

## O que é um subtipo?

- Sejam A e B tipos
- OB é subtipo de A se toda a expressão do tipo A puder ser substituída por uma expressão de tipo **B**, sem que se registe qualquer incompatibilidade

Por outras palavras, **B** é subtipo de **A** se toda a expressão de tipo **B** puder ser usada onde se espera uma expressão de tipo **A** 

### Para que serve um subtipo?

- Permitem organizar em níveis de abstracção os conceitos usados nos programas
  - Permitem tratar de objectos de um tipo mais específico como se fossem objectos de um tipo mais geral
- Uma linguagem com subtipos adapta-se bem à forma de pensar dos programadores
  - Os seres humanos estão habituados a pensar e a falar de coisas usando abstracções

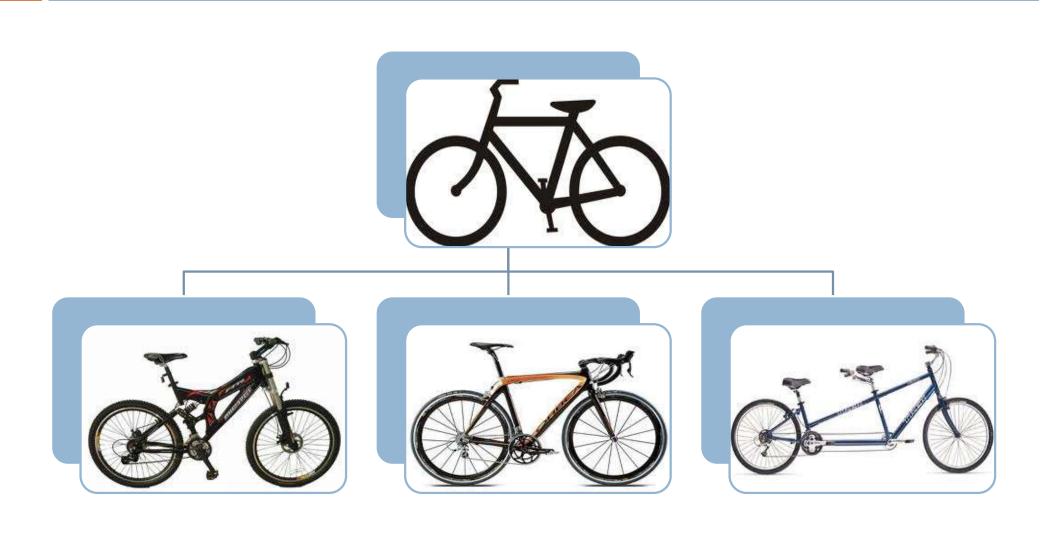
#### Abstracção

- Abstrair significa ignorar, deliberadamente, aspectos particulares de uma entidade, ou conceito, com o objectivo de enfatizar os restantes aspectos, considerados de maior relevância
- Por exemplo, Animal é mais abstracto que Gato, porque ignora deliberadamente mais informação
- Quanto mais abstracto é um conceito, mais elementos representa, e menos informação específica tem associada
- Quanto mais concreto é um conceito, menos elementos representa e mais informação específica tem associada

Gato Felino Mamífero Animal Ser vivo

Abstracção

#### Famílias de entidades relacionadas

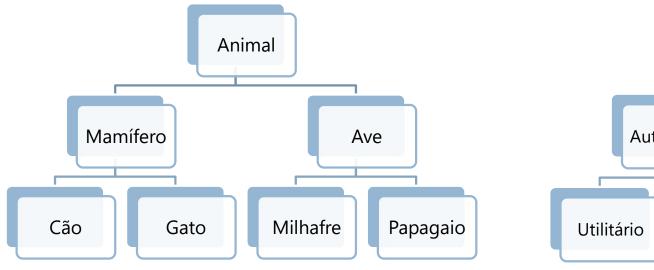


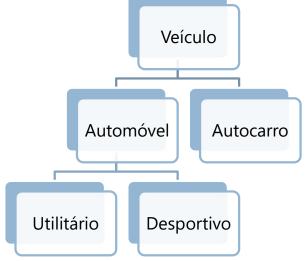
#### Famílias?

- Como tirar partido da abstracção de dados definindo famílias de tipos relacionados?
  - Os membros de uma família têm algum comportamento comum
    - Têm um conjunto de métodos obedecendo ao mesmo protocolo
    - À partida, chamadas a esses métodos resultam nos mesmos comportamentos
    - Contudo, elementos da família podem divergir...
      - Estendendo alguns dos comportamentos comuns da família
      - Acrescentando novos comportamentos

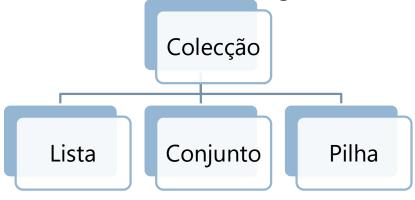
#### Famílias!

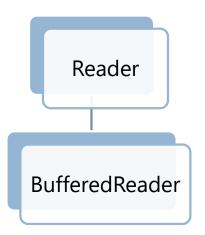
A família pode corresponder a uma hierarquia do mundo real





Ou no mundo da programação





## Família de tipos

- Uma família de tipos é definida por uma hierarquia de tipos
  - No topo da hierarquia, está um tipo (de dados ;-) que define o protocolo comum a todos os membros da família
  - Os outros elementos da família são subtipos deste tipo que está no topo da hierarquia: o supertipo

## Famílias de tipos usadas de duas formas

 Famílias usadas para fornecer diferentes implementações de um tipo

 Famílias cujos subtipos estendem o protocolo do seu supertipo

#### Famílias usadas para fornecer diferentes implementações de um tipo

- Neste caso, os subtipos não alteram o protocolo do supertipo, com excepção de que cada tipo terá o seu respectivo construtor
- A classe que implementa o subtipo implementa exactamente o protocolo definido pelo supertipo

# Famílias cujos subtipos estendem o protocolo do seu supertipo

 Por exemplo, através do fornecimento de novos métodos

 A hierarquia nestas famílias pode ser multinível

O Na parte de baixo da hierarquia, podem existir várias implementações de um determinado subtipo pode per mais métados que

G supertipo

### Hierarquia de tipos

 Define uma família de tipos consistindo num supertipo e nos seus subtipos

#### Princípio da substituição

- Proposto por Barbara Liskov e Jeannette Wing
- Os subtipos comportam-se de acordo com a especificação dos seus supertipos

#### Para que serve uma hierarquia de tipos?

- Permite "relaxar" a verificação de tipos em certos pontos do programa
- Um programa aceita objectos de tipos diferentes dos declarados, desde que o novo tipo seja um subtipo do tipo declarado
- Serve de suporte à polimorfia: a capacidade de um objecto ser de múltiplos tipos simultaneamente

#### Para que serve uma hierarquia de tipos?

- Permite "relaxar" a verificação de tipos em certos pontos do programa
  - o atribuição de um objecto a uma variável
  - passagem de argumentos
  - o a forma como as chamadas a métodos são tratadas
    - o em particular, na **selecção do bloco de código exacto que é executado** em resposta às chamadas
- Um programa aceita objectos de tipos diferentes dos declarados, desde que o novo tipo seja um subtipo do tipo declarado
- Serve de suporte à polimorfia: a capacidade de um objecto ser de múltiplos tipos simultaneamente

## Tipo declarado vs tipo real

 Uma variável pode ser declarada como pertencendo a um tipo, mas na realidade referir-se a um objecto que é de um subtipo desse tipo

```
Animal a1 = new DogClass("Boby");
Animal a2 = new CatClass("Tareco");
```

