

Pràctica 2 (35% nota final)

Presentació

En aquesta pràctica s'elabora un cas pràctic orientat a aprendre a identificar les dades rellevants per un projecte analític i usar les eines d'integració, neteja, validació i anàlisi de les mateixes. Per fer aquesta pràctica haureu de treballar en grups de fins a 3 persones, o si preferiu, també podeu fer-ho de manera individual. Haureu de lliurar un sol fitxer amb l'enllaç Github (https://github.com) on es trobin les solucions incloent els noms dels components de l'equip. Podeu utilitzar la Wiki de Github per descriure el vostre equip i els diferents arxius que corresponen a la vostra entrega. Cada membre de l'equip haurà de contribuir amb el seu usuari Github. Podeu utilitzar aquests exemples com guia:

- Exemple: https://github.com/Bengis/nba-gap-cleaning
- Exemple complex (fitxer adjunt).

Competències

En aquesta pràctica es desenvolupen les següents competències del Màster de Data Science:

- Capacitat d'analitzar un problema en el nivell d'abstracció adequat a cada situació i aplicar les habilitats i coneixements adquirits per abordar-lo i resoldre'l.
- Capacitat per aplicar les tècniques específiques de tractament de dades (integració, transformació, neteja i validació) per al seu posterior anàlisi.

Objectius

Els objectius concrets d'aquesta pràctica són:

- Aprendre a aplicar els coneixements adquirits i la seva capacitat de resolució de problemes en entorns nous o poc coneguts dintre de contextos més amplis o multidisciplinaris.
- Saber identificar les dades rellevants i els tractaments necessaris (integració, neteja i validació) per dur a terme un projecte analític.
- Aprendre a analitzar les dades adequadament per abordar la informació continguda en les dades.
- Identificar la millor representació dels resultats per tal d'aportar conclusions sobre el problema plantejat en el procés analític.
- Actuar amb els principis ètics i legals relacionats amb la manipulació de dades en funció de l'àmbit d'aplicació.
- Desenvolupar les habilitats d'aprenentatge que els permetin continuar estudiant d'una manera que haurà de ser en gran manera autodirigida o autònoma. Tipologia i cicle de vida de les dades
- Desenvolupar la capacitat de cerca, gestió i ús d'informació i recursos en l'àmbit de la ciència de dades.

Descripció de la PAC a realitzar

L'objectiu d'aquesta activitat serà el tractament d'un dataset, que pot ser el creat a la pràctica 1 o bé qualsevol dataset lliure disponible a Kaggle (https://www.kaggle.com). Alguns exemples de dataset amb els que podeu treballar són:

- Red Wine Quality (https://www.kaggle.com/uciml/red-wine-quality-cortez-et-al-2009).
- Titanic: Machine Learning from Disaster (https://www.kaggle.com/c/titanic).



L'últim exemple correspon a una competició activa a *Kaggle* de manera que, opcionalment, podeu aprofitar el treball realitzat durant la pràctica per entrar en aquesta competició. Seguint les principals etapes d'un projecte analític, les diferents tasques a realitzar (i justificar) són les següents:

- 1. Descripció del set de dades. Perquè és important i quina pregunta/problema pretén respondre?
- 2. Integració i selecció de les dades d'interès a analitzar.
- 3. Neteja de les dades.
 - 1. Les dades contenen zeros o elements buits? Com gestionaries aquests casos?
 - 2. Identificació i tractament de valors extrems.
- Anàlisi de les dades.
 - 1. Selecció dels grups de dades que es volen analitzar/comparar (planificació dels anàlisis a aplicar).
 - 2. Comprovació de la normalitat i homogeneïtat de la variància.
 - Aplicació de proves estadístiques per comparar els grups de dades. En funció de les dades i de l'objectiu de l'estudi, aplicar proves de contrast d'hipòtesis, correlacions, regressions, etc.
- 5. Representació dels resultats a partir de taules i gràfiques.
- 6. Resolució del problema. A partir dels resultats obtinguts, quines són les conclusions? Els resultats permeten respondre al problema?
- 7. Codi: Cal adjuntar el codi, preferiblement en R, amb el que s'ha realitzat la neteja, anàlisi i representació de les dades. Si ho preferiu, també podeu treballar en Python.



1. Descripció del set de dades

El set de dades que es vol estudiar prové de l'enllaç web següent:

https://www.kaggle.com/mehdidag/black-friday/home

Tal i com es descriu a la documentació (c.f. paràgraf següent), es tracta d'un set de dades que conté les transaccions realitzades en una botiga durant un període concret: El *Black Friday*. Aquestes dades han estat obtingudes amb l'objectiu d'analitzar els comportaments de compra dels usuaris durant aquest període en un local concret, per tal de poder predir els volums de compra, l'edat del client, el tipus de producte venut o bé simplement per classificar els clients en diferents clústers. Es tracta d'un set de dades pertanyent a un concurs (finalitza el 30 de Desembre, més informació a l'enllaç següent: https://datahack.analyticsvidhya.com/contest/black-friday/#problem statement).

Description

The dataset here is a sample of the transactions made in a retail store. The store wants to know better the customer purchase behavior against different products. Specifically, here the problem is a regression problem where we are trying to predict the dependent variable (the amount of purchase) with the help of the information contained in the other variables.

Classification problem can also be settled in this dataset since several variables are categorical, and some other approaches could be "Predicting the age of the consumer" or even "Predict the category of goods bought". This dataset is also particularly convenient for clustering and maybe find different clusters of consumers within it.

Acknowledgements

The dataset comes from a competition hosted by Analytics Vidhya.

De manera addicional, es pot extreure molta informació en relació amb el comportament del client per cara a realitzar accions que fomentin el seu consum. Per exemple, es poden identificar quins rangs d'edat consumeixen més, o bé si hi ha diferencies entre gènere per tal d'enfocar les campanyes de màrqueting cap a un públic més concret.

Donat que es tracta de dades de caire real, la identitat i informació sensible dels clients no apareix. Més concretament, el set de dades es composa de 12 columnes que descriuen la informació següent:

Columna	Descripció				
User_ID	Número de 7 xifres, identificador del client (ex. 1000001).				
Product_ID	Número de 8 xifres, identificador del producte comprat. Per marcar que				
	es un codi de producte ve encapçalat per una P (ex. P00069042).				
Gender	Gènere del client (M o F per Masculí o Femení, respectivament).				
Age	Edat del client per rangs de 10 anys (ex. 26-35).				
Occupation	Codi numèric (ex. 20).				
City_Category	Lletra que defineix la categoria de la ciutat (ex. A).				



Stay_In_Current_City_Years	Nombre d'anys que el client ha residit a la ciutat (ex. 4+)			
Marital_Status	Codi numèric que defineix l'estat civil del client (ex. 0).			
Product_Category_1	Codi numèric que defineix la categoria del producte comprat (ex. 3).			
Product_Category_2	Codi numèric que defineix la categoria del producte comprat (ex. 3).			
Product_Category_3	Codi numèric que defineix la categoria del producte comprat (ex. 3).			
Purchase	Cost del producte en cèntims de dòlar (ex. 1570).			

Un dels principals inconvenients d'aquest format de dades és el fet de no disposar dels diccionaris per les diferents columnes, que ens permetrien arribar a les mateixes conclusions però permetent-nos contextualitzar més els resultat. Així doncs, podrem concloure quins productes son els més venuts, per exemple, però no sabrem de quins productes es tractarà més enllà del seu identificador. El mateix passarà per a la ocupació del client, el seu estat civil, o les categories de producte. D'altra banda, i tot i que sembla que podem identificar si el mateix client ha comprat dues vegades a la botiga (els codis d'usuari es repeteixen a mesura que processem el set de dades), no disposem de la hora de compra i per tant no podem saber si es tracta d'una compra o diverses. Voldrem analitzar doncs la compra diària i no tant, doncs, les vegades que el client ha anat a comprar.



