

STŘEDOŠKOLSKÁ ODBORNÁ ČINNOST Obor č. 18: Informatika

Neuronové sítě

Jonáš Havelka

vedoucí práce: Dr. rer. nat. Michal Kočer

Prohlášení

Prohlašuji,	že jsem	svou	práci	SOČ	vypracoval	samostatně	a použil	jsem	pouze	prameny
a literaturu	uvedené	v sez	znamu	bibli	ografických	záznamů.				

Prohlašuji, že tištěná verze a elektronická verze soutěžní práce SOČ jsou shodné.

Nemám závažný důvod proti zpřístupňování této práce a jejích příloh v souladu se zákonem č. 121/2000 Sb., o právu autorském, o právech souvisejících s právem autorským a o změně některých zákonů (autorský zákon) ve znění pozdějších předpisů, bude-li dodržena licence MIT (viz soubor LICENSE v přílohách).

V Českých Budějovicích dne		podpis		
----------------------------	--	--------	--	--

Jonáš Havelka

Abstrakt

Neuronové sítě se dnes objevují všude, ať už jde o vyhledávání, překládání nebo třeba jen zpracovávání dat. Mnoho programovacích jazyků má své knihovny pro práci s umělou inteligencí, ale právě Kotlin, který je mým oblíbeným programovacím jazykem a který lze použít skoro kdekoliv (webové stránky, servery, mobily), takovou knihovnu postrádá. Proto jsem se rozhodl svoji práci koncipovat jako snahu o implementování takové knihovny.

Klíčová slova

Neuronové sítě, Neuron, Umělá inteligence, Aktivační funkce, Kotlin, Multiplatformní knihovna, Java, Javascript

Poděkování

Poděkování patří hlavně mému učiteli informatiky, který je zároveň vedoucím mé práce, za skvělou výuku na hodinách a velkou trpělivost při kontrole našich prací. Také nesmím zapomenout na Alžbětu Neubauerovou, která mě celý rok podporovala a několikrát provedla korekturu mé práce.

Dále bych rád poděkoval všem komunitám, jejichž nástroje jsem používal, tj. JetBrains, v jejichž programovacím jazyce Kotlin programuji a jejichž prostředí IntelliJ k tomu využívám, Gradle, který používám ke kompilaci, ETEX, ve kterém píšu text, a dále ogit a GitHub, jež uchovávají má data, ať už text nebo knihovnu.

Obsah

Ι	Te	oretická část	9
1	Laic	cký náhled na neuronové sítě	10
	1.1	Neuron	10
	1.2	Aktivační funkce	10
	1.3	Sítě	11
	1.4	Dopředná propagace a zpětná propagace	11
	1.5	Využití neuronových sítí	12
2	For	mální náhled	15
	2.1	Definice neuronu a sítě	15
	2.2	Dopředná propagace	16
	2.3	Chybová funkce	16
	2.4	Zpětná propagace	17
	2.5	Sít	18
		2.5.1 Dopředná propagace	19
		2.5.2 Zpětná propagace	19
		2.5.3 Zakomponování biasu	20
	2.6	Aktivační funkce	21
	2.7	Shrnutí	26
Π	P	raktická část	27
3	Str	uktura knihovny	29
	3.1	core	29
		3.1.1 IActivationFunctions	29

		3.1.2	ActivationFunctions	. 29
		3.1.3	CustomFunction	. 30
		3.1.4	INeuralNetwork	. 30
		3.1.5	BasicNeuralNetwork	. 31
		3.1.6	ConvolutionalNetwork	. 31
	3.2	mnist	Database	. 32
		3.2.1	Databáze MNIST	. 33
		3.2.2	Databáze EMNIST	. 33
4	Pou	ıžívání	knihovny	34
	4.1	Trénov	vání sítě	. 34
	4.2	Použív	vání sítě	. 35
	4.3	Nastav	vení hodnot	. 35
\mathbf{A}	pen	dix		35
Sl	ovníč	ček poj	jmů	37
B	ibliog	grafie		40
Se	eznar	n obráz	zků	41
\mathbf{P}^{i}	řílohy	y		42
	Zdro	ojový ká	ód knihovny	USB
	Dok	umenta	ce	USB
	Test	ovací da	ataset	USB
	Zdro	ojový ká	ód ukázkového programu	USB
	Uká	zkový p	program	USB
	Zdro	ojový ká	ód práce v LaTEXu	USB
	Přel	nled gra	fů aktivačních funkcí	. 43
			ód knihovny	
			mmonMain/kotlin/core/ActivationFunctions.kt	
		src/co	mmonMain/kotlin/core/BasicNeuralNetwork.kt	. 48
			mmonMain/kotlin/core/ConvolutionalNeuralNetwork.kt	

src/commonMain/kotlin/core/CustomFunction.kt	53
$src/common Main/kotlin/core/IActivation Functions.kt \\ \ldots \\ \ldots \\ \ldots \\ \ldots$	53
$src/commonMain/kotlin/core/INeuralNetwork.kt \ \ldots \ \ldots \ \ldots \ \ldots$	54
src/common Main/kotlin/mnist Database/load File.kt	55
$src/commonTest/kotlin/sample/Constants.kt \\ \ldots \\ \ldots \\ \ldots \\ \ldots \\ \ldots \\ \ldots$	57
$src/commonTest/kotlin/sample/NeuralNetworkTest.kt \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ $	58
$src/jsTest/kotlin/sample/ConstantsJS.kt \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ $	60
$src/jvmMain/kotlin/mnistDatabase/loadFileJVM.kt \\ \ldots \\ \ldots \\ \ldots \\ \ldots$	60
$src/jvmTest/kotlin/sample/ConstantsJVM.kt \\ \ldots \\ \ldots \\ \ldots \\ \ldots \\ \ldots$	60
$src/jvmTest/kotlin/sample/NeuralNetworkTestJVM.kt \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ $	61
src/commonMain/kotlin/core/Associative Memory. kt	63
$src/commonMain/kotlin/core/Neuron.kt \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ $	64

Úvod

Neuronové sítě jsou v poslední době velmi skloňované téma. Nikdo pořádně neví, jak to, že fungují tak dobře. Cílem této práce však nebude zkoumat neuronové sítě, ale implementovat je v co největším rozsahu (ať už struktury bez širšího využití jako asociativní paměť, nebo často používané konvoluční sítě na rozpoznávání obrázků).

Kotlin je ideální programovací jazyk pro vývoj knihovny, protože je interoperabilní s Javou, Javascriptem i C, a tak umožňuje tuto knihovnu používat jak pro JVM (Java Virtual Machine), tak i v prohlížeči nebo v programech kompilovaných přímo do binárního kódu.

V textu jsou použity pojmy ze stavby biologického neuronu, objektově orientovaného programování, Kotlinu, atd. Tyto pojmy jsou vysvětleny na konci práce.

Celá originální maturitní práce je k dispozici na GitHubu, text včetně zdrojového La-TeXu na adrese https://github.com/JoHavel/Maturitni-Seminarni-Prace/tree/my_work a knihovna samotná pak na https://github.com/JoHavel/NeuralNetwork.

Část I

Teoretická část

1 Laický náhled na neuronové sítě

1.1 Neuron

Počítačové neuronové sítě nejsou jen výmysl lidí, jejich základ nalezneme v nervových soustavách živočichů. Základní stavební jednotka takové soustavy (stejně tak i neuronové sítě) je neuron. Neuron funguje tak, že přes dendrity přijímá elektrické (přesněji iontové) signály od jiných neuronů a když součet signálů přeteče určitou danou mez, vyšle neuron signál přes axony dál do dalších neuronů.

Přenos signálu z axonu do dendritu se odehrává v malých prostorách mezi nimi zvaných synapse. Vodivost synapsí je ovlivněna jejich chemickým složením, a proto se domníváme, že proces učení probíhá měněním těchto chemických spojů [1, s. 491].

Náš umělý neuron tedy bude mít $seznam \ dendritů$ (nesoucích informaci z jakého neuronu vedou signál a jak ho mění synapse), tzv. $aktivační \ funkci$ (viz dále) a výstupní signál. Často navíc bude obsahovat základní hodnotu (angl. bias), která reprezentuje mez, při jejímž překročení začne neuron vysílat signál. Jinak řečeno posouvá aktivační funkci ve směru osy x.

Neuron (hlavně ten umělý) ilustruje obrázek 2.1 nacházející se v další kapitole. Podrobněji o souvislosti biologických a umělých neuronových sítích pojednává [2].

1.2 Aktivační funkce

Jak už bylo zmíněno, přírodní neuron funguje na principu toho, že když součet vstupních signálů nepřekračuje určitou mez, nevysílá neuron žádný (nebo téměř žádný) signál. Když je však tato mez překonána, neuron vyšle signál. V podstatě tedy vysílá buď 0 nebo 1. Pro účely umělého neuronu je 0 a 1 nedostačující, jelikož při procesu učení potřebujeme měnit hodnoty jemně, abychom nerozbili již naučené znalosti.

Proto se jako aktivační funkce (tedy to, co určuje jaký má být výstup v závislosti na součtu vstupů, v případě přírody tedy funkce zobrazující interval $-\infty$ až mez (bias) na 0

a zbylá čísla na 1 viz *binární krok* v sekci 2.6) používají funkce co nejvíce podobné právě tomuto binárnímu kroku, které jsou ale spojité a mají co "nejhezčí" derivace (protože při zpětné propagaci právě podle derivace určíme, jak moc daný neuron ovlivňuje výsledek).

1.3 Sítě

Jelikož "nahodilé neurony" by se těžko udržovaly v paměti a operace na nich by byly velmi pomalé, potřebujeme síť nějak uspořádat. Nejjednodušším uspořádáním jsou *vrstvy* (viz obrázek 1.1). Každý neuron z jedné vrstvy má dendrity ze všech neuronů z vrstvy minulé. Tak se předejde cyklům, které jsou složité na výpočty, a navíc si nemusíme u každého neuronu pamatovat, ze kterých neuronů do něj vede signál.

Velmi využívanými strukturami jsou také konvoluční neuronové sítě, kde nejdříve aplikujeme filtry¹ na části vstupních dat a teprve výstupy z těchto filtrů jsou vstupem do neuronové sítě. O konvolučních sítích se můžete dočíst v [4] nebo v [5].

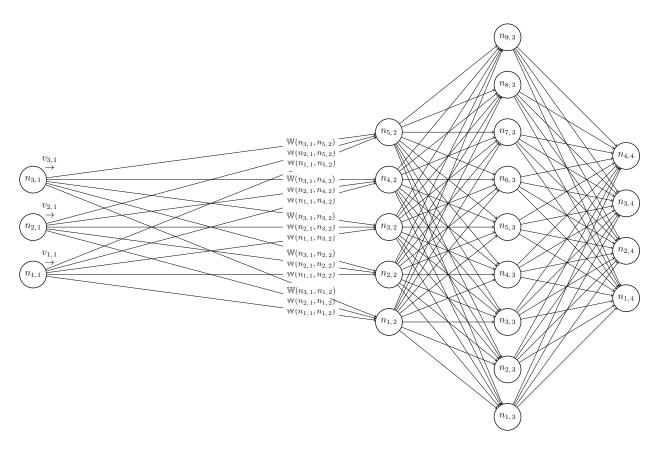
I tak se "nahodilé neurony" občas používají, jelikož při malém množství neuronů a hlavně při malém množství synapsí je přepočítání samotných neuronů efektivnější než počítání celých vrstev. Ukázkou takové malé sítě je asociativní paměť, kde neuronům přiřadíme objekty, které si tato síť má "pamatovat". Když chceme zjistit, co je v paměti asociováno s daným objektem, vybudíme (v umělé síti to znamená nastavíme výstupní signál na 1) neuron odpovídající tomuto objektu a následně sledujeme, které další neurony jsou vybuzeny (viz obrázek 1.2). Takto funguje i lidská paměť, pamatujeme si právě asociace. Umělou asociativní paměť zmiňuje [1].

1.4 Dopředná propagace a zpětná propagace

Dopředná propagace (častěji se používá anglický výraz forward propagation) je jednoduše spočítání signálů ve všech neuronech. Tedy u každého neuronu se sečtou vstupní signály (popř. přičte bias) a spočítá se funkční hodnota aktivační funkce v tomto bodě.

Naopak zpětná propagace (častěji se používá anglický výraz backward propagation či backpropagation) je na základě chyby, kterou spočítáme z výstupu neuronové sítě a předpokládaného výstupu, určení, které proměnné hodnoty (synapse a biasy) se na ní nejvíce

¹Často malé neuronové sítě, které sami vytvoříme. Sítě používané jako filtry se nemusí učit (učení filtrů není vzhledem k obtížnosti zatím implementováno). Další možný filtr je třeba Fourierova transformace viz [3], kterou se však dále zabývat nebudeme (tato možnost není ani implementována v knihovně).



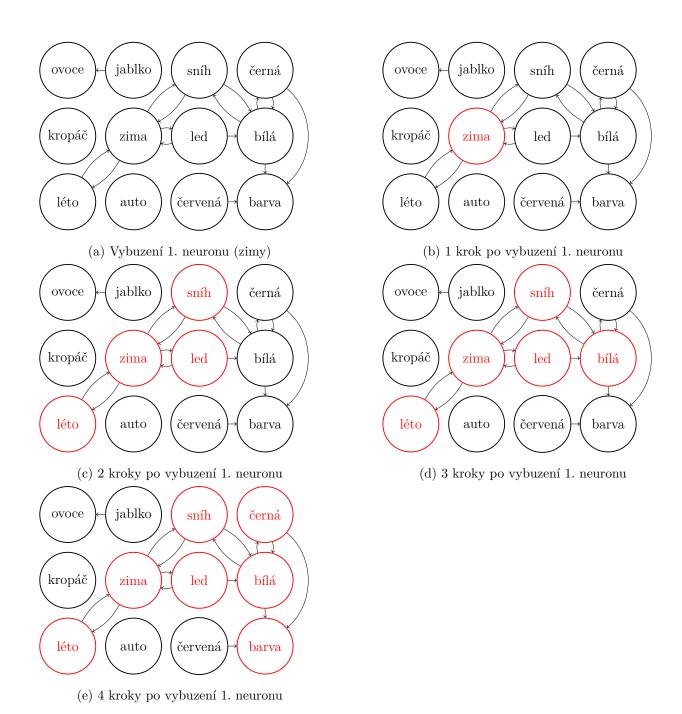
Obr. 1.1: Běžná neuronová síť (\mathbb{W} jsou váhy, n neurony a v je výstupní signál, viz kapitola 2, konkrétně sekce 2.5)

podílejí. Potom tyto hodnoty posuneme odpovídajícím způsobem (stejně jako příroda mění chemické vlastnosti synapse). Z matematického pohledu se hodnoty posunou proti směru gradientu chyby, jelikož právě gradient udává, kterým směrem máme souřadnice (tj. váhy a biasy) posunout, aby funkce (tj. chyba) vzrostla.