- Ou seja, variáveis do tipo Animal podem, na realidade referir-se a objectos do tipo DogClass, CatClass, Ou qualquer outro subtipo de Animal
  - Não devemos confundir o tipo declarado com o tipo usado na instanciação – o tipo real

# Verificação de tipos pelo compilador

- O compilador verifica os tipos com base na informação para ele disponível
  - O Usa sempre os tipos *declarados*, não os *reais*, para determinar que chamadas a métodos são legais
  - O objectivo da verificação é garantir que o objecto tem **mesmo** um método com a assinatura apropriada
    - OPode é não saber qual é o tipo *real*...
  - Recorde o conceito de early binding, na aula anterior

um processo no qual uma variavel e atribuída a um tipo específico de objeto durante sua declaração para criar um objeto vinculado antecipadamente

## Dispatching

- Por vezes o compilador pode não saber qual é o tipo real de um objecto
- O código a correr depende do tipo real do objecto
- A chamada ao método correcto é conseguida através de um mecanismo denominado dispatching
  - Em vez de gerar código para chamar directamente o método, o compilador gera código para descobrir, em tempo de execução, qual o método que deve ser executado, indo depois para esse método
- Recorde o conceito de late binding, na aula anterior

substituição de um método virtual como C++ ou à implementação de uma interface

### Como definir uma hierarquia

- A especificação do supertipo é, frequentemente, incompleta
  - Por exemplo, pode n\u00e3o ter construtores
- A especificação de subtipos é feita relativamente à especificação dos supertipos
  - Foco no que o subtipo tem de novo
    - Tipicamente, acrescenta construtores do subtipo
    - Métodos adicionais
    - Se o subtipo alterar a especificação de métodos definidos no supertipo, então tem de fornecer a nova especificação desses métodos
      - Há limites para o tipo de alterações permitidas (já voltaremos aqui)

### Implementação da hierarquia

- Por vezes, os supertipos não são implementados de todo, ou apenas são parcialmente implementados
- Se o supertipo é implementado, ainda que parcialmente, o subtipo é uma extensão da implementação do supertipo
  - A implementação do subtipo pode herdar variáveis de instância e métodos do supertipo
  - A implementação do subtipo pode também redefinir os métodos herdados

### Implementação da hierarquia

- Por vezes, os supertipos não são implementados de todo, ou apenas são parcialmente implementados
- A implementação do supertipo pode disponibilizar informação extra a potenciais subtipos, com métodos e campos destinados exclusivamente aos subtipos
- Se o supertipo é implementado, ainda que parcialmente, o subtipo é uma extensão da implementação do supertipo
  - A implementação do subtipo pode herdar variáveis de instância e métodos do supertipo
  - A implementação do subtipo pode também redefinir os métodos herdados

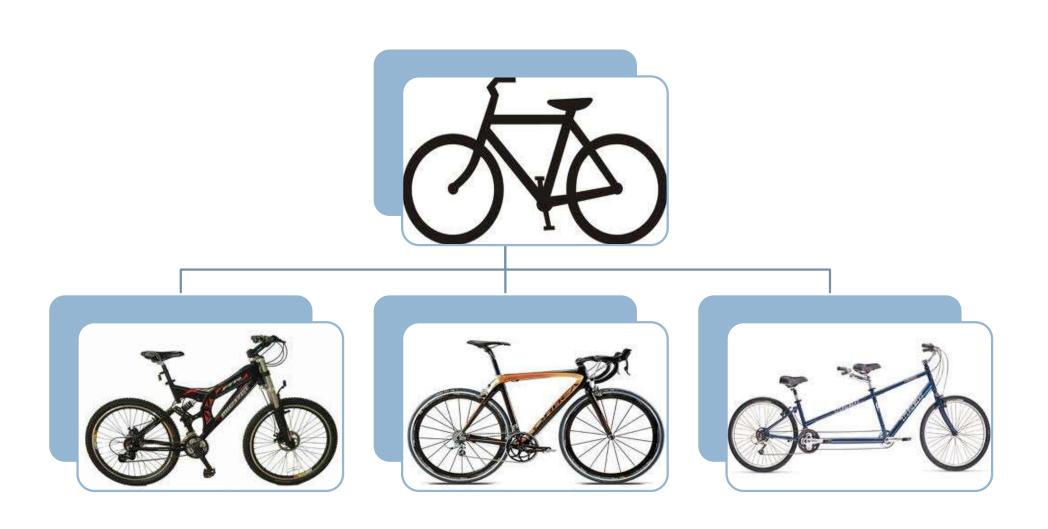
#### Definição de hierarquias, em Java

- Utilização do mecanismo de herança
  - Este mecanismo permite que uma classe seja uma subclasse de outra classe (a superclasse) e que implemente zero ou mais interfaces
- Supertipos definidos como classes ou interfaces
  - Em qualquer caso, a classe ou interface fornece uma especificação do tipo
    - No caso da interface, apenas fornece a especificação
    - No caso da classe, também pode fornecer uma implementação parcial ou total do supertipo

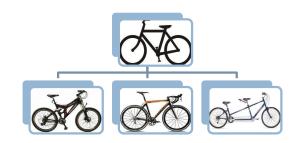
#### Relação de herança entre classes

- Usando o mecanismo de herança, o programador consegue criar uma nova classe (subclasse) com base numa classe já existente (superclasse)
  - Terá apenas de definir as componentes da subclasse que são adicionadas, ou modificadas, face à superclasse
  - As componentes da superclasse que não forem redefinidas são automaticamente herdadas

#### Declaração de classes e subclasses: Bicicletas



#### Classe BicycleClass



```
public class BicycleClass implements Bicycle{
 private int speed;
                                                         3 variáveis de
 private int cadence;
 private int gear;
                                                         instância
 public BicycleClass(int startSpeed, int startCadence, int startGear) {
    speed = startSpeed;
    cadence = startCadence; // rotações por minuto
    gear = startGear;
  public void setCadence(int newValue) {
                                                                   Construtor
    cadence = newValue;
 public void setGear(int newValue) {
    gear = newValue;
                                                       Outros métodos da
                                                       classe BicycleClass
 public void applyBrake(int decrement) {
                                                       (certamente haveria mais
    speed -= decrement;
                                                       a acrescentar)
 public void speedUp(int increment) {
    speed += increment;
```

#### Subclasse MountainBikeClass



public class MountainBikeClass extends BicycleClass { Esta classe especializa a private int seatHeight; // Altura do assento; definição da classe BicycleClass \* Construtor de MountainBike \* @param startHeight - altura do assento A subclasse tem uma \* # @param startSpeed - velocidade inicial nova variável de \* @param startCadence - cadência da pedalada instância \* @param startGear - mudança inicial A subclasse tem o seu public MountainBikeClass(int startHeight, int startSpeed, int startCadence, int startGear) { próprio construtor super(startSpeed, startCadence, startGear); → que invoca o seatHeight = startHeight; construtor da superclasse, para fazer a inicialização \* Regula a altura do assento correspondente à \* @param newValue - nova altura do assento \* / superclasse public void setHeight(int newValue) { A subclasse tem novos seatHeight = newValue; métodos

#### Declaração de uma subclasse

- O Uma subclasse declara a sua superclasse indicando no cabeçalho da sua definição que estende (extends) essa classe
- Uma subclasse apenas pode estender uma superclasse



### O que é que a subclasse herda?

- Membros (atributos, métodos e classes aninhadas) da superclasse que sejam públicos ou protegidos, com os mesmos nomes e assinaturas
- Membros com a visibilidade package (a visibilidade por omissão), se a superclasse estiver no mesmo package

## A subclasse pode acrescentar e modificar membros

- Pode acrescentar membros novos
- Pode reimplementar, ou redefinir (override), os métodos da superclasse
  - Estes métodos têm de ter assinaturas compatíveis com as definidas na superclasse
  - Não pode restringir a visibilidade do método herdado
  - Se o método herdado é público, a redefinição tem de ser igualmente pública
  - OSe o método herdado tem visibilidade package, a redefinição tem de ter visibilidade de package ou pública