2. Integració i selecció de les dades d'interès a analitzar

Per tal d'integrar les dades, llegirem en un entorn de R el fitxer en format CSV descarregat de Kaggle:

```
> vendes_bf <- read.csv("C:/Users/josepconsuegra/Desktop/BlackFriday.csv", he
ader=TRUE, sep=",")</pre>
```

Si analitzem el set de dades processat, veurem que disposem de 537577 files (productes comprats) i 12 atributs. En realitat, i per inspecció visual, veurem que cada fila correspon a la compra d'un sol producte, i per tant necessitarem agregar les dades per a trobar l'import total de compra del dia. D'altra banda, les variables categòriques ja apareixen com a tal, i en canvi certes variables numèriques que corresponen a categories no ho són encara. Cadrà doncs factoritzar aquestes columnes.

```
> str(vendes_bf)
'data.frame': 537577 obs. of 12 variables:
 $ User_ID
                              : int 1000001 1000001 1000001 1000002 1
000003 1000004 1000004 1000004 1000005 ...
                              : Factor w/ 3623 levels "P00000142", "P00000242",
 $ Product_ID
..: 671 2375 851 827 2733 1830 1744 3319 3597 2630 ..
                              : Factor w/ 2 levels "F", "M": 1 1 1 1 2 2 2 2 2
 $ Gender
2 ...
                              : Factor w/ 7 levels "0-17", "18-25", ...: 1 1 1 1
 $ Age
7 3 5 5 5 3 ...
                              : int 10 10 10 10 16 15 7 7 7 20 ...
 $ Occupation
 $ City_Category
                             : Factor w/ 3 levels "A", "B", "C": 1 1 1 1 3 1 2
2 2 1 ...
 $ Stay_In_Current_City_Years: Factor w/ 5 levels "0","1","2","3",..: 3 3 3 3
5 4 3 3 3 2 ...
 $ Marital_Status
                             : int 000001111...
 $ Product_Category_1
                             : int 3 1 12 12 8 1 1 1 1 8 ...
                             : int NA 6 NA 14 NA 2 8 15 16 NA ...
 $ Product_Category_2
 $ Product_Category_3
                             : int NA 14 NA NA NA NA 17 NA NA NA ...
                             : int 8370 15200 1422 1057 7969 15227 19215 158
 $ Purchase
54 15686 7871 ...
Així doncs, aplicarem la funció factor als atributs Occupation, Marital Status i Product Category N:
> vendes_bf_net <- vendes_bf</pre>
> vendes_bf_net$Occupation <- as.factor(vendes_bf_net$Occupation)</pre>
> vendes_bf_net$Marital_Status <- as.factor(vendes_bf_net$Marital_Status)</pre>
> vendes_bf_net$Product_Category_1 <- as.factor(vendes_bf_net$Product_Categor</pre>
y_1)
> vendes_bf_net$Product_Category_2 <- as.factor(vendes_bf_net$Product_Categor</pre>
y_2
> vendes_bf_net$Product_Category_3 <- as.factor(vendes_bf_net$Product_Categor</pre>
y_3
> str(vendes_bf_net)
'data.frame': 537577 obs. of 12 variables:
                              : int 1000001 1000001 1000001 1000001 1
 $ User_ID
000003 1000004 1000004 1000004 1000005 ...
                              : Factor w/ 3623 levels "P00000142", "P00000242",
 $ Product ID
..: 671 2375 851 827 2733 1830 1744 3319 3597 2630 ...
```



```
: Factor w/ 2 levels "F", "M": 1 1 1 1 2 2 2 2 2
 $ Gender
2 ...
                              : Factor w/ 7 levels "0-17", "18-25", ...: 1 1 1 1
 $ Age
7 3 5 5 5 3 ...
                              : Factor w/ 21 levels "0","1","2","3",..: 11 11
 $ Occupation
11 11 17 16 8 8 8 21 ...
                              : Factor w/ 3 levels "A", "B", "C": 1 1 1 1 3 1 2
 $ City_Category
2 2 1 ...
 $ Stay_In_Current_City_Years: Factor w/ 5 levels "0","1","2","3",..: 3 3 3 3
5 4 3 3 3 2 ...
                              : Factor w/ 2 levels "0", "1": 1 1 1 1 1 2 2 2
 $ Marital_Status
2 ...
                              : Factor w/ 18 levels "1", "2", "3", "4", ...: 3 1 12
 $ Product_Category_1
12 8 1 1 1 1 8 ...
 $ Product_Category_2
                              : Factor w/ 17 levels "2", "3", "4", "5", ...: NA 5 N
A 13 NA 1 7 14 15 NA ...
 $ Product_Category_3
                              : Factor w/ 15 levels "3", "4", "5", "6", ...: NA 11
NA NA NA NA 14 NA NA NA ...
                              : int 8370 15200 1422 1057 7969 15227 19215 158
 $ Purchase
54 15686 7871 ...
```

De cara a l'estudi que volem realitzar, ens interessa analitzar tots els camps excepte potser les categories de producte, en concret les dues categories addicionals (*Product_Category_1* i *Product_Category_2*), ja que no aportaran massa informació rellevant. D'altra banda, i enllaçant amb el proper punt, presenten molts valors no disponibles (NA). En qualsevol cas, analitzarem aquesta casuística en el proper apartat.

D'altra banda, la resta de camps ja es troba en un format adequat per a l'estudi i tots els atributs son rellevants respecte a les preguntes inicials que es plantegen. Així doncs, conservarem tots els camps que tenim disponibles.



3. Neteja de les dades

a. Les dades contenen zeros o elements buits? Com gestionaries aquests casos?

De cara a analitzar la presencia de zeros o elements buits, executem la comanda *summary* per a obtenir una descripció del set de dades:

```
summary(vendes_bf_net)
                      Product_ID
   User_ID
                                      Gender
                                                                   Occupation
                                                                                   City_Category Stay_In_Current_City_Years
                                                     Age
Min.
       :1000001
                  P00265242:
                                      F:132197
                                                  0-17
                                                       : 14707
                                                                         : 70862
                                                                                                  0 : 72725
                               1858
                                                                                   A:144638
1st Qu.:1001495
                  P00110742:
                                                  18-25: 97634
                                                                           68120
                                                                                   B:226493
                                                                                                  1:189192
                               1591
                                      M:405380
                                                                                   C:166446
                                                                                                  2:99459
Median :1003031
                  P00025442:
                                                                           57806
                               1586
                                                  26-35:214690
       :1002992
                  P00112142:
                               1539
                                                  36-45:107499
                                                                           45971
                                                                                                  3 :
                                                                                                      93312
Mean
3rd Qu.:1004417
                  P00057642:
                               1430
                                                  46-50: 44526
                                                                 17
                                                                           39090
                                                                                                  4+: 82889
мах.
       :1006040
                  P00184942:
                               1424
                                                  51-55: 37618
                                                                 20
                                                                           32910
                   (Other) :528149
                                                  55+
                                                         20903
                                                                  (Other):222818
Marital_Status Product_Category_1 Product_Category_2 Product_Category_3
                                                                              Purchase
                                                                           Min.
                                                                                     185
0:317817
                       :148592
                                   8
                                          : 63058
                                                       16
                                                               : 32148
1:219760
               1
                       :138353
                                   14
                                            54158
                                                       15
                                                                27611
                                                                           1st Ou.:
                                                                                    5866
               8
                       :112132
                                   2
                                           : 48481
                                                       14
                                                               : 18121
                                                                           Median: 8062
               11
                       : 23960
                                   16
                                           : 42602
                                                       17
                                                                16449
                                                                           Mean
                                                                                    9334
                        23499
                                   15
                                            37317
                                                               : 16380
                                                                           3rd Qu.:12073
                         20164
                                   (Other):124975
                                                       (Other): 53569
                                                                                  :23961
                                                                           мах.
               (Other): 70877
                                          :166986
                                                       NA's
                                   NA's
```