1.5 Využití neuronových sítí

Než se pustíme do matematiky, která stojí za fungováním neuronových sítí, ještě si řekneme, kde a jaké neuronové sítě využíváme. Jedno z nejviditelnějších využití je rozpoznávání obrázků, protože takovou úlohu jen stěží zvládnou běžné algoritmy. Mezi rozpoznávání obrázku patří jak strojové čtení textů, tak třeba rozpoznávání tváře nebo klasifikace, zda je na obrázku morče, nebo slon. K tomu se používají hlavně konvoluční sítě, jelikož filtr rozezná hrany a různé útvary a neuronová síť podle toho určí dané rozřazení (znak, člověka, zvíře...).

Další oblastí je překlad. Překládat slova zvládneme jednoduše podle slovníků, ale aby věta dávala smysl a slovo bylo přeloženo v kontextu věty, potřebujeme něco více. Pro to se používá vektorový prostor slov, tedy všem slovům přiřadíme určitý vektor (to musíme udělat



Obr. 1.2: Asociativní paměť, červeně jsou vybuzené neurony



Obr. 1.3: Generovaná tvář [7]

vždy, protože neuronová síť nemá jiný vstup) a poté na vzorovém textu učíme neuronovou síť odhadovat slovo podle několika okolních slov. Při tom ale neupravujeme jen hodnoty neuronové sítě, ale i vektorů slov. Tím dostaneme vektorový prostor slov, na kterém se překládající neuronová síť (jiná než ta, co vyrobila vektorový prostor) naučí překládat velmi lidsky. Stejný vektorový prostor se dá použít i na neuronovou síť generující text.

Když už bylo zmíněno generování, umělé neuronové sítě jsou schopny i generovat obrázky, hudbu, atd.² K tomu se používá systém GAN (tj. Generative adversarial network) [6], což jsou dvě sítě, jedna generuje a druhá dostane dvojici objekt vytvořený člověkem (resp. skutečností v případě fotek) a objekt vygenerovaný první sítí a má za úkol určit, který je který. Tyto sítě se učí spolu a výsledkem jsou relativně pěkná díla viz obrázek 1.3.

 $^{^2\}mathrm{Stále}$ je to však na základě nějakého datasetu obrázků nebo hudby.

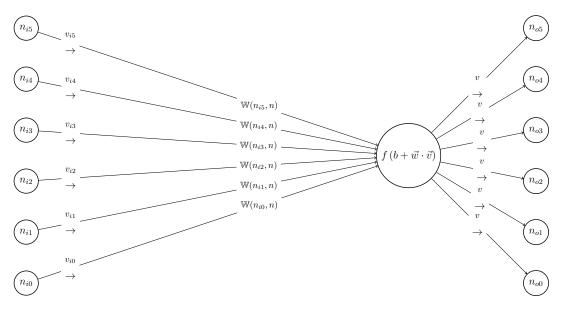
2 Formální náhled

Matematikou za neuronovými sítěmi a její implementací v Pythonu se zabývají videa [8]. Kniha zabývající se touto problematikou je např. [9].

V dalším textu $\vec{x} \cdot \vec{y}$ značí skalární součin¹ vektorů \vec{x} a \vec{y} . Vektory jsou uvedeny horizontálně, ale chápejme to jako by byly vertikálně².

2.1 Definice neuronu a sítě

Vstupní neurony: N_{in} Axony vstupních neuronů Synapse z n_{i*} do n Dendrity Vyšetřovaný neuron: n Výstupní neurony: N_{out}



Obr. 2.1: Neuron

Označme $\nu = (N, W, F)$ neuronovou síť, N je množina všech jejích neuronů, $W: N \times N \to \mathbb{R}$ jsou váhy (angl. weights) udávající sílu synapse mezi dvěma neurony (v případě, že mezi neurony synapse není, je W rovno 0) a $F: \mathbb{R}^{|N_v|} \to \mathbb{R}$ je chybová funkce udávající velikost chyby podle rozdílu reálných hodnot od chtěných hodnot výstupních neuronů (N_v) .

 $^{^1 \}text{To jest to samé jako } \vec{x}^T \vec{y}.$

 $^{^2}$ Mohli bychom doplnit za každou definici vektoru T, třeba (2.2) přepíšeme jako $\vec{v} = (v_1,\,v_2,\,\ldots)^T$

Nechť $n \in N$, $n = (N_{in}, N_{out}, f, b, v, \varepsilon)$ je neuron, kde $N_{in} = \{n_x \in N | W(n_x, n) \neq 0\}$ je množina neuronů, které vysílají signál do n, $N_{out} = \{n_x \in N | W(n, n_x) \neq 0\}$ je množina neuronů, které přijímají signál od n, $f : \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ je aktivační funkce, $b \in \mathbb{R}$ je bias, $v \in \mathbb{R}$ je signál vycházející z n a ε je chyba (parciální derivace chybové funkce podle $f^{-1}(v)^3$).

2.2 Dopředná propagace

Potom dopředná propagace (tedy spočítání v) vypadá takto⁴:

$$v = f\left(b + \sum_{n_x \in N_{in}, v_x \in n_x} v_x \cdot W(n_x, n)\right)$$

$$(2.1)$$

To lze při označení

$$\vec{v} = (v_1, v_2, \dots) \tag{2.2}$$

$$\vec{w} = (w_1, w_2, \dots) \tag{2.3}$$

$$(\forall n_x \in N_{in}) (\exists ! i \in \mathbb{N}) (v_i \in n_x \land w_i = W(n_x, n))$$
(2.4)

zapsat vektorově jako:

$$v = f(b + \vec{w} \cdot \vec{v}) \tag{2.5}$$

Případně můžeme do vektorů "zakomponovat" i bias⁵:

$$\vec{v} = (1, v_1, v_2, \dots)$$
 (2.6)

$$\vec{w} = (b, w_1, w_2, \ldots)$$
 (2.7)

$$(\forall n_x \in N_{in}) (\exists ! i \in \mathbb{N}) (v_i \in n_x \land w_i = W(n_x, n))$$
(2.8)

$$v = f(\vec{w} \cdot \vec{v}) \tag{2.9}$$

2.3 Chybová funkce

Anglicky loss function nebo někdy také cost function. Udává, nakolik se neuronová sít strefila do správného výstupu. Většinou nás ale nezajímá její hodnota (rozlišujeme pouze, zda sít odpověděla dobře, nebo ne), používáme ji jen jako pomyslné hodnocení ve zpětné propagaci.

³Derivace aktivačních funkcí se často snadno spočítá z funkční hodnoty, proto uvádím, že hledám derivaci v bodě, kde je daná funkční hodnota, značím přitom $f^{-1}(y) = x \Leftrightarrow f(x) = y$.

 $^{^4}v_x \in n_x$ značí, že v_x je signál neuronu n_x , obdobně u ostatních informací v neuronu.

⁵To v knihovně není použito z důvodu netriviálního přidávání prvku do vektoru.

Její gradient, tedy derivace podle všech proměnných (vah a biasů) v neuronové síti, totiž udává, jak poupravit hodnoty, aby neuronová síť odpovídala lépe.

Pro naše potřeby stačí pouze jediná chybová funkce

$$E(x) = 0.5 \sum_{n_o \in O} (v_{od} - v_o)$$
(2.10)

, kde O je množina výstupních neuronů, v_o jsou jejich výstupní signály a v_{od} jsou odpovídající chtěné výstupní signály. Tato funkce má výhodu, že její derivace podle libovolného v_o je

$$\frac{\delta E}{\delta v_o} = v_{od} - v_o \tag{2.11}$$

, tedy ε výstupních neuronů spočítáme pouze jako rozdíl chtěných a reálných výstupů.

2.4 Zpětná propagace

Při zpětné propagaci je důležitý vzorec pro derivaci složené funkce, někdy také znám jako "řetízkové pravidlo" (pro funkci jedné proměnné platí rovnice (2.12), pro více pak rovnice (2.13))⁶

$$\frac{dy}{dx} = \frac{dz}{dx}\frac{dy}{dz} \tag{2.12}$$

$$\frac{\delta y}{\delta x} = \sum_{z} \frac{\delta z}{\delta x} \frac{\delta y}{\delta z} \tag{2.13}$$

Díky tomu můžeme ε neuronu spočítat pomocí

$$f_x^{-1}(v_x) = \sum_{n_y \in N_{out, x}, v_y \in n_y} v_y \cdot W(n_y, n_x)$$
(2.14)

tj.

$$\frac{\delta f_x^{-1}(v_x)}{\delta v_y} = W(n_y, n_x) \tag{2.15}$$

takto:

$$\varepsilon = \frac{\delta E}{\delta f^{-1}(v)} = \sum_{n_x \in N_{out}, f_x \in n_x, v_x \in n_x} \frac{\delta E}{\delta f_x^{-1}(v_x)} \cdot \frac{\delta f_x^{-1}(v_x)}{\delta f^{-1}(v)}$$
(2.16)

$$\varepsilon = \sum_{n_x \in N_{out}, f_x \in n_x, v_x \in n_x} \frac{\delta E}{\delta f_x^{-1}(v_x)} \cdot \frac{\delta f_x^{-1}(v_x)}{\delta v} \cdot \frac{\delta v}{\delta f^{-1}(v)}$$
(2.17)

$$\varepsilon = \frac{\delta v}{\delta f^{-1}(v)} \sum_{n_x \in N_{out}, \, \varepsilon_x \in n_x} \varepsilon_x \cdot W(n, \, n_x)$$
(2.18)

⁶Pro funkce musí platit, že mají v daných bodech derivaci, viz [10, s. 623].

$$\varepsilon = f'\left(f^{-1}(v)\right) \sum_{n_x \in N_{out}, \, \varepsilon_x \in n_x} \varepsilon_x \cdot W\left(n, \, n_x\right) \tag{2.19}$$

 ε nás dovede k tomu, o kolik musíme posunout bias. Hlavním parametrem neuronové sítě jsou ale váhy (funkce W). Derivaci chybové funkce podle váhy určíme za pomoci rovnice (2.14), tj.

$$\frac{\delta f_y^{-1}(v_y)}{\delta W(n, n_y)} = v \tag{2.20}$$

a z rovnice (2.1):

$$\frac{\delta E}{\delta W\left(n, n_{y}\right)} = \frac{\delta E}{\delta f_{y}^{-1}\left(v_{y}\right)} \cdot \frac{\delta f_{y}^{-1}\left(v_{y}\right)}{\delta W\left(n, n_{y}\right)} = \varepsilon_{y} \cdot v \tag{2.21}$$

Obdobně jako v předchozím případě definujeme vektory⁷:

$$\vec{\varepsilon} = (\varepsilon_1, \, \varepsilon_2, \, \ldots) \tag{2.22}$$

$$\vec{w} = (w_1, w_2, \dots) \tag{2.23}$$

$$\frac{\delta E}{\delta \vec{w}} = \left(\frac{\delta E}{\delta w_1}, \frac{\delta E}{\delta w_2}, \dots\right) \tag{2.24}$$

$$(\forall n_x \in N_{out}) (\exists ! i \in \mathbb{N}) (\varepsilon_i \in n_x \land w_i = W(n, n_x))$$
(2.25)

$$\varepsilon = f'\left(f^{-1}(v)\right) \cdot (\vec{w} \cdot \vec{\varepsilon}) \tag{2.26}$$

$$\frac{\delta E}{\delta \vec{w}} = \vec{\varepsilon} \cdot v \tag{2.27}$$

Vektor $\frac{\delta E}{\delta \vec{w}}$ už stačí jen přičíst k \vec{w} , abychom upravili hodnoty $W(n, n_x)$.

Pomocí tohoto můžeme spočítat všechno kromě ε na výstupních neuronech. To můžeme z rovnice (2.11) ($n_o \in O$ jsou výstupní neurony, $\varepsilon_o \in n_o$, $f_o \in n_o$ a $v_o \in n_o$):

$$\varepsilon_o = \frac{\delta E}{\delta f_o^{-1}(v_o)} = \frac{\delta E}{\delta v_o} \cdot \frac{\delta v_o}{\delta f_o^{-1}(v_o)} = (v_{od} - v_o) f_o' \left(f_o^{-1}(v_o) \right)$$
(2.28)

2.5 Síť

V sekci 1.3 jsme se bavili o tom, že nejpoužívanější sítě mají neurony seřazené do vrstev. Nechť jsou tudíž neurony uspořádány ve vrstvách číslovaných přirozenými čísly od 1 a nechť jsou navíc i neurony v každé vrstvě zvlášť očíslovány přirozenými čísly od 1 (tj. vrstva je vlastně vektor neuronů). Potom značme L_x vrstvu s indexem x a $n_{x,y}$ neuron s indexem y příslušící do L_x . To znamená, že pokud $N_{in} \in n_{x,y}$, tak $N_{in} = L_{x-1}$, a pokud $N_{out} \in n_{x,y}$, tak $N_{out} = L_{x+1}$. Následně zavedme vektory $(v_{x,i} \in n_{x,i}, b_{x,i} \in n_{x,i}, f_{x,i} \in n_{x,i})$:

⁷Značení $\frac{\delta E}{\delta \vec{w}}$ a $\frac{\delta E}{\delta \mathbb{W}}$ z rovnic (2.24) a (2.43) neznačí derivace podle vektoru a matice, ale je to symbolické značení pro vektor a matici derivací podle jednotlivých složek daného tensoru.

$$\vec{v}_x = (v_{x,1}, v_{x,2}, \ldots) \tag{2.29}$$

$$\vec{w}_{x,i} = (W(n_{x,1}, n_{x+1,i}), W(n_{x,2}, n_{x+1,i}), \ldots)$$
 (2.30)

$$\vec{w'}_{x,i} = (W(n_{x,i}, n_{x+1,1}), W(n_{x,i}, n_{x+1,2}), \ldots)$$
 (2.31)

$$\vec{b}_x = (b_{x,1}, b_{x,2}, \dots) \tag{2.32}$$

$$\vec{f_x} = (f_{x,1}, f_{x,2}, \dots)$$
 (2.33)

$$\vec{\varepsilon}_x = (\varepsilon_{x,1}, \, \varepsilon_{x,2}, \, \ldots) \tag{2.34}$$

$$\frac{\delta E}{\delta \vec{w'}_{x,i}} = \left(\frac{\delta E}{\delta W\left(n_{x,y}, n_{x+1,1}\right)}, \frac{\delta E}{\delta W\left(n_{x,y}, n_{x+1,2}\right)}, \ldots\right)$$
(2.35)

2.5.1 Dopředná propagace

Přepíšeme rovnici dopředné propagace (2.5):

$$v_{x,i} = f_{x,i} \left(b_{x,i} + \vec{w}_{x-1,i} \cdot \vec{v}_{x-1} \right) \tag{2.36}$$