#### Shadowing de variáveis de instância

- Uma subclasse não pode redefinir variáveis de instância, apenas métodos
  - Se uma subclasse define uma variável com o mesmo nome que uma variável herdada, não redefine a variável da superclasse
  - O Apenas tapa (ou seja, oculta) a variável herdada
  - Em Inglês isso é chamado de shadowing e é mau estilo, porque redunda em código confuso
    - O fenómeno de shadowing (variáveis ocultas) é
       sempre de evitar

#### Ocultação de métodos na subclasse

 Pode escrever um novo método static na subclasse com a mesma assinatura de um método estático da superclasse, ocultando assim o método da superclasse

#### O que é que a subclasse **não** herda?

- Membros da superclase que sejam privados, redefinidos, ou escondidos não são herdados
- Construtores e blocos de inicialização
  - No caso de acrescentar novas variáveis de instância, estas devem ser inicializadas nos seus próprios construtores
  - O construtor da subclasse pode invocar o construtor da superclasse implicitamente, ou usando a palavra reservada super

## O que cabe na herança?





poo.BicycleClass

- speed: int
- cadence: int
- o gear; int
- BicycleClass(startCadence: int, startSpeed: int, startGear: int)
- setCadence(newValue: int): void
- setGear(newValue: int): void
- applyBrake(decrement; int): void
- speedUp(increment: int): void

Estes atributos **privados** não ficam disponíveis na subclasse

Estes métodos **públicos** são herdados e **ficam** disponíveis na subclasse

poo MountainBike

- seatHeight: int
- MountainBike(startHeight: int, startCadence: int, startSpeed: int, startGear: int)
- setHeight(newValue: int): void

## Representação de um objecto da subclasse

 Inclui as variáveis de instância declaradas na superclasse e as declaradas na subclasse

Com acesso directo

O **acesso directo** a detalhes de representação da superclasse apenas é possível se a superclasse tornar partes da sua implementação acessíveis às subclasses

# O que acontece aos membros de instância privados?

A subclasse não tem acesso a membros privados da superclasse!

```
// Algures na classe MountainBikeClass...

public void slide() {
    this.applyBrake(1);
    // Além de travar, faz mais qualquer coisa para derrapar
}
```

 No entanto, se a superclasse tiver métodos acessíveis que usem os membros privados, os membros privados são usados indirectamente

#### Herança de métodos de instância

- Numa subclasse não existe acesso directo a:
  - métodos declarados na superclasse como privados
  - o métodos da superclasse que sejam redefinidos na subclasse

```
public class AClass {
   private void a() { }
   public String p() { return "P do AClass"; }
}

public class BClass extends AClass {
   // BClass não tem acesso directo a a(), por ser privada
   // BClass não tem acesso directo a p() da classe AClass,
   // por ser redefinida
   public String p() { return "P do BClass"; }
}
```

# Cuidado no desenho da superclasse...

- Qual a interface a oferecer às subclasses?
  - Idealmente, as subclasses devem aceder apenas à superclasse através da sua interface pública
    - Preserva completamente a abstracção
    - Permite que a superclasse seja completamente reimplementada, sem que isso afecte as subclasses
  - Na prática, essa interface pode não ser adequada para construir subclasses eficientes
  - Nesse caso, a superclasse pode declarar variáveis, métodos e construtores como **protegidos** (visíveis para as subclasses)
    - Mas isso também os torna visíveis dentro do package

# Como tornar membros visíveis para as subclasses?

- Declarar a visibilidade como protected
  - Os membros protegidos são visíveis em:
    - o todas as classes no mesmo package
    - o todas as <mark>subclasses,</mark> quer estejam no mesmo package ou em outros packages
- Os membros protegidos são introduzidos para permitir implementações mais eficientes das classes
  - Pode haver variáveis de instância protegidas
  - O As variáveis de instância podem ser privadas mas ter métodos de acesso (e.g. gets e sets) protegidos
    - Esta segunda abordagem é melhor, se permitir preservar invariantes da superclasse

## Representação de um objecto da subclasse

 Inclui as variáveis de instância declaradas na superclasse e as declaradas na subclasse

```
Representação na subclasse MountainBikeClass

protected int speed; // herdada da superclasse protected int cadence; // herdada da superclasse protected int gear; // herdada da superclasse

private int seatHeight; // criada na subclasse

Com acesso directo (declaradas em BicycleClass)
```

 O acesso directo a detalhes de representação da superclasse apenas é possível se a superclasse tornar partes da sua implementação acessíveis às subclasses

Com acesso directo (declaradas em MountainBikeClass)

### Desvantagens dos membros protegidos

- Devemos evitar o uso de membros protegidos a menos que tenhamos um bom motivo
  - Sem eles, a implementação da superclasse pode ser alterada sem afectar as subclasses
  - Dado que os membros protegidos são visíveis em todo o package, isso constitui uma quebra no encapsulamento da classe
    - Corre-se o risco de o código de outras classes da package poder interferir com a implementação da superclasse



```
public class AClass implements A {
    protected int x, y;
    private int z ;
    public String m() { z = 0 ; return this.p() ; }
    private void a() { }
    public String p() { return "P do A"; }
public class BClass extends AClass {
    public float y ;
    public void z() { super.p() ; }
    public String p() { return "P do B"; }
public class CClass extends BClass {
    private double y ;
    public String p() { return "P do C"; }
    public void a() { y = super.y + ((AClass)this).y; }
```

```
public class AClass implements A {
                                                           m() de AClass herdado
    protected int x, y;
                                                           pelas classes BClass e
                                                           CClass
    private int z ;
    public String m() { z = 0 ; return this.p()
    private void a() { }
    public String p() { return "P do A";
public class BClass extends AC1ass {
    public float y ;
    public void z() { super.p() ; }
    public String p() { return "P do B"; }
public class CClass extends BClass {
    private double y ;
    public String p() { return "P do C"; }
    public void a() { y = super.y + ((AClass)this).y; }
```

```
public class AClass implements A {
                                                             m() de AClass herdado
    protected int x, y;
                                                             pelas classes BClass e
                                                             CClass
    private int z ;
                                                             z() de BClass herdado pela
    public String m() { z = 0 ; return this.p() ; }
                                                             classe CClass
    private void a() { }
    public String p() { return "P do A";
public class BClass extends AClass
    public float y ;
    public void z() { super.p() ; }
    public String p() { return "P do B"; }
public class CClass extends BClass {
    private double y ;
    public String p() { return "P do C"; }
    public void a() { y = super.y + ((AClass)this).y; }
```

```
public class AClass implements A {
                                                              m() de AClass herdado
    protected int x, y;
                                                              pelas classes BClass e
                                                              CClass
    private int z ;
                                                              z() de BClass herdado pela
    public String m() { z = 0 ; return this.p() ; }
                                                              classe CClass
    private void a() { } ←
                                                              a() de AClass não é
    public String p() { return "P do A"; }
                                                              herdado por ser privado
public class BClass extends AClass {
    public float y ;
    public void z() { super.p() ; }
    public String p() { return "P do B"; }
public class CClass extends BClass {
    private double y ;
    public String p() { return "P do C"; }
    public void a() { y = super.y + ((AClass)this).y; }
```

```
public class AClass implements A {
    protected int x, y;
    private int z ;
    public String m() { z = 0 ; return this.p() ; }
    private void a() { }
    public String p() { return "P do A"; }
public class BClass extends AClass {
    public float y ;
    public void z() { super.p() ; }
    public String p() { return "P do B"; }
public class CClass extends BClass {
    private double y ;
    public String p() { return "P do C"; }
    public void a() { y = super.y + ((AClass)this).y; }
```