Aprofitem l'avinentesa per a descobrir diversos punts que analitzarem un a un:

 Existència de zeros com a valor dels atributs Occupation, Stay_In_Current_City_Years i Marital Status:

En aquest cas, tots els zeros existents no representen absència de valor sinó que tenen un significat. Per al cas de l'ocupació, el 0 és l'identificador d'una categoria, i si disposéssim del diccionari trobaríem que la classe 0 correspon a "metge", per exemple. En el cas dels anys viscuts a la ciutat actual, el 0 indica que es tracta del primer any que el client resideix al seu domicili actual. En canvi, per a l'estat civil, observem que només existeixen dos valors, i que per tant podem assumir que es tracta d'un flag binari: 1 vol dir que el client està casat, 0 que no ho està.

• Existència d'elements buits en les columnes Product Category 2 i Product Category 3:

Segons el que podem veure a les dades, un producte pot tenir fins a 3 categories. D'aquesta manera, un producte amb totes tres categories informades no presentarà cap valor buit, mentre que un producte amb només dues categories tindrà un valor buit per a la columna Product_Category_3. Si fem extensiva aquesta explicació, un producte amb una sola categoria no tindrà informat cap valor per a les columnes Product_Category_2 i Product_Category_3.

b. Identificació i tractament de valors extrems.

Observant els resultats anteriors amb la comanda *summary* i analitzant els valors obtinguts per a la columna *purchase*, única variable numèrica, podem comprovar que el preu màxim dels productes (de manera individual) és 239.61\$ i el preu mínim de 1.85\$. Aquests valor extrems no semblen en cap cas anòmals, i per tant es consideraran dintre de l'estudi.

Donat que la resta d'atributs són categòrics, simplement comprovarem que no hi hagi cap categoria anòmala per a aquests atributs, més concretament per als camps *Occupation* i *Product_Category_N*.



```
> boxplot.stats(vendes_bf_net$0ccupation)$out
factor(0)
Levels: 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20
Warning message:
In Ops.factor(x[floor(d)], x[ceiling(d)]) : '+' not meaningful for factors
> boxplot.stats(vendes_bf_net$Product_Category_1)$out
factor(0)
Levels: 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18
Warning message:
In Ops.factor(x[floor(d)], x[ceiling(d)]) : '+' not meaningful for factors
> boxplot.stats(vendes_bf_net$Product_Category_2)$out
factor(0)
Levels: 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18
Warning message:
In Ops.factor(x[floor(d)], x[ceiling(d)]) : '+' not meaningful for factors
> boxplot.stats(vendes_bf_net$Product_Category_3)$out
factor(0)
Levels: 3 4 5 6 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18
Warning message:
In Ops.factor(x[floor(d)], x[ceiling(d)]) : '+' not meaningful for factors
```

Observem que totes les categories són numèriques i que es troben dins un rang acceptable de valors ([1;18] per a *Product_Category_N*, [0;20] per a *Occupation*), per tant entendrem que o bé no existien valors extrems incoherents de base, o be el set de dades ja ha estat tractat prèviament per a realitzar una primera neteja de dades.

Com podrem veure en l'apartat d'Anàlisi de dades, però, ens interessarà obtenir l'import total de compra d'un client. Com a apunt interessant, si tornem a comprovar els valors extrems un cop hem realitzat agregació de les compres, podem veure que ara n'apareixen 424 sobre el total de mesures que estem considerant (5891):

> length(boxplot.stats(vendes_bf_agg\$Purchase)\$out)

[1] 424

En qualsevol cas, aquests valors semblen correctes i res ens fa pensar que siguin valors anòmals. Tot el contrari, són dades que expliquen una realitat i ens han d'ajudar a entendre aquesta realitat. Així doncs, aquests valors es consideraran dintre de l'estudi.



4. Anàlisi de les dades i representació dels resultats a partir de taules i gràfiques.

Aquest set de dades permet flexibilitat a l'hora d'estudiar el comportament dels clients de l'establiment, donat que podem analitzar diversos factors que poden resultar molt interessants, i per tant dintre de l'espectre de preguntes que ens agradaria poder respondre trobaríem, de manera no exhaustiva, les següents :

- ¿Un dels dos gèneres compra més que l'altre? ¿Quin?
- ¿Hi ha altres factors que influeixin directament en el volum de compra?
- ¿Podem predir el consum de l'usuari?
- a. Selecció dels grups de dades que es volen analitzar/comparar (planificació dels anàlisis a aplicar).

Per tal de respondre a les preguntes esmentades prèviament, cal entendre primerament el format de les dades. En aquest sentit, estem tractant dades transaccionals separades per productes. Així doncs, per un mateix client A disposarem de tots els productes que ha comprat de manera individual, cadascun d'ells corresponent a una fila del nostre set de dades. Per tal d'analitzar l'import i volum de compra necessitarem primer de tot fer un agregat de les dades, de cara a disposar de la següent informació:

- El codi de client
- Els camps *Gender*, *Age*, *Occupation*, *City_Category*, *Stay_In_Current_City_Years* i *Marital_Status* per a analitzar correlacions.
- L'import total de compra
- El nombre de productes comprats
- El preu mig dels productes comprats (import total dividit per productes comprats)

Deixarem de banda, d'entrada, les columnes *Product_Category_N* ja que hi ha altres preguntes més interessants sobre el set de dades. Addicionalment, a l'hora de fer el total agregat per client estaríem perdent informació sobre la categoria dels productes, i per tant s'hauria de plantejar una altra estratègia per a analitzar com afecta la categoria dels productes i com gestionar productes multi-categòrics.

Procedim doncs a realitzar l'agregació de les dades. En primer lloc calcularem l'import total, i, tot seguit, el nombre de productes comprats per l'usuari, que ajuntarem a una mateixa taula:

```
> library(plyr)
> library(data.table)
> vendes_bf_count <- count(vendes_bf_net, c("User_ID"))
> vendes_bf_sum <- aggregate(Purchase ~ User_ID + Gender + Age + Occupation + City_Category + Stay_In_Current_City_Years + Marital_Status, vendes_bf_net, s um)
> vendes_bf_agg <- join(vendes_bf_sum, vendes_bf_count, by="User_ID", type="left", match="all")
> View(vendes_bf_agg)
> vendes_bf_agg$mean_price <- vendes_bf_agg$Purchase/vendes_bf_agg$freq
> setnames(vendes_bf_agg, old=c("freq"), new=c("Items"))
> setnames(vendes_bf_agg, old=c("mean_price"), new=c("Average_Price"))
```



•	User_ID [‡]	Gender [‡]	Age [‡]	Occupation [‡]	City_Category	Stay_In_Current_City_Years	Marital_Status	Purchase [‡]	Items	Average_Price
1	1000034	F	18-25	0	A	0	0	807747	99	8159.061
2	1000524	M	18-25	0	A	0	0	5212846	558	9342.018
3	1003389	M	18-25	0	A	0	0	2580955	321	8040.358
4	1003789	F	26-35	0	A	0	0	844854	76	11116.500
5	1001579	M	26-35	0	A	0	0	3977702	444	8958.788
6	1003678	M	26-35	0	A	0	0	773414	71	10893.155
7	1004643	M	26-35	0	A	0	0	885018	116	7629.466
8	1005720	M	26-35	0	A	0	0	1463389	178	8221.287
9	1003217	F	36-45	0	A	0	0	1882898	201	9367.652

b. Comprovació de la normalitat i homogeneïtat de la variància.

