el nido unitario, y no  $\lambda_1$  como lo dice el ejercicio. Lo hicimos de esta forma sabiendo que no hay diferencia en los resultados, puesto que sea  $\lambda_1$  o sea  $\lambda_2$ , lo importante es que esté fijado siendo igual a 1 en caso del nido unitario.

## 1.2. Inciso 2)

**Descripción:** Crea una tabla para comparar estos estimados con los obtenidos usando el logit condicional. Incluye los estimadores de los parámetros y sus errores estándar, así como el índice de verosimilitud y AIC. Para obtener los errores estándar de  $\lambda_1, \lambda_2$  utiliza el método delta. Con base en los resultados, ¿qué modelo es preferido y por qué? ¿Qué concluyes sobre los patrones de sustitución a partir de los estimados de  $\lambda$ ?

Solución: Tras definir las funciones mencionadas en el inciso anterior, se crearon tres funciones para la optimización y la solución de los items requeridos en el problema. La primera función será para el logit condicional ya realizado en la tarea 1, y las otra dos funciones corresponden a la solución de las distintas combinaciones de cada nido en el logit nested. Cada función fue creada para generar un dataframe con todas las soluciones que se generan a partir de diferentes formas de combinaciones de nidos, métodos y puntos iniciales. Cabe recalcar que, en el caso del primer dataframe, no habrán combinaciones de nidos ya que corresponde al logit multinominal. Entonces, se cosntruyen tres dataframe que luego son unidos en un solo y finalmente este se transforma en un documento csv con la solución completa del ejercicio.

La función del logit condicional permite crear un dataframe en el que las filas serán los distintos métodos con diferentes puntos iniciales considerados, y las columnas serán todas las estimaciones de los parámetros de interés  $(\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3, \beta_p, \beta_f)$  junto al optimo de maxima verosimilitud, el AIC y los errores estándar de los estimadores. El nombre del método y del punto inicial a su vez son creados en columnas para poder identificar la correspondencia de cada fila

Por su parte, el orden y la lógica de las dos funciones del logit nested es el siguiente. Primero, se crea un dataframe vacío de nombre conca. Luego, se crean 4 objetos en los cuales se genera la minimización de las cuatro combinaciones del nido (3,1); en el caso del nido (2,2) serían 3 objetos. El valor del punto inicial y el nombre del método son parámetros al interior de la función, lo que luego nos va a permitir crear filas distintas para cada combinación, método y punto inicial en el documento csv final. Posteriormente, se extraen las estimaciones óptimas de los estimadores de interés  $(\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3, \beta_p, \beta_f, \gamma_1, \gamma_2)$  y estos valores se añaden al dataframe conca en columnas diferentes para cada parámetro. Es importante acotar que en el nido (3,1) solo se estima uno de los  $\gamma$ , mientras que el nido (2,2) se estimarán los dos.

Bajo este mismo razonamiento, a lo largo de la función se van creando nuevas columnas que corresponderán a los valores de máxima verosimilitud en el óptimo, así como los AIC, la razón de verosimilitud, los errores estándar de los estimadores y los errores estándar con el metodo delta para  $\lambda_1$  y  $\lambda_2$ . Así mismo, los valores óptimos de  $\lambda_1$  y  $\lambda_2$  son agregados en nuevas columnas a partir de las estimaciones de  $\gamma_1$  y  $\gamma_2$ . Finalmente, dependiendo del método, la combinación y el punto inicial, se generan nuevas columnas que indicarán de forma correcta la combinación de nido, el método usado y el punto inicial correspondiente a cada fila.

En el código posterior, uno a uno se van generando las funciones anteriores con los métodos y los puntos iniciales que escogimos, y sucesivamente se van creando los tres dataframes expuestos anteriormente para luego finalmente construir un solo dataframe y exportarlo en un documento csv.

Se ejecutaron los procesos de optimización con 5 métodos de maximización y dos puntos iniciales. Los métodos fueron: trust-constr, L-BFGS-B, Nelder-Mead, Powell, y TNC. En general, los resultados fueron consistentes ante los diversos métodos y ante cambios en el punto de inicio.

En las siguientes páginas presentaremos tablas de resumen con los principales resultados encontrados para dos de los métodos estimados. Sin embargo, todos los resultados completos podrán apreciarse al ejecutar el código completo en nuestro archivo con formato .py.

|                                      | (123,4)      | (124,3)      | (134,2)      | (234,1)      | $(12,\!34)$  | $(13,\!24)$   | (14,23)      | $\operatorname{Logit}$ _con |
|--------------------------------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|---------------|--------------|-----------------------------|
| alph1                                | 1.38167      | 1.38775      | 1.34085      | 1.38775      | 1.30841      | 1.38126       | 1.27044      | 1.38775                     |
| ${f alph 2}$                         | 0.83942      | 0.64350      | 0.59189      | 0.64351      | 0.73436      | 0.64231       | 0.59673      | 0.64350                     |
| alph3                                | -1.65849     | -3.08612     | -2.94856     | -3.08612     | -1.92961     | -2.84710      | -1.95511     | -3.08612                    |
| $\mathbf{bp}$                        | -26.58103    | -37.05788    | -36.00367    | -37.05794    | -28.19590    | -36.50923     | -33.75528    | -37.05793                   |
| $\mathbf{bf}$                        | 0.37447      | 0.48741      | 0.48401      | 0.48741      | 0.38708      | 0.49152       | 0.44043      | 0.48741                     |
| gamma1                               | 0.59008      | 13.50171     | 2.83703      | 27.88980     | 0.85517      | 2.21567       | 2.40116      |                             |
| $\mathbf{gamma2}$                    |              |              |              |              | 0.10108      | 35.30639      | 0.24406      |                             |
| lambda1                              | 0.64338      | 1.00000      | 0.94464      | 1.00000      | 0.70165      | 0.90165       | 0.91692      |                             |
| lambda2                              | 1.00000      | 1.00000      | 1.00000      | 1.00000      | 0.52525      | 1.00000       | 0.56071      |                             |
| ${ m valor\_opt}$                    | -2653.76460  | -2658.55671  | -2658.45642  | -2658.55670  | -2654.09840  | -2658.39663   | -2652.85126  | -2658.55670                 |
| ${f Metodo}$                         | trust-constr | trust-constr | trust-constr | trust-constr | trust-constr | trust-constr  | trust-constr | trust-constr                |