- m() de AClass herdado pelas classes BClass e CClass
- z() de BClass herdado pela classe CClass
- a() de AClass não é herdado por ser privado
  - p() de AClass não é herdado por ser redefinido em BClass

```
public class AClass implements A {
                                                                   m() de AClass herdado
    protected int x, y;
                                                                   pelas classes BClass e
                                                                   CClass
    private int z ;
                                                                   z() de BClass herdado pela
    public String m() { z = 0 ; return this.p() ; }
                                                                   classe CClass
    private void a() { }
                                                                   a() de AClass não é
    public String p() { return "P do A"; }
                                                                   herdado por ser privado
                                                                   p() de AClass não é
                                                                   herdado por ser redefinido
                                                                   em BClass
public class BClass extends AClass {
                                                                   p() de BClass não é
    public float y ;
                                                                   herdado por ser redefinido
    public void z() { super.p() ;
                                                                   em CClass
    public String p() { return "P do B"; }
public class CClass extends BClass {
    private double y ;
    public String p() { return "P do C"; }
    public void a() { y = super.y + ((AClass)this).y; }
```

```
public class AClass implements A {
                                                                       m() de AClass herdado
     protected int x, y;
                                                                        pelas classes BClass e
                                                                       CClass
     private int z ;
                                                                       z() de BClass herdado pela
     public String m() { z = 0 ; return this.p() ; }
                                                                       classe CClass
     private void a() { }
                                                                       a() de AClass não é
     public String p() { return "P do A"; }
                                                                        herdado por ser privado
                                                                       p() de AClass não é
                                                                        herdado por ser redefinido
                                                                       em BClass
public class BClass extends AClass
                                                                       p() de BClass não é
     public float y ;
                                                                        herdado por ser redefinido
     public void z() { super.p() ; }
                                                                       em CClass
     public String p() { return "P do B"; }
                                                                        a() de CClass não é
                                                                       considerado redefinição de
                                                                        a() de AClass, porque a() de
                                                                       AClass era privado
public class CClass extends BClass

    Só se redefinem

                                                                           métodos não privados
     private double y ;
     public String p() { return "P do C"; }
     public void a() { y = super.y + ((AClass)this).y; }
```

```
public class AClass implements A {
    protected int x, y;
    private int z ;
    public String m() { z = 0 ; return this.p() ; }
    private void a() { }
    public String p() { return "P do A"; }
public class BClass extends AClass {
    public float y ;
    public void z() { super.p(); }
    public String p() { return "P do B"; }
public class CClass extends BClass {
    private double y ;
    public String p() { return "P do C"; }
    public void a() { y = super.y + ((AClass)this).y;}
```

- m() de AClass herdado pelas classes BClass e CClass
- z() de BClass herdado pela classe CClass
- a() de AClass não é herdado por ser privado
- p() de AClass não é herdado por ser redefinido em BClass
- p() de BClass não é herdado por ser redefinido em CClass
- a() de CClass não é considerado redefinição de a() de AClass, porque a() de AClass era privado
  - Só se redefinem métodos não privados
  - z() de BClass acede ao método redefinido p() de AClass, usando a palavra reservada <mark>super</mark>

aceder aus metodos da sua superir class

```
public class AClass implements A {
    protected int x, y;
    private int z ;
    public String m() { z = 0 ; return this.p() ; }
    private void a() { }
    public String p() { return "P do A"; }
public class BClass extends AClass {
    public float y ;
    public void z() { super.p() ; }
    public String p() { return "P do B"; }
public class CClass extends BClass {
    private double y ;
    public String p() { return "P do C"; }
    public void a() { y = super.y + ((AClass)this).y;}
```

- m() de AClass herdado pelas classes BClass e CClass
- z() de BClass herdado pela classe CClass
- a() de AClass não é herdado por ser privado
- p() de AClass não é herdado por ser redefinido em BClass
- p() de BClass não é herdado por ser redefinido em CClass
- a() de CClass não é considerado redefinição de a() de AClass, porque a() de AClass era privado
  - Só se redefinem métodos não privados
  - z() de BClass acede ao método redefinido p() de AClass, usando a palavra reservada super
  - a() de CClass tem dois acessos indirectos a variáveis ocultas

### Acesso a variáveis herdadas

- Todas as variáveis de instância fazem tecnicamente parte da representação da subclasse, mas...
  - A subclasse não tem acesso às variáveis privadas
  - A subclasse apenas tem acesso indirecto às variáveis não privadas que são redefinidas (ocultas)
    - O Relembrar: as variáveis ocultas (shadowed) são de evitar
      - O Uma variável oculta da superclasse imediata pode ser acedida com o identificador super
      - O Uma variável de outra superclasse mais acima na hierarquia pode ser acedida usando um *cast* de **this** para o tipo que essa superclasse constitui

```
public void a() { y = super.y + ((AClass)this).y ; }
```

## O identificador super

 Existe uma forma especial de acesso a métodos redefinidos e atributos ocultos da superclasse desde que eles estejam na superclasse imediata

O Para tal, usa-se o identificador super

```
public class AClass extends A {
    //...
    public String p() { return "P do A"; }

public class BClass extends A ass {
    public float y; public void z() { super.p() ; }

    //...
}

public class CClass extends BClass {
    private double y;
    public String p() { return "P do A"; }
    public void a() { y = super.y + ((AClass) this).y; }
}
```

Olha, olha, uma variável de instância pública?!?! Grande Nabo! Espera aí que já vais ver

## Que variáveis têm os objectos?

```
Objectos de AClass:
public class AClass implements A {
    protected int x, y;
                                                         O X
    private int z ;
    public String m() { z = 0 ; return this.p() ; } o_z
    private void a() { }
    public String p() { return "P do A"; }
                                                     Objectos de BClass:
public class BClass extends AClass {
                                                        O X
    public float y ;
                                                        o super.y
    public void z() { super.p() ; }
    public String p() { return "P do B"; }
                                                        O V
public class CClass extends BClass {
                                                     Objectos de CClass:
    private double y ;
    public String p() { return "P do C"; }
                                                        ((AClass)this).y
    public void a() { y = super.y + ((AClass)this).y ;} _{--z}
                                                         o super.y
```

# this e a reinterpretação dos métodos herdados nas subclasses

 Quando um método é herdado, o seu corpo é reinterpretado nas subclasses

```
public class AClass implements A {
    ...
    public String m() { z = 0 ; return this.p() ;
    public String p() { return "P do A"; }
    ...
}

public class BClass extends AClass { ...
    public String p() { return "P do B"; }
}

public class CClass extends BClass { ...
    public String p() { return "P do C"; }
}
```

#### • Qual é o efeito?

- o new AClass().m()
  o "P do A"
- onew BClass().m()
- o new CClass().m()
  - o"P do C"

o"P do B"

### this VS. super

- Dentro de um método, this e super representam o objecto do método, ou seja, o receptor da mensagem
- Ambas referem o mesmo objecto. A diferença está no modo como as mensagens são tratadas:
  - As mensagens enviadas para this invocam métodos da classe real do receptor da mensagem
    - Repare que isso é determinado de modo dinâmico ver o slide anterior
  - As mensagens enviadas para super invocam métodos da superclasse imediata da classe onde a palavra super aparece escrita
    - Repare que isso é determinado de modo estático (early binding) ver implementação do método z () da classe B

## Checkpoint!



- Uma classe pode estender/especializar outra classe, usando o mecanismo de herança
  - A palavra reservada extends indica essa relação
- A subclasse herda definições de métodos e atributos da superclasse
  - Mas nem todas são directamente acessíveis...
- A subclasse pode redefinir métodos e atributos da superclasse