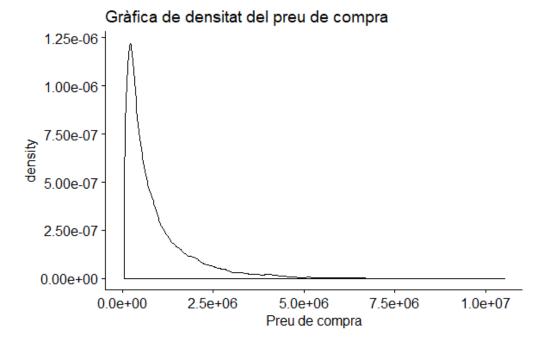
Per tal de comprovar la normalitat de la mostra, comprovarem per l'import de compra si es segueix una distribució normal, tal i com es realitza en l'exemple del mòdul teòric:

- > library(nortest)
- > p_Val=ad.test(vendes_bf_agg\$Purchase)\$p.value
- > p_val

[1] 3.7e-24

Vistos els resultats, sembla que el preu de compra no segueix una distribució normal, donat que el p-valor obtingut és clarament inferior a 0.05. Si intentem reproduir gràficament aquest fet, observem el següent:

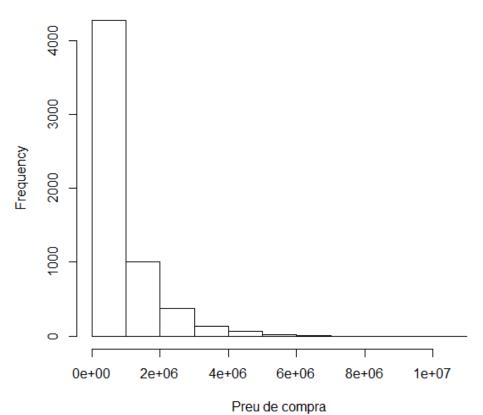
> library(ggpubr)
> ggdensity(vendes_bf_agg\$Purchase, main = "Gràfica de densitat del preu de c
ompra", xlab = "Preu de compra")



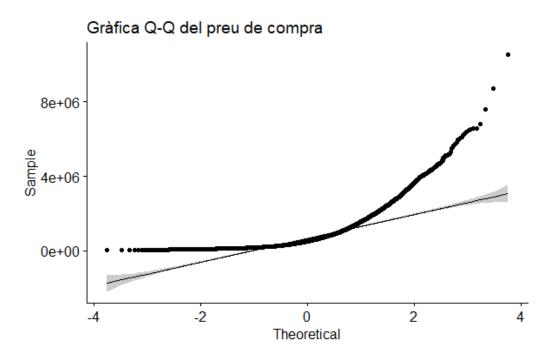
> hist(vendes_bf_agg\$Purchase, main="Histograma de preu de compra", xlab="Pre
u de compra")



Histograma de preu de compra



> ggqqplot(vendes_bf_agg\$Purchase, main="Gràfica Q-Q del preu de compra")





Podem observar com clarament la mostra no segueix una distribució normal (els valors de la gràfica Q-Q no es troben dintre de l'àrea grisa), fet que veiem demostrat també per el test de Kolmogorov-Smirnov, on el p-valor obtingut és molt inferior a 0.05:

- > library(vcd)
- > library(MASS)
- > ks.test(vendes_bf_agg\$Purchase, "pnorm", mean=mean(vendes_bf_agg\$Purchase),
 sd=sd(vendes_bf_agg\$Purchase))

One-sample Kolmogorov-Smirnov test

data: vendes_bf_agg\$Purchase
D = 0.19554, p-value < 2.2e-16
alternative hypothesis: two-sided</pre>

De cara a intentar endevinar quina distribució pot representar el nostre set de dades, podem generar la corba de Cullen i Frey i estimar a *grosso modo* la nostra distribució:

- > library(fitdistrplus)
- > library(logspline)
- > descdist(vendes_bf_agg\$Purchase, discrete = FALSE)

summary statistics

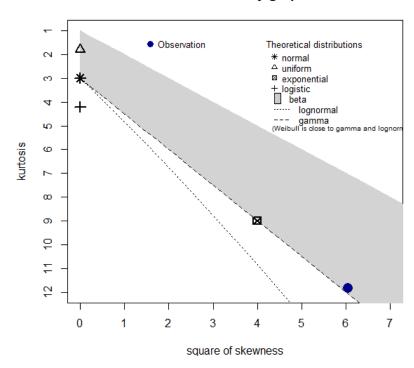
min: 44108 max: 10536783

median: 512612 mean: 851751.5

estimated sd: 932997.8

estimated skewness: 2.459439 estimated kurtosis: 11.83409

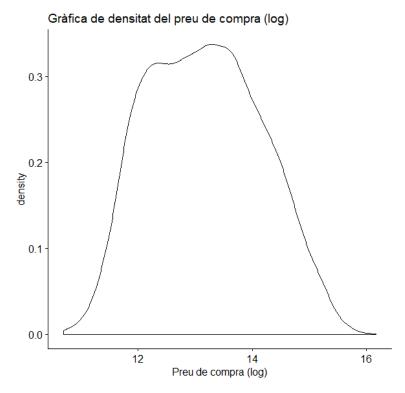
Cullen and Frey graph





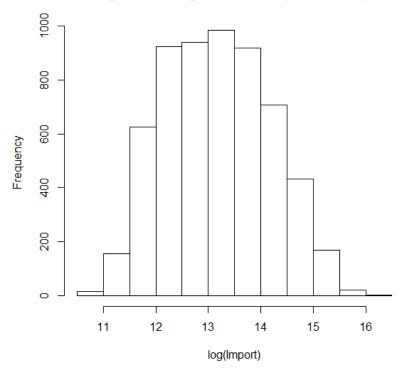
Seguint la gràfica obtinguda, sembla que la nostra mostra segueix o bé una distribució gamma o bé una distribució beta. De cara a intentar obtenir una distribució normal, podríem intentar encara realitzar una transformació de les dades a escala logarítmica. En aquest cas:

```
> vendes_bf_log = log(vendes_bf_agg$Purchase)
> ggdensity(vendes_bf_log, main = "Gràfica de densitat del preu de compra (log)", xlab = "Preu de compra (log)")
```



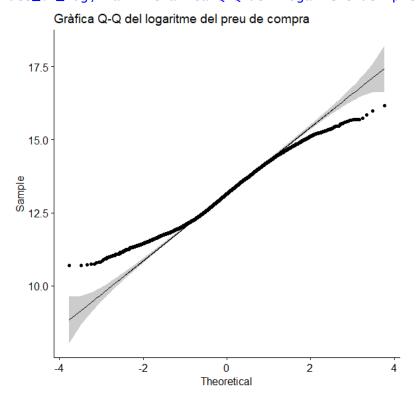
> hist(vendes_bf_log, main="Histograma del logaritme de l'import de compres",
xlab = "log(Import)")





Un cop aplicada la transformació, aquest set de dades sembla més proper a una distribució normal, com es pot apreciar en el gràfic Q-Q. De totes maneres, sembla que aquesta distribució de les dades tampoc es pot considerar normal.

> ggqqplot(vendes_bf_log, main="Gràfica Q-Q del logaritme del preu de compra")





Per evitar interpretacions incorrectes, podem avaluar la normalitat de la distribució com en el cas anterior. Estimarem en primer lloc quins paràmetres podrien correspondre al set de dades si seguís una distribució normal, i sobre aquests paràmetres avaluarem la normalitat de la distribució amb el test de Kolmogov-Smirnov.