| $\mathbf{AIC}$                       | 5319.52920   | 5329.11342   | 5328.91285   | 5329.11340   | 5322.19680   | 5330.79327    | 5319.70253   | 5327.11340                  |
| Indice Verosimilitud                 | 0.23596      | 0.28879      | 0.17987      | 0.19938      | 0.21213      | 0.21085       | 0.21250      | 0.21081                     |
| ${ m alph1\_SE}$                     | 0.07205      | 0.08805      | 0.13448      | 0.08805      | 0.07906      | 0.08836       | 0.12802      | 0.08805                     |
| ${ m alph2\_SE}$                     | 0.07530      | 0.05448      | 0.12415      | 0.05448      | 0.06978      | 0.05450       | 0.11963      | 0.05448                     |
| ${ m alph3\_SE}$                     | 0.43384      | 0.14491      | 0.33082      | 0.14491      | 0.31637      | 0.41332       | 0.24403      | 0.14491                     |
| $\mathbf{bp}\mathbf{\underline{SE}}$ | 3.88357      | 2.39949      | 3.32996      | 2.39946      | 3.77972      | 2.57476       | 3.11067      | 2.39946                     |
| $\mathbf{bf}\mathbf{\underline{SE}}$ | 0.09984      | 0.11992      | 0.11672      | 0.11992      | 0.10209      | 0.11808       | 0.10777      | 0.11992                     |
| ${f gamma1\_SE}$                     | 0.43920      | 267.61055    | 2.29303      | 262911.13970 | 0.50723      | 1.80003       | 1.64627      |                             |
| $\mathbf{gamma2}\mathbf{\_SE}$       |              |              |              |              | 0.48186      | 1188664.61000 | 0.33898      |                             |
| $ee\_lambda1$                        | 0.10077      | 0.00037      | 0.11991      | 0.00000      | 0.10618      | 0.15962       | 0.12541      |                             |
| $ee\_lambda2$                        |              |              |              |              | 0.12016      | 0.00000       | 0.08350      |                             |

|                                      | $(123,\ 4)$ | (124,3)     | (134,2)     | (234,1)     | $(12,\!34)$ | $(13,\!24)$ | $(14,\ 23)$ | $\operatorname{Logit}$ _con |
|--------------------------------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-----------------------------|
| alph1                                | 1.38166     | 1.38765     | 1.34087     | 1.38748     | 1.30842     | 1.38101     | 1.27044     | 1.38772                     |
| ${ m alph2}$                         | 0.83936     | 0.64344     | 0.59190     | 0.64331     | 0.73436     | 0.64195     | 0.59673     | 0.64349                     |
| alph3                                | -1.65885    | -3.08618    | -2.94863    | -3.08554    | -1.92963    | -2.84397    | -1.95512    | -3.08609                    |
| $\mathbf{bp}$                        | -26.58327   | -37.05545   | -36.00390   | -37.06099   | -28.19647   | -36.51730   | -33.75545   | -37.05710                   |
| $\mathbf{bf}$                        | 0.37445     | 0.48735     | 0.48408     | 0.48724     | 0.38708     | 0.49108     | 0.44043     | 0.48743                     |
| ${f gamma1}$                         | 0.59032     | 9.19682     | 2.83742     | 7.97400     | 0.85520     | 2.19614     | 2.40116     |                             |
| $\mathbf{gamma2}$                    |             |             |             |             | 0.10110     | 7.34787     | 0.24408     |                             |
| lambda1                              | 0.64344     | 0.99990     | 0.94466     | 0.99966     | 0.70166     | 0.89990     | 0.91692     |                             |
| lambda2                              | 1.00000     | 1.00000     | 1.00000     | 1.00000     | 0.52525     | 0.99936     | 0.56072     |                             |
| ${f valor\_opt}$                     | -2653.76460 | -2658.55773 | -2658.45642 | -2658.56263 | -2654.09840 | -2658.41683 | -2652.85126 | -2658.55670                 |
| ${f Metodo}$                         | L-BFGS-B                    |
| $\mathbf{AIC}$                       | 5319.52920  | 5329.11546  | 5328.91285  | 5329.12525  | 5322.19680  | 5330.83365  | 5319.70253  | 5327.11340                  |
| Indice Verosimilitud                 | 0.23596     | 0.28879     | 0.17987     | 0.19938     | 0.21213     | 0.21085     | 0.21250     | 0.21081                     |
| ${ m alph1\_SE}$                     | 0.07205     | 0.08814     | 0.13448     | 0.08826     | 0.07906     | 0.08854     | 0.12802     | 0.08805                     |
| ${ m alph2\_SE}$                     | 0.07529     | 0.05451     | 0.12415     | 0.05453     | 0.06978     | 0.05453     | 0.11963     | 0.05448                     |
| ${ m alph3\_SE}$                     | 0.43380     | 0.14491     | 0.33082     | 0.14525     | 0.31636     | 0.40825     | 0.24403     | 0.14491                     |
| $\mathbf{bp}\mathbf{\_SE}$           | 3.88304     | 2.40172     | 3.32994     | 2.39999     | 3.77969     | 2.57176     | 3.11072     | 2.39943                     |
| $\mathbf{bf}\mathbf{\underline{SE}}$ | 0.09984     | 0.11992     | 0.11673     | 0.11991     | 0.10209     | 0.11803     | 0.10777     | 0.11992                     |
| $\mathbf{gamma1}\mathbf{\_SE}$       | 0.43916     | 31.08623    | 2.29386     | 12.97687    | 0.50722     | 1.74762     | 1.64630     |                             |
| $\mathbf{gamma2}_{\mathbf{SE}}$      |             |             |             |             | 0.48185     | 7.05041     | 0.33899     |                             |
| $ee\_lambda1$                        | 0.10075     | 0.00315     | 0.11991     | 0.00446     | 0.10618     | 0.15742     | 0.12542     |                             |
| $ee\_lambda2$                        |             |             |             |             | 0.12016     | 0.00453     | 0.08350     |                             |

Con base en los resultados, el modelo preferido es aquel modelo que tiene menor valor en el criterio de información de Akaike (AIC), el cual es el modelo nested-logid con la estructura de nidos (3,1) en el que los bienes 1, 2 y 3 están en un nido, y el bien 4 está en el nido unitario. En las tablas anteriores, este modelo está en la columna de nombre (123, 4). Este modelo, a su vez, es más preferido que el logit condicional, el cual tiene un mayor valor de AIC.

En este mejor modelo hay una correlación entre los componentes no observados de la utilidad de las alternativas dentro del nido 1, es decir, el nido en donde están los productos 1, 2 y 3. La medida correlación  $1-\lambda_k$  es de 0.3566. Esta medida de correlación es baja, sin embargo, podemos asegurar que existe un cierto grado de sustitución entre las alternativas en este nido de tres productos. A su vez, existe independencia de alternativa irrelevantes al interior del nido, pero no entre nidos.