Můžeme využít matici vah a maticové násobení (aplikaci vektoru funkcí $\vec{f}(\vec{x})$ chápejme tak, že na každou složku \vec{x} se aplikuje odpovídající složka \vec{f}):

$$\mathbb{W}_{x} = \begin{pmatrix} w_{x,1} \\ w_{x,2} \\ \vdots \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} W(n_{x,1}, n_{x+1,1}) & W(n_{x,2}, n_{x+1,1}) & \dots \\ W(n_{x,1}, n_{x-1,2}) & W(n_{x,2}, n_{x+1,2}) & \dots \\ \vdots & \vdots & \ddots \end{pmatrix}$$
(2.37)

$$\vec{v}_x = \vec{f}_x \left(\vec{b}_x + W_{x-1} \cdot \vec{v}_{x-1} \right) \tag{2.38}$$

2.5.2 Zpětná propagace

Nyní přepíšeme rovnice (2.26) a (2.27) zpětné propagace:

$$\varepsilon_{x,i} = f'_{x,i} \left(f_{x,i}^{-1}(v_{x,i}) \right) \odot \left(\vec{w'}_{x,i} \cdot \vec{\varepsilon}_{x+1} \right) \tag{2.39}$$

$$\frac{\delta E}{\delta \vec{w'}_{x,i}} = \vec{\varepsilon}_{x+1} \cdot v_{x,i} \tag{2.40}$$

Rovnici (2.39) můžeme převést hned do maticového tvaru (\mathbb{W}^T značí transponovanou matici \mathbb{W} , $\vec{f}^{-1}(x)$ a $\vec{f}'(x)$ značí aplikaci inverzní funkce a derivace funkce podobně jako v (2.38), \odot značí násobení po složkách⁸):

$$\vec{\varepsilon}_x = \vec{f}_x' \left(\vec{f}_x^{-1}(\vec{v}_x) \right) \odot \left(\mathbb{W}_x^T \cdot \vec{\varepsilon}_{x+1} \right) \tag{2.41}$$

Pro rovnici (2.40) potřebujeme spojit definice (2.24) (definice vektoru derivací), kterou přepíšeme do tvaru vrstev:

$$\frac{\delta E}{\delta \vec{w_{x,i}}} = \left(\frac{\delta E}{\delta W(n_{x,i}, n_{x+1,1})}, \frac{\delta E}{\delta W(n_{x,i}, n_{x+1,2})}, \dots\right)$$
(2.42)

a (2.37) (definici matice vah):

$$\frac{\delta E}{\delta \mathbb{W}_{x}} = \begin{pmatrix} \frac{\delta E}{\delta w_{x,1}} \\ \frac{\delta E}{\delta w_{x,2}} \\ \vdots \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{\delta E}{\delta W(n_{x,1},n_{x+1,1})} & \frac{\delta E}{\delta W(n_{x,1},n_{x+1,2})} & \cdots \\ \frac{\delta E}{\delta W(n_{x,2},n_{x-1,1})} & \frac{\delta E}{\delta W(n_{x,2},n_{x+1,2})} & \cdots \\ \vdots & \vdots & \ddots \end{pmatrix}$$
(2.43)

Nyní jsme již schopni zapsat rovnici (2.40) maticově:

$$\frac{\delta E}{\delta \mathbb{W}_x} = \vec{\varepsilon}_{x+1} \vec{v}_x^T \tag{2.44}$$

I spočítání ε u poslední vrstvy (tj. neuronů v O, značme ji L_o) lze zapsat vektorově (\vec{v}_{od} zde značí vektor předpokládaných výsledků):

$$\vec{\varepsilon}_o = \vec{f}_x' \left(\vec{f}_x^{-1}(\vec{v}_x) \right) \odot (\vec{v}_{od} - \vec{v}_o) \tag{2.45}$$

2.5.3 Zakomponování biasu

Nejdříve musíme upravit vektory a matice:

$$\vec{v}_x = (1, v_{x,1}, v_{x,2}, \dots)$$
 (2.46)

$$\vec{f}_x = (1, f_{x,1}, f_{x,2}, \ldots)$$
 (2.47)

$$\vec{\varepsilon_x} = (0, \, \varepsilon_{x,\,1}, \, \varepsilon_{x,\,2}, \, \dots) \tag{2.48}$$

$$W_{x} = \begin{pmatrix}
1 & 0 & 0 & \dots \\
b_{x+1,1} & W(n_{x,1}, n_{x+1,1}) & W(n_{x,2}, n_{x+1,1}) & \dots \\
b_{x+1,2} & W(n_{x,1}, n_{x-1,2}) & W(n_{x,2}, n_{x+1,2}) & \dots \\
\vdots & \vdots & \vdots & \ddots
\end{pmatrix}$$
(2.49)

 $^{^8}$ Násobením vektorů $\vec{x}=(x_1,\,x_2,\,\dots)$ a $\vec{y}=(y_1,\,y_2,\,\dots)$ tzv. po složkách získáme vektor $\vec{x}\odot\vec{y}=(x_1\cdot y_1,\,x_2\cdot y_2,\,\dots)$.

$$\frac{\delta E}{\delta \mathbb{W}_{x}} = \begin{pmatrix}
0 & 0 & 0 & \dots \\
\frac{\delta E}{\delta b_{x+1,1}} & \frac{\delta E}{\delta W(n_{x,1},n_{x+1,1})} & \frac{\delta E}{\delta W(n_{x,1},n_{x+1,2})} & \dots \\
\frac{\delta E}{\delta b_{x+1,2}} & \frac{\delta E}{\delta W(n_{x,2},n_{x-1,1})} & \frac{\delta E}{\delta W(n_{x,2},n_{x+1,2})} & \dots \\
\vdots & \vdots & \vdots & \ddots
\end{pmatrix}$$
(2.50)

Rovnice (2.38) (samozřejmě bez biasu:

$$\vec{v}_x = \vec{f}_x \left(W_{x-1} \cdot \vec{v}_{x-1} \right) \tag{2.51}$$

), (2.41) a (2.44) poté fungují pořád stejně. Rovnice (2.45) funguje také shodně, jelikož prostě řekneme, že první člen odhadu vyšel tak, jak má, tj. $\vec{\varepsilon} = (0, ...)$

2.6 Aktivační funkce

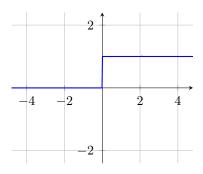
Jelikož neurony mají bias, není nutné udávat aktivační funkce obecně, stačí je jen udat tak, že x = 0 odpovídá mezi v pomyslném biologickém neuronu. Mezi aktivační funkce⁹ patří:

• Binary step

$$f(x) = \begin{cases} 0, & \text{když } x < 0 \\ 1, & \text{když } x \ge 0 \end{cases}$$
 (2.52)

$$f'(x) = \begin{cases} 0, & \text{když } x \neq 0 \\ +\infty, & \text{když } x = 0 \end{cases}$$
 (2.53)

(česky binární krok), již zmíněná funkce, jež odpovídá reálnému neuronu, ale není použitelná pro učení na základě gradientu, jelikož má derivaci 0 všude kromě bodu x=0, kde je nespojitá.



Obr. 2.2: Binární krok

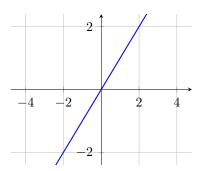
⁹Funkce jsem čerpal převážně z [11].

• Identity

$$f(x) = x \tag{2.54}$$

$$f'(x) = 1 \tag{2.55}$$

(česky *identita*) odpovídá stavu, jako kdyby tam žádná funkce nebyla. Její derivace je 1, tedy se velmi snadno určí v libovolném bodě.



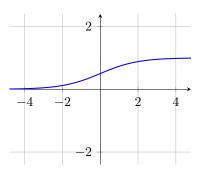
Obr. 2.3: Identita

• Sigmoid [12] (značí se σ)

$$\sigma(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}} \tag{2.56}$$

$$\sigma'(x) = \frac{e^{-x}}{(1+e^{-x})^2} = \frac{1}{1+e^{-x}} \left(1 - \frac{1}{1+e^{-x}} \right) = \sigma(x) \cdot (1-\sigma(x))$$
 (2.57)

je jedna z nejznámějších aktivačních funkcí. Je to vlastně takový hladký přechod mezi 0 a 1. Také je na σ dobře vidět, proč se často počítá derivace z funkční hodnoty, místo počítání exponenciální funkce a dělení si vystačíme s násobením a odčítáním. Sigmoida se také používá ve spojení s ostatními funkcemi, většinou $\sigma(x)$ pro kladné a druhá funkce pro záporné.



Obr. 2.4: σ

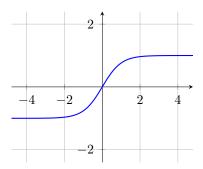
• Nesmíme zapomenout na *sigmoidě* podobnou a také často používanou funkci *hyperbolický tangens* (tanh) [12] [13]:

$$\tanh(x) = \frac{\sinh(x)}{\cosh(x)} = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}} = \frac{2}{1 - e^{-2x}} - 1 = 2 \cdot \sigma(2x) - 1 \tag{2.58}$$

$$\tanh'(x) = \frac{1}{\cosh^2(x)} = \frac{\cosh^2(x) - \sinh^2(x)}{\cosh^2(x)} = 1 - \tanh^2(x)$$
 (2.59)

$$\tanh'(x) = 4 \cdot \sigma'(2x) = 4 \cdot \sigma(2x) \cdot (1 - \sigma(2x)) \tag{2.60}$$

Největší rozdíl oproti σ je, že může nabývat i záporných hodnot, což sice moc neodpovídá přírodnímu neuronu, ale když si rozmyslíme, že stačí zvětšit biasy u neuronů, do kterých neuron s aktivační funkcí tanh vysílá signál, dospějeme k výsledku, že tato funkce také funguje.



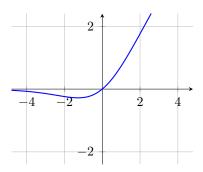
Obr. 2.5: Hyperbolický tangens

• Další funkce s vazbou na sigmoidu je funkce swish [12]:

$$f(x) = x \cdot \sigma(x) = \frac{x}{1 + e^{-x}} \tag{2.61}$$

$$f'(x) = x + \sigma'(x) = x + \sigma(x) \cdot (1 - \sigma(x)) \tag{2.62}$$

Nepodařilo se mi ale najít derivaci za pomoci funkční hodnoty.



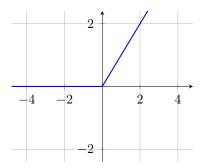
Obr. 2.6: Swish

Ukazuje se, že identita jako taková se v podstatě použít nedá, ale hojně využívaná
je její "upravená" verze rectified linear unit [12] (česky něco jako napravená přímá
úměrnost), která záporná čísla převádí na nulu a v kladných se chová jako identita:

$$f(x) = \begin{cases} 0, & \text{když } x < 0 \\ x, & \text{když } x \ge 0 \end{cases}$$
 (2.63)

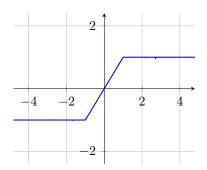
$$f'(x) = \begin{cases} 0, & \text{když } x < 0 \\ 1, & \text{když } x > 0 \\ \text{neexistuje}, & \text{když } x = 0 \end{cases}$$
 (2.64)

Trochu připomíná biologický neuron, protože pro záporné hodnoty nevysílá, ale na rozdíl od něj má variabilní hodnotu vysílaného signálu. Často se například používá ve filtrech, jelikož chceme detekovat, zda je někde hrana, ale nechceme vysílat záporný signál, když někde hrana není, protože může být o pixel vedle.



Obr. 2.7: Rectified linear unit

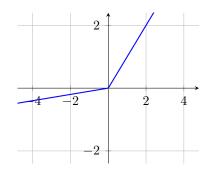
• Kromě této verze je v knihovně ještě *leaky* (děravá či prosakující) rectified linear unit [12], která v záporných hodnotách nedává nulu, ale *přímou úměrnost*.



Obr. 2.8: Hard hyperbolic function

- K těmto funkcím můžeme přiřadit i hard hyperbolic function, která je identitou pouze na
 intervalu (-1,1), tedy odpovídá biologickému neuronu asi nejvíce z těchto "lineárních
 funkcí".
- Rectified unit není hladká (nemá derivaci v bodě nula), ale to lze napravit, když použijeme funkci soft plus [12] (ln $(1 + e^x)$). Podobnou úpravu lze udělat i s funkcí signum (znaménko, často se značí sign), což je téměř binární krok¹⁰, akorát v záporných hod-

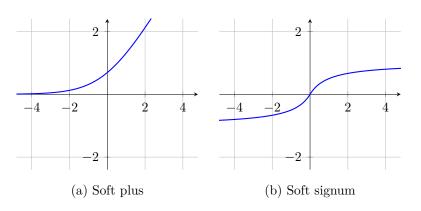
 $^{^{10}\}mathrm{Z}$ důvodu téhle podobnosti není ani implementována.



Obr. 2.9: Leaky rectified linear unit pro koeficient úměrnosti 0.1

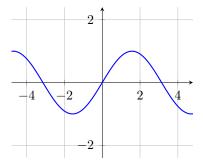
notách nabývá funkční hodnoty -1 místo 0. Signum se dá zapsat jako podíl x a |x|, tudíž tato úprava ($soft\ sign\ [12]$) vypadá následovně:

$$f(x) = \frac{x}{|x|+1} \tag{2.65}$$



Obr. 2.10: Soft funkce

• Jednou skupinou funkcí, se kterými se sice experimentuje, ale stěží najdete nějaké využití, jsou ty, které nejsou monotonní¹¹, jako sinus, kosinus, $Gaussova funkce (e^{-x^2})$, apod. Vzhledem k jejich mizivému využití je implementován pouze sinus.



Obr. 2.11: Sinus

 $^{^{11}}$ Můžeme si všimnout, že téměř všechny předchozí funkce jsou neklesající, většina dokonce rostoucí na celém definičním oboru.

2.7 Shrnutí

Rovnice:

- Dopředné propagace, tj. (2.5) resp. (2.9) nebo (2.38) resp. (2.51):

$$v = f (b + \vec{w} \cdot \vec{v})$$

$$v = f (\vec{w} \cdot \vec{v})$$

$$\vec{v}_x = \vec{f}_x \left(\vec{b}_x + W_{x-1} \cdot \vec{v}_{x-1} \right)$$

$$\vec{v}_x = \vec{f}_x (W_{x-1} \cdot \vec{v}_{x-1})$$

• Zpětné propagace, tj. (2.19) a (2.27) nebo (2.41) a (2.44):

$$\varepsilon = f'\left(f^{-1}(v)\right) \sum_{n_x \in N_{out}, \, \varepsilon_x \in n_x} \varepsilon_x \cdot W\left(n, \, n_x\right)$$
$$\frac{\delta E}{\delta \vec{w}} = \vec{\varepsilon} \cdot v$$
$$\vec{\varepsilon}_x = \vec{f}_x'\left(\vec{f}_x^{-1}(\vec{v}_x)\right) \odot \left(\mathbb{W}_x^T \cdot \vec{\varepsilon}_{x+1}\right)$$
$$\frac{\delta E}{\delta \mathbb{W}_x} = \vec{\varepsilon}_{x+1} \vec{v}_x^T$$

• Prvotní části zpětné propagace, tj. (2.28) nebo (2.45)

$$\varepsilon_o = (v_{od} - v_o) f'_o \left(f_o^{-1} \left(v_o \right) \right)$$
$$\vec{\varepsilon_o} = \vec{f_x'} \left(\vec{f_x}^{-1} (\vec{v_x}) \right) \odot (\vec{v_{od}} - \vec{v_o})$$

nám popisují matematiku stojící za fungováním neuronových sítí, tedy naším cílem bude je implementovat. Navíc k implementování těchto rovnic potřebujeme naprogramovat samotný neuron, který jsme si definovali v sekci 2.1 jako:

$$n = (N_{in}, N_{out}, f, b, v, \varepsilon)$$

Také často používáme aktivační funkce, proto by v naší knihovně neměly chybět.