## Conjuntos de inteiros



## Conjuntos de inteiros

- Os conjuntos de inteiros têm diversas aplicações em muitos domínios
  - Números do totoloto
  - Números de telefone
  - O ...
- Pretendemos construir diversos tipos de conjuntos de inteiros, para depois escolher o mais adequado consoante as situações
  - Em particular, queremos
    - Um conjunto simples de inteiros
    - Oum conjunto de inteiros em que seja fácil saber qual o maior
    - Um conjunto de inteiros ordenado

## O nosso programa deve permitir

- Criar um conjunto de inteiros
  - Simples, ou com a funcionalidade extra de encontrar rapidamente o máximo
- Acrescentar números inteiros a um conjunto
- Remover um número inteiro do conjunto
- Testar se um número pertence ao conjunto
- Testar a relação de subconjunto
- Listar os elementos de um conjunto

# Vamos definir uma família de conjuntos de inteiros

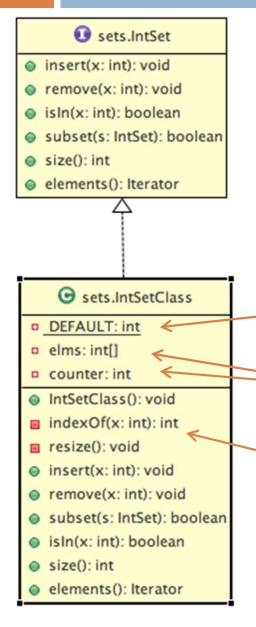
- IntSet fornece um conjunto adequado de métodos para conjuntos alteráveis, não limitados, de inteiros
  - o public void insert(int x)
    - O Acrescenta o inteiro x ao conjunto PRE: !isIn(x)
  - o public void remove(int x)
    - $\circ$  Remove o inteiro  $\times$  do conjunto **PRE:** isIn( $\times$ )
  - o public boolean isIn(int x)
    - Se x pertence ao conjunto, retorna true, caso contrário, retorna false
  - o public boolean subset(IntSet s)
    - O Se this é subconjunto de s retorna true, caso contrário, retorna false
  - o public int size()
    - Retorna o tamanho do conjunto
  - o public Iterator elements()
    - Retorna um iterador de inteiros, para as listagens

### A interface IntSet

```
// Comentários omitidos por economia de espaço no slide :-(
public interface IntSet {
    void insert(int x);
    void remove(int x);
    boolean isIn(int x);
    boolean subset(IntSet s);
    int size();
    Iterator elements();
}

// Comentários omitidos por economia de espaço no slide :-(
public interface IntSet {
        poo.IntSet
        insert(x: int): void
        isIn(x: int): void
        isIn(x: int): boolean
        subset(s: IntSet): boolean
        size(): int
        elements(): Iterator
```

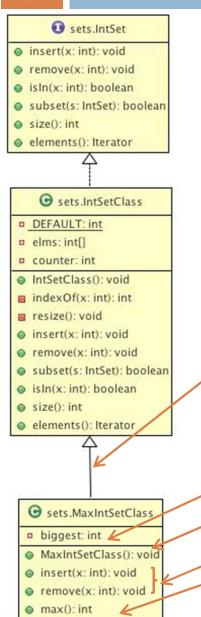
60



- Vamos definir uma classe que implemente a interface Intset de modo a criar Conjuntos de inteiros simples
  - Esquema de implementação da interface a que já estamos habituados
    - Acrescentamos uma constante, com o tamanho por omissão
    - Duas variáveis, com um vector acompanhado
    - Dois métodos auxiliares, privados, já nossos conhecidos...

# Uma família de conjuntos de inteiros

61



- MaxIntSet é uma subclasse de IntSetClass
- O Por ser subclasse de IntsetClass, também implementa a interface Intset:
  - Símbolo de herança
  - Comportamento semelhante ao de IntSetClass, mas com um método extra max que retorna o maior elemento do conjunto
    - Variável biggest acrescentada
    - Novo construtor
      - insert e remove redefinidos
    - Método max acrescentado

## Especificação de IntSetClass

sets.IntSet

subset(s: IntSet): boolean

insert(x: int): void
 remove(x: int): void
 isln(x: int): boolean

elements(): Iterator

DEFAULT: int

IntSetClass(): void

indexOf(x: int): int

insert(x: int): void

remove(x: int): void
 subset(s: IntSet): boolean

isln(x: int): boolean

elements(): Iterator

G sets.MaxIntSetClass

MaxIntSetClass(): void
 insert(x: int): void
 remove(x: int): void

biggest: int

o max(): int

resize(): void

o size(): int

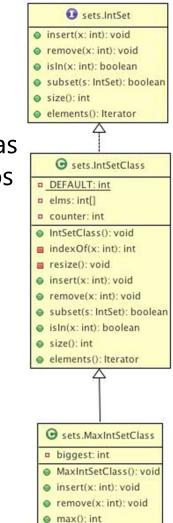
elms:int[]
counter:int

o size(): int

```
public class IntSetClass implements IntSet {
                                                 Não são usados membros
                                                 protegidos, neste exemplo.
                                                 Isto significa que as
                                                 subclasses de
                                                 IntSetClass apenas lhe
  public IntSetClass() { }
                                                 podem aceder através da
                                                 sua interface pública.
                                                 O nível de acesso é
  public void insert(int x) {...}
                                                 aceitável, porque o iterador
  public void remove(int x) {...}
                                                 permite visitar todos os
  public boolean isIn(int x) {...}
                                                 elementos da colecção.
  public boolean subset(IntSet s) {...}
  public int size() {...}
```

public Iterator elements() {...}

```
public class IntSetClass implements IntSet {
  private static final int DEFAULT = 10;
  private int[] elms;
  private int counter;
                                      Esta constante, as duas
                                      variáveis e os métodos
  public IntSetClass() { . . . }
                                      indexOf e resize
  private int indexOf(int x) {...}
                                      são privados.
  private void resize() {...}
                                      São inacessíveis fora
  public void insert(int x) {...}
                                      desta classe, mesmo
  public void remove(int x) {...}
                                      para as subclasses.
  public boolean isIn(int x) {...}
  public boolean subset(IntSet s) {...}
  public int size() {...}
  public Iterator elements() {...}
```



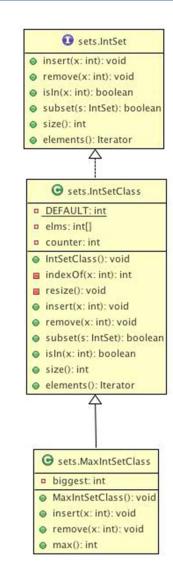
```
public class IntSetClass implements IntSet {
  private static final int DEFAULT = 10;
  private int[] elms;
  private int counter;
  public IntSetClass() {
    elms = new int[DEFAULT];
    counter = 0;
  private int indexOf(int x) {
    int i = 0, pos = -1;
    while (i < counter && pos == -1) {
      if (elms[i] == x)
       pos = i;
      <u>i++;</u>
    return pos;
```

sets.IntSet insert(x: int): void remove(x: int): void isln(x: int): boolean subset(s: IntSet): boolean o size(): int elements(): Iterator G sets.IntSetClass DEFAULT: int a elms: int[] a counter: int IntSetClass(): void indexOf(x: int): int resize(): void insert(x: int): void remove(x: int): void subset(s: IntSet): boolean o isln(x: int): boolean o size(): int elements(): Iterator G sets.MaxIntSetClass a biggest: int MaxIntSetClass(): void o insert(x: int): void o remove(x: int): void o max(): int