```
# -*- coding: utf-8 -*-
Created on Tue Feb 22 00:44:10 2022
 German Campos y Juan Merino
#Modules
import pandas as pd
import numpy as np
from scipy.optimize import minimize
import os
import numdifftools as nd
#Working directory
os.chdir('D:/Usuario/Desktop/Cuarto Semestre/Elección discreta/Tarea 2')
#Import raw data
df=pd.read csv("yogurt.csv")
# Creating functions
# Logit condicional
def LL(beta):
    #Unpacking
    alpha1, alpha2, alpha3, betap, betaf=beta
    #Utilidad representativa
    v1=alpha1+betap*df['price1']+betaf*df['feat1']
    v2=alpha2+betap*df['price2']+betaf*df['feat2']
    v3=alpha3+betap*df['price3']+betaf*df['feat3']
    v4=betap*df['price4']+betaf*df['feat4']
    #Exponencial de utilidades representativas
    expv1=v1.apply(np.exp)
    expv2=v2.apply(np.exp)
    expv3=v3.apply(np.exp)
```

```
expv4=v4.apply(np.exp)
    #Inclusive value (denominador)
    inclvalue=expv1+expv2+expv3+expv4
    #Choice probabilities
    prob1=expv1/inclvalue
    prob2=expv2/inclvalue
    prob3=expv3/inclvalue
    prob4=expv4/inclvalue
    #Lilkelihood per observation
    l=df['brand1']*np.log(prob1)+df['brand2']*np.log(prob2)+df['brand3']*np.log(prob3)+df['brand4']*np.log(prob4)
    #Sumar likelihood sobre todas las observaciones
    return -np.sum(1)
# Nested Logit
## Structure (3,1)
def LL N 31a(beta):
    #Unpacking
    alpha1, alpha2, alpha3, betap, betaf,gamma1=beta
    # Nested parameters
    lambda1 = np.exp(gamma1)/(np.exp(gamma1) + 1)
    lambda2 = 1
    #Representative utilities
    v1=(alpha1+betap*df['price1']+betaf*df['feat1'])/lambda1
    v2=(alpha2+betap*df['price2']+betaf*df['feat2'])/lambda1
    v3=(alpha3+betap*df['price3']+betaf*df['feat3'])/lambda1
    v4=(betap*df['price4']+betaf*df['feat4'])/lambda2
    #Exp representative utilities
    expv1=v1.apply(np.exp)
    expv2=v2.apply(np.exp)
```

```
expv3=v3.apply(np.exp)
    expv4=v4.apply(np.exp)
    # Nested
    a=expv1+expv2+expv3
    b=expv4
    #Inclusive value (denominador)
   inclvalue=(a)**(lambda1)+(b)**(lambda2)
    #Choice probabilities
    prob1=(expv1*(a)**(lambda1-1))/inclvalue
    prob2=(expv2*(a)**(lambda1-1))/inclvalue
    prob3=(expv3*(a)**(lambda1-1))/inclvalue
    prob4=(expv4*(b)**(lambda2-1))/inclvalue
    #Lilkelihood per observation
    l=df['brand1']*np.log(prob1)+df['brand2']*np.log(prob2)+df['brand3']*np.log(prob3)+df['brand4']*np.log(prob4)
    #Sumar likelihood sobre todas las observaciones
   return -np.sum(1)
def LL N 31b(beta):
    #Unpacking
    alpha1, alpha2, alpha3, betap, betaf,gamma1=beta
    # Nested parameters
   lambda1 = np.exp(gamma1)/(np.exp(gamma1) + 1)
    lambda2 = 1
    #Representative utilities
   v1=(alpha1+betap*df['price1']+betaf*df['feat1'])/lambda1
   v2=(alpha2+betap*df['price2']+betaf*df['feat2'])/lambda1
   v3=(alpha3+betap*df['price3']+betaf*df['feat3'])/lambda2
    v4=(betap*df['price4']+betaf*df['feat4'])/lambda1
```

```
#Exp Representative utilities
    expv1=v1.apply(np.exp)
    expv2=v2.apply(np.exp)
    expv3=v3.apply(np.exp)
    expv4=v4.apply(np.exp)
   # Nested
    a=expv1+expv2+expv4
    b=expv3
    #Inclusive value (denominador)
    inclvalue=(a)**(lambda1)+(b)**(lambda2)
    #Choice probabilities
    prob1=(expv1*(a)**(lambda1-1))/inclvalue
    prob2=(expv2*(a)**(lambda1-1))/inclvalue
    prob3=(expv3*(b)**(lambda2-1))/inclvalue
    prob4=(expv4*(a)**(lambda1-1))/inclvalue
   #Lilkelihood per observation
    l=df['brand1']*np.log(prob1)+df['brand2']*np.log(prob2)+df['brand3']*np.log(prob3)+df['brand4']*np.log(prob4)
    #Sumar likelihood sobre todas las observaciones
    return -np.sum(1)
def LL N 31c(beta):
    #Unpacking
    alpha1, alpha2, alpha3, betap, betaf,gamma1=beta
    # Nested parameters
    lambda1 = np.exp(gamma1)/(np.exp(gamma1) + 1)
    lambda2 = 1
    #Representative utilities
    v1=(alpha1+betap*df['price1']+betaf*df['feat1'])/lambda1
    v2=(alpha2+betap*df['price2']+betaf*df['feat2'])/lambda2
    v3=(alpha3+betap*df['price3']+betaf*df['feat3'])/lambda1
    v4=(betap*df['price4']+betaf*df['feat4'])/lambda1
```

```
#Exp Representative utilities
    expv1=v1.apply(np.exp)
    expv2=v2.apply(np.exp)
    expv3=v3.apply(np.exp)
    expv4=v4.apply(np.exp)
    # Nested
    a=expv1+expv4+expv3
    b=expv2
    #Inclusive value (denominador)
    inclvalue=(a)**(lambda1)+(b)**(lambda2)
    #Choice probabilities
    prob1=(expv1*(a)**(lambda1-1))/inclvalue
    prob2=(expv2*(b)**(lambda2-1))/inclvalue
   prob3=(expv3*(a)**(lambda1-1))/inclvalue
    prob4=(expv4*(a)**(lambda1-1))/inclvalue
    #Lilkelihood per observation
   l=df['brand1']*np.log(prob1)+df['brand2']*np.log(prob2)+df['brand3']*np.log(prob3)+df['brand4']*np.log(prob4)
    #Sumar likelihood sobre todas las observaciones
    return -np.sum(1)
def LL_N_31d(beta):
    #Unpacking
    alpha1, alpha2, alpha3, betap, betaf,gamma1=beta
    # Nested parameters
    lambda1 = np.exp(gamma1)/(np.exp(gamma1) + 1)
    lambda2 = 1
    #Utilidad representativa
    v1=(alpha1+betap*df['price1']+betaf*df['feat1'])/lambda2
   v2=(alpha2+betap*df['price2']+betaf*df['feat2'])/lambda1
    v3=(alpha3+betap*df['price3']+betaf*df['feat3'])/lambda1
    v4=(betap*df['price4']+betaf*df['feat4'])/lambda1
```

```
#Exp Representative utilities
    expv1=v1.apply(np.exp)
    expv2=v2.apply(np.exp)
    expv3=v3.apply(np.exp)
    expv4=v4.apply(np.exp)
   # Nested
    a=expv4+expv2+expv3
    b=expv1
    #Inclusive value (denominador)