Část II

Praktická část

Cílem této práce je knihovna, která nám umožní používat neuronové sítě v Kotlinu. Jak bylo řečeno na konci minulé kapitoly, musí obsahovat aktivační funkce, nejlépe všechny uvedené v sekci 2.6, zároveň však umožnit uživateli definovat si funkce vlastní. Poté se zaměříme hlavně na neuronovou sít obsahující vrstvy, její implementace bude zároveň zahrnovat jak implementaci neuronu, tak implementaci dopředné a zpětné propagace.

Konvoluční síť pro jednoduchost naprogramujeme za použití sítí s vrstvami, tedy jedinou věc, kterou potřebujeme implementovat, je způsob používání filtru. Nakonec se podíváme i na asociativní paměť, pro kterou navíc potřebujeme naprogramovat neurony, jelikož na rozdíl od neuronové sítě s vrstvami zde nelze ukládat jednotlivé hodnoty neuronu pohromadě (např. všechny v do jednoho pole, nebo všechny ε do jiného).

Aby nemuselo být v knihovně implementováno maticové násobení, použil jsem knihovnu koma (celým názvem Kotlin math), která implementuje základy lineární algebry v Kotlinu. Knihovna je pro JVM, Javascript i pro binární kód, avšak ve Windows ji nelze zkompilovat, proto naše knihovna funguje pouze pro JVM a Javascript. [14]

Asociativní paměť se mi bohužel nepodařilo doprogramovat do konce, natož otestovat, tedy není uvedena dále v této kapitole. Implementaci neuronu nalezneme v core (viz níže) jako třídu Neuron, která se stará přímo o výpočty z kapitoly 2. Uchovávání těchto neuronů a spouštění výpočtů na každém z nich má na starosti třída AssociativeMemory taktéž z core.

3 Struktura knihovny

Knihovna je rozdělena do dvou balíčků:

- První, a ten hlavní, je core (česky jádro), které obsahuje definice neuronových sítí
 (tj. konvoluční neuronovou sít, obyčejnou neuronovou sít, asociativní pamět) a definice
 pro ně potřebné (například aktivační funkce). Právě v tomto balíčku je implementováno
 to, co bylo v teoretické části.
- Druhý je mnistDatabase, která se stará o učení neuronových sítí na datech z databází
 ve formátu MNIST. O databázích ve formátu MNIST se v teorii nepsalo, jsou zmíněny
 až přímo v sekci 3.2, která pojednává o tomto balíčku.

3.1 core

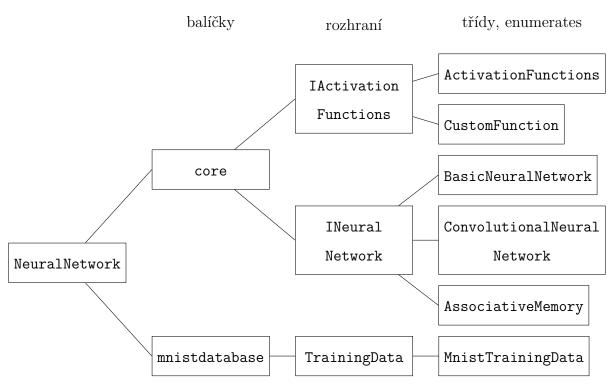
3.1.1 IActivationFunctions

Rozhraní, které zahrnuje ActivationFunction a CustomFunction. Jeho instance se používají jako aktivační funkce. Funkce lze zavolat s parametrem typu Double, což nám dá hodnotu funkce v tomto bodě, popřípadě lze obdobně zavolat jejich dvě metody xD a yD udávající v pořadí hodnotu derivace v bodě x a v bodě, kde je funkční hodnota rovna parametru.

3.1.2 ActivationFunctions

Enumerate častých funkcí, jež se používají jako aktivační funkce v neuronech. Některé jsou označeny jako překonané (anglicky deprecated), jelikož u funkcí, které nejsou všude hladké, neexistuje všude derivace. Taktéž u funkcí, jež nejsou prosté, nelze vždy určit derivaci podle funkční hodnoty.

Implementovány jsou všechny funkce uvedené v sekci 2.6



Obr. 3.1: Struktura knihovny

3.1.3 CustomFunction

Poskytuje možnost implementovat si vlastní aktivační funkci, má stejné metody (zde jsou to vlastnosti typu () -> Unit) jako ActivationFunctions.

3.1.4 INeuralNetwork

Rozhraní, které implementuje základní funkce neuronových sítí, které mají jako vstup i výstup vektor Double. Obsahuje funkce:

• run(vstupní vektor), která je koncipována tak, aby ze vstupního vektoru spočítala vektor výstupní (tedy většinou udělala dopřednou propagaci). Jako vstupní vektor lze dát jak Matrix<Double> z knihovny koma, tak DoubleArray, které je převedeno na Matrix<Double>, následně se zavolá funkce run s tímto typem a výstup se převede zpět na DoubleArray.¹

Navíc (hlavně kvůli konvolučním neuronovým sítím) může být vstup i dvourozměrný, v tomto případě je pak nutno u DoubleArray uvést i šířku řádku.

¹DoubleArray je použito, protože je to typ Kotlinu samotného, ale jelikož matematika v neuronových sítích je implementována pomocí Matrix<Double>, musí se převést mezi typy.

• train(vstupní vektor, chtěný výstupní vektor) resp. train(vstupní vektory, chtěné výstupní vektory), která je koncipována tak, aby nejdříve provedla run(vstupní vektor), výsledek porovnala s chtěným a přepočítala váhy v neuronové síti tak, aby se výstup run(vstupní vektor) přiblížil (zmenšila se velikost jejich rozdílu) chtěnému výstupnímu vektoru. Kromě verze s parametry typu DoubleArray je funkce implementována i pro typ Array<DoubleArray>, tedy trénovací vstupy a výstupy lze vložit i všechny najednou.

3.1.5 BasicNeuralNetwork

Tato třída rozhraní INeuralNetwork implementuje nejčastěji používanou neuronovou sít, kde jsou neurony uspořádány do vrstev a ovlivňují se pouze jedním směrem. Parametry, které lze nastavit, jsou:

- numberOfHiddenLayers, neboli počet skrytých vrstev (tj. ty, jež jsou mezi vstupní a výstupní vrstvou). Čím více vrstev je nastaveno, tím hůře se síť učí, většinou je proto třeba nastavit pouze jednu skrytou vrstvu nebo nastavit velmi malou hodnotu learning rate (proměnná, jež není v konstruktoru, která udává rychlost změn vah).
- activationFunctions, česky aktivační funkce, musí být vybrána z třídy Activation-Function. Při použití funkcí, které nejsou hladké, se neurony mohou chovat nepředvídatelným způsobem.

3.1.6 ConvolutionalNetwork

Tato třída rozhraní INeuralNetwork implementuje konvoluční neuronové sítě. Její konstruktor přijímá dva parametry typu BasicNeuralNetwork, první je filtr, druhá je samotná neuronová sít. Dalším parametrem je logická hodnota, zda se má i filtr učit (to se ale téměř nepoužívá, takže je tato hodnota při neuvedení nastavena na false).

Companion object této třídy navíc obsahuje příklad takového filtru (jednoduchý filtr detekující hrany viz obrázek 3.2)

0	1	1
-1	0	1
-1	-1	0

1	1	0
1	0	-1
0	-1	-1

0	-1	-1
1	0	-1
1	1	0

-1	-1	0
-1	0	1
0	1	1

1	1	1
0	0	0
-1	-1	-1

-1	-1	-1
0	0	0
1	1	1

-1	0	1
-1	0	1
-1	0	1

1	0	-1
1	0	-1
1	0	-1

Obr. 3.2: Ilustrace filtru z třídy Convolutional Network, vstupem je matice 3×3 pixely, ta se po složkách násobí vždy s 1 z 8 matic výše, sečtou se všechny prvky výsledné matice, aplikuje se rectified linear unit a každé z výsledných 8 čísel pak udává, jak moc je v původní matici hrana odpovídající dané matici výše (tzn. jak moc je pixel násobený 1 bílý a pixel násobený -1 černý)

3.2 mnistDatabase

Pro otestování knihovny je potřeba nějaký dataset. K tomuto účelu je v knihovně implementována třída TrainingDataMnist, která umí přečíst data z databáze MNIST a EMNIST. Poté poskytuje vždy jedno zadání (obrázek číslice / písmena) a jeho řešení (ve formě vektoru, kde pouze na správném místě je 1, jinak je všude 0).

Jako parametry přijímá řetězec (String) s názvem souboru s obrázky a řetězec s názvem souboru s daty (identifikací toho, co je na obrázcích). Zároveň nastavením parametru inverse na true lze převrátit osy obrázku (viz obrázek 3.2.2). Tato třída zatím funguje pouze v JVM, jelikož používá funkci na načtení souboru a tuto funkci jsem zatím v Javascriptu neimplementoval (soubor je většinou uložen někde na serveru, takže je obtížnější ho načíst).

Dále tento balíček rozšiřuje rozhraní INeuralNetwork o funkci train s parametrem typu TrainData, což je pouze typealias (tzn. jiný název pro typ v Kotlinu) za Sequence<Pair<DoubleArray, DoubleArray>>, jež je implementován výše zmíněnou třídou TrainingDataMnist.

```
000000
  J
            3
  3
    3
    4
    5
  ς
            5
  6
    6
       6
    ч
                           8
8
  8
                           9
```

Obr. 3.3: Příklad obrázků z databáze MNIST [16]

3.2.1 Databáze MNIST

"Databáze MNIST, dataset ručně psaných číslic dostupná na stránkách http://yann.lecun.com/exdb/mnist/ obsahuje 60 000 tréninkových a 10 000 ověřovacích příkladů. MNIST vychází z databáze spravované NIST (National Institute of Standarts and Technology). Číslice mají normalizovanou velikost a jsou vycentrované v obrázcích shodné velikosti." [15, přeloženo] Ukázku takových obrázků vidíme na obrázku 3.3.

Tuto databázi jsem použil pro první testování své BasicNeuralNetwork, jelikož má pro první testování dostačující velikost. Pro pozdější testování využívám převážně EMNIST.

3.2.2 Databáze EMNIST

"Databáze MNIST se stala standardem pro učení umělého vidění. Databáze MNIST je odvozená z databáze NIST Special Database 19, která obsahuje ručně psané číslice a velká i malá písmena. EMNIST (Extended MNIST), varianta celé databáze NIST, přebírá uspořádání z databáze MNIST²." [17, přeloženo]

Tato databáze obsahuje více příkladů než MNIST, navíc obsahuje i sety s písmeny, proto jsem po prvních pokusech s MNIST přešel na tuto databázi.

²Má však prohozené řádky a sloupce pixelů v obrázcích.

4 Používání knihovny

4.1 Trénování sítě

Příklad takového tréninku je v souboru NeuralNetworkTestJVM funkce mnist(). Takové trénování ale trvá více než deset minut (konkrétně tato funkce běží asi tři čtvrtě hodiny), tudíž ho nelze zahrnout do testů. V testech je pouze trénování malinké sítě, aby fungovala jako xor.

Nejprve musíme neuronovou sít natrénovat a uložit. Trénování neuronové sítě probíhá za pomoci funkce train. Té musíme poskytovat tréninkové vstupy s odpovídajícími výstupy, což můžeme udělat tak, že funkci train budeme volat z cyklu, který bude tato data postupně načítat. Dalším způsobem je předat rovnou celý Array vstupů a výstupů, to ale často znamená načíst miliony objektů třídy Double, proto to může výrazně zpomalit učení. Poslední možností (pokud máme data ve formátu MNIST) je využít třídy TrainingData, které poskytneme soubory s daty a ona vytvoří příslušné objekty typu Double až ve chvíli, kdy dojde na danou dvojici vstup – výstup.

Dobré je také během učení pomalu snižovat learningRate, jelikož nejdřív se neuronová síť vlastně učí hlavně konkrétní obrázky (v této fázi nejlépe poznává obrázky, které dostala v tréninku naposledy), poté ale umí čím dál více věcí a nechceme, aby se přepisovaly již nabyté vědomosti. Já jsem například trénoval síť desetkrát na stejných datech (to není úplně vhodné, data by se měla měnit, aby se co nejméně naučila konkrétní obrázky¹, ale pro jednoduchost to stačí) s tím, že pokaždé jsem learningRate vydělil 1,5.

Poté už můžeme sít hned používat (například ji otestovat), ale většinou ji chceme používat víckrát a třeba i v rámci jiného programu. Proto mají třídy rozhraní INeuralNetwork funkci save, která vrátí data neuronové sítě jako řetězec (takový "osekaný" JSON), který je pak možno uložit. V JVM je přímo definována funkce saveFile(název souboru, data).

¹Při opakování malého datasetu se může stát, že neuronová síť bude umět rozpoznat jen obrázek, který je na pixel přesně shodný s tréninkovými obrázky.

4.2 Používání sítě

Ukázka načítání sítě je v programu JSTest2 řádek 43 až 45 a ukázka výpočtu je parametr funkce evaluateButton.addEventListener. Můžete si všimnout, že použití je v rámci jednotek řádků kódu, zbytek se pouze stará o uživatelský vstup (program funguje jak za pomoci klikání myší, tak v mobilu pomocí dotyku).

Jakmile máme nějakou sít natrénovanou a uloženou v řetězci, můžeme ji znovu nahrát pomocí funkce load(data) nacházející se v companion objectu třídy BasicNeuralNetwork nebo ConvolutionalNeuralNetwork. Návratovou hodnotou této funkce je samotná neuronová sít, takže ji stačí uložit do proměnné, na které pak zavoláme funkci run s vstupním vektorem jako parametrem a tím získáme výstupní vektor, který stačí už jen zpracovat (např. při rozpoznávání číslic to znamená zjistit, který z výsledných 10 neuronů vysílá největší výstupní signál).