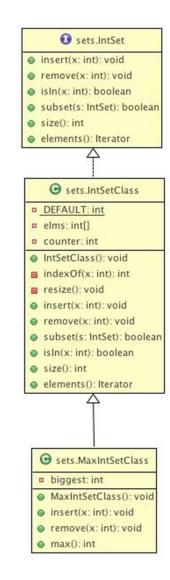
```
public class IntSetClass implements IntSet {
    ...

public void insert(int x) {
    if (counter == elms.length)
        resize();
    elms[counter++] = x;
}

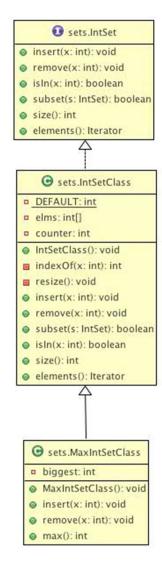
private void resize() {
    int[] tmp = new int[elms.length*2];
    for (int i = 0; i < counter; i++)
        tmp[i] = elms[i];
    elms = tmp;
}</pre>
```



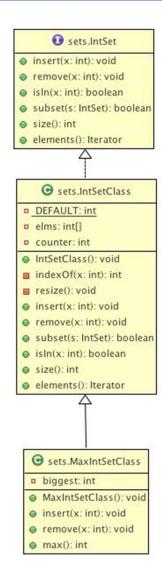
```
public class IntSetClass implements IntSet {
   public void insert(int x) {
     if (counter == elms.length)
        resize();
     elms[counter++] = x;
   private void resize() {
     int[] tmp = new int[elms.length*2];
     for (int i = 0; i < counter; i++)
        tmp[i] = elms[i];
     elms = tmp;
   public void remove(int x) {
     int index = indexOf(x);
     counter--;
     elms[index] = elms[counter];
```



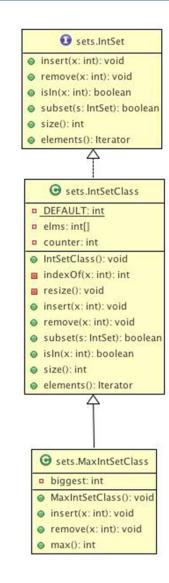
```
public class IntSetClass implements IntSet {
    ...
    public boolean isIn(int x) {
      return (indexOf(x) != -1);
    }
```



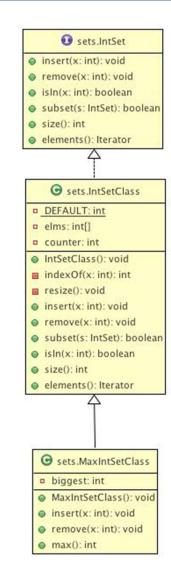
```
public class IntSetClass implements IntSet {
 public boolean isIn(int x) {
    return (indexOf(x) !=-1);
  // Se this é subconjunto de s retorna true,
  // caso contrário, retorna false
 public boolean subset(IntSet s) {
    if (s.size() < this.size()) return false;</pre>
    for (int i = 0; i < counter; i++)
      if (!s.isIn(elms[i]))
        return false;
    return true;
```



```
public class IntSetClass implements IntSet {
 public boolean isIn(int x) {
    return (indexOf(x) != -1);
  // Se this é subconjunto de s retorna true,
  // caso contrário, retorna false
 public boolean subset(IntSet s) {
    if (s.size() < this.size()) return false;</pre>
    for (int i = 0; i < counter; i++)
      if (!s.isIn(elms[i]))
        return false:
    return true;
 public int size() { return counter; }
 public Iterator elements() {
    return new IteratorClass(elms, counter);
```



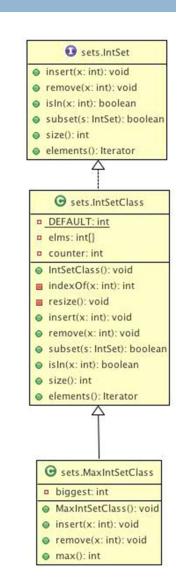
```
public class IntSetClass implements IntSet {
 public boolean isIn(int x) {
    return (indexOf(x) != -1);
  // Se this é subconjunto de s retorna true,
  // caso contrário, retorna false
 public boolean subset(IntSet s) {
    if (s.size() < this.size()) return false;</pre>
    for (int i = 0; i < counter; i++)
      if (!s.isIn(elms[i]))
        return false:
    return true;
 public int size() { return counter; }
 public Iterator elements() {
    return new IteratorClass(elms, counter);
```



## Especificação de MaxIntSetClass

```
public class MaxIntSetClass extends IntSetClass {
   private int biggest;
   public MaxIntSet() {...}
   public void insert(int x) {...}
   public void remove(int x) {...}
   public int max() {...}
}
```

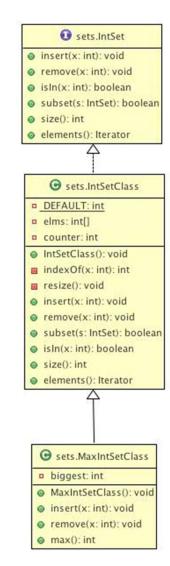
- Repare que:
  - O A constante **DEFAULT**, por ser privada, não é herdada
  - O As duas variáveis de instância da superclasse, elms e counter, não podem ser acedidas directamente por serem privadas
  - O construtor da superclasse não é herdado
  - O método indexof da superclasse não pode ser acedido directamente, por ser privado
  - O Temos uma nova variável biggest
  - Temos um novo construtor MaxIntset e um novo método max
  - O Temos dois métodos redefinidos insert e remove
  - O Esta classe também implementa a interface IntSet



```
sets.IntSet
public class MaxIntSetClass extends IntSetClass {
                                                                                                     insert(x: int): void
                                                                                                     remove(x: int): void
   private int biggest;
                                                                                                       isIn(x: int): boolean
                                                                    Como em todos os
                                                                                                       subset(s: IntSet): boolean
                                                                    construtores
                                                                                                       size(): int
                                                                                                       elements(): Iterator
                                                                    devemos inicializar todas as
   public MaxIntSetClass() {
                                                                    variáveis de instância. Para
      super();
                                                                                                       G sets.IntSetClass
                                                                    garantir que as variáveis
                                                                                                       DEFAULT: int
       biggest = 0;
                                                                    inacessíveis da superclasse
                                                                                                       elms: int[]
                                                                                                       counter: int
                                                                    também são inicializadas,
                                                                                                       IntSetClass(): void
                                                                    usa-se a chamada ao
                                                                                                       indexOf(x: int): int
                                                                                                       resize(): void
                                                                    construtor da superclasse!
                                                                                                       insert(x: int): void
   public void insert(int x)
                                                                                                       remove(x: int): void
                                                                    O insert começa por tratar
                                                                                                       subset(s: IntSet): boolean
       if (size() == 0 \mid \mid x > biggest)
                                                                                                       isln(x: int): boolean
                                                                    do caso especial levantado
                                                                                                       size(): int
           biggest = x;
                                                                                                       elements(): Iterator
                                                                    pela necessidade de
                                                                    actualizar a variável
                                                                    biggest. No resto, seria
       super.insert(x);
                                                                                                       sets.MaxIntSetClass
                                                                    igual ao da superclasse,
                                                                                                       biggest: int
                                                                    portanto, delega nela a
                                                                                                       MaxIntSetClass(): void
                                                                    implementação.
                                                                                                      insert(x: int): void
                                                                                                        remove(x: int): void
                                                                                                      o max(): int
```