    inclvalue=(a)**(lambda1)+(b)**(lambda2)
    #Choice probabilities
    prob1=(expv1*(b)**(lambda2-1))/inclvalue
    prob2=(expv2*(a)**(lambda1-1))/inclvalue
    prob3=(expv3*(a)**(lambda1-1))/inclvalue
    prob4=(expv4*(a)**(lambda1-1))/inclvalue
    #Lilkelihood per observation
   l=df['brand1']*np.log(prob1)+df['brand2']*np.log(prob2)+df['brand3']*np.log(prob3)+df['brand4']*np.log(prob4)
    #Sumar likelihood sobre todas las observaciones
    return -np.sum(1)
## Estructura (2,2)
def LL_N_22a(beta):
    #Unpacking
    alpha1, alpha2, alpha3, betap, betaf,gamma1,gamma2=beta
    # Nested parameters
    lambda1 = np.exp(gamma1)/(np.exp(gamma1) + 1)
    lambda2 = np.exp(gamma2)/(np.exp(gamma2) + 1)
    #Representative utilities
    v1=(alpha1+betap*df['price1']+betaf*df['feat1'])/lambda1
   v2=(alpha2+betap*df['price2']+betaf*df['feat2'])/lambda1
```

```
v3=(alpha3+betap*df['price3']+betaf*df['feat3'])/lambda2
    v4=(betap*df['price4']+betaf*df['feat4'])/lambda2
    #Exp Representative utilities
    expv1=v1.apply(np.exp)
    expv2=v2.apply(np.exp)
   expv3=v3.apply(np.exp)
   expv4=v4.apply(np.exp)
   # Nested
    a = expv1 + expv2
    b = expv3 + expv4
    #Inclusive value (denominador)
   inclvalue=(a)**(lambda1)+(b)**(lambda2)
    #Choice probabilities
    prob1=(expv1*(a)**(lambda1-1))/inclvalue
   prob2=(expv2*(a)**(lambda1-1))/inclvalue
    prob3=(expv3*(b)**(lambda2-1))/inclvalue
    prob4=(expv4*(b)**(lambda2-1))/inclvalue
    #Lilkelihood per observation
    l=df['brand1']*np.log(prob1)+df['brand2']*np.log(prob2)+df['brand3']*np.log(prob3)+df['brand4']*np.log(prob4)
    #Sumar likelihood sobre todas las observaciones
    return -np.sum(1)
def LL N 22b(beta):
    #Unpacking
    alpha1, alpha2, alpha3, betap, betaf,gamma1,gamma2=beta
    # Nested parameters
   lambda1 = np.exp(gamma1)/(np.exp(gamma1) + 1)
    lambda2 = np.exp(gamma2)/(np.exp(gamma2) + 1)
    #Representative utilities
```

```
v1=(alpha1+betap*df['price1']+betaf*df['feat1'])/lambda1
    v2=(alpha2+betap*df['price2']+betaf*df['feat2'])/lambda2
    v3=(alpha3+betap*df['price3']+betaf*df['feat3'])/lambda1
    v4=(betap*df['price4']+betaf*df['feat4'])/lambda2
    #Exp Representative utilities
    expv1=v1.apply(np.exp)
    expv2=v2.apply(np.exp)
    expv3=v3.apply(np.exp)
    expv4=v4.apply(np.exp)
    # Nested
    a = expv1 + expv3
    b = expv2 + expv4
    #Inclusive value (denominador)
    inclvalue=(a)**(lambda1)+(b)**(lambda2)
    #Choice probabilities
    prob1=(expv1*(a)**(lambda1-1))/inclvalue
    prob2=(expv2*(b)**(lambda2-1))/inclvalue
    prob3=(expv3*(a)**(lambda1-1))/inclvalue
    prob4=(expv4*(b)**(lambda2-1))/inclvalue
    #Lilkelihood per observation
    l=df['brand1']*np.log(prob1)+df['brand2']*np.log(prob2)+df['brand3']*np.log(prob3)+df['brand4']*np.log(prob4)
    #Sumar likelihood sobre todas las observaciones
    return -np.sum(1)
def LL_N_22c(beta):
    #Unpacking
    alpha1, alpha2, alpha3, betap, betaf,gamma1,gamma2=beta
    # Nested parameters
    lambda1 = np.exp(gamma1)/(np.exp(gamma1) + 1)
    lambda2 = np.exp(gamma2)/(np.exp(gamma2) + 1)
```

```
#Representative utilities
    v1=(alpha1+betap*df['price1']+betaf*df['feat1'])/lambda1
    v2=(alpha2+betap*df['price2']+betaf*df['feat2'])/lambda2
    v3=(alpha3+betap*df['price3']+betaf*df['feat3'])/lambda2
    v4=(betap*df['price4']+betaf*df['feat4'])/lambda1
    #Exp Representative utilities
    expv1=v1.apply(np.exp)
    expv2=v2.apply(np.exp)
    expv3=v3.apply(np.exp)
    expv4=v4.apply(np.exp)
    # Nested
    a = expv1 + expv4
    b = expv2 + expv3
    #Inclusive value (denominador)
    inclvalue=(a)**(lambda1)+(b)**(lambda2)
    #Choice probabilities
    prob1=(expv1*(a)**(lambda1-1))/inclvalue
    prob2=(expv2*(b)**(lambda2-1))/inclvalue
    prob3=(expv3*(b)**(lambda2-1))/inclvalue
    prob4=(expv4*(a)**(lambda1-1))/inclvalue
    #Lilkelihood per observation
    l=df['brand1']*np.log(prob1)+df['brand2']*np.log(prob2)+df['brand3']*np.log(prob3)+df['brand4']*np.log(prob4)
    #Sumar likelihood sobre todas las observaciones
    return -np.sum(1)
# Optimize with differents methods
## Save values
def optimizar logit condicional save (point0, metodo):
    conca = pd.DataFrame()
```

```
## Añadir beta óptimo obtenido
a = minimize(LL,point0,method=metodo)
a values = a["x"]
conca = pd.concat([conca,pd.DataFrame.transpose(pd.DataFrame(a values))],axis=∅)
conca.rename({0: 'alph1',1: 'alph2',2: 'alph3',3: 'bp',4: 'bf'}, axis=1, inplace=True)
conca.reset index(drop=True, inplace=True)
## Añadir valor optimo obtenido
val a = -LL(a values)
val opt = pd.DataFrame([val a])
val_opt.rename({0: 'valor_opt'}, axis=1, inplace=True)
conca = pd.concat([conca,val opt],axis=1)
## Añadir punto inicial empleado
point inicial = pd.DataFrame([point0])
point_inicial.rename({0: 'alph1_0',1: 'alph2_0',2: 'alph3_0',3: 'bp_0',4: 'bf_0'}, axis=1, inplace=True)
conca = pd.concat([conca,point inicial],axis=1)
## Añadir nombre del metodo empleado
name_method = pd.DataFrame([metodo])
name method.rename({0: 'Metodo'}, axis=1, inplace=True)
conca = pd.concat([conca,name method],axis=1)
## Añadir AIC (-2 * mv betas) + (2*5)
AIC = pd.DataFrame((2*5) - 2*val a))
AIC.rename({0: 'AIC'}, axis=1, inplace=True)
conca = pd.concat([conca,AIC],axis=1)
## Añadir Indice de razón de verosimilitud
ceros = [0,0,0,0,0]
valcero a = -LL(ceros)
```

```
razon_vero = pd.DataFrame([1-val_a/valcero_a])
razon vero.rename({0: 'Indice Verosimilitud'}, axis=1, inplace=True)