4.3 Nastavení hodnot

Neuronová sít má mnoho hodnot, které lze nastavit. Knihovna je vyzkoušena na rozpoznávání čísel v databázích MNIST a EMNIST s následujícím nastavením hodnot:

- Learning rate na 0.1 a každou z 10 epoch (1 epocha = 1 průchod přes všechny obrázky) se snižuje na $\frac{2}{3}$ původní hodnoty.
- Počet skrytých vrstev na jedna (dvě už se nenaučí propojit vstup s výstupem a bez skryté vrstvy síť vůbec nefunguje²).
- Počet neuronů ve skryté vrstvě na 100 (snížení počtu neuronů výsledky zhorší, zvýšení
 na 200 až 300 výsledky moc nezlepší, navíc trénování větší sítě zabere mnohem více
 času).
- Aktivační funkce na sigmoidu (jiné jsem moc nezkoušel, sigmoida stačí).

²Pokud byste potřebovali učit síť s více skrytými vrstvami, musíte nastavit learning rate na daleko nižší hodnotu a učit síť daleko déle a na více vstupech.

Závěr

Cílem mé práce bylo implementovat neuronovou sít, což se mi podařilo dokonce do takové míry, že v programu, kde zabírá pár řádků, je schopna rozeznávat číslice (ukázka je na stránkách moznabude.cz, nebo na přiloženém USB). Největším přínosem je asi třída BasicNeuralNetwork, která implementuje velkou část matematiky obtížnou na rozmyšlení a stojící za téměř všemi neuronovými sítěmi, o niž se programátor v Kotlinu díky mojí knihovně už nemusí starat.

Zároveň jsem si díky rozdělení do balíčků a využití možností objektově orientovaného programování připravil dobrý podklad pro rozšiřování knihovny. Dále bych mohl pokračovat například implementováním lepšího ukládání do souboru (ukládání typu Double jako textového řetězce není moc efektivní), implementování některých genetických algoritmů, či naprogramování konvoluční sítě tak, aby filtry mohly pracovat n rozměrně.

Pro mě samotného byl asi největší přínos, že jsem si poprvé zkusil napsat formálnější kód a to jak v Kotlinu, tak i v LaTeXu. Navíc, už jen rozmyšlení si, co má tento text obsahovat byla pro mě velká životní zkušenost.

Slovníček pojmů

Array typ v Kotlinu odpovídající tzv. polím či vektorům v jiných programovacích jazycích, uchovává uspořádanou množinu objektů. 31, 34, 37

DoubleArray Array pro typ Double. 30-32

Double implementace 64bitových čísel s plovoucí desetinou čárkou v Kotlinu. 30, 34, 36, 37

Pair typ v Kotlinu obsahující dvě vlastnosti first a second, dva objekty libovolného typu.

32

false opak true, většinou reprezentován 0. 31, 37

true hodnota typu Boolean (typ nabývající hodnot true a false) udávající pravdu, většinou reprezentován 1. 32, 37

axon výběžek vedoucí signál z neuronu. 10, 15, 38

balíček (anglicky package) je něco jako složka, používá se k izolování proměnných, funkcí, tříd a rozhraní, které se dají nastavit na použití pouze v daném balíčku, a zároveň také udává samostatné části programu nebo knihovny, které jsou na sobě téměř nezávislé.
29, 32

companion object tzv. statická část třídy v Kotlinu odpovídající modifikátoru static v Javě, obsahuje funkce a vlastnosti, které má třída i bez instance. 31, 35

cyklus pojem z teorie grafů, cyklus je posloupnost vrcholů (zde neuronů), přičemž z každého vrcholu do dalšího a z posledního do prvního vede hrana (zde axon → dendrit), tzn. pokud graf nemá cykly, nemůžeme se do vrcholu dostat vícekrát (zde nemusíme ho počítat vícekrát)

pojem z programování, používá se pro to, aby počítač opakoval kód. 11, 34

- dendrit výběžek vedoucí signál do neuronu. 10, 11, 15, 38
- enumerate česky výčet, typický prvek Javy či Kotlinu, třída, která má přesně definované instance (např. dny v týdnu by se implementovali jako enumerate). 29, 30, 38
- gradient vektor derivací funkce podle jednotlivých proměnných, v našem světě si ho můžeme představit jako vodorovnou šipku (v každém bodě světa), která ukazuje, kterým směrem a jak moc jde krajina nejvíce do kopce z tohoto bodu (proměnné jsou pro tento příklad vodorovné souřadnice, funkcí je výška, braná třeba od moře). 12, 17, 21
- JSON zkratka JavaScript Object Notation, lidsky čitelný formát ukládání Javascriptových objektů, každý parametr objektu se uloží jako ""nazev": hodnota" a celý objekt je obalený "{}". 34
- JVM Java Virtual Machine je virtuální stroj, který umožňuje běh Java Bytecodu, kódu, do kterého se překládá Java a Kotlin. 8, 28, 32, 34
- Kotlin programovací jazyk vyvíjený firmou JetBrains, založen na Javě. 3, 4, 8, 28, 30, 32, 36–38
- **rozhraní** (anglicky interface) je v objektově orientovaném programování zabalení funkcí a vlastností třídy, které by měla každá třída z nějaké skupiny mít (např. každá fronta by měla mít funkci pro přidání a odebrání prvku a jedna z jejích vlastností je velikost). 29–31, 34, 37, 38
- synapse spojení (mezera) mezi axonem a dendritem, jež podle svých chemických vlastností zesílí nebo zeslabí signál předávaný z axonu do dendritu. 10–12, 15
- typ třída nebo rozhraní, jehož instancí je daný objekt. 29–32, 34, 36, 37
- **třída** (anglicky class) je základní prvek objektově orientovaného programování. Obsahuje funkce a vlastnosti, které bude mít objekt, který se vytvoří z dané třídy (popřípadě třídy, jež budou z této třídy dědit). 28, 30–32, 34–38, 41
- xor tzv. výlučné nebo, neboli binární (tj. přijímá dvě hodnoty / tvrzení) logická funkce, která je pravda právě tehdy, když jedno tvrzení je pravdivé a jedno nepravdivé. 34

Bibliografie

- [1] J. Glenn Brookshear, David T. Smith a Dennis Brylow. *Informatika*. cs. Přel. en Jakub Goner. 1. vyd. Brno, CZ: Computer Press, 2013, s. 608. ISBN: 978-80-251-3805-2.
- [2] Kevin Gurney (University of Sheffield, UK). An Introduction to Neural Networks. Taylor & Francis Ltd, 5. srp. 1997, s. 234. ISBN: 1857285034. URL: https://www.ebook.de/de/product/3243601/kevin_university_of_sheffield_uk_gurney_an_introduction_to_neural_networks.html.
- [3] Harry Pratt et al. FCNN: Fourier Convolutional NeuralNetworks. en. Tech. zpr. University of Liverpool, Liverpool, L69 3BX, UK. URL: http://ecmlpkdd2017.ijs.si/papers/paperID11.pdf (cit. 30.01.2020).
- [4] Fei-Fei Li, Andrej Karpathy a Justin Johnson. Lecture 7: Convolutional Neural Networks. en. Online. Presentation. Standford University, 27. led. 2016. URL: http://cs231n.stanford.edu/slides/2016/winter1516_lecture7.pdf (cit. 30.01.2020).
- [5] David Stutz. *Understanding Convolutional Neural Networks*. en. semreport. Fakultät für Mathematik, Informatik und Naturwissenschafte, 30. srp. 2014. URL: https://davidstutz.de/wordpress/wp-content/uploads/2014/07/seminar.pdf (cit. 30. 01. 2020).
- [6] Ian J. Goodfellow et al. "Generative Adversarial Networks". In: (10. červ. 2014). arXiv: http://arxiv.org/abs/1406.2661v1 [stat.ML].
- [7] Inc. Generated Media. Generated Photos. en. 2019. URL: https://generated.photos/ (cit. 29.01.2020).
- [8] Daniel Shiffman. Neural Networks The Nature of Code. en. YouTube. 26.červ. 2017. URL: https://www.youtube.com/user/shiffman/playlists?view_as=subscriber&shelf_id=6&view=50&sort=dd (cit. 30.01.2020).

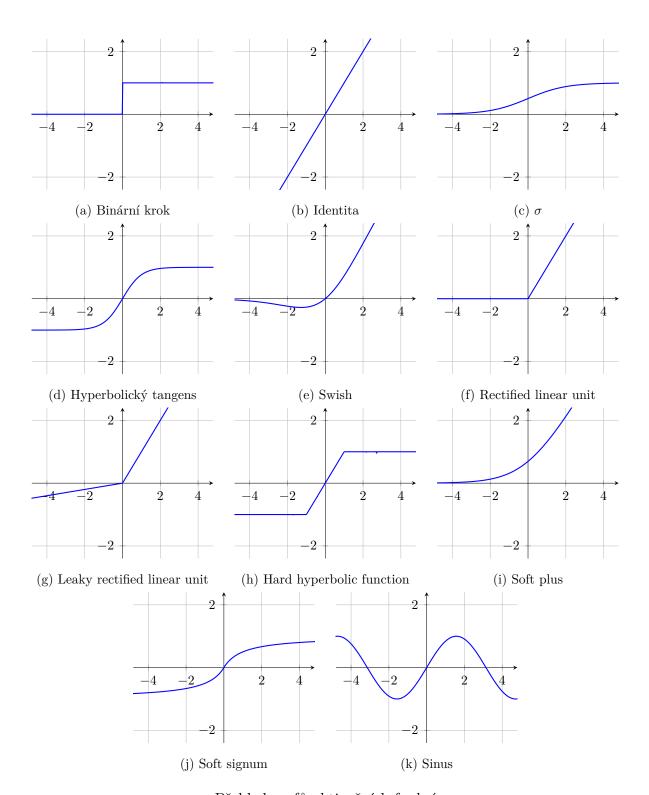
- [9] Michael A. Nielsen. Neural Networks and Deep Learning. Determination Press, 2015. URL: http://neuralnetworksanddeeplearning.com/ (cit. 30.01.2020).
- [10] L. Pick et al. Matematická analýza 1. (velmi předběžná verze). 3. dub. 2019.
- [11] Wikipedia contributors. Activation function Wikipedia, The Free Encyclopedia. [Online]. 2019. URL: https://en.wikipedia.org/w/index.php?title=Activation_function&oldid=933057521 (cit. 09.01.2020).
- [12] Chigozie Nwankpa et al. "Activation Functions: Comparison of trends in Practice and Research for Deep Learning". In: (8. lis. 2018). arXiv: http://arxiv.org/abs/1811. 03378v1 [cs.LG].
- [13] Farnoush Farhadi. Learning activation functions in deep neural networks. Université De Montréal (école Polytechnique De Montréal), 2017.
- [14] Kyle Kauffman. Koma. en. 2016. URL: http://koma.kyonifer.com/(cit. 30. 01. 2020).
- [15] Yann LeCun, Corinna Cortes a Christopher J.C. Burges. *THE MNIST DATABASE* of handwritten digits. en. 1998. URL: http://yann.lecun.com/exdb/mnist/(cit. 15.12.2019).
- [16] Wikimedia Commons. File:MnistExamples.png Wikimedia Commons, the free media repository. [Online]. 2020. URL: https://commons.wikimedia.org/w/index.php?title=File:MnistExamples.png&oldid=390556927 (cit. 07.02.2020).
- [17] Gregory Cohen et al. "EMNIST: an extension of MNIST to handwritten letters". In: (17. ún. 2017). arXiv: http://arxiv.org/abs/1702.05373v2 [cs.CV].

Seznam obrázků

1.1	Běžná neuronová síť ($\mathbb W$ jsou váhy, n neurony a v je výstupní signál, viz	
	kapitola 2, konkrétně sekce 2.5)	12
1.2	Asociativní paměť, červeně jsou vybuzené neurony	13
1.3	Generovaná tvář [7]	14
2.1	Neuron	15
2.2	Binární krok	21
2.3	Identita	22
2.4	σ	22
2.5	Hyperbolický tangens	23
2.6	Swish	23
2.7	Rectified linear unit	24
2.8	Hard hyperbolic function	24
2.9	Leaky rectified linear unit pro koeficient úměrnosti 0.1	25
2.10	Soft funkce	25
2.11	Sinus	25
3.1	Struktura knihovny	30
3.2	Ilustrace filtru z třídy Convolutional Network, v stupem je matice 3×3 pixely,	
	ta se po složkách násobí vždy s 1 z 8 matic výše, sečtou se všechny prvky	
	výsledné matice, aplikuje se rectified linear unit a každé z výsledných 8 čísel	
	pak udává, jak moc je v původní matici hrana odpovídající dané matici výše	
	(tzn. jak moc je pixel násobený 1 bílý a pixel násobený -1 černý)	32
3 3	Příklad obrázků z databáze MNIST [16]	33

Přílohy

- 1. Zdrojový kód knihovny (složka NeuralNetwork)
- 2. Dokumentace (složka Dokumentace)
- 3. Testovací dataset (složka MNIST)
- 4. Zdrojový kód ukázkového programu (složka JSTest2)
- 5. Ukázkový program (soubor JSTest2/Main.html)
- 6. Zdrojový kód práce v ĽATEXu (složka LaTeX)
- 7. Přehled grafů aktivačních funkcí (následující stránky)
- 8. Zdrojový kód knihovny (následující stránky)



