5.3 Häufigkeit und Wahrscheinlichkeit

→ Arbeitsblatt: Häufigkeit und Wahrscheinlichkeit.

Merke: Die Wahrscheinlichkeit eines Ereignisses gibt an, mit welcher relativen Häufigkeit das Ereignis eintritt, wenn das Zufallsexperiment sehr oft wiederholt wird.

Eigenschaften der Wahrscheinlichkeit:

- $0 \le P(A) \le 1$ für jedes Ereignis $A \subseteq S \to \text{Nichtnegativität der Wahrscheinlichkeit}$
- $P(S) = 1 \rightarrow \underline{\text{Normiertheit}}$ der Wahrscheinlichkeit.
- $P(S) = P(e_1) + P(e_2) +P(e_n)$ Beispiel: Würfeln: $P(\{1; 2; 3; 4; 5; 6\} = P(\{1\}) + P(\{2\}) + P(\{3\}) + P(\{4\}) + P(\{5\}) + P(\{6\}) = \frac{1}{6} + \frac{1}{6} + \frac{1}{6} + \frac{1}{6} + \frac{1}{6} = 1$
- $P(\emptyset) = 0$
- $P(\overline{A}) = 1 P(A)$ bzw. $P(A) + P(\overline{A}) = 1$
- $P(A) + P(B) = P(A \cup B)$, gilt nur wenn A und B unvereinbar sind (disjunkt), d.h. wenn $A \cap B = \emptyset \to \text{Additivität}$ der Wahrscheinlichkeit.

Gegenbeispiel: Würfeln eines sechsseitigen Würfels,
$$A = \{1; 2; 3\}$$
 und $B = \{2; 3; 4; 5\}$. $P(A \cup B) = P(\{1; 2; 3; 4; 5\}) = \frac{5}{6}$ aber $P(A) + P(B) = \frac{1}{2} + \frac{4}{6} = \frac{7}{6} > 1$

Beispiel:

- J = Junge wird geboren, M = Mädchen wird geboren, Mit einer Wahrscheinlichkeit von 51,4% wird ein Mädchen geboren. Mit welcher Wahrscheinlichkeit ist das Neugeborene ein Junge? Es gilt P(M) = 0,541. $P(J) = P(\overline{M}) = 1 P(M) = 1 0,541 = 0,486.$ Mit einer Wahrscheinlichkeit von 48,6% ist das Neugeborene ein Junge.
- Buch S. 237 Nr. 2 ohne grafische Darstellung. $P(S) = \frac{1}{3}, P(I) = 0, 4undP(T) = 0, 25.$ $P(kA) = 1 P(S) P(I) P(T) = 1 \frac{1}{3} 0, 4 0, 25 = \frac{1}{60} = 1,67\%$ Da 90 Personen keine Angaben machten wurden $90 \cdot 60 = 5400$ Personen befragt.