conca = pd.concat([conca,razon vero],axis=1)
## Añadir errores
conca SE = pd.DataFrame()
####Hessiano
HLL = nd.Hessian(LL)(a values)
####Matriz de informacion ( no tomo -HLL porque estoy considerando que el modelo se multiplica por -1)
HLL inverse = np.linalg.inv(HLL)
####Extraer varianzas y calcular SE
SE = pd.DataFrame(np.sqrt(np.diag(HLL_inverse)))
conca SE = pd.concat([conca SE,SE],axis=1)
conca SE = pd.DataFrame.transpose(conca SE)
conca SE.rename({0: 'alph1 SE',1: 'alph2 SE',2: 'alph3 SE',3: 'bp SE',4: 'bf SE'}, axis=1, inplace=True)
conca SE.reset index(drop=True, inplace=True)
conca = pd.concat([conca,conca SE],axis=1)
# Añadir nidos
nid = pd.DataFrame()
n1 = [0]
n2 = [0]
n3 = [0]
n4 = [0]
nid['nest1'] = n1
nid['nest2'] = n2
nid['nest3'] = n3
nid['nest4'] = n4
nid["nest est"] = "Logit condicional"
nid.reset index(drop=True, inplace=True)
conca = pd.concat([conca,nid],axis=1)
return conca
```

```
def optimizar logit 31 save (point0, metodo):
    conca = pd.DataFrame()
    ## Añadir beta óptimo obtenido
    a = minimize(LL N 31a,point0,method=metodo)
    b = minimize(LL N 31b,point0,method=metodo)
    c = minimize(LL N 31c,point0,method=metodo)
   d = minimize(LL_N_31d,point0,method=metodo)
    a values,b values,c values,d values = a["x"],b["x"],c["x"],d["x"]
    conca = pd.concat([conca,pd.DataFrame.transpose(pd.DataFrame(a values))],axis=0)
    conca = pd.concat([conca,pd.DataFrame.transpose(pd.DataFrame(b values))],axis=0)
    conca = pd.concat([conca,pd.DataFrame.transpose(pd.DataFrame(c values))],axis=0)
    conca = pd.concat([conca,pd.DataFrame.transpose(pd.DataFrame(d values))],axis=0)
    conca.rename({0: 'alph1',1: 'alph2',2: 'alph3',3: 'bp',4: 'bf',5: "gamma1"}, axis=1, inplace=True)
    conca.reset index(drop=True, inplace=True)
    ## Añadir valor optimo obtenido
    val a, val b, val c, val d = -LL N 31a(a values), -LL N 31b(b values), -LL N 31c(c values), -LL N 31d(d values)
    val opt = pd.DataFrame([val a, val b, val c, val d])
    val opt.rename({0: 'valor opt'}, axis=1, inplace=True)
    conca = pd.concat([conca,val opt],axis=1)
    ## Añadir punto inicial empleado
    point inicial = pd.DataFrame([point0, point0, point0, point0])
    point inicial.rename({0: 'alph1 0',1: 'alph2 0',2: 'alph3 0',3: 'bp 0',4: 'bf 0',5: "gamma1 0"}, axis=1, inplace=True)
    conca = pd.concat([conca,point inicial],axis=1)
    ## Añadir nombre del metodo empleado
    name method = pd.DataFrame([metodo, metodo, metodo])
```

```
name method.rename({0: 'Metodo'}, axis=1, inplace=True)
conca = pd.concat([conca,name method],axis=1)
## Añadir AIC (-2 * mv betas) + (2*5)
AIC = pd.DataFrame([(2*6) - 2*val a, (2*6) - 2*val b, (2*6) - 2*val c, (2*6) - 2*val d])
AIC.rename({0: 'AIC'}, axis=1, inplace=True)
conca = pd.concat([conca,AIC],axis=1)
## Añadir Indice de razón de verosimilitud
ceros = [0,0,0,0,0,0]
valcero a, valcero b, valcero c, valcero d = -LL N 31a(ceros), -LL N 31b(ceros), -LL N 31c(ceros), -LL N 31d(ceros)
razon vero = pd.DataFrame([1-val a/valcero a, 1-val b/valcero b, 1-val c/valcero c, 1-val d/valcero d])
razon vero.rename({0: 'Indice Verosimilitud'}, axis=1, inplace=True)
conca = pd.concat([conca,razon vero],axis=1)
## Añadir errores
conca SE = pd.DataFrame()
### 31a
####Hessiano
HLL 31a = nd.Hessian(LL N 31a)(a values)
####Matriz de informacion ( no tomo -HLL porque estoy considerando que el modelo se multiplica por -1)
HLL inverse 31a = np.linalg.inv(HLL 31a)
####Extraer varianzas v calcular SE
SE_31a = pd.DataFrame(np.sqrt(np.diag(HLL_inverse_31a)))
conca SE = pd.concat([conca SE,SE 31a],axis=1)
### 31b
####Hessiano
HLL_31b = nd.Hessian(LL_N_31b)(b_values)
####Matriz de informacion ( no tomo -HLL porque estoy considerando que el modelo se multiplica por -1)
HLL inverse 31b = np.linalg.inv(HLL 31b)
####Extraer varianzas y calcular SE
SE 31b = pd.DataFrame(np.sqrt(np.diag(HLL inverse 31b)))
conca SE = pd.concat([conca SE,SE 31b],axis=1)
### 31c
```

```
####Hessiano
HLL 31c = nd.Hessian(LL N 31c)(c values)
####Matriz de informacion ( no tomo -HLL porque estoy considerando que el modelo se multiplica por -1)
HLL inverse 31c = np.linalg.inv(HLL 31c)
####Extraer varianzas y calcular SE
SE 31c = pd.DataFrame(np.sqrt(np.diag(HLL inverse 31c)))
conca SE = pd.concat([conca SE,SE 31c],axis=1)
### 31d
####Hessiano
HLL_31d = nd.Hessian(LL_N 31d)(d values)
####Matriz de informacion ( no tomo -HLL porque estoy considerando que el modelo se multiplica por -1)
HLL inverse 31d = np.linalg.inv(HLL 31d)
####Extraer varianzas y calcular SE
SE 31d = pd.DataFrame(np.sqrt(np.diag(HLL inverse 31d)))
conca SE = pd.concat([conca SE,SE 31d],axis=1)
conca SE = pd.DataFrame.transpose(conca SE)
conca SE.rename({0: 'alph1 SE',1: 'alph2 SE',2: 'alph3 SE',3: 'bp SE',4: 'bf SE',5: "gamma1 SE"}, axis=1, inplace=True)
conca SE.reset index(drop=True, inplace=True)
conca = pd.concat([conca,conca SE],axis=1)
## Añadir errores estándar de lambdas con método delta
### 31a
estim31a = (a["x"])
def f ee 31a(g):
    derivada = np.exp(g)/((1+ np.exp(g))**2)
    mat = [[0], [0], [0], [0], [0], [derivada]]
    mat t = np.transpose(mat)
    res = np.dot(mat t, HLL inverse 31a)
    res2 = np.dot(res, mat)
    ee = np.sqrt(res2)
    return ee
ee 131a = f ee 31a(estim31a[5])
ee 131a = ee 131a[0]
```

```
### 31b
estim31b = (b["x"])
def f_ee_31b(g):
   derivada = np.exp(g)/((1+ np.exp(g))**2)
   mat = [[0], [0], [0], [0], [derivada]]