Přehled grafů aktivačních funkcí

Listing 1: src/commonMain/kotlin/core/ActivationFunctions.kt

```
/*
1
    * file:
2
                         ActivationFunctions.kt
3
    * original author: Joná\check{\mathbf{s}} Havelka <jonas.havelka@volny.cz>
4
                          NeuralNetwork - Kotlin library for NNs
 5
                          enumerate class ActivationFunctions
    * Licensed under the MIT License. See LICENSE file in the project root for full license information.
6
7
    package core
9
10
    import kotlin.math.*
11
12
    * Enumerate of many common functions ([invoke] returns f(x)), with it's derivation (f'(x)) for 2 cases: when we have x - [xD] or
13
          \hookrightarrow when we have f(x) - [yD]
14
15
    * {\tt @param[xD]} Derivation (f'(x)) when we have x value
16
    * param[yD] Derivation (f'(x)) when we have y = f(x) value
17
18
    enum class ActivationFunctions(
19
       private val function: (Double) -> Double,
        override val xD: (Double) -> Double,
20
^{21}
       override val yD: (Double) -> Double
22
    ) : IActivationFunctions {
23
24
        st Zero for negative values, one for others.
25
26
        @Deprecated("This function isn't smooth", level = DeprecationLevel.WARNING)
27
        BinaryStep({
          if (it < 0) {
28
29
               0.0
30
            } else {
31
              1.0
32
            }
33
        }, {
            if (it == 0.0) {
34
               Double.POSITIVE_INFINITY
35
36
            } else {
37
38
           }
39
        }, { 0.0 }),
40
41
         * Identity for -1 <= x <= 1, -1 for x < -1 and 1 for x > 1
42
43
44
        45
        {\bf Hard Hyperbolic Function}(\{
           when {
46
47
                it < -1 -> -1.0
48
                it > 1 \rightarrow 1.0
49
                else \rightarrow it
50
        }, {
52
            when {
53
              it < -1 \mid \mid it > 1 -> \{
54
                   0.0
                it == -1.0 || it == 1.0 \rightarrow {
56
                   Double.NaN
57
58
                else -> {
60
                   1.0
61
62
63
           if (it == -1.0 || it == 1.0) {
64
```

```
65
                0.0
 66
            } else {
 67
              1.0
 68
            }
 69
         }),
 70
 71
 72
         \ast Zero for negative x, identity for positive x
 73
 74
         @Deprecated("This function isn't smooth", level = DeprecationLevel.WARNING)
 75
         RectifiedLinearUnit({ max(0.0, it) }, {
 76
                it < 0 -> {
 77
 78
                   0.0
 79
 80
                it == 0.0 \rightarrow \{
 81
                  Double.NaN
 82
                }
 83
                else -> {
                  1.0
 84
 85
 86
            }
 87
         }, {
            if (it == 0.0) {
 88
 89
               0.0
 90
            } else {
 91
               1.0
            }
 92
 93
         }),
 94
 95
         /**
 96
         * Identity for positive x, scaled identity ([ALPHA] * x) for negative x
 97
 98
         Leaky Rectified Linear Unit (\{
 99
            if (it < 0) {
100
101
               ALPHA * it
102
            } else {
               it
103
104
            }
105
         }, {
            when {
106
               it < 0 -> {
107
108
                  ALPHA
109
110
                it == 0.0 \rightarrow \{
111
                   Double.NaN
112
                }
113
                \mathbf{else} -\!\!\!> \{
                  1.0
114
115
116
117
         }, {
            if (it < 0.0) {
118
119
               ALPHA
120
            } else {
121
               1.0
122
            }
123
         }),
124
125
         /**
126
         * f(x) = x
127
128
         Identity (\{
129
           it
130
         }, {
131
           1.0
```

```
132
          }, {
           1.0
133
134
135
136
          * Smooth step: f(x) = 1 / (1 + e^-x)
137
138
139
         Sigmoid({
            1 / (1 + \exp(-it))
140
141
         }, {
142
             val expIt = exp(-it)
143
             expIt \ / \ (1 + expIt).pow(2)
144
145
            it * (1 - it)
146
         }),
147
148
149
          * Hyperbolic tangents
150
151
         \mathrm{Tanh}(\,\{
            tanh(it)
152
153
          }, {
154
             1 / \cosh(it).pow(2)
155
          }, {
156
             1 - it.pow(2)
157
         }),
158
159
          * Sign with smoothing (x / (|x| + 1))
160
161
         Softsign({
162
163
           it / (abs(it) + 1)
164
         }, {
165
             1 / (1 + abs(it)).pow(2)
          }, {
166
167
            (1 - abs(it)).pow(2)
168
169
170
171
          * [RectifiedLinearUnit] with smoothing (ln(1 + exp(x)))
172
         Softplus({
173
174
           ln(1 + exp(it))
175
         }, {
176
            1 / (1 + \exp(-it))
         }, {
177
178
           1 / (2 - \exp(it))
179
         }),
180
181
182
          * Identity for positive x, scaled exponential ([ALPHA] * \exp(x) - 1) for negative x
183
184
         {\bf Exponential Linear Unit (\{}
             if (it > 0) {
185
186
                it
187
             } else (ALPHA * exp(it) - 1)
188
             if (it > 0) {
189
190
                1.0
             } else (ALPHA * (\exp(it) + 1) - 1)
191
192
         }, {
193
             if (it > 0) {
194
                1.0
             } else (it + ALPHA)
195
196
         }),
197
198
```

```
199
        * x * [Sigmoid] (x / (1 + exp(-x)))
200
             Swish({
201
202
                 it / (1 + \exp(-it)) //it * Sigmoid(it)
203
                  val expIt = exp(-it)
204
205
                  1 / (1 + expIt) + it * expIt / (1 + expIt).pow(2)
206
             }, {
                 TODO("WTF?")
207
208
             }),
209
210
             * [Sigmoid] for negative x, [ExponentialLinearUnit] for positive x and 0 \,
211
212
213
             ExponentialLinearSquashing({
214
                 if (it < 0) (Sigmoid(it)) else (ExponentialLinearUnit(it))</pre>
215
216
                  if (it < 0) (Sigmoid.xD(it)) else (ExponentialLinearUnit.xD(it))</pre>
217
             }, {
                  \begin{array}{ll} \textbf{if} \ (\, \text{it} < 0) \ (\, \text{Sigmoid.yD(\,it)}\,) \ \textbf{else} \ (\, \text{ExponentialLinearUnit.yD(\,it)}\,) \end{array}
218
219
             }),
220
221
             /**
222
             * ??? for negative x, [ExponentialLinearUnit] for positive x and 0 \,
223
224
             Hard Exponential Linear Squashing (\{
225
                  \begin{array}{lll} \textbf{if} & (\texttt{it} < 0) \ ((\texttt{exp}(\texttt{it}) - 1) \ * \ \max(0.0, \ \min(1.0, \ (\texttt{it} + 1) \ / \ 2))) \\ & \textbf{else} \\ & (\texttt{ExponentialLinearUnit}(\texttt{it})) \end{array} 
226
227
                if (it < 0) (Sigmoid.xD(it)) else (ExponentialLinearUnit.xD(it))</pre>
^{228}
             }, {
                 TODO("WTF^2")
229
230
             }),
231
^{232}
233
             * Simply sinus
             */
234
             Sinus({
236
                 sin(it)
237
             }, {
238
                 cos(it)
239
             }, {
                  \operatorname{sqrt}(1 - \operatorname{it.pow}(2))
240
             })
241
242
243
244
             \begin{array}{l} \textbf{override} \ \operatorname{operator} \ \mathbf{fun} \ \operatorname{invoke}(\operatorname{double} \colon \operatorname{Double}) = \operatorname{function}(\operatorname{double}) \end{array}
245
246
             companion object {
247
                  {\rm const}~{\bf val}~{\rm ALPHA}=1.0
248
^{249}
```

Listing 2: src/commonMain/kotlin/core/BasicNeuralNetwork.kt

```
/*
 2
     * file:
                              BasicNeuralNetwork.kt
3
     * original author: Jonáš Havelka <jonas.havelka@volny.cz>
 4
                              NeuralNetwork - Kotlin library for NNs
 6
     * Licensed under the MIT License. See LICENSE file in the project root for full license information.
7
     package core
9
10
     import koma, create
11
     import koma. extensions.map
     import koma. matrix. Matrix
13
     import koma.rand
     import koma, zeros
14
     //import kotlin.math.abs
15
     import kotlin.math.sqrt
17
18
19
     * Basic Neural Network consisted only of some layers of neurons.
20
      * @constructor creates new [BasicNeuralNetwork] with
21
22
      * * [numberOfHiddenLayers] hidden layers, which have sizes generated by [sizes]
      * * neurons activating given by [activationFunction]
24
     * * input for [inputLayerSize] [Double]s
25
      * * answering with [outputLayerSize] [Double]s
26
27
      * \ \mathtt{@param[number0fHiddenLayers]} \ \mathtt{number} \ \mathtt{of} \ \mathtt{hidden} \ \mathtt{layers} \ (\mathtt{without} \ \mathtt{input} \ \mathtt{and} \ \mathtt{output} \ \mathtt{layers})
28
     * @param[activationFunction] how neurons are activated
      * @param[sizes] sizes of hidden layers
29
     * @param[inputLayerSize] size of input
31
      * @param[outputLayerSize] size of output
32
     * @param[weights] list of matrices, which state weights of connections between neurons in previous layer and neurons in next one
33
     */
34
     class BasicNeuralNetwork(
35
          {\bf private\ val\ number Of Hidden Layers:\ Int},
         val activationFunction: IActivationFunctions = ActivationFunctions. Sigmoid.
36
37
         val sizes: (Int) -> Int = { numberOfHiddenLayers },
         {\bf val} \  \, {\bf inputLayerSize} \colon \  \, {\bf Int} = {\bf numberOfHiddenLayers},
38
39
         {\bf val}\  \, {\bf outputLayerSize}\colon \  \, {\bf Int}={\bf numberOfHiddenLayers},
40
         private val weights: MutableList<Matrix<Double>> = MutableList(numberOfHiddenLayers + 1) {
41
             if (numberOfHiddenLayers == 0) {
42
                  {\tt rand}({\tt outputLayerSize},\ {\tt inputLayerSize})
43
             } else when (it) {
                  0 \to {\rm rand}({\rm sizes(it)}\,,\,\,{\rm inputLayerSize}) \,*\,\,({\rm sqrt}(2.0 \,\,/\,\,({\rm sizes(it)}\,+\,{\rm inputLayerSize})))
44
45
                  {\tt numberOfHiddenLayers} \to {\tt rand}(
46
                      output Layer Size\,,
47
                      sizes(it - 1)
                  ) * (sqrt(2.0 / (outputLayerSize + sizes(it - 1))))
48
49
                  50
51
         private val biases: MutableList<Matrix<Double>> = MutableList(numberOfHiddenLayers + 1) {
53
             //rand(if (it == numberOfHiddenLayers) { outputLayerSize } else { sizes(it) }, 1)
54
              zeros(
55
                 if (it == numberOfHiddenLayers) {
                      outputLayerSize
57
                  } else {
                      sizes(it)
58
                  }, 1
59
60
61
62
         private val values: MutableList<Matrix<Double>> = MutableList(numberOfHiddenLayers + 2) {
63
64
                  when (it) {
65
                      0 \rightarrow inputLayerSize
```

```
66
                        number
OfHidden<br/>Layers + 1 -\!\!>output
Layer
Size
 67
                         else -> sizes(it)
 68
                    }, 1
 69
 70
      ) : INeuralNetwork {
 71
 72
 73
 74
           * [Double] value which declares how quickly weights and biases are changing
 75
 76
          var learningRate = 0.1
 77
 78
           override fun run(input: Matrix<Double>): Matrix<Double> {
               require(inputLayerSize == input.size) { "Wrong size of input! This NN has input size $inputLayerSize, but you offer it
 79
                      → input with size ${input.size}." }
 80
               values[0] = input
 81
               for (index in weights.indices) {
 82
                    values[index + 1] = (weights[index] * values[index] + biases[index]). \\ nap \{ activationFunction(it) \} \} 
 83
 84
               {\bf return}\ values.\,last()
 85
 86
 87
           override fun train(input: Matrix<Double>), output: Matrix<Double>) = train(output - run(input))
 88
 89
           fun train(er: Matrix<Double>): Matrix<Double> {
 90
               var error = er
 91
                val derivations = values[i + 1].map { activationFunction.yD(it) }.elementTimes(error)
 92
 93
                    biases[i] += derivations * learningRate
 94
                    \texttt{error} = \texttt{weights[i].T} * \texttt{derivations}
 95
                    weights [\,i\,] \,+\!\!=\, derivations \,\,*\,\, values [\,i\,]\,.T \,\,*\,\, learning Rate
 96
               }
 97
               return error
 98
 99
          override fun save() =
100
101
               when (activationFunction) {
102
                    is ActivationFunctions -> "$numberOfHiddenLayers; $activationFunction; ${(0..numberOfHiddenLayers + 1).map(
103
104
                    )}; $inputLayerSize; $outputLayerSize; ${weights.map { it.toList() }}; ${biases.map { it.toList() }}"
105
                    else -> TODO("It's hard to save unknown function")
106
107
108
           companion object {
109
110
                * Load [BasicNeuralNetwork] from [data]
111
112
               fun load(data: String): BasicNeuralNetwork {
113
114
                    val dataList = data.split(";")
115
                    val numberOfHiddenLayers = dataList[0].toInt()
116
                     \textbf{val} \ \text{sizeList} = \text{dataList} \ [2] . \\ \text{removePrefix} (""") . \\ \text{removeSuffix} (""") . \\ \text{split} (", ") . \\ \textbf{map} \ \{ \ \text{it.toInt} () \ \} 
117
                    \mathbf{val} \ \mathtt{sizes:} \ (\mathbf{Int}) \ \mathop{{>}} \ \mathbf{Int} = \{ \ \mathtt{sizeList[it]} \ \}
118
                    val inputLayerSize = dataList[3].toInt()
119
                    val outputLayerSize = dataList[4].toInt()
120
                    return BasicNeuralNetwork(
121
                        numberOfHiddenLayers,
122
                        try {
                            ActivationFunctions.valueOf(dataList[1])
124
                         } catch (e: Exception) {
                            TODO("It's hard to save unknown function")
125
126
                         }.
127
                         sizes,
128
                         {\tt inputLayerSize}\,,
129
                        outputLayerSize,
130
                         dataList \cite{black} [5]. remove Prefix ("[["]]. remove Suffix ("]]"). split ("], ["]. map Indexed
131
                         \{ \ \operatorname{index}\,,\ \operatorname{it}\, -\!\!>
```

```
132
                                                                                     \textbf{if} \ (numberOfHiddenLayers} == 0) \ \{
133
                                                                                                 create(
                                                                                                             it.split(", ").map \ \{ \ str \rightarrow str.toDouble() \ \}.toDoubleArray() \,,
134
135
                                                                                                             {\tt outputLayerSize}\,,
136
                                                                                                              {\tt inputLayerSize}
137
                                                                                                )
138
                                                                                    } else when (index) {
139
                                                                                                 0 -> create(
                                                                                                             \verb|it.split(", ").map| \{ | str -> str.toDouble() | \}.toDoubleArray(), \\
140
                                                                                                             sizes(index),
141
142
                                                                                                             inputLayerSize
143
                                                                                                 {\tt numberOfHiddenLayers} \to {\tt create}(
144
                                                                                                             it.split(", ").map { str -> str.toDouble() }.toDoubleArray(),
145
146
                                                                                                             output Layer Size\,,
147
                                                                                                             sizes(index - 1)
148
149
                                                                                                 else -> create(
150
                                                                                                             it.split(", ").map { str -> str.toDouble() }.toDoubleArray(),
                                                                                                              sizes(index),
151
                                                                                                              sizes(index - 1)
152
153
154
                                                                                   }
155
                                                                       \}. to Mutable List()\;,
156
                                                                       dataList \cite{below:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:energy:
157
                                                                       \{ index, it \rightarrow \}
158
                                                                                                 it.split(", ").map \ \{ \ str \rightarrow str.toDouble() \ \}.toDoubleArray() \,,
159
                                                                                                 if (index == numberOfHiddenLayers) {
160
161
                                                                                                             {\bf output Layer Size}
                                                                                                 } else {
162
163
                                                                                                             sizes(index)
164
                                                                                                 },
165
                                                                                                 1
166
167
                                                                       }.toMutableList()
168
169
                                            }
170
171
```