# Implementação de MaxIntSetClass

```
public void remove(int x) {
  super.remove(x);
  if ((size()>0) \&\& (x == biggest)) {
    Iterator it = elements();
    biggest = it.next();
    int tmp;
    while (it.hasNext()) {
      tmp = it.next();
      if (tmp > biggest)
        biggest = tmp;
public int max() { return biggest; }
```



```
sets.IntSet
public class OrderedIntSetClass
                                                                                      insert(x: int): void
                                       implements IntSet {
                                                                                      remove(x: int): void
                                                                                      isln(x: int): boolean
   private static final int DEFAULT = 10;
                                                                                      subset(s: IntSet): boolean
   private int[] elms;
                                                                                      size(): int
                                                                                      elements(): Iterator
   private int counter;
   / * *
                                                                                                       Sets.OrderedIntSetClass
                                                                               G sets.IntSetClass
     * Inicializa o vector acompanhado,
                                                                                                      DEFAULT: int
                                                                            DEFAULT: int
                                                                                                      elms: int[]
                                                                            a elms: int[]
     * de modo a representar
                                                                                                      p counter: int
                                                                            a counter; int
     * um conjunto vazio de inteiros.
                                                                                                      OrderedIntSetClass(): void
                                                                            IntSetClass(): void
                                                                                                      indexOf(n: int); int
                                                                            indexOf(x: int): int
     * /
                                                                                                      insert(x: int): void
                                                                            resize(): void
                                                                                                      resize(): void
   public OrderedIntSetClass() {
                                                                            insert(x: int): void
                                                                                                      o remove(x: int): void
                                                                            remove(x: int): void
       elms = new int[DEFAULT];
                                                                                                      isln(x: int): boolean
                                                                            subset(s: IntSet): boolean
                                                                                                      subset(s: IntSet): boolean
                                                                            isln(x: int): boolean
       counter = 0;
                                                                                                      o size(): int
                                                                            o size(): int
                                                                                                      elements(): Iterator
                                                                            o elements(): Iterator
                                                                             G sets.MaxIntSetClass
                                                                             biggest: int
                                                                             MaxIntSetClass(): void
```

insert(x: int): voidremove(x: int): void

o max(): int

```
sets.IntSet
/ * *
                                                                                  insert(x: int): void
  * Devolve o indice do elemento <code>n</code>.
                                                                                  remove(x: int): void
                                                                                  isln(x: int): boolean
  * @param n - o elemento a pesquisar no conjunto.
                                                                                  o subset(s: IntSet): boolean
  * @return - o índice com a posição do elemento,
                                                                                  o size(): int
                                                                                  elements(): Iterator
  * ou o índice do primeiro inteiro maior se não
  * existir.
                                                                                                  Sets.OrderedIntSetClass
                                                                           G sets.IntSetClass
private int indexOf(int n) {
                                                                                                 DEFAULT: int
                                                                         DEFAULT: int
                                                                                                 elms: int[]
                                                                         a elms: int[]
   int low = 0;
                                                                                                 p counter: int
                                                                         a counter; int
   int high = counter-1;
                                                                                                 OrderedIntSetClass(): void
                                                                        IntSetClass(): void
                                                                                                 indexOf(n: int): int
                                                                        indexOf(x: int): int
   int mid = -1;
                                                                                                 insert(x: int): void
                                                                        resize(): void
                                                                                                 resize(): void
   while (low <= high) {</pre>
                                                                        insert(x: int): void
                                                                                                 o remove(x: int): void
                                                                        remove(x: int): void
      mid = (low+high)/2;
                                                                                                 isln(x: int): boolean
                                                                        subset(s: IntSet): boolean
                                                                                                 subset(s: IntSet): boolean
                                                                        isln(x: int): boolean
       if (elms[mid] == n) return mid;
                                                                                                 o size(): int
                                                                        o size(): int
      else if (n < elms[mid]) high = mid-1;</pre>
                                                                                                 elements(): Iterator
                                                                        o elements(): Iterator
      else low = mid+1;
                                                                         G sets.MaxIntSetClass
   return low;
                                                                         biggest: int
                                                                         MaxIntSetClass(): void
                                                                         insert(x: int): void
                                                                         remove(x: int): void
                                                                         o max(): int
```

```
private int indexOf(int n) {
  int low = 0;
  int high = counter-1;
  int mid = -1;
  while (low <= high) {
    mid = (low+high)/2;
    if (elms[mid] == n) return mid;
    else if (n < elms[mid]) high = mid-1;
    else low = mid+1;
  }
  return low;
}</pre>
```

```
elms = [3, 9, 13, 14, 17, ...]
counter = 5
```

n	low	mid	high
10			

```
private int indexOf(int n) {
  int low = 0;
  int high = counter-1;

int mid = -1;
  while (low <= high) {
    mid = (low+high)/2;
    if (elms[mid] == n) return mid;
    else if (n < elms[mid]) high = mid-1;
    else low = mid+1;
  }
  return low;
}</pre>
```

```
elms = [3, 9, 13, 14, 17, ...]
counter = 5
```

n	low	mid	high
10	0	-1	4

```
private int indexOf(int n) {
  int low = 0;
  int high = counter-1;
  int mid = -1;

  while (low <= high) {
    mid = (low+high)/2;
    if (elms[mid] == n) return mid;
    else if (n < elms[mid]) high = mid-1;
    else low = mid+1;
  }
  return low;
}</pre>
```

```
elms = [3, 9, 13, 14, 17, ...]
counter = 5
```

n	low	mid	high
10	0	-1	4

```
private int indexOf(int n) {
  int low = 0;
  int high = counter-1;
  int mid = -1;
  while (low <= high) {
         mid = (low+high)/2;
         if (elms[mid] == n) return mid;
         else if (n < elms[mid]) high = mid-1;
         else low = mid+1;
    }
    return low;
}</pre>
```

```
elms = [3, 9, 13, 14, 17, ...]
counter = 5
```

n	low	mid	high
10	0	-1	4
		2	

```
private int indexOf(int n) {
  int low = 0;
  int high = counter-1;
  int mid = -1;
  while (low <= high) {
         mid = (low+high)/2;
         if (elms[mid] == n) return mid;
         else if (n < elms[mid]) high = mid-1;
         else low = mid+1;
    }
    return low;
}</pre>
```

```
elms = [3, 9, 13, 14, 17, ...]
counter = 5
```

n	low	mid	high
10	0	-1	4
		2	

```
private int indexOf(int n) {
  int low = 0;
  int high = counter-1;
  int mid = -1;
  while (low <= high) {
    mid = (low+high)/2;
    if (elms[mid] == n) return mid;
    low = if (n < elms[mid]) high = mid-1;
    else low = mid+1;
  }
  return low;
}</pre>
```

```
elms = [3, 9, 13, 14, 17, ...]
counter = 5
```

n	low	mid	high
10	0	-1	4
		2	1

```
private int indexOf(int n) {
  int low = 0;
  int high = counter-1;
  int mid = -1;

> while (low <= high) {
    mid = (low+high)/2;
    if (elms[mid] == n) return mid;
    else if (n < elms[mid]) high = mid-1;
    else low = mid+1;
  }
  return low;
}</pre>
```

elms = [	3 <b>,</b> 9	, 13,	14,	17,	]
counter	= 5				

n	low	mid	high
10	0	-1	4
		2	1

```
private int indexOf(int n) {
  int low = 0;
  int high = counter-1;
  int mid = -1;
  while (low <= high) {
         mid = (low+high)/2;
         if (elms[mid] == n) return mid;
         else if (n < elms[mid]) high = mid-1;
         else low = mid+1;
    }
    return low;
}</pre>
```

```
elms = [3, 9, 13, 14, 17, ...]
counter = 5
```

n	low	mid	high
10	0	-1	4
		2	1
		0	

```
private int indexOf(int n) {
  int low = 0;
  int high = counter-1;
  int mid = -1;
  while (low <= high) {
         mid = (low+high)/2;
         if (elms[mid] == n) return mid;
         else if (n < elms[mid]) high = mid-1;
         else low = mid+1;
    }
    return low;
}</pre>
```

```
elms = [3, 9, 13, 14, 17, ...]
counter = 5
```