   mat_t = np.transpose(mat)
    res = np.dot(mat_t, HLL_inverse_31b)
    res2 = np.dot(res, mat)
    ee = np.sqrt(res2)
    return ee
ee 131b = f ee 31b(estim31b[5])
ee_131b = ee_131b[0]
### 31c
estim31c = (c["x"])
def f_ee_31c(g):
    derivada = np.exp(g)/((1+ np.exp(g))**2)
   mat = [[0], [0], [0], [0], [0], [derivada]]
    mat_t = np.transpose(mat)
    res = np.dot(mat t, HLL inverse 31c)
    res2 = np.dot(res, mat)
    ee = np.sqrt(res2)
    return ee
ee_131c = f_ee_31c(estim31c[5])
ee_131c = ee_131c[0]
### 31d
estim31d = (d["x"])
def f ee 31d(g):
   derivada = np.exp(g)/((1+ np.exp(g))**2)
   mat = [[0], [0], [0], [0], [0], [derivada]]
    mat_t = np.transpose(mat)
    res = np.dot(mat t, HLL inverse 31d)
    res2 = np.dot(res, mat)
    ee = np.sqrt(res2)
    return ee
ee 131d = f_ee_31d(estim31d[5])
```

```
ee_l31d = ee_l31d[0]
    val_ee_lambda = pd.DataFrame([ee_l31a, ee_l31b, ee_l31c, ee_l31d])
    val ee lambda.rename({0: 'ee lambda1'}, axis=1, inplace=True)
    conca = pd.concat([conca,val_ee_lambda],axis=1)
    ## Añadir nidos
    nid = pd.DataFrame()
    n1 = [1,1,1,2]
    n2 = [1,1,2,1]
    n3 = [1,2,1,1]
   n4 = [2,1,1,1]
    nid['nest1'] = n1
   nid['nest2'] = n2
    nid['nest3'] = n3
    nid['nest4'] = n4
    nid["nest est"] = "(3,1)"
    ## Añadir lambdas
    nid["lambda1"] = np.exp(conca["gamma1"])/(np.exp(conca["gamma1"]) + 1)
    nid["lambda2"] = 1
    nid.reset_index(drop=True, inplace=True)
    conca = pd.concat([conca,nid],axis=1)
    return conca
def optimizar logit 22 save (point0, metodo):
    conca = pd.DataFrame()
   ## Añadir beta óptimo obtenido
    a = minimize(LL_N_22a,point0,method=metodo)
    b = minimize(LL_N_22b,point0,method=metodo)
```

```
c = minimize(LL N 22c,point0,method=metodo)
a values,b values,c values = a["x"],b["x"],c["x"]
conca = pd.concat([conca,pd.DataFrame.transpose(pd.DataFrame(a values))],axis=0)
conca = pd.concat([conca,pd.DataFrame.transpose(pd.DataFrame(b values))],axis=0)
conca = pd.concat([conca,pd.DataFrame.transpose(pd.DataFrame(c values))],axis=0)
conca.rename({0: 'alph1',1: 'alph2',2: 'alph3',3: 'bp',4: 'bf',5: "gamma1",6: "gamma2"}, axis=1, inplace=True)
conca.reset index(drop=True, inplace=True)
## Añadir valor optimo obtenido
val a, val b, val c = -LL_N_22a(a_values), -LL_N_22b(b_values), -LL_N_22c(c_values)
val opt = pd.DataFrame([val a, val b, val c])
val opt.rename({0: 'valor opt'}, axis=1, inplace=True)
conca = pd.concat([conca,val opt],axis=1)
## Añadir punto inicial empleado
point inicial = pd.DataFrame([point0, point0, point0])
point_inicial.rename({0: 'alph1_0',1: 'alph2_0',2: 'alph3_0',3: 'bp_0',4: 'bf_0',5: "gamma1_0",6: "gamma2_0"}, axis=1, inplace=
conca = pd.concat([conca,point inicial],axis=1)
## Añadir nombre del metodo empleado
name method = pd.DataFrame([metodo, metodo])
name method.rename({0: 'Metodo'}, axis=1, inplace=True)
conca = pd.concat([conca,name method],axis=1)
## Añadir AIC (-2 * mv betas) + (2*5)
AIC = pd.DataFrame([(2*7) - 2*val a, (2*7) - 2*val b, (2*7) - 2*val c])
AIC.rename({0: 'AIC'}, axis=1, inplace=True)
conca = pd.concat([conca,AIC],axis=1)
## Añadir Indice de razón de verosimilitud
ceros = [0,0,0,0,0,0,0]
valcero_a, valcero_b, valcero_c= -LL_N_22a(ceros), -LL_N_22b(ceros), -LL_N_22c(ceros)
```

```
razon vero = pd.DataFrame([1-val a/valcero a, 1-val b/valcero b, 1-val c/valcero c])
razon vero.rename({0: 'Indice Verosimilitud'}, axis=1, inplace=True)
conca = pd.concat([conca,razon vero],axis=1)
## Añadir errores
conca SE = pd.DataFrame()
### 22a
####Hessiano
HLL 22a = nd.Hessian(LL N 22a)(a values)
####Matriz de informacion ( no tomo -HLL porque estoy considerando que el modelo se multiplica por -1)
HLL_inverse_22a = np.linalg.inv(HLL_22a)
####Extraer varianzas y calcular SE
SE 22a = pd.DataFrame(np.sqrt(np.diag(HLL inverse 22a)))
conca SE = pd.concat([conca SE,SE 22a],axis=1)
### 22b
####Hessiano
HLL 22b = nd.Hessian(LL N 22b)(b values)
####Matriz de informacion ( no tomo -HLL porque estoy considerando que el modelo se multiplica por -1)
HLL_inverse_22b = np.linalg.inv(HLL_22b)
####Extraer varianzas y calcular SE
SE 22b = pd.DataFrame(np.sqrt(np.diag(HLL inverse 22b)))
conca SE = pd.concat([conca SE,SE 22b],axis=1)
### 22c
####Hessiano
HLL_22c = nd.Hessian(LL_N_22c)(c_values)
####Matriz de informacion ( no tomo -HLL porque estoy considerando que el modelo se multiplica por -1)
HLL inverse 22c = np.linalg.inv(HLL 22c)
####Extraer varianzas y calcular SE
SE 22c = pd.DataFrame(np.sqrt(np.diag(HLL inverse 22c)))
conca SE = pd.concat([conca SE,SE 22c],axis=1)
conca SE = pd.DataFrame.transpose(conca SE)
conca_SE.rename({0: 'alph1_SE',1: 'alph2_SE',2: 'alph3_SE',3: 'bp_SE',4: 'bf_SE',5: "gamma1_SE",6: "gamma2_SE"}, axis=1, inplace
conca SE.reset index(drop=True, inplace=True)
```

```
conca = pd.concat([conca,conca SE],axis=1)
## Añadir errores estándar de lambdas con método delta
### 22a
estim22a = (a["x"])
def f_ee_22a(g):
    derivada = np.exp(g)/((1+ np.exp(g))**2)
    mat = [[0], [0], [0], [0], [derivada], [0]]
    mat t = np.transpose(mat)
    res = np.dot(mat t, HLL inverse 22a)
    res2 = np.dot(res, mat)
    ee = np.sqrt(res2)
    return ee
ee_l1_22a = f_ee_22a(estim22a[5])
ee_l1_22a = ee_l1_22a[0]
def f ee 22a2(g):
    derivada = np.exp(g)/((1+ np.exp(g))**2)
   mat = [[0], [0], [0], [0], [0], [0], [derivada]]
    mat t = np.transpose(mat)
    res = np.dot(mat_t, HLL_inverse_22a)
    res2 = np.dot(res, mat)
    ee = np.sqrt(res2)
