# Vorkurs Einführung in die <u>Hochschulmathemati</u>k:

**MENGENLEHRE** 

JONATHAN BUSSE

Universität Duisburg Essen GITHUB.COM/JOKABUS/VEH2020

SITZUNG VOM 29. SEPTEMBER 2020

## **ORGANISATORISCHES**

## **ORGANISATORISCHES**

**ZEITPLANUNG** 

#### ZEITPLANUNG

- 10:00 Begrüßung und Motivation komplexer Zahlen
- 10:05 Break-Out-Session

Übung 5.2-1

Übung 5.2-2 (optional)

10:50 Kaffepause

**11:00** Besprechung der Übungsabe(n)

# ÜBUNGSAUFGABE

# ÜBUNGSAUFGABE

**VORRECHNEN** 

### ÜBUNG 5.2 AUFGABE 1

Aufgabe 1:

Bestimme  $|z|,\,\mathfrak{Re}\{z\},\,\mathfrak{Im}\{z\},\,\arg(z)$ und die komplex konjugierte Zahl $\overline{z}$ zu

(a) 
$$z = 1 - i$$
, (b)  $z = \frac{(1 + i)^{13}}{(1 - i)^7}$ , (c)  $z = i^{2014}$ , (d)  $z = (1 - i)^{99}$ 

a)

b)

### ÜBUNG 5.2 AUFGABE 1

Aufgabe 1:

Bestimme  $|z|,\,\mathfrak{Re}\{z\},\,\mathfrak{Im}\{z\},\,\mathrm{arg}(z)$ und die komplex konjugierte Zahl $\overline{z}$ zu

(a) 
$$z = 1 - i$$
, (b)  $z = \frac{(1 + i)^{13}}{(1 - i)^7}$ , (c)  $z = i^{2014}$ , (d)  $z = (1 - i)^{99}$ 

c)

d)

## ÜBUNG 5.2 AUFGABE 2

#### Aufgabe 2:

Skizzieren Sie folgende Mengen in der Gaußschen Zahlenebene:

$$(a)\ M_1=\Big\{\,z\in\mathbb{C}\ \Big|\ |z^2|\leqslant 2\ \wedge\ \Im \mathfrak{m}\{z^2\}\leqslant 0\,\Big\}, \qquad \qquad (b)\ M_2=\Big\{\,z\in\mathbb{C}\ \Big|\ |z-2|=1\,\Big\}.$$

a)

b)

# ÜBUNGSAUFGABE

**VISUALISIERUNG** 

### ÜBUNG 5.1 AUFGABE 1A

Aufgabe 1:

Bestimme |z|,  $\mathfrak{Re}\{z\}$ ,  $\mathfrak{Im}\{z\}$ ,  $\operatorname{arg}(z)$  und die komplex konjugierte Zahl  $\overline{z}$  zu

$$(a) \ z = 1 - i, \qquad (b) \ z = \frac{(1 + i)^{13}}{(1 - i)^7}, \qquad \quad (c) \ z = i^{2014}, \qquad \quad (d) \ z = (1 - i)^{99}$$

c) 
$$z = i^{2014}$$
, (d)  $z = (1 - i^{2014})$ 

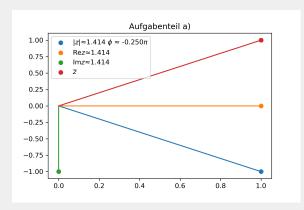
#### ÜBUNG 5.1 AUFGABE 1A

Aufgabe 1:

Bestimme |z|,  $\Re \{z\}$ ,  $\Im \{z\}$ ,  $\arg \{z\}$  und die komplex konjugierte Zahl  $\overline{z}$  zu

$$(a) \ z = 1 - i, \qquad (b) \ z = \frac{(1 + i)^{13}}{(1 - i)^7}, \qquad \quad (c) \ z = i^{2014}, \qquad \quad (d) \ z = (1 - i)^{99}$$

$$(d) z = (1 - i)^{99}$$



### ÜBUNG 5.1 AUFGABE 1B

Aufgabe 1:

Bestimme |z|,  $\mathfrak{Re}\{z\}$ ,  $\mathfrak{Im}\{z\}$ ,  $\operatorname{arg}(z)$  und die komplex konjugierte Zahl  $\overline{z}$  zu

(a) 
$$z = 1 - i$$
, (b)  $z = \frac{(1 + i)^{13}}{(1 - i)^7}$ , (c)  $z = i^{2014}$ , (d)  $z = (1 - i)^{99}$ 

$$z = i^{2014}$$
, (d)  $z = (1 - i)$ 

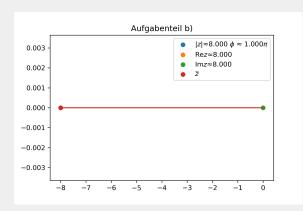
### ÜBUNG 5.1 AUFGABE 1B

Aufgabe 1:

Bestimme |z|,  $\Re \{z\}$ ,  $\Im \{z\}$ ,  $\arg \{z\}$  und die komplex konjugierte Zahl  $\overline{z}$  zu

(a) 
$$z = 1 - i$$
, (b)  $z = \frac{(1 + i)^{13}}{(1 - i)^7}$ , (c)  $z = i^{2014}$ , (d)  $z = (1 - i)^{99}$ 

$$(d) z = (1 - i)^{99}$$



### ÜBUNG 5.1 AUFGABE 1C

Aufgabe 1:

Bestimme |z|,  $\Re \{z\}$ ,  $\Im \{z\}$ ,  $\arg \{z\}$  und die komplex konjugierte Zahl  $\overline{z}$  zu

(a) 
$$z = 1 - i$$
, (b)  $z = \frac{(1 + i)^{13}}{(1 - i)^7}$ , (c)  $z = i^{2014}$ , (d)  $z = (1 - i)^{99}$ 

$$(c) z = i^{2014}$$
,  $(d) z = (1 - i)$ 

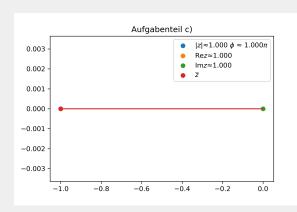
#### ÜBUNG 5.1 AUFGABE 1C

Aufgabe 1:

Bestimme |z|,  $\Re \{z\}$ ,  $\Im \{z\}$ ,  $\arg \{z\}$  und die komplex konjugierte Zahl  $\overline{z}$  zu

(a) 
$$z = 1 - i$$
, (b)  $z = \frac{(1 + i)^{13}}{(1 - i)^7}$ , (c)  $z = i^{2014}$ , (d)  $z = (1 - i)^{99}$ 

$$z^{2014}$$
,  $(d) z = (1 - i)^5$ 



10

### ÜBUNG 5.1 AUFGABE 1D

#### Aufgabe 1:

Bestimme |z|,  $\mathfrak{Re}\{z\}$ ,  $\mathfrak{Im}\{z\}$ ,  $\operatorname{arg}(z)$  und die komplex konjugierte Zahl  $\overline{z}$  zu

(a) 
$$z = 1 - i$$
, (b)  $z = \frac{(1 + i)^{13}}{(1 - i)^7}$ , (c)  $z = i^{2014}$ , (d)  $z = (1 - i)^{99}$ 

$$(c) z = i^{2014}$$
.  $(d) z = i^{2014}$ 

$$(d) z = (1 - i)^{99}$$

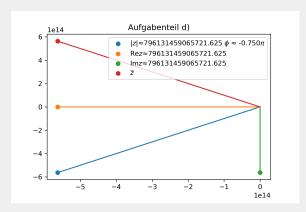
#### ÜBUNG 5.1 AUFGABE 1D

#### Aufgabe 1:

Bestimme |z|,  $\Re \{z\}$ ,  $\Im \{z\}$ ,  $\arg \{z\}$  und die komplex konjugierte Zahl  $\overline{z}$  zu

$$(a) \ z = 1 - i, \qquad (b) \ z = \frac{(1 + i)^{13}}{(1 - i)^7}, \qquad \quad (c) \ z = i^{2014}, \qquad \quad (d) \ z = (1 - i)^{99}$$

$$(d) z = (1 - i)^{99}$$



# VIEL ERFOLG FÜR DEN STUDIENSTART!