Listing 3: src/commonMain/kotlin/core/ConvolutionalNeuralNetwork.kt

```
/*
          * file:
 2
                                                       ConvolutionalNeuralNetwork.kt
 3
          * original author: Jonáš Havelka <jonas.havelka@volny.cz>
 4
                                                       NeuralNetwork - Kotlin library for NNs
  5
          * Licensed under the MIT License. See LICENSE file in the project root for full license information.
  6
 9
         package core
10
11
         import koma. create
12
13
         import koma. matrix. Matrix
        import koma.sqrt
14
15
17
          * Convolutional Neural Network consisted only of two [BasicNeuralNetwork].
18
           * \ \mathtt{@constructor} \ \mathtt{creates} \ \mathtt{new} \ \mathtt{[ConvolutionalNeuralNetwork]} \ \mathtt{with}
20
           * * [filter] as small [BasicNeuralNetwork] that applies on every part of image before [neuralNetwork]
           * * [neuralNetwork] as the main network
21
22
23
          * @param[filter] small main network
24
          * @param[neuralNetwork] main neural network
          * @param[trainBoth] if filter should be trained
25
26
27
          class ConvolutionalNeuralNetwork(
                 private val filter: BasicNeuralNetwork,
28
                 private val neuralNetwork: BasicNeuralNetwork,
29
30
                 private val trainBoth: Boolean = false
31
32
                 INeuralNetwork {
33
34
35
                  * Size of one side of [filter]
                  */
36
37
                 private val filterSizeSqrt: Int
38
39
                   * [Double] value which declares how quickly weights and biases are changing
40
41
^{42}
                  var learningRate = 0.1
43
                         set(value) {
                                field = value
44
^{45}
                                 filter.learningRate = value
46
                                 {\tt neuralNetwork.learningRate = value}
47
                         }
48
49
50
                          val s = sqrt(filter.inputLayerSize)
                          filterSizeSqrt = s.toInt()
51
52
                          require(s == filterSizeSqrt.toDouble()) { "Filter is not square" }
53
                          require(neuralNetwork.inputLayerSize % filter.outputLayerSize == 0) { "Filter is not for this neural network" }
54
                 }
55
56
57
                   * Applies filter on every square of [input]
58
                 private fun runFilter(input: Matrix<Double>): Matrix<Double> {
59
                          val output = Matrix(
61
                                  (input.numRows() - filterSizeSqrt + 1) * (input.numCols() - filterSizeSqrt + 1) * filter.outputLayerSize, filterSizeSqrt + 1) * fi
62
                         ) { _, _ -> 0.0 }
63
64
65
```

```
66
                    for (j in 0 until input.numCols() - filterSizeSqrt + 1) {
                         {\bf val} \ \ {\bf outputl} = {\bf filter}. {\bf run} ({\bf input[i \ until \ i + filterSizeSqrt \, , \ j \ until \ j + filterSizeSqrt \, ].} \ {\bf toDoubleArray())} 
 67
 68
                        output1.forEachIndexed~\{~it~,~ele~{-}\!\!>
 69
                             output[offset + it] = ele
 70
 71
                        offset += output1.size
 72
 73
               }
 74
               return output
 75
 76
 77
           override fun run(input: Matrix<Double>): Matrix<Double> {
               val input2 = runFilter(input)
 78
 79
               require(input2.size == neuralNetwork.inputLayerSize) { "Invalid input matrix size for neural network" }
 80
               return neuralNetwork.run(input2)
 81
 82
 83
           84
               val input2 = runFilter(input)
 85
               \mathbf{val} \ \mathtt{error} = \mathtt{neuralNetwork.train} \, (\mathtt{input2} \, , \ \mathtt{output})
               return if (trainBoth) {
 86
 87
                    val error2 = Matrix(filter.outputLayerSize, 1) { _, _ -> 0.0 }
 88
                    error.forEachIndexed~\{~idx\colon \textbf{Int},~ele\colon \textbf{Double} \Rightarrow error[idx~\%~filter.outputLayerSize] += ele~\}
 89
                    filter.train(error2.map\ \{\ it\ *\ filter.outputLayerSize\ /\ error.size\ \})
 90
               } else create(DoubleArray(0))
 91
 92
           override fun save() = filter.save() + ";;" + neuralNetwork.save()
 93
 94
 95
           companion object {
 96
               /**
 97
                * Load [ConvolutionalNeuralNetwork] from [data]
 98
 99
               \mathbf{fun}\ \operatorname{load}(\mathbf{data}\colon\operatorname{\mathbf{String}})\colon\operatorname{\mathbf{ConvolutionalNeuralNetwork}}\ \{
100
                    val nns = data.split(";;")
                    101
102
               }
103
104
               /**
105
                * Data of [Matrix] for [edgeFilter]
106
107
                {\bf private \ val} \ {\bf edgeFilterData} = {\bf mutableListOf}(
                    mutableListOf(1.0\,,\ 1.0\,,\ 1.0\,,\ 0.0\,,\ 0.0\,,\ 0.0\,,\ -1.0\,,\ -1.0,\ -1.0)\,,
108
109
                    mutableListOf(1.0\,,\ 0.0\,,\ -1.0,\ 1.0\,,\ 0.0\,,\ -1.0,\ 1.0\,,\ 0.0\,,\ -1.0)\,,
110
                    mutableListOf(-1.0,\ -1.0,\ -1.0,\ 0.0,\ 0.0,\ 0.0,\ 1.0,\ 1.0,\ 1.0)\,,
111
                    {\rm mutableListOf}(-1.0,\ 0.0,\ 1.0,\ -1.0,\ 0.0,\ 1.0,\ -1.0,\ 0.0,\ 1.0)\,,
                    mutableListOf(1.0\,,\ 1.0\,,\ 0.0\,,\ 1.0\,,\ 0.0\,,\ -1.0,\ 0.0\,,\ -1.0,\ -1.0)\,,
112
113
                    mutableListOf(-1.0,\ -1.0,\ 0.0,\ -1.0,\ 0.0,\ 1.0,\ 0.0,\ 1.0,\ 1.0)\,,
114
                    mutableListOf(0.0\,,\ 1.0\,,\ 1.0\,,\ 1.0\,,\ 0.0\,,\ -1.0,\ -1.0,\ -1.0,\ 0.0)\,,
                    mutableListOf(0.0\,,\ -1.0,\ -1.0,\ -1.0,\ 0.0\,,\ 1.0\,,\ 1.0\,,\ 1.0\,,\ 0.0)
115
116
117
118
               /**
119
                * Example filter, detects edges
120
121
               val edgeFilter: BasicNeuralNetwork
122
                    get() = BasicNeuralNetwork(
                        0, ActivationFunctions.RectifiedLinearUnit, { 0 }, 9, 8,
123
                        mutableListOf(Matrix(8, 9) { row: Int, cols: Int ->
125
                             {\tt edgeFilterData[row][cols]}
126
                        })
127
                    )
128
           }
129
130
```

Listing 4: src/commonMain/kotlin/core/CustomFunction.kt

```
/*
    * file:
2
                         CustomFunction.kt
3
    * original author: Jonáš Havelka <jonas.havelka@volny.cz>
    * project: NeuralNetwork - Kotlin library for NNs
* content: class CustomFunction
4
    * Licensed under the MIT License. See LICENSE file in the project root for full license information.
6
9
    package core
10
11
    class CustomFunction(
12
      private val function: (Double) -> Double,
13
       override val xD: (Double) -> Double,
      override val yD: (Double) -> Double
14
15 ) : IActivationFunctions {
    override fun invoke(double: Double): Double = function(double)
17 }
```

Listing 5: src/commonMain/kotlin/core/IActivationFunctions.kt

```
/*
1
                IActivationFunctions.kt
2
    * file:
    * original author: Jonáš Havelka <jonas.havelka@volny.cz>
4
                        NeuralNetwork - Kotlin library for NNs
5
    * content:
                         interface IActivationFunctions
6
     * Licensed under the MIT License. See LICENSE file in the project root for full license information.
7
8
9
    package core
10
11
12
    * Interface for activation functions for neural networks
13
14
15
    interface IActivationFunctions {
16
17
        * Derivation (f'(x)) when we have x value
19
       val xD: (Double) -> Double
20
^{21}
22
        * Derivation (f'(x)) when we have y = f(x) value
23
        val yD: (Double) -> Double
24
25
26
27
        * Returns functional value (f([double]))
28
29
        operator fun invoke(double: Double): Double
30
```

Listing 6: src/commonMain/kotlin/core/INeuralNetwork.kt

```
/*
     * file:
2
                             INeuralNetwork.kt
3
     * original author: Joná\check{\mathbf{s}} Havelka <jonas.havelka@volny.cz>
4
                              NeuralNetwork - Kotlin library for NNs
 5
     * Licensed under the MIT License. See LICENSE file in the project root for full license information.
6
7
     package core
9
10
     import koma. create
11
     import koma.extensions.toDoubleArray
12
     import koma. matrix. Matrix
13
14
15
     * Neural Network Interface
     * Basic usage is train it by [train] and then use it by [run]
17
18
19
     interface INeuralNetwork {
20
21
22
         * Takes input, process it throw neural network and returns Matrix vector of [Double] outputs
23
24
         \mathbf{fun} \ \operatorname{run}(\operatorname{input}: \ \operatorname{Matrix} \triangleleft \operatorname{Double}): \ \operatorname{Matrix} \triangleleft \operatorname{Double} \triangleright
25
26
         fun run(input: DoubleArray, numCols: Int = 1) = run(create(input, input.size / numCols, numCols))
27
28
29
          * Takes input and desired output, compute estimated output and apply backpropagation
30
31
         fun train(input: Matrix<Double>, output: Matrix<Double>): Matrix<Double>
32
33
         fun train(input: DoubleArray, output: DoubleArray, inNumCols: Int = 1, outNumCols: Int = 1) =
34
35
                  {\tt create(input,\ input.size\ /\ inNumCols,\ inNumCols)}\,,
                  create(output, output.size / outNumCols, outNumCols)
36
37
             ).toDoubleArray()
38
39
         fun train(input: Array<DoubleArray>, output: Array<DoubleArray>) {
             require(input.size == output.size) { "Wrong training sets! Size of input is ${input.size}, size of output is ${output.size}
40
41
              \quad \quad \  \  \text{for (i in input.indices) } \{
                  train(input[i], output[i])
42
43
44
45
46
47
          * Returns save of NN in [String]
48
49
         fun save(): String
50
```

Listing 7: src/commonMain/kotlin/mnistDatabase/loadFile.kt

```
/*
 2
     * file:
                          loadFile.kt
3
     * original author: Jonáš Havelka <jonas.havelka@volny.cz>
 4
                           NeuralNetwork - Kotlin library for NNs
                           fun loadFile, loadFileString, saveFile, interface TrainingData, class MnistTrainingData, extension function
          → INeuralNetwork.train (for TrainingData)
     * Licensed under the MIT License. See LICENSE file in the project root for full license information.
 6
 8
9
    package mnistDatabase
10
11
    import core.INeuralNetwork
12
    expect fun loadFile(file: String): ByteArray
13
    expect fun loadFileString(file: String): String
14
    expect fun saveFile(file: String, text: String)
16
17
    private fun Byte.toUInt() = (this.toInt() + 256) % 256
18
    private fun Byte.toUNDouble() = ((this.toDouble() + 256.0) % 256.0) / 256
19
20
    private fun List<Byte>.toIntArray(): IntArray {
21
        require(size % 4 == 0)
22
        val result = IntArray(size / 4)
23
        for (i in indices) {
           result[i / 4] += (this[i].toUInt() shl 8 * (when (i % 4) {
24
25
                0 -> 3
26
                1 -> 2
27
                2 -> 1
               3 -> 0
28
29
                else -> 4
30
            }))
31
32
        return result
33
34
    typealias TrainingData = Sequence Pair DoubleArray, DoubleArray
35
36
37
    class MnistTrainingData(imageFile: String, numberFile: String, val inverse: Boolean): TrainingData {
38
39
        private val imageBytes = loadFile(imageFile.removeSuffix(".idx3-ubyte") + ".idx3-ubyte")
40
        private val imageFirstInts = imageBytes.slice(4 until 16).toIntArray()
41
        private val numberOfImages = imageFirstInts[0]
42
        private val numberOfRows = imageFirstInts[1]
        private val numberOfColumns = imageFirstInts[2]
43
44
        45
46
        private val numberBytes = loadFile(numberFile.removeSuffix(".idx1-ubyte") + ".idx1-ubyte")
47
48
49
            require(numberOfImages == numberBytes.slice(4 until 8).toIntArray().first()) { "Error" }
50
52
        override fun iterator(): Iterator<Pair<DoubleArray, DoubleArray>>> {
            return object : Iterator<Pair<DoubleArray, DoubleArray>>> {
53
                val data = this@MnistTrainingData
54
                val indexes = (0 until numberOfImages).shuffled()
56
                var index = 0
                {\color{red} \mathbf{override}} \ \mathbf{fun} \ \mathbf{hasNext}() = \mathbf{index} < \mathbf{numberOfImages}
57
58
                override fun next(): Pair<DoubleArray, DoubleArray> {
60
61
                        data.imageBytes.slice(16 + indexes[index] * sizeOfImage until 16 + (indexes[index] + 1) * sizeOfImage)
62
63
                            64
```

```
65
                       if (inverse) {
                           {\color{red}{\bf val}} \ {\rm newimage} = {\color{blue}{\bf Double Array}}({\color{blue}{\bf size Of Image}})
66
67
                           for (i in 0 until numberOfRows) {
68
                               for (j in 0 until numberOfColumns) {
69
                                   newimage [\,i \;*\; 28 \;+\; j\,] \;=\; image [\,j \;*\; 28 \;+\; i\,]
70
71
                          }
72
                           image = newimage
73
                      }
74
75
                       val position = numberBytes[8 + indexes[index]].toUInt()
                       val number = DoubleArray(10) {
76
                           if (it == position) {
77
                              1.0
78
79
                          } else {
                              0.0
80
81
82
                      }
83
84
                      \mathrm{index}\!\!+\!\!\!+\!\!\!\!+
85
                      return image to number
86
87
88
89
90
     91
         for ((input, output) in data) {
92
93
             train(input, output, numCols)
94
95
```

Listing 8: src/commonTest/kotlin/sample/Constants.kt

```
/*
                    Constants.kt
 2
     * file:
     * original author: Joná\check{\mathbf{s}} Havelka <jonas.havelka@volny.cz>
 3
     * project: NeuralNetwork - Kotlin library for NNs

* content: constants for tests and defaultDoubleMatrixFactory
 4
     * Licensed under the MIT License. See LICENSE file in the project root for full license information.
 6
9
    package sample
10
11
     import koma. matrix. Matrix
12
     import koma.matrix.MatrixFactory
13
    const val wrongInputLayerSize = 1
14
15
    const val numberOfHiddenLayers = 1
    const val numberOfDigits = 10
    const val imageWidth = 28
17
     const val imageHeight = 28
18
     const val blackFrom = 0.5
20
     const val learningRateEpochDecrease = 1.5
21
22 val input: DoubleArray = DoubleArray(2) { 1.0 }
23
    //get() = DoubleArray(2) { 1.0 }
{\bf 24} \quad {\bf val} \ {\bf output} \colon \ {\bf Double Array} = {\bf input}
25
     //get() = input
26
     val inputTest = input.copyOf()
27
     val outputTest = output.copyOf()
28
     expect val defaultDoubleMatrixFactory: MatrixFactory<Matrix<Double>>>
```