    return ee
ee 12 22a = f ee 22a2(estim22a[6])
ee_12_22a = ee_12_22a[0]
### 22b
estim22b = (b["x"])
def f ee 22b(g):
   derivada = np.exp(g)/((1+ np.exp(g))**2)
   mat = [[0], [0], [0], [0], [derivada], [0]]
   mat_t = np.transpose(mat)
    res = np.dot(mat t, HLL inverse 22b)
    res2 = np.dot(res, mat)
    ee = np.sqrt(res2)
    return ee
```

```
ee 11 22b = f ee 22b(estim22b[5])
ee 11\ 22b = ee\ 11\ 22b[0]
def f ee 22b2(g):
    derivada = np.exp(g)/((1+ np.exp(g))**2)
    mat = [[0], [0], [0], [0], [0], [0], [derivada]]
    mat_t = np.transpose(mat)
    res = np.dot(mat t, HLL inverse 22b)
    res2 = np.dot(res, mat)
    ee = np.sqrt(res2)
    return ee
ee_12_22b = f_ee_22b2(estim22b[6])
ee 12 22b = ee 12 22b[0]
### 22c
estim22c = (c["x"])
def f ee 22c(g):
    derivada = np.exp(g)/((1+ np.exp(g))**2)
   mat = [[0], [0], [0], [0], [derivada], [0]]
    mat t = np.transpose(mat)
   res = np.dot(mat_t, HLL_inverse_22c)
    res2 = np.dot(res, mat)
    ee = np.sqrt(res2)
    return ee
ee l1_22c = f_ee_22c(estim22c[5])
ee_l1_22c = ee_l1_22c[0]
def f_ee_22c2(g):
    derivada = np.exp(g)/((1+ np.exp(g))**2)
   mat = [[0], [0], [0], [0], [0], [0], [derivada]]
    mat t = np.transpose(mat)
    res = np.dot(mat_t, HLL_inverse_22c)
    res2 = np.dot(res, mat)
    ee = np.sqrt(res2)
    return ee
ee 12 22c = f ee 22c2(estim22c[6])
ee_12_22c = ee_12_22c[0]
```

```
val_ee_lambda1 = pd.DataFrame([ee_l1_22a, ee_l1_22b, ee_l1_22c])
    val_ee_lambda1.rename({0: 'ee_lambda1'}, axis=1, inplace=True)
    conca = pd.concat([conca,val_ee_lambda1],axis=1)
    val_ee_lambda2 = pd.DataFrame([ee_12_22a, ee_12_22b, ee_12_22c])
    val ee lambda2.rename({0: 'ee lambda2'}, axis=1, inplace=True)
    conca = pd.concat([conca,val ee lambda2],axis=1)
    # Añadir nidos
    nid = pd.DataFrame()
    n1 = [1,1,1]
   n2 = [1,2,2]
   n3 = [2,1,2]
    n4 = [2,2,1]
    nid['nest1'] = n1
   nid['nest2'] = n2
    nid['nest3'] = n3
    nid['nest4'] = n4
    nid["nest_est"] = "(2,2)"
    ## Añadir lambdas
    nid["lambda1"] = np.exp(conca["gamma1"])/(np.exp(conca["gamma1"]) + 1)
   nid["lambda2"] = np.exp(conca["gamma2"])/(np.exp(conca["gamma2"]) + 1)
    nid.reset index(drop=True, inplace=True)
    conca = pd.concat([conca,nid],axis=1)
    return conca
# Creacion de la base de datos
##Correr los modelos con distintos metodos y puntos iniciales
### Logit condicional
```

```
base giant 1 = pd.DataFrame()
try:
    save_val = optimizar_logit_condicional_save([0,0,0,0,0],'trust-constr')
    base_giant_1 = pd.concat([base_giant_1,save_val],axis=0)
    base_giant_1.reset_index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save val = optimizar logit condicional save([1.38,0.83,-1.65,-26.58,0.37],'trust-constr')
    base_giant_1 = pd.concat([base_giant_1,save_val],axis=0)
    base giant 1.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save_val = optimizar_logit_condicional_save([0,0,0,0,0],"L-BFGS-B")
    base giant 1 = pd.concat([base giant 1,save val],axis=0)
    base giant 1.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save_val = optimizar_logit_condicional_save([1.38,0.83,-1.65,-26.58,0.37],"L-BFGS-B")
    base_giant_1 = pd.concat([base_giant_1,save_val],axis=0)
    base giant 1.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save val = optimizar logit condicional save([0,0,0,0,0,0], "Nelder-Mead")
    base giant 1 = pd.concat([base giant 1,save val],axis=0)
    base giant 1.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save_val = optimizar_logit_condicional_save([1.38,0.83,-1.65,-26.58,0.37],"Nelder-Mead")
```

```
base giant 1 = pd.concat([base giant 1,save val],axis=0)
    base giant 1.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save val = optimizar logit condicional save([0,0,0,0,0],"Powell")
    base giant 1 = pd.concat([base giant 1,save val],axis=0)
    base giant 1.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save_val = optimizar_logit_condicional_save([1.38,0.83,-1.65,-26.58,0.37],"Powell")
    base giant 1 = pd.concat([base giant 1,save val],axis=0)
    base giant 1.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save val = optimizar logit condicional save([0,0,0,0,0],"TNC")
    base giant 1 = pd.concat([base giant 1,save val],axis=0)
    base giant 1.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save_val = optimizar_logit_condicional_save([1.38,0.83,-1.65,-26.58,0.37],"TNC")
    base_giant_1 = pd.concat([base_giant_1,save val],axis=0)
    base giant 1.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
### Nested logit
base_giant_31 = pd.DataFrame()
try:
    save val = optimizar logit 31 save([0,0,0,0,0,0], 'trust-constr')
    base giant 31 = pd.concat([base giant 31,save val],axis=0)
    base giant 31.reset index(drop=True, inplace=True)
```

```
except:
    pass
try:
    save val = optimizar logit 31 save([1.38,0.83,-1.65,-26.58,0.37,0.59],'trust-constr')
    base giant 31 = pd.concat([base giant 31,save val],axis=0)
    base giant 31.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save val = optimizar logit 31 save([0,0,0,0,0,0],"L-BFGS-B")
    base giant 31 = pd.concat([base giant 31,save val],axis=0)
    base giant 31.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save val = optimizar logit 31 save([1.38,0.83,-1.65,-26.58,0.37,0.59],"L-BFGS-B")
    base giant 31 = pd.concat([base giant 31,save val],axis=0)
    base giant 31.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save val = optimizar logit 31 save([0,0,0,0,0,0], "Nelder-Mead")