Veiem que el p-valor, tot i ser més alt, no compleix amb el llindar de 0.05 imposat per a afirmar la hipòtesi de que les dades segueixen una distribució normal.

D'altra banda, si analitzem la homogeneïtat de la variança, tal i com s'explica en l'exemple del mòdul teòric, veiem que no obtenim en cap cas un p-valor que permeti acceptar la hipòtesi d'homogeneïtat de variances:

c. Aplicació de proves estadístiques per comparar els grups de dades. En funció de les dades i de l'objectiu de l'estudi, aplicar proves de contrast d'hipòtesis, correlacions, regressions, etc.

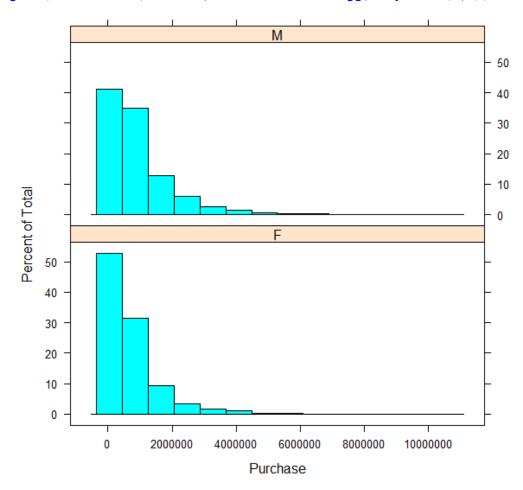


Ens centrarem en aquest apartat en analitzar les següents problemàtiques i decidir quins tests hauríem d'aplicar per poder respondre a aquestes problemàtiques:

• ¿Un dels dos gèneres compra més que l'altre? ¿Quin?

Volem comparar aquí una variable numèrica amb una variable categòrica, tot i que no podem aplicar el t.test ja que la nostra distribució no compleix amb els requisits de proves paramètriques: normalitat de la distribució i homogeneïtat de les variances. Així doncs, cal realitzar proves no paramètriques, com poden ser Mann-Whitney o Kruskal-Wallis. Mirem doncs, primer de tot, quina pinta fan les dades:

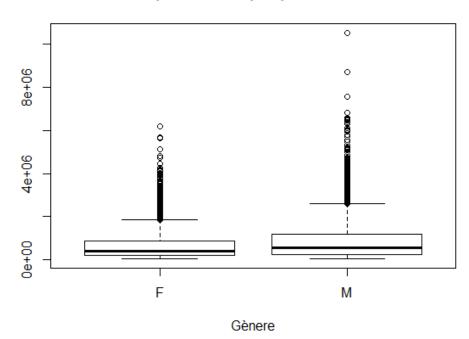
- > library(lattice)
- > histogram(~ Purchase | Gender, data=vendes_bf_agg, layout=c(1,2))





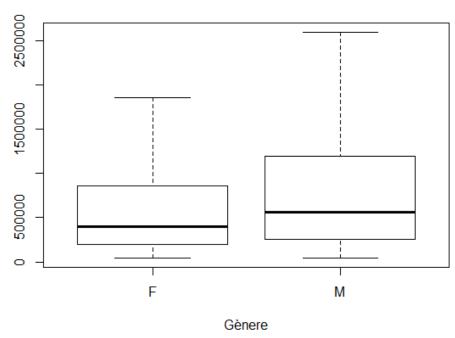
> boxplot(Purchase ~ Gender, data = vendes_bf_agg, xlab="Gènere", main="Impor t de compra per Gènere")

Import de compra per Gènere



> boxplot(Purchase ~ Gender, data = vendes_bf_agg, xlab="Gènere", main="Impor t de compra per Gènere", outline = FALSE)

Import de compra per Gènere





En aquest cas, i donat que volem estudiar l'import de compra en funció del gènere, ens podem limitar al U test de Mann-Whitney (una sola variable amb dues categories):

```
> wilcox.test(Purchase ~ Gender, data = vendes_bf_agg)
```

Wilcoxon rank sum test with continuity correction

data: Purchase by Gender
W = 2961600, p-value < 2.2e-16</pre>

alternative hypothesis: true location shift is not equal to 0

Per tal de validar que els valors extrems no afecten a aquest càlcul, farem el mateix procés tot eliminant els outliers amb la llibreria *boxplot*, i veurem que obtenim els mateixos resultats:

```
> vendes_bf_in <- vendes_bf_agg[!vendes_bf_agg$Purchase %in% boxplot.stats(ve
ndes_bf_agg$Purchase)$out,]
> with(vendes_bf_in, wilcox.test(Purchase ~ Gender))
```

Wilcoxon rank sum test with continuity correction

data: Purchase by Gender
W = 2625500, p-value < 2.2e-16</pre>

alternative hypothesis: true location shift is not equal to 0

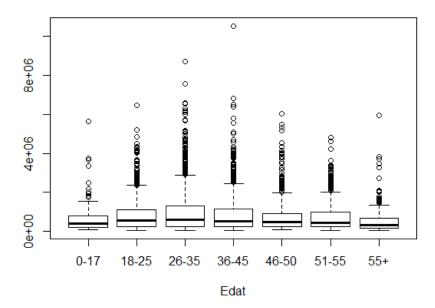
Donat que la hipòtesi nul·la que volem validar per al U test de Mann-Whitney és que les dues mostres (F i M) pertanyen a la mateixa població, i veient que el p-valor obtingut està per sota del llindar d'acceptabilitat, podem assumir que es tracta efectivament de dues poblacions diferents, i que per tant el gènere es un factor diferencial en l'import de compra, sent el gènere masculí el que a priori més gasta.

¿Hi ha altres factors que influeixin directament en el volum de compra?

Si visualitzem l'import de compra en funció a altres variables trobarem els següents grafs:

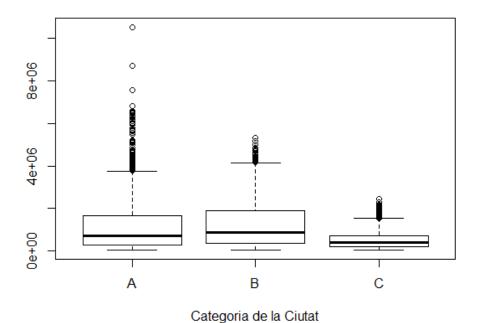
> boxplot(Purchase ~ Age, data = vendes_bf_agg, xlab="Edat", main="Import de
compra per Edat")

Import de compra per Edat



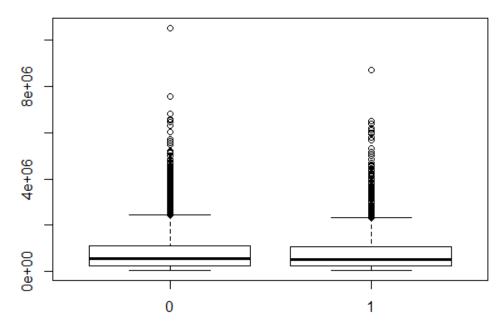
> boxplot(Purchase ~ City_Category, data = vendes_bf_agg, xlab="Categoria de la Ciutat", main="Import de compra per Categoria de la Ciutat")

Import de compra per Categoria de la Ciutat



> boxplot(Purchase ~ Marital_Status, data = vendes_bf_agg, xlab="Estat Matrim onial", main="Import de compra per Estat Matrimonial")