Listing 9: src/commonTest/kotlin/sample/NeuralNetworkTest.kt

```
/*
 2
      * file:
                                NeuralNetworkTest.kt
3
      * original author:
                             Jonáš Havelka <jonas.havelka@volny.cz>
 4
      * project:
                                NeuralNetwork - Kotlin library for NNs
 5
      * Licensed under the MIT License. See LICENSE file in the project root for full license information.
 6
9
     package sample
10
11
     import core.BasicNeuralNetwork
12
13
     import koma. matrix. Matrix
     import kotlin.test.Test
14
     import kotlin.test.assertFailsWith
15
     import kotlin.test.assertTrue
17
18
     class NeuralNetworkTest {
19
20
               {\tt Matrix.doubleFactory} = {\tt defaultDoubleMatrixFactory}
21
22
23
24
          //@Test
25
          fun inputs() {
26
              assertFailsWith<IllegalArgumentException>("Wrong size of input! This NN has input size $wrongInputLayerSize, but you offer
                     → it input with size ${input.size}.") {
27
                    {\color{red} \mathbf{val}} \ \operatorname{nn} = \operatorname{BasicNeuralNetwork}(\operatorname{numberOfHiddenLayers}, \ \operatorname{inputLayerSize}) = \operatorname{wrongInputLayerSize}) 
28
                   nn.run(input)
29
              }
30
31
32
          //@Test
33
34
               {\bf val}\ \ nn = Basic Neural Network (number Of Hidden Layers,\ input Layer Size = input. size),\ output Layer Size = output. size)
               repeat(1000) {
35
36
                   nn.train(input, output)
37
38
               assertTrue("Error of simple memory is bigger than 0.1") { }  
39
                   (nn.run(input) - create(
40
                        output,
41
                        \verb"output.size"\,,
42
                   )).elementSum() <= 0.1
43
44
45
               assertTrue("Input changed (from $inputTest to $input)") { input.contentEquals(inputTest) }
46
               assertTrue("Output\ changed\ (from\ \$outputTest\ to\ \$output)")\ \{\ output.contentEquals(outputTest)\ \}
47
48
          //@Test
49
50
          fun xor() {
               val dataset = setOf(
52
                   DoubleArray(2) { listOf(0.0, 0.0)[it] } to DoubleArray(1) { 0.0 },
                   \label{eq:conditional_condition} DoubleArray(2) \ \{ \ listOf(1.0 \,, \ 0.0)[\,it\,] \ \} \ to \ DoubleArray(1) \ \{ \ 1.0 \ \},
53
54
                   DoubleArray(2) \{ listOf(0.0, 1.0)[it] \} to DoubleArray(1) \{ 1.0 \},
                   \label{eq:conditional} DoubleArray(2) \ \{ \ listOf(1.0 \,, \ 1.0)[\,it\,] \ \} \ to \ DoubleArray(1) \ \{ \ 0.0 \ \}
56
               val nn = BasicNeuralNetwork(
57
                   {\bf number Of Hidden Layers},
58
                   inputLayerSize = dataset.random().first.size,
60
                   outputLayerSize = \\dataset.random().second.size,
61
                   sizes = \{ 2 \} 
62
               repeat(50000) {
63
                   \mathbf{val} \ (\mathtt{input}\,,\ \mathtt{output}) \,=\, \mathtt{dataset}\,.\mathtt{random}()
64
                   {\tt nn.train(input,\ output)}
```

Listing 10: src/jsTest/kotlin/sample/ConstantsJS.kt

```
/*
2
    * file:
                     ConstantsJS.kt
3
    * original author: Joná\check{\mathbf{s}} Havelka <jonas.havelka@volny.cz>
    * project:
4
                      NeuralNetwork - Kotlin library for NNs
5
                      constant defaultDoubleMatrixFactory
6
    * Licensed under the MIT License. See LICENSE file in the project root for full license information.
9
    package sample
10
   import koma.internal.default.generated.matrix.DefaultDoubleMatrixFactory
11
12
    import koma. matrix. Matrix
13
   import koma. matrix. MatrixFactory
14
```

Listing 11: src/jvmMain/kotlin/mnistDatabase/loadFileJVM.kt

```
1
 2
     * file:
                           loadFileJVM.kt
     * original author: Jonáš Havelka <jonas.havelka@volny.cz>
3
     * project:
                          NeuralNetwork - Kotlin library for NNs
4
     * content:
                          fun loadFile, saveFile, loadFileString
 6
     * Licensed under the MIT License. See LICENSE file in the project root for full license information.
7
8
9
    package mnistDatabase
10
11
    import java.io.*
12
13
    actual fun loadFile(file: String) = File(file).readBytes()
14
    actual fun saveFile(file: String, text: String) {
15
        val f = File(file)
16
        f.createNewFile()
17
        \mathbf{val}\ bw = \mathrm{BufferedWriter}(\mathrm{FileWriter}(f))
        bw.append(text)
18
19
        bw.close()
20
21
22
    actual fun loadFileString(file: String): String = BufferedReader(FileReader(File(file))).readLine()
```

Listing 12: src/jvmTest/kotlin/sample/ConstantsJVM.kt

```
1
     * file:
                           ConstantsJVM.kt
 3
     * original author: Jonáš Havelka <jonas.havelka@volny.cz>
4
     * project: NeuralNetwork - Kotlin library for NNs
 5
     * content:
                            Constants for tests and defaultDoubleMatrixFactory
 6
     * Licensed under the MIT License. See LICENSE file in the project root for full license information.
7
8
9
    package sample
10
11
    \mathbf{import} \ koma. \mathbf{internal}. \ default. \mathbf{generated}. \ matrix. Default Double Matrix Factory
12
     import koma. matrix. Matrix
13
     import koma. matrix. MatrixFactory
     import mnistDatabase.MnistTrainingData
14
15
16
     actual val defaultDoubleMatrixFactory: MatrixFactory<Matrix<Double>> = DefaultDoubleMatrixFactory()
^{17}
18
     val mnistDigitTrainingDataset = MnistTrainingData("train-images", "train-labels", false)
     val emnistDigitTrainingDataset = MnistTrainingData("emnist-digits-train-images", "emnist-digits-train-labels", true)
```

Listing 13: src/jvmTest/kotlin/sample/NeuralNetworkTestJVM.kt

```
/*
 2
      * file:
                                NeuralNetworkTestJVM.kt
3
                               Jonáš Havelka <jonas.havelka@volny.cz>
      * original author:
 4
      * project:
                                NeuralNetwork - Kotlin library for NNs
 6
      * Licensed under the MIT License. See LICENSE file in the project root for full license information.
9
     package sample
10
11
     import core.BasicNeuralNetwork
12
     import core.ConvolutionalNeuralNetwork
13
     import mnistDatabase.loadFileString
     import mnistDatabase.saveFile
14
     import mnistDatabase.train
15
     import org.junit.Test
17
18
     class NeuralNetworkTestJVM {
19
20
          fun serialization() {
               \textbf{val} \ \ \text{nm} = \text{BasicNeuralNetwork} \\ (\text{numberOfHiddenLayers}, \ \ \text{inputLayerSize} = \text{input.size}, \ \ \text{outputLayerSize} = \text{output.size}) \\ 
21
22
              val saved = nn.save()
23
              \frac{\text{println}}{\text{nn.save}}
24
              \mathbf{val} \ \operatorname{nn2} = \operatorname{BasicNeuralNetwork.load}(\operatorname{saved})
25
              println(nn2.save())
26
              nn2.run(input)
27
              nn2.train(input, output)
28
29
30
31
          fun mnist() {
              val nn = BasicNeuralNetwork(
32
33
                   numberOfHiddenLayers,
34
                   inputLayerSize = imageWidth * imageHeight,\\
35
                   {\tt outputLayerSize = numberOfDigits},
                   sizes = { 100 })
36
37
              repeat(10) {
38
                   nn.\,train (\,mnist Digit Training Dataset)
39
                   {\tt nn.train} \big( {\tt emnistDigitTrainingDataset} \big)
                   {\tt nn.learningRate} \not= {\tt learningRateEpochDecrease}
40
41
42
                   val data = mnistDigitTrainingDataset.iterator().next()
                   println(nn.run(data.first).toList())
43
                   println(data.second.toList())
44
45
                   saveFile("output.txt", nn.save())
46
47
48
49
          //@Test
50
          fun savedNN() {
              var error = 0
51
              repeat(100) {
53
                   val data = mnistDigitTrainingDataset.iterator().next()
54
55
                        BasicNeuralNetwork.load(loadFileString("output.txt")).run(data.first).toList()
                   \label{eq:if_def} \textbf{if} \ (answer.indexOf(answer.maxBy \ \{ \ it \ \}) \ != \ \textbf{data}.second.indexOf(1.0)) \ \{
57
58
59
              }
60
              println(error)
61
62
63
64
          fun mnistC() {
65
              val nn = Convolutional Neural Network (
```

```
66
                     {\bf Convolutional Neural Network.edge Filter}\,,
 67
                     {\bf Basic Neural Network (}
 68
                          1,
 69
                          inputLayerSize = (imageWidth - 2) * (imageHeight - 2) * 8,
 70
                         {\tt outputLayerSize} = {\tt numberOfDigits},
                          sizes = { 100 })
 71
 72
 73
                repeat(10) {
                    {\tt nn.train} \\ (\\ {\tt mnistDigitTrainingDataset}, \\ \\ {\tt imageWidth})
 74
 75
                     nn.train(emnistDigitTrainingDataset, imageWidth)
 76
                     nn.learningRate /= learningRateEpochDecrease
 77
 78
                     saveFile("outputC.txt", nn.save())
 79
                    savedNNC()
 80
                }
 81
           }
 82
 83
            //@Test
 84
            fun savedNNC() {
 85
                var error = 0
                repeat(100) {
 86
 87
                     val data = mnistDigitTrainingDataset.iterator().next()
 88
 89
                          Convolutional Neural Network. load (load File String ("output C.txt")). run ({\tt data.first}\;,\; image Width). to List ()
 90
                      \begin{tabular}{ll} if & (answer.indexOf(answer.maxBy \{ it \}) != data.second.indexOf(1.0)) \end{tabular} 
 91
                          error++
 92
 93
                println(error)
 94
 95
 96
 97
            //@Test
 98
           fun print() {
 99
                fun Pair<DoubleArray, DoubleArray>.print() {
                    for (i in 0 until imageHeight) {
100
                         for (j in 0 until imageWidth) {
101
102
                              print(
103
                                   if \ (first [j+i * imageWidth] < blackFrom) \ \{\\
104
105
                                   } else {
106
107
108
109
110
                          println()
111
112
                     \frac{\text{println}}{\text{second.indexOf}(1.0)}
113
114
                \mathbf{val}\ \mathbf{data} = \\ \mathbf{mnistDigitTrainingDataset.iterator().next()}
115
116
                data.print()
117
118
```

Listing 14: src/commonMain/kotlin/core/AssociativeMemory.kt

```
/*
           * file:
 2
                                                              AssociativeMemory.kt
 3
            * original author: Joná\check{\mathbf{s}} Havelka <jonas.havelka@volny.cz>
 4
                                                                NeuralNetwork - Kotlin library for NNs
  5
                                                                class AssociativeMemory
           * Licensed under the MIT License. See LICENSE file in the project root for full license information.
  6
 9
          package core
10
11
          import kotlin.random.Random
12
13
           * Associative memory (neural network) consists of [Neuron]s
14
15
           * @constructor creates new [AssociativeMemory] with
17
            * * [neurons] map connect objects to [Neuron]s OR:
             * * [ideas] objects which stores Associative memory
18
            * * [function] which of [IActivationFunctions] we want to use in [neurons]
20
            * @param[neurons] map connect objects to [Neuron]s
21
22
23
           class AssociativeMemory(private val neurons: MutableMapAny, Neuron> = mutableMapOf()) {
24
25
                    constructor(ideas: Set \!\!<\!\! Any \!\!>, function: IActivationFunctions = ActivationFunctions. Sigmoid): \\ \textbf{this}() \ \{ideas: Set \!\!<\!\! Any \!\!>, function: IActivationFunctions = ActivationFunctions | ActivationFunction | Activation | ActivationFunction | Activation | Activation | Activation | Act
26
                            ideas.forEach { idea ->
27
                                     neurons[idea] = Neuron(
28
                                                 function,
                                                inputs = neurons.values.map { it to Random.nextDouble(1.0) }.toMutableList()
29
31
                             }
32
33
34
35
                     * gets state after [repeat] times computing values of neurons
36
37
                    fun run(repeat: Int) {
38
39
                                     neurons.values.forEach { it.prepareForStep() }
                                       neurons.values.forEach { it.run() }
40
41
                             }
42
43
44
45
                      * gets only next state of [AssociativeMemory]
46
                    fun nextStep() {
47
48
                             neurons.values.forEach { it.prepareForStep() }
49
                              neurons.values.forEach { it.run() }
50
51
```

Listing 15: src/commonMain/kotlin/core/Neuron.kt

```
/*
    * file:
2
                         Neuron.kt
3
     * original author: Jonáš Havelka <jonas.havelka@volny.cz>
     * project: NeuralNetwork - Kotlin library for NNs
* content: class Nauron
4
 5
     * Licensed under the MIT License. See LICENSE file in the project root for full license information.
 6
9
    package core
10
11
    import kotlin.random.Random
12
13
    * Neuron for [AssociativeMemory]
14
15
    * @param [function] activation function for neuron
17
     * @param [bias] bias for neuron
     * @param [inputs] [Pair]s of neurons and weights from them
18
19
20
     class Neuron(
21
       private val function: IActivationFunctions = ActivationFunctions.Sigmoid,
22
        private var bias: Double = Random.nextDouble(1.0),
23
        private val inputs: MutableList<Pair<Neuron, Double>> = mutableListOf()
24
    ) {
25
        var actualValue = 0.0
26
           private set
27
        private var lastValue = 0.0
28
        var error = 0.0
29
30
31
         * computation of new value
32
33
        fun run() {
34
             actual Value = function(inputs.sumByDouble \left\{ it. \frac{first}{list}.lastValue * it.second \right. \right\} + bias)
35
36
37
38
         * trains neuron
39
40
        fun train() {
41
            val error2 = function.yD(actualValue) * error
42
            inputs.forEach { it.first.error += error2 * it.second }
43
44
45
46
47
         * prepares neuron for next computation
48
49
        fun prepareForStep() {
50
          lastValue = actualValue
51
```