    base giant 31 = pd.concat([base giant 31,save val],axis=0)
    base giant 31.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save_val = optimizar_logit_31_save([1.38,0.83,-1.65,-26.58,0.37,0.59],"Nelder-Mead")
    base giant 31 = pd.concat([base giant 31,save val],axis=0)
    base giant 31.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save val = optimizar logit 31 save([0,0,0,0,0,0], "Powell")
    base_giant_31 = pd.concat([base_giant_31,save_val],axis=0)
```

```
base giant 31.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save_val = optimizar_logit_31_save([1.38,0.83,-1.65,-26.58,0.37,0.59],"Powell")
    base giant 31 = pd.concat([base_giant_31,save_val],axis=0)
    base giant 31.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save_val = optimizar_logit_31_save([0,0,0,0,0,0],"TNC")
    base giant 31 = pd.concat([base giant 31,save val],axis=0)
    base giant 31.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save val = optimizar logit 31 save([1.38, 0.83, -1.65, -26.58, 0.37, 0.59], "TNC")
    base giant 31 = pd.concat([base giant 31,save val],axis=0)
    base giant 31.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
base_giant_22 = pd.DataFrame()
try:
    save val = optimizar logit 22 save([0,0,0,0,0,0,0],'trust-constr')
    base giant 22 = pd.concat([base_giant_22,save_val],axis=0)
    base giant 22.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save_val = optimizar_logit_22_save([1.38,0.83,-1.65,-26.58,0.37,0.59,1],'trust-constr')
```

```
base giant 22 = pd.concat([base giant 22,save val],axis=0)
    base giant 22.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save_val = optimizar_logit_22_save([0,0,0,0,0,0,0],"L-BFGS-B")
    base giant 22 = pd.concat([base giant 22,save val],axis=0)
    base giant 22.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save val = optimizar logit 22 save([1.38,0.83,-1.65,-26.58,0.37,0.59,1],"L-BFGS-B")
    base giant 22 = pd.concat([base giant 22,save val],axis=0)
    base giant 22.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save val = optimizar logit 22 save([0,0,0,0,0,0,0], "Nelder-Mead")
    base giant 22 = pd.concat([base giant 22,save val],axis=0)
    base giant 22.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save val = optimizar logit 22 save([1.38,0.83,-1.65,-26.58,0.37,0.59,1], "Nelder-Mead")
    base giant 22 = pd.concat([base giant 22,save val],axis=0)
    base_giant_22.reset_index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save val = optimizar logit 22 save([0,0,0,0,0,0,0],"Powell")
    base giant 22 = pd.concat([base giant 22,save val],axis=0)
    base giant 22.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
```

```
try:
    save_val = optimizar_logit_22_save([1.38,0.83,-1.65,-26.58,0.37,0.59,1],"Powell")
    base_giant_22 = pd.concat([base_giant_22,save_val],axis=0)
    base giant 22.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save_val = optimizar_logit_22_save([0,0,0,0,0,0,0],"TNC")
    base_giant_22 = pd.concat([base_giant_22,save_val],axis=0)
    base giant 22.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
try:
    save_val = optimizar_logit_22_save([1.38,0.83,-1.65,-26.58,0.37,0.59,1],"TNC")
    base giant 22 = pd.concat([base giant 22,save val],axis=0)
    base giant 22.reset index(drop=True, inplace=True)
except:
    pass
##Eliminar el archivo csv en caso de que exista
try:
    os.remove('logit condicional.csv')
except:
    pass
try:
    os.remove('Nested logit 31.csv')
except:
    pass
try:
    os.remove('Nested_logit_22.csv')
except:
    pass
try:
```

```
os.remove('Nested logit all.csv')
except:
    pass
#Guardar los modelos en archivo csv
base_giant_22.to_csv('Nested_logit_22.csv', mode='a', index=False, header=True)
base_giant_22 = base_giant_22.dropna()
base_giant_31.to_csv('Nested_logit_31.csv', mode='a', index=False, header=True)
base giant 31 = base giant 31.dropna()
base giant 1.to csv('logit condicional.csv', mode='a', index=False, header=True)
base_giant_1 = base_giant_1.dropna()
base giant nested = pd.concat([base giant 31,base giant 22, base giant 1],axis=∅)
base giant nested = base giant nested.reindex(columns=\)
                                               ['alph1','alph2','alph3',\
                                                'bp','bf','gamma1','gamma2',\
                                                "lambda1","lambda2",\
                                                'valor opt', 'Metodo', \
                                                'AIC', 'Indice Verosimilitud', \
                                                "nest est",\
                                                'nest1','nest2','nest3',\
                                                'nest4', 'alph1_0', 'alph2_0', \
                                                'alph3 0','bp 0','bf 0',\
                                                'gamma1_0','gamma2_0','alph1_SE',\
                                                'alph2_SE','alph3_SE','bp_SE',\
                                                'bf SE', 'gamma1 SE', 'gamma2 SE', \
                                                'ee lambda1','ee lambda2'])
base giant nested.to csv('Nested logit all.csv', mode='a', index=False, header=True)
#Combinación de nidos con el menor AIC
AIC low = base giant nested[base giant nested.AIC == base giant nested.AIC.min()]
print(AIC low)
```