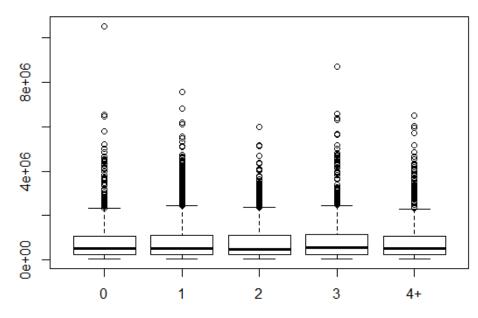
Import de compra per Estat Matrimonial



Estat Matrimonial

> boxplot(Purchase ~ Stay_In_Current_City_Years, data = vendes_bf_agg, xlab="
Estada a la ciutat actual", main="Import de compra per Estada a la ciutat act
ual")

Import de compra per Estada a la ciutat actual

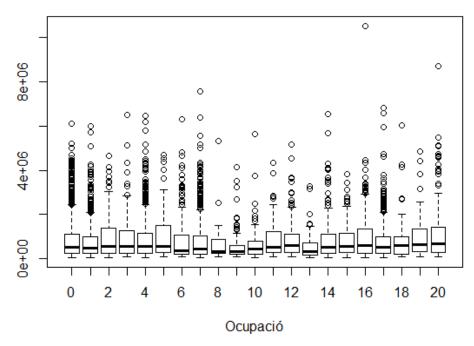


Estada a la ciutat actual



> boxplot(Purchase ~ Occupation, data = vendes_bf_agg, xlab="Ocupació", main=
"Import de compra per Ocupació")

Import de compra per Ocupació

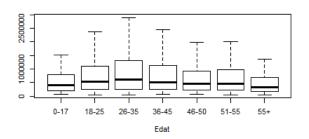


De cara a mostrar aquests resultats de manera més entenedora, podem eliminar els valors extrems de la gràfica i ajuntar-los tots en un mateix plot:

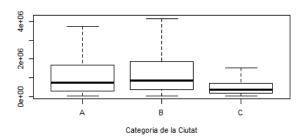
- > attach(vendes_bf_agg)
- > par(mfrow=c(3,2))
- > boxplot(Purchase ~ Age, xlab="Edat", main="Import de compra per Edat", outl ine=FALSE)
- > boxplot(Purchase ~ City_Category, xlab="Categoria de la Ciutat", main="Impo rt de compra per Categoria de la Ciutat", outline = FALSE)
- > boxplot(Purchase ~ Marital_Status, xlab="Estat Matrimonial", main="Import d
 e compra per Estat Matrimonial", outline = FALSE)
- > boxplot(Purchase ~ Stay_In_Current_City_Years, xlab="Estada a la ciutat act
 ual", main="Import de compra per Estada a la ciutat actual", outline = FALSE)
 > boxplot(Purchase ~ Occupation, xlab="Ocupació", main="Import de compra per
 Ocupació", outline = FALSE)
- > boxplot(Purchase ~ Gender, xlab="Gènere", main="Import de compra per Gènere
 ", outline = FALSE)



Import de compra per Edat



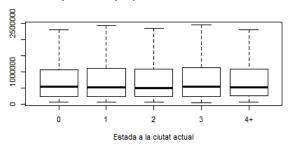
Import de compra per Categoria de la Ciutat



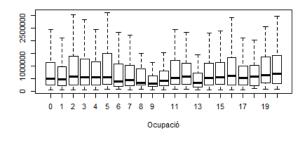
Import de compra per Estat Matrimonial



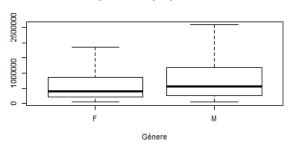
Import de compra per Estada a la ciutat actual



Import de compra per Ocupació



Import de compra per Gènere



Visualment ja podem apreciar diferencies entre les variables: Per una banda, sembla que l'estat matrimonial no afecta a l'import de les compres, i de mateixa manera per a l'estada en la ciutat actual. En canvi, la categoria de ciutat, l'edat i l'ocupació semblen tenir impacte en l'import de compra, a més del gènere, que ja hem estudiat prèviament. Validarem aquestes hipòtesis amb les proves no-paramètriques necessàries, per variables categòriques de dos nivells amb Mann-Whitney, per variables categòriques de més de dos nivells amb Kruskal-Wallis. Cal tenir present que independentment de la prova realitzada, la hipòtesi nul·la contempla que les mostres pertanyen a la mateixa població, i per tant:

- Si el p-valor es inferior a 0.05, es pot afirmar que les mostres presenten diferències significatives.
- Si el p-valor es superior a 0.05, es pot afirmar que les mostres no presenten diferències significatives, i que per tant la variable independent avaluada no té incidència en la variable dependent (import de compra).

Realitzem doncs el test de Kruskal-Wallis per a la resta de variables dependents, excepte per a l'estat matrimonial, donat que es tracta de una variable binaria.



```
> kruskal.test(Purchase ~ Age, data = vendes_bf_agg)
       Kruskal-Wallis rank sum test
data: Purchase by Age
Kruskal-Wallis chi-squared = 119.69, df = 6, p-value < 2.2e-16
> kruskal.test(Purchase ~ City_Category, data = vendes_bf_agg)
       Kruskal-Wallis rank sum test
data: Purchase by City_Category
Kruskal-Wallis chi-squared = 657.34, df = 2, p-value < 2.2e-16
> kruskal.test(Purchase ~ Occupation, data = vendes_bf_agg)
       Kruskal-Wallis rank sum test
data: Purchase by Occupation
Kruskal-Wallis chi-squared = 90.473, df = 20, p-value = 6.126e-11
> kruskal.test(Purchase ~ Stay_In_Current_City_Years, data = vendes_bf_agg)
       Kruskal-Wallis rank sum test
data: Purchase by Stay_In_Current_City_Years
Kruskal-wallis chi-squared = 1.4066, df = 4, p-value = 0.843
> wilcox.test(Purchase ~ Marital_Status, data = vendes_bf_agg)
       Wilcoxon rank sum test with continuity correction
data: Purchase by Marital_Status
W = 4348200, p-value = 0.05967
alternative hypothesis: true location shift is not equal to 0
```

Observem, com ja havíem pogut inspeccionar visualment, que les variables *estat matrimonial* i *estada a la ciutat actual* no tenen afectació en l'import de compra del client (p-valors de 0.05967 i 0.843 respectivament), però la resta ens pot permetre predir el consum del client.

• ¿Podem predir el consum del client?