n	low	mid	high
10	0	-1	4
		2	1
		0	

```
private int indexOf(int n) {
  int low = 0;
  int high = counter-1;
  int mid = -1;
  while (low <= high) {
    mid = (low+high)/2;
    if (elms[mid] == n) return mid;
    else if (n < elms[mid]) high = mid-1;
  }
  return low;
}</pre>
```

```
elms = [3, 9, 13, 14, 17, ...]
counter = 5
```

n	low	mid	high
10	0	-1	4
		2	1
	1	0	

```
private int indexOf(int n) {
  int low = 0;
  int high = counter-1;
  int mid = -1;

> while (low <= high) {
    mid = (low+high)/2;
    if (elms[mid] == n) return mid;
    else if (n < elms[mid]) high = mid-1;
    else low = mid+1;
  }
  return low;
}</pre>
```

```
elms = [3, 9, 13, 14, 17, ...]
counter = 5
```

n	low	mid	high
10	0	-1	4
		2	1
	1	0	

```
private int indexOf(int n) {
  int low = 0;
  int high = counter-1;
  int mid = -1;
  while (low <= high) {
         mid = (low+high)/2;
         if (elms[mid] == n) return mid;
         else if (n < elms[mid]) high = mid-1;
         else low = mid+1;
    }
    return low;
}</pre>
```

```
elms = [3, 9, 13, 14, 17, ...]
counter = 5
```

n	low	mid	high
10	0	-1	4
		2	1
	1	0	
		1	

```
private int indexOf(int n) {
  int low = 0;
  int high = counter-1;
  int mid = -1;
  while (low <= high) {
         mid = (low+high)/2;
         if (elms[mid] == n) return mid;
         else if (n < elms[mid]) high = mid-1;
         else low = mid+1;
    }
    return low;
}</pre>
```

```
elms = [3, 9, 13, 14, 17, ...]
counter = 5
```

n	low	mid	high
10	0	-1	4
		2	1
	1	0	
		1	

```
private int indexOf(int n) {
  int low = 0;
  int high = counter-1;
  int mid = -1;
  while (low <= high) {
    mid = (low+high)/2;
    if (elms[mid] == n) return mid;
    else if (n < elms[mid]) high = mid-1;
  }
  return low;
}</pre>
```

```
elms = [3, 9, 13, 14, 17, ...]
counter = 5
```

n	low	mid	high
10	0	-1	4
		2	1
	1	0	
	2	1	

```
private int indexOf(int n) {
  int low = 0;
  int high = counter-1;
  int mid = -1;

  while (low <= high) {
    mid = (low+high)/2;
    if (elms[mid] == n) return mid;
    else if (n < elms[mid]) high = mid-1;
    else low = mid+1;
  }
  return low;
}</pre>
```

```
elms = [3, 9, 13, 14, 17, ...]
counter = 5
```

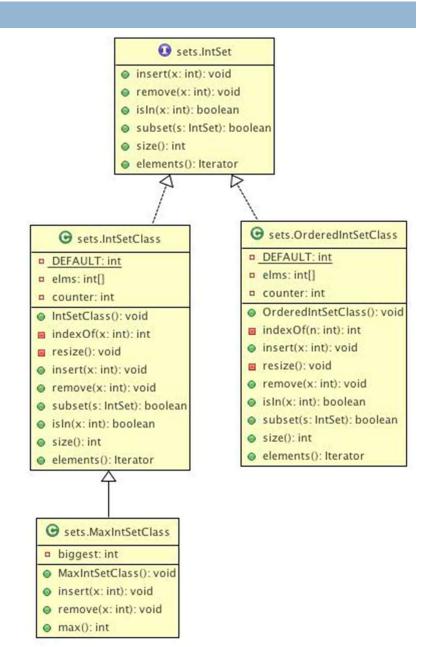
n	low	mid	high
10	0	-1	4
		2	1
	1	0	
	2	1	

```
private int indexOf(int n) {
  int low = 0;
  int high = counter-1;
  int mid = -1;
  while (low <= high) {
    mid = (low+high)/2;
    if (elms[mid] == n) return mid;
    else if (n < elms[mid]) high = mid-1;
    else low = mid+1;
  }
  return low;
}</pre>
```

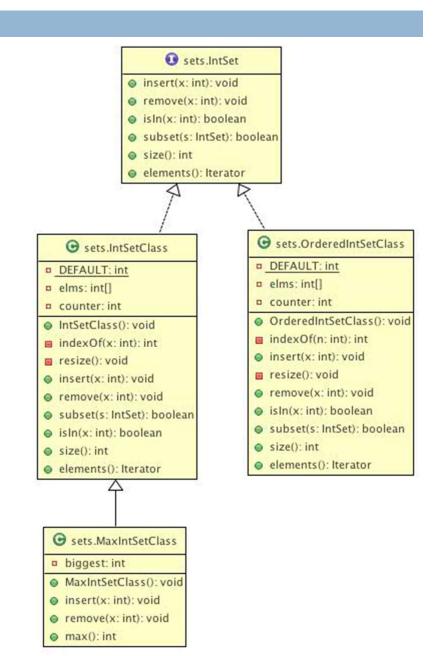
```
elms = [3, 9, 13, 14, 17, ...]
counter = 5
```

n	low	mid	high
10	0	-1	4
		2	1
	1	0	
	2	1	

```
public void insert(int x) {
  int pos = indexOf(x);
  if (counter == elms.length)
    resize();
  for (int i = counter; i > pos; i--)
    elms[i] = elms[i-1];
  elms[pos] = x;
  counter++;
private void resize() {
  int[] tmp = new int[elms.length*2];
  for (int i = 0; i < counter; i++)
      tmp[i] = elms[i];
  elms = tmp;
```



```
public void remove(int x) {
  int i = indexOf(x);
  while (i < counter-1) {</pre>
    elms[i] = elms[i+1];
    i++;
  counter--;
public boolean isIn(int x) {
  int i = indexOf(x);
  if (counter == i)
    return false;
  return elms[i] == x;
```



```
public boolean subset(IntSet s) {
                                                                                            sets.IntSet
                                                                                       insert(x: int): void
   if (s.size() < this.size())</pre>
                                                                                       remove(x: int): void
       return false;
                                                                                       isln(x: int): boolean
                                                                                       subset(s: IntSet): boolean
   for (int i = 0; i < counter; i++)
                                                                                       size(): int
       if (!s.isIn(elms[i]))
                                                                                       elements(): Iterator
          return false;
   return true;
                                                                                                       G sets.IntSetClass
                                                                                                       DEFAULT: int
                                                                             DEFAULT: int
                                                                                                       elms: int[]
                                                                             a elms: int[]
                                                                                                       p counter: int
                                                                             a counter; int
public int size() {
                                                                                                       OrderedIntSetClass(): void
                                                                             IntSetClass(): void
                                                                                                       indexOf(n: int): int
   return counter;
                                                                             indexOf(x: int): int
                                                                                                       insert(x: int): void
                                                                             resize(): void
                                                                                                       resize(): void
                                                                             insert(x: int): void
                                                                                                       o remove(x: int): void
                                                                             remove(x: int): void
                                                                                                       isln(x: int): boolean
                                                                             subset(s: IntSet): boolean
public Iterator elements() {
                                                                                                       subset(s: IntSet): boolean
                                                                             isln(x: int): boolean
                                                                                                       o size(): int
                                                                             o size(): int
   return new IteratorClass(elms, counter);
                                                                                                       elements(): Iterator
                                                                             elements(): Iterator
                                                                              sets.MaxIntSetClass
                                                                             biggest: int
                                                                             MaxIntSetClass(): void
                                                                             insert(x: int): void
                                                                             remove(x: int): void
                                                                             o max(): int
```