Volem analitzar si hi ha variables que permeten predir l'import de les compres de l'usuari, i per tant cal analitzar la multi-col·linealitat del model de regressió. De cara a poder avaluar la qualitat del model obtingut, separarem el set de dades en dos, per tal d'entrenar el model d'una banda (70% de les dades, és a dir 4123 registres) i avaluar-lo d'una altra (30% de les dades, és a dir 1768 registres). Aleatoritzem les mostres i definim el model de regressió lineal amb les dades d'entrenament:

```
> sample <- sample.int(n = nrow(vendes_bf_agg), size = floor(.70*nrow(vendes_bf_agg)), replace = F)
> train <- vendes_bf_agg[sample, 2:8]
> test <- vendes_bf_agg[-sample, 2:8]</pre>
```



```
> library(car)
> lmfit = lm(Purchase ~ Age + Occupation + Gender + City_Category, data = tra
> summary(lmfit)
call:
lm(formula = Purchase ~ Age + Occupation + Gender + City_Category,
    data = train)
Residuals:
     Min
               1Q
                    Median
                                  3Q
                                          Max
-1461525 -493000
                   -162006
                              320435
                                      8969221
Coefficients:
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept)
                1036419
                            118591
                                      8.739
                                            < 2e-16 ***
Age18-25
                  60890
                            112563
                                      0.541
                                              0.5886
Age26-35
                 162742
                            112581
                                      1.446
                                              0.1484
                 143976
                            114848
                                      1.254
                                              0.2100
Age36-45
Age46-50
                 131871
                            119785
                                      1.101
                                              0.2710
Age51-55
                 -24179
                            121695
                                    -0.199
                                              0.8425
                 -77212
                            125358
                                    -0.616
                                              0.5380
Age55+
                                     -0.238
Occupation1
                 -14597
                             61302
                                              0.8118
                             77099
                                    -0.865
Occupation2
                 -66686
                                              0.3871
Occupation3
                 161202
                             90539
                                      1.780
                                              0.0751 .
Occupation4
                   3458
                             60672
                                      0.057
                                              0.9546
                                      1.364
Occupation5
                 150139
                             110040
                                              0.1725
                             80893 -0.748
                                              0.4545
Occupation6
                 -60507
                             57555
Occupation7
                 -88164
                                    -1.532
                                              0.1256
                            235241
                                      0.423
Occupation8
                  99534
                                              0.6722
Occupation9
                 -66025
                             114876
                                     -0.575
                                              0.5655
                            120110
                                    -0.868
                                              0.3855
Occupation10
                -104242
                -225705
                            102619
                                    -2.199
                                              0.0279 *
Occupation11
                                              0.0421 *
Occupation12
                -137666
                             67716
                                     -2.033
Occupation13
                -107105
                            104535
                                    -1.025
                                              0.3056
                             72746 -0.260
                                              0.7948
Occupation14
                 -18923
Occupation15
                -130877
                             95870
                                    -1.365
                                              0.1723
                             78247
                                      2.050
                                              0.0404 *
Occupation16
                 160389
                 -49506
                             62072 -0.798
                                              0.4252
Occupation17
Occupation18
                 -52501
                            133302
                                    -0.394
                                              0.6937
                 243377
                            127168
                                      1.914
                                              0.0557 .
Occupation19
Occupation20
                  14716
                             74453
                                      0.198
                                              0.8433
                                      7.192 7.57e-13 ***
                             31533
GenderM
                 226777
                                    -1.428
City_CategoryB
                 -58454
                             40943
                                              0.1535
City_CategoryC
                -743095
                             37842 -19.637 < 2e-16 ***
                0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
Signif. codes:
Residual standard error: 866300 on 4093 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.1695,
                              Adjusted R-squared: 0.1636
F-statistic: 28.81 on 29 and 4093 DF, p-value: < 2.2e-16
```



Podem observar com els valors del p-valor propi de cada interacció de categoria amb l'import de compra (darrera columna) indiquen si la variable es significativa en el càlcul. Addicionalment, volem obtenir el valor de *F-Statistic* més alt possible. Si analitzem que passa en considerar totes les variables en el model veurem que el *F-statistic* serà més baix:

```
> lmfit = lm(Purchase ~ Age + Occupation + Marital_Status + Gender + City_Cat
egory + Stay_In_Current_City_Years, data = train)
> summary(lmfit)
```

call:

Residuals:

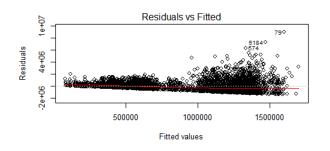
Min 1Q Median 3Q Max -1491340 -496634 -163037 315495 8937347

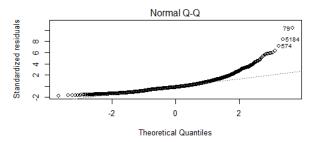
[...]

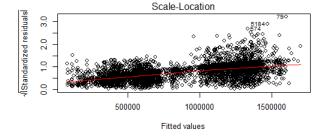
F-statistic: 24.65 on 34 and 4088 DF, p-value: < 2.2e-16

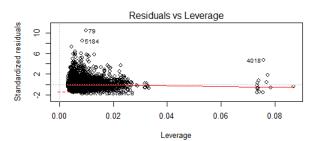
Representem gràficament el model obtingut:

- > par(mfrow=c(2,2))
- > plot(lmfit)









Mantenim per tant les variables inicials per a la definició del model regressiu. Addicionalment, cal analitzar si les variables són col·lineals, i per tant variables predictives estan correlacionades entre elles. Aquest factor apareix si l'arrel quadrada del factor d'inflació de variança es superior a 2, tot i que en aquest cas no tenim aquest problema:



```
> vif(1mfit)
```

```
GVIF Df GVIF^(1/(2*Df))
              4.877847 6
                                  1.141175
Occupation
              5.359915 20
                                  1.042867
Gender
              1.110208 1
                                  1.053664
City_Category 1.050949 2
                                  1.012501
> sqrt(vif(lmfit)) > 2
               GVIF
                       Df GVIF^{(1/(2*Df))}
Age
               TRUE TRUE
                                     FALSE
Occupation
               TRUE TRUE
                                     FALSE
Gender
              FALSE FALSE
                                     FALSE
```

Definim doncs el nostre model de regressió lineal:

City_Category FALSE FALSE

```
> predict <- predict(lmfit, test, interval="confidence", level=0.95)
> test$IC_prediction <- predict
> test$Error<-(test$Purchase-test$IC_prediction)*100/test$Purchase
> summary(test$Error)
```

FALSE

```
fit
                        lwr
                                           upr
Min.
       :-2457.45
                          :-2258.59
                                             :-2656.31
                   Min.
                                     Min.
                                      1st Qu.: -252.92
1st Qu.: -192.65
                   1st Qu.: -134.22
Median : -44.14
                   Median :
                            -10.53
                                     Median : -73.36
      : -127.98
                   Mean : -86.91
                                            : -169.05
Mean
                                     Mean
3rd Qu.:
           31.62
                   3rd Qu.:
                             45.89
                                      3rd Qu.:
                                                15.87
Max.
         102.96
                   Max. :
                            180.12
                                      Max.
                                                 81.24
```

```
> mean(test$Error)
[1] -127.979
> sd(test$Error)
[1] 252.8133
```

L'error relatiu calculat representa un percentatge de l'import total de compra. Podem veure com la mitjana de l'error relatiu comès amb els valors predits es situa en un -127% del valor real de l'import, amb una desviació estàndard de 252, el que indica que el model obtingut no es de gaire qualitat. Existeix però una segona alternativa, que es realitzar un model de regressió per quantils:



Coefficients:

```
Value
                              Std. Error
                                             t value
                                                            Pr(>|t|)
                                                                  0.00000
                 495077.00000
                                65940.08196
                                                   7.50798
(Intercept)
Age18-25
                155495.00000
                                62121.70656
                                                   2.50307
                                                                  0.01235
Age26-35
                183661.00000
                                55371.86960
                                                   3.31686
                                                                  0.00092
Age36-45
                143399.00000
                                57536.18082
                                                   2.49233
                                                                  0.01273
Age46-50
                134647.00000
                                62192.24312
                                                   2.16501
                                                                  0.03044
                  72534.00000
Age51-55
                                54257.95110
                                                   1.33684
                                                                  0.18135
Age55+
                  19736.00000
                                54982.09388
                                                   0.35895
                                                                  0.71965
Occupation1
                  26474.00000
                                                                  0.55853
                                45249.38184
                                                   0.58507
                                65755.62729
Occupation2
                  -1312.00000
                                                  -0.01995
                                                                  0.98408
Occupation3
                  51282.00000
                               119329.06034
                                                   0.42975
                                                                  0.66740
Occupation4
                   4724.00000
                                49077.03926
                                                   0.09626
                                                                  0.92332
                                                                  0.18426
                187980.00000
                                                   1.32798
Occupation5
                               141553.77856
Occupation6
                -29030.00000
                                46349.19938
                                                  -0.62633
                                                                  0.53113
Occupation7
                 -65795.00000
                                45206.32949
                                                  -1.45544
                                                                  0.14562
                   3390.00000
                               156027.30180
                                                   0.02173
                                                                  0.98267
Occupation8
Occupation9
                 -52352.00000
                                51223.32252
                                                  -1.02203
                                                                  0.30683
                   4837.00000
                                79320.67352
                                                   0.06098
                                                                  0.95138
Occupation 10
Occupation11
                 -92585.00000
                                73419.99936
                                                  -1.26103
                                                                  0.20737
Occupation12
                  33491.00000
                                69599.95023
                                                   0.48119
                                                                  0.63041
                 -18227.00000
                                59809.96868
                                                  -0.30475
                                                                  0.76057
Occupation13
Occupation14
                  -1054.00000
                                64704.54820
                                                  -0.01629
                                                                  0.98700
Occupation15
                  -1138.00000
                                85793.24758
                                                  -0.01326
                                                                  0.98942
                                90537.66243
Occupation16
                169316.00000
                                                   1.87012
                                                                  0.06154
Occupation17
                 -23613.00000
                                50589.40257
                                                  -0.46676
                                                                  0.64070
Occupation18
                  12942.00000
                               168236.89992
                                                   0.07693
                                                                  0.93869
                               155189.71971
                 332462.00000
                                                                  0.03223
Occupation19
                                                   2.14229
Occupation20
                  45224.00000
                                79331.40523
                                                   0.57006
                                                                  0.56867
                155858.00000
GenderM
                                21003.62878
                                                   7.42053
                                                                  0.00000
City_CategoryB
                111661.00000
                                57973.93230
                                                   1.92606
                                                                  0.05417
                                                                  0.00000
City_CategoryC -350235.00000
                                39518.36619
                                                  -8.86259
> test$QT_prediction <- predict.rg(quantile,test,interval = "confidence", lev</pre>
e1=0.95)
Warning message:
In summary.rq(object, cov = TRUE, ...) : 15 non-positive fis
```

```
> test$QT_Error<-(test$Purchase-test$QT_prediction)*100/test$Purchase
> mean(test$QT_Error)
```

Per a aquest model hem aconseguit millorar molt les prediccions, reduint el valor mig dels errors comesos a -61% (menys de la meitat respecte al primer model) i la desviació estàndard a 172%, és a dir tres quartes parts de la desviació estàndard del primer model). Tot i presentar clares millores a nivell de qualitat predictiva, el segon model tampoc és prou precís com per a poder-se utilitzar com a eina de predicció.

^{[1] -61.13645}

> sd(test\$QT_Error)

^{[1] 172.7307}



5. Resolució del problema. A partir dels resultats obtinguts, quines són les conclusions? Els resultats permeten respondre al problema?

Resumim primerament el raonament que s'ha seguit per a arribar fins aquest punt:

- Un cop les dades han estat tractades i netejades, s'ha volgut analitzar si les variables Ocupació,
 Gènere, Categoria de la ciutat, Estada en anys a la ciutat actual, Edat i Estat matrimonial tenien
 un impacte significatiu en l'import de la compra del client.
- Donada la natura de les dades, on la variable dependent (*Import de compra*) no segueix una distribució normal i no es manté la homogeneïtat de les variances, s'han realitzat proves no paramètriques per a analitzar l'efecte de les diferents variables sobre l'import de compra del client.
- S'ha pogut observar mitjançant aquestes proves estadístiques que les variables *Estat matrimonial* i *Estada en anys a la ciutat actual* no tenen efecte sobre l'import de compra, mentre que les altres variables si que son significatives.
- Amb les variables obtingudes s'ha volgut realitzar un model per tal de predir l'import de compra dels clients, tot i que cap dels models obtinguts ha estat de qualitat suficient com per a ser aplicable.

De cara a poder explicar el perquè d'aquests resultats, cal revisar les dades i tenir present que no disposem en cap cas de dades numèriques continues, sinó que totes les variables corresponen son categòriques. A la imatge següent podem observar el principal problema de tractar només dades categòriques:

•	Gender [‡]	Age ‡	Occupation [‡]	City_Category	Stay_In_Current_City_Years	Marital_Status	Purchase [‡]	IC_prediction
4202	М	46-50	1	С	1	1	191020	637375.2
4203	M	46-50	1	С	1	1	195414	637375.2
4204	M	46-50	1	С	1	1	1019083	637375.2
4206	F	51-55	1	С	1	1	314041	254548.5
4207	F	51-55	1	С	1	1	182399	254548.5
4208	F	51-55	1	С	1	1	321617	254548.5
4209	F	51-55	1	С	1	1	323018	254548.5
4211	F	51-55	1	С	1	1	641090	254548.5
4214	М	51-55	1	С	1	1	690598	481325.8
4236	F	51-55	2	С	1	1	1069855	202459.7
4237	М	51-55	2	С	1	1	991285	429236.9
4241	F	26-35	3	С	1	1	471388	617267.8
4246	F	26-35	3	С	1	1	88360	617267.8
4247	F	26-35	3	С	1	1	558092	617267.8

Si ens fixem en les files 4202, 4203 i 4204, veiem que per als mateixos valors de les variables independents s'obtenen imports de compra dispars, respectivament 191020, 195414 i 1019083, que generen imprecisions en el model. Probablement disposar de variables numèriques continues (Edat exacta, sou del client) ens hagués permès obtenir un model més precís. Tot i així, amb la informació obtinguda podem saber quines variables tenen més impacte en l'import de compra del client, podent així buscar quines categories són les que generen més ingressos i permetent enfocar les campanyes de marketing o promocions de productes a aquells segments que generin més ingressos.



Recursos

Els següents recursos són d'utilitat per la realització de la PAC:

- Megan Squire (2015). Clean Data. Packt Publishing Ltd. Capítols 1 i 2.
- Jiawei Han, Micheine Kamber, Jian Pei (2012). Data mining: concepts and techniques. Morgan Kaufmann. Capítol 3.
- Jason W. Osborne (2010). Data Cleaning Basics: Best Practices in Dealing with Extreme Scores. Newborn and Infant Nursing Reviews; 10 (1): pp. 1527-3369.

Referències

- [1] https://en.wikipedia.org/wiki/Type I and type II errors
- [2] Megan Squire (2015). Clean Data . Packt Publishing Ltd. Capítols 1 i 2.
- [3] Jiawei Han, Micheine Kamber, Jian Pei (2012). Data mining: concepts and techniques . Morgan Kaufmann. Capítol 3.
- [4] Jason W. Osborne (2010). Data Cleaning Basics: Best Practices in Dealing with Extreme Scores. Newborn and Infant Nursing Reviews; 10 (1): pp. 1527-3369.
- [5] http://rcompanion.org/handbook/I 12.html
- [6] https://anestesiar.org/2015/no-todo-es-normal-manejo-de-datos-no-normales/
- [7] https://stats.stackexchange.com/questions/132652/how-to-determine-which-distribution-fits-my-data-best
- [8] http://www.sthda.com/english/wiki/normality-test-in-r
- [9] https://flowingdata.com/2012/05/15/how-to-visualize-and-compare-distributions/
- [10] http://rcompanion.org/handbook/F 04.html
- [11] https://stackoverflow.com/questions/44089894/identifying-the-outliers-in-a-data-set-in-r
- [12] http://www.sthda.com/english/wiki/kruskal-wallis-test-in-r
- [13] https://www.polyglotdeveloper.com/r-projects/2016-09-30-Predicting-salaries-using-linear-regression/
- [14] https://stackoverflow.com/questions/17200114/how-to-split-data-into-training-testing-sets-using-sample-function
- [15] https://www.rdocumentation.org/packages/car/versions/3.0-2/topics/vif
- [16] https://www.rdocumentation.org/packages/quantreg/versions/5.36/topics/predict.rq
- [17] http://rcompanion.org/handbook/F